

الكورس  
الثاني

8

# الرياضيات



## الفهرس

### الوحدة الخامسة : الأشكال الرباعية

٢	الكشف عن توازي مستقيمين	١
٥	متوازي الأضلاع - رسم متوازي الأضلاع	٢
٩	الكشف عن متوازي الأضلاع	٣
١٦	الكشف عن المستطيل	٤
٢٠	الكشف عن المعين	٥
٢٣	الكشف عن المربع	٦
٢٧	تقويم الوحدة التعليمية الخامسة	٧

### الوحدة السادسة : المقادير الجبرية

٣٤	قوانين الأسس	١
٣٧	كثيرات الحدود	٢
٤٠	جمع كثيرات الحدود وطرحها	٣
٤٣	ضرب كثيرات الحدود	٤
٤٦	قسمة كثيرة حدود على حد جبري	٥
٤٨	تقويم الوحدة التعليمية السادسة	٦

### الوحدة السابعة : تحليل المقادير الجبرية

٥٢	العامل المشترك الأكبر ( ع . م . أ )	١
٥٤	التحليل باستخدام العامل المشترك الأكبر	٢
٥٦	تحليل الفرق بين مربعين	٣
٥٨	حل معادلة من الدرجة الأولى بمتغير واحد	٤
٦٠	حل معادلة من الدرجة الثانية بمتغير واحد بالتحليل	٥
٦٢	حل متباينة من الدرجة الأولى بمتغير واحد	٦
٦٥	تقويم الوحدة التعليمية السابعة	٧

### الوحدة الثامنة : الاحتمال - الاحصاء

٧٠	طرائق العد	١
٧٥	فضاء العينة	٢
٧٨	الاحتمال	٣
٨٢	مخططات الساق والأوراق المزدوج	٤
٨٥	تمثيل البيانات باستخدام القطاعات الدائرية	٥
٨٨	المتوسط الحسابي- الوسيط - المنوال	٦
٩٣	تقويم الوحدة التعليمية الثامنة	٧



# الوحدة الخامسة: الأشكال الرباعية

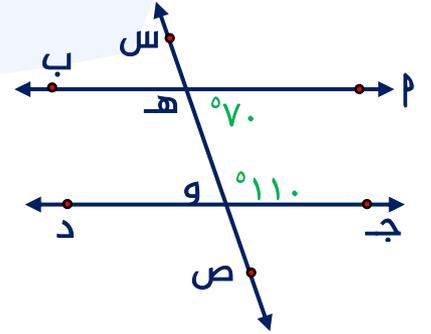
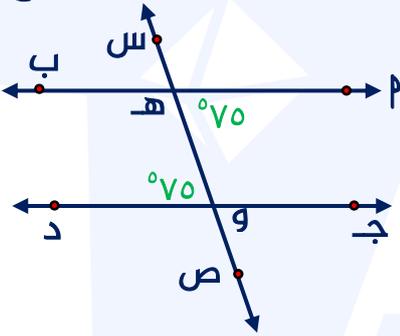
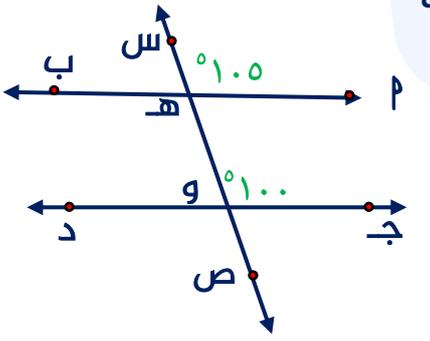
## الكشف عن نوازي مستقيمين

١-٥

إذا قطع مستقيم مستقيمين في، فإن المستقيمين يكونان متوازيين إذا وفقط إذا توفر أحد الشروط:

زاويتان متبادلتان متطابقتان	زاويتان متناظرتان متطابقتان	زاويتان متحالفتان متكاملتان

تدرب (١) في أي من الأشكال التالية، يكون  $\overline{m} \parallel \overline{b}$  ج د، وضح ذلك



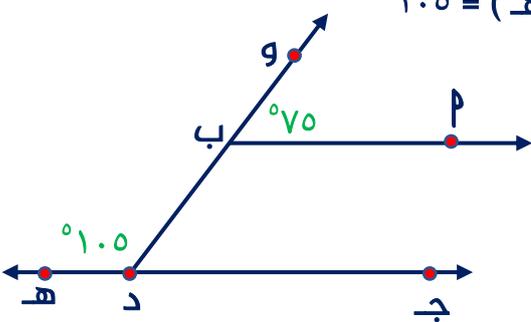
.....  
.....

.....  
.....

.....  
.....

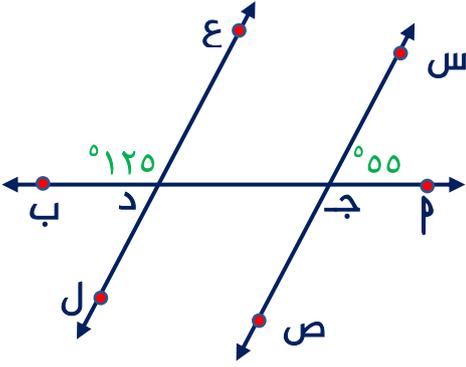
تدرب (٢) في الشكل المقابل:  $\hat{c} = 75^\circ$ ،  $\hat{d} = 100^\circ$  ق (ب د هـ) =  $100^\circ$

أثبت أن  $\overline{m} \parallel \overline{h}$  ج هـ

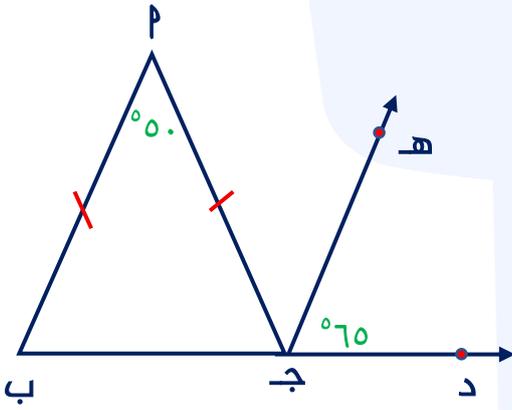




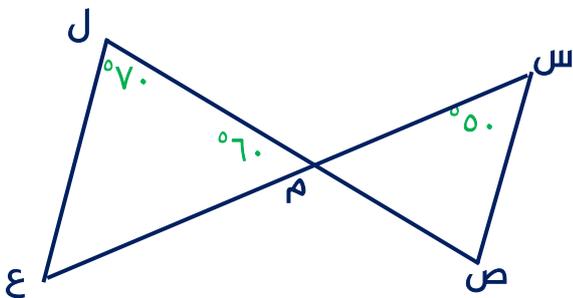
تدرب (٣) في الشكل المقابل :  $\overleftrightarrow{P} \perp \overleftrightarrow{Q}$  : قاطع للمستقيمين  $س$  و  $ع$  ،  
 في ج ، د ، على الترتيب  $ق ( \hat{P} ج س ) = ٥٥^\circ$  ،  $ق ( ع د ب ) = ١٢٥^\circ$   
 برهن أن  $س \parallel ع$



تدرب (٤) في الشكل المقابل وحسب البيانات المحددة عليه أثبت أن  $ج ه \parallel ب$

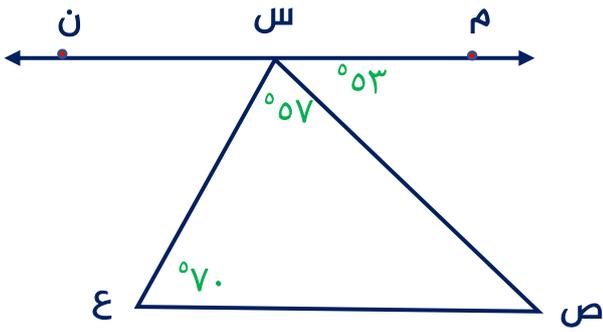


تدرب (٥) في الشكل المقابل إذا كان  $س \cap ع \cap ل = م$  وحسب البيانات المحددة  
 أثبت أن  $س \parallel ع$



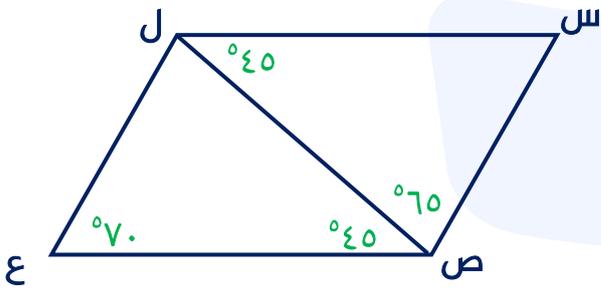


تدرب (٦) في الشكل المقابل وحسب البيانات المحددة عليه أثبت أن  $\overline{م ن} \parallel \overline{ص ع}$

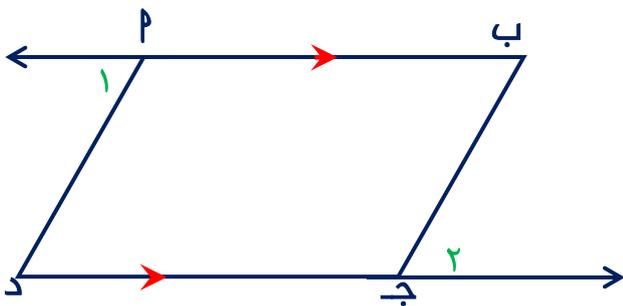


تدرب (٧) في الشكل المقابل وحسب المعطيات المدونة عليه:

برهن أن: **أ**  $\overline{س ل} \parallel \overline{ص ع}$  **ب**  $\overline{س ص} \parallel \overline{ل ع}$



تدرب (٨) في الشكل المقابل:  $\overline{ب پ} \parallel \overline{د ج}$   
 $\hat{ق} (١) = \hat{ق} (٢)$ ، برهن أن  $\overline{ب ج} \parallel \overline{پ د}$

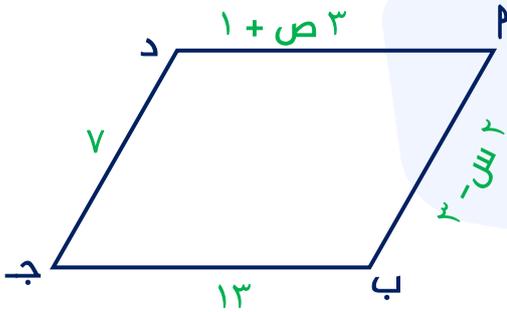




خواص متوازي الأضلاع	
	في متوازي الأضلاع : كل ضلعين متقابلين متطابقان
	في متوازي الأضلاع : كل زاويتين متقابلتين متطابقتان كل زاويتين متتاليتين متكاملتين
	في متوازي الأضلاع : القطران ينصف كل منهما الآخر ( القطران متناصفان )

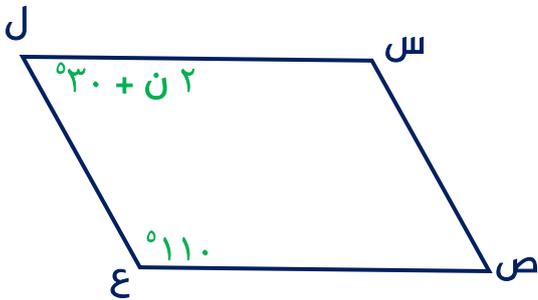
تدرب (١) في الشكل المقابل  $\text{P}$  ب ج د متوازي أضلاع وبحسب البيانات المدونة على الرسم

أوجد بالبرهان قيمة كل من  $\text{S}$  ،  $\text{ص}$



تدرب (٢) في الشكل المقابل  $\text{S}$  ص ع ل متوازي أضلاع وبحسب البيانات المدونة على الرسم

أوجد بالبرهان قيمة  $\text{N}$





تدرب (٣) أوجد قيمة س ، ف ، ن في كل من متوازيات الأضلاع التالية مع ذكر السبب

..... = س



..... السبب

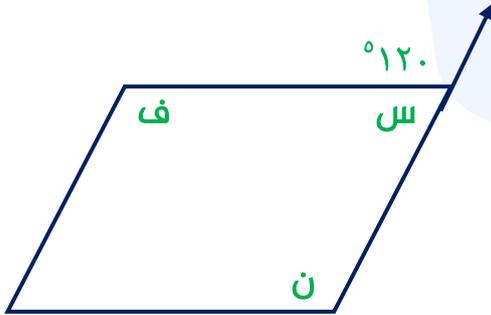
..... = ن

..... السبب

..... = ف

..... السبب

..... = س



..... السبب

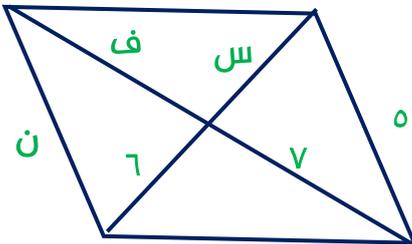
..... = ف

..... السبب

..... = ن

..... السبب

..... = س



..... السبب

..... = ف

..... السبب

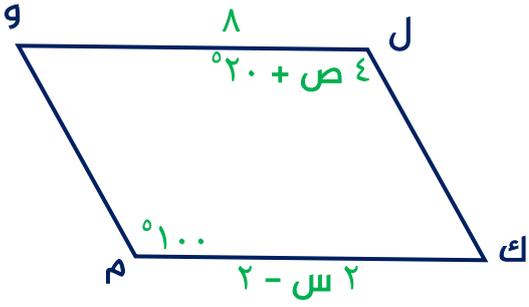
..... = ن

..... السبب

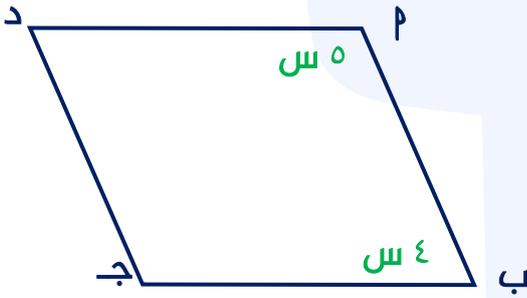


تدرب (٤) في الشكل المقابل ل ك م و متوازي أضلاع وبحسب البيانات المدونة على الرسم

أوجد بالبرهان قيمة كل من س ، ص

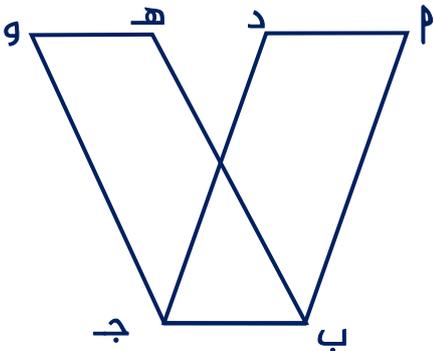


تدرب (٥) في الشكل المقابل ل ب ج د متوازي أضلاع ق (ل) = ٥ س ، ق (ب) = ٤ س أوجد بالبرهان ق (ل) ، ق (ب) بالدرجات



تدرب (٦) في الشكل المقابل : ل ب ج د ، ه ب ج د و متوازي أضلاع

أثبت أن : ل د = ه و





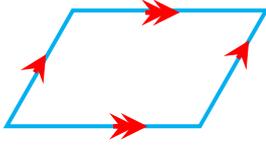
تدرب (٧) ارسم متوازي الأضلاع  $P$  ب ج د الذي فيه  $P = ب = ٤$  سم ،  $ب ج = ٥$  سم  
ق)  $\hat{P} ب ج = ٧٠^\circ$

تدرب (٨) ارسم متوازي الأضلاع س ص ع ل الذي فيه س ص =  $٥,٥$  سم ، ص ع =  $٦,٥$  سم  
ق)  $\hat{س ل ع} = ٤٥^\circ$

تدرب (٩) ارسم متوازي الأضلاع ل م ن الذي فيه ل م =  $٣,٥$  سم ، م ن =  $٥$  سم  
ق)  $\hat{م ل و} = ١٢٠^\circ$



يكون الشكل الرباعي متوازي الأضلاع إذا توفرت فيه أحد الشروط التالية



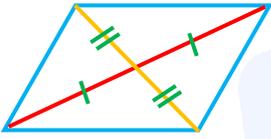
١ كل ضلعين متقابلين متوازيين



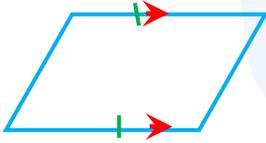
٢ كل ضلعين متقابلين متطابقين



٣ كل زاويتين متقابلتين متطابقتين

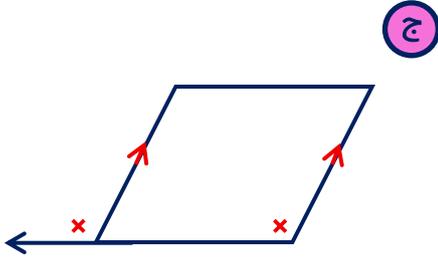


٤ القطران ينصف كل منهما الآخر

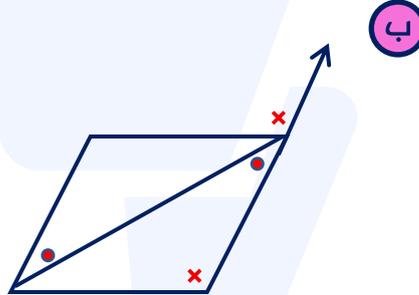


٥ ضلعان متقابلان متطابقان ومتوازيان

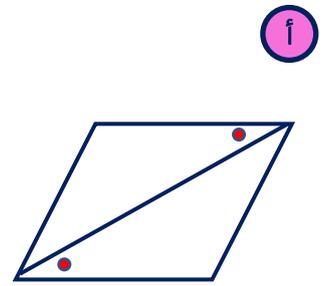
تدرب (١) حدد ما إذا كان الشكل الرباعي بحسب البيانات المدونة عليه متوازي أضلاع أم لا



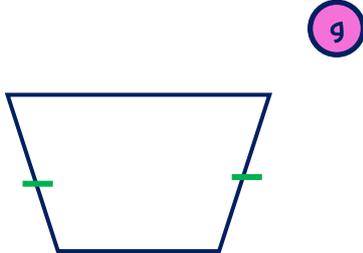
.....



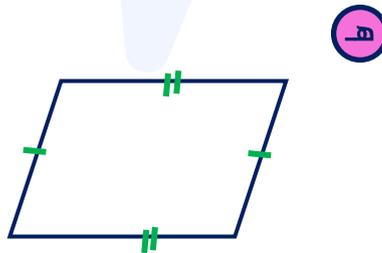
.....



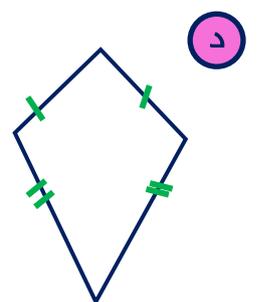
.....



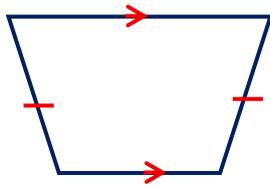
.....



.....

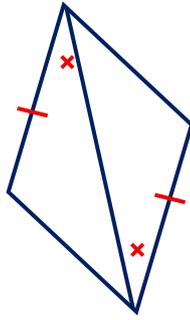


.....



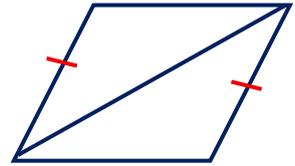
ب

.....



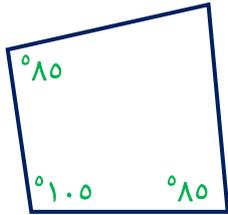
ح

.....



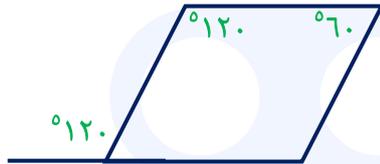
ز

.....



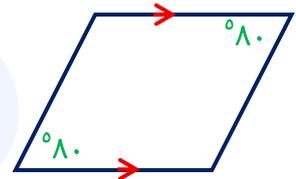
ل

.....



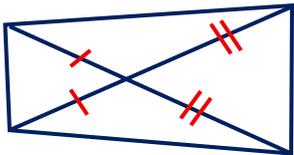
ك

.....



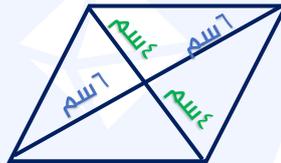
ي

.....



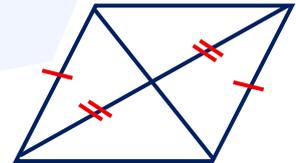
س

.....



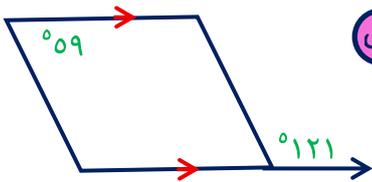
ن

.....



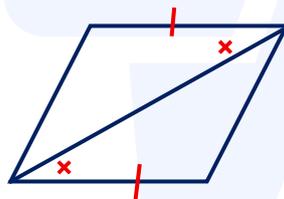
م

.....



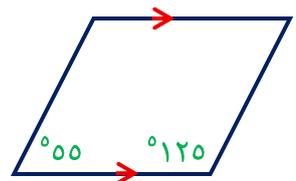
ص

.....



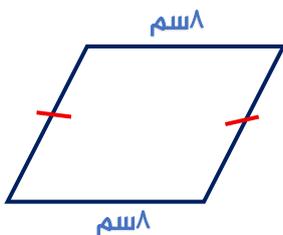
ف

.....



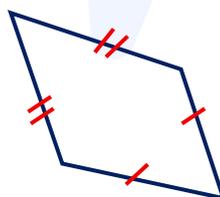
ع

.....



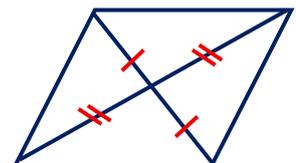
ش

.....



ر

.....

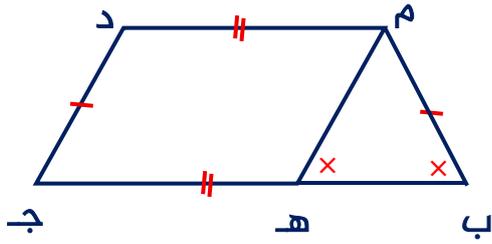


ق

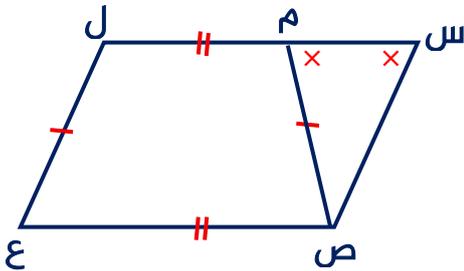
.....



تدرب (٢) حسب البيانات المدونة برهن أن الشكل الرباعي م ه ج د متوازي أضلاع

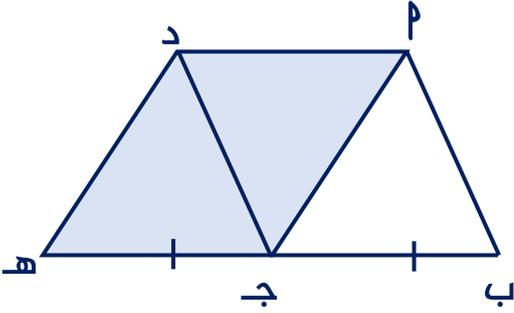


تدرب (٣) إذا كان  $س ل = ص ع$  ،  $م ص = ل ع$  ،  $ق(س) = ق(م ص)$  برهن أن الشكل الرباعي  $س ص ع ل$  متوازي أضلاع

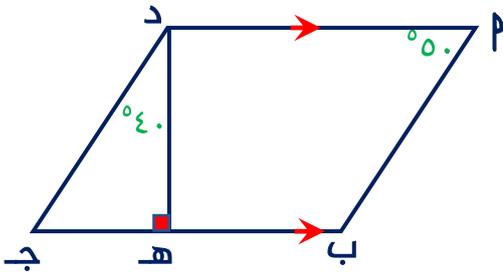




تدرب (٤) إذا كان  $P$  ب ج د متوازي أضلاع ، ب ج = ج د  
 ب ، ج ، ه على استقامة واحدة ، برهن أن الشكل الرباعي  $P$  ج ه د متوازي أضلاع

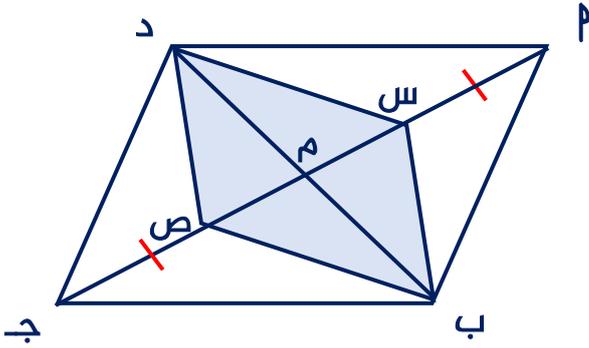


تدرب (٥) في الشكل المقابل  $P$  د // ب ج ، د ه  $\perp$  ب ج ، ق  $\hat{P} = 50^\circ$   
 ق ( ه د ج ) =  $40^\circ$  ، برهن أن الشكل الرباعي  $P$  ب ج د متوازي أضلاع

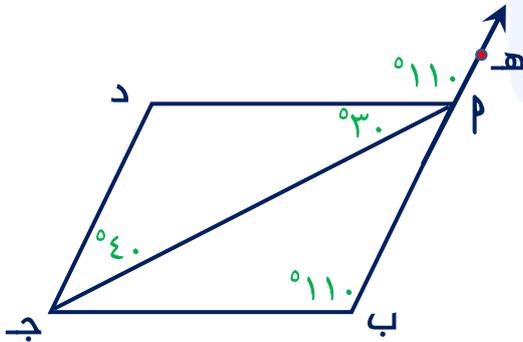




تدرب (٦) إذا كان  $P$  ب ج د متوازي أضلاع تقاطع قطريه في م ،  $MS = MS$  ، أثبت أن الشكل الرباعي س ب ص د متوازي أضلاع

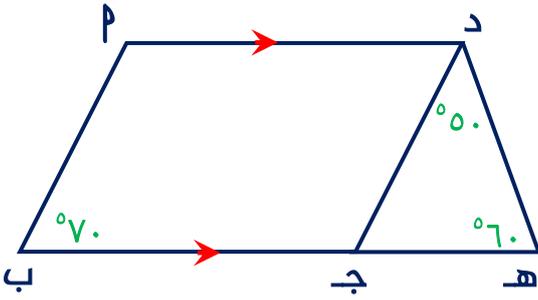


تدرب (٧) من البيانات على الشكل المقابل برهن أن الشكل الرباعي  $P$  ب ج د متوازي أضلاع

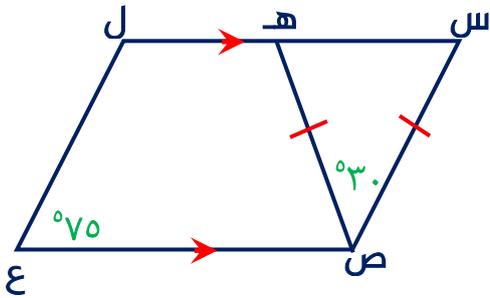




تدرب (٨) في الشكل المقابل  $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$  ،  $\angle B = 70^\circ$  ،  $\angle D = 60^\circ$  ، ق ( د ه ج ) =  $60^\circ$   
ق ( ه د ج ) =  $50^\circ$  برهن أن الشكل الرباعي  $ABCD$  متوازي أضلاع

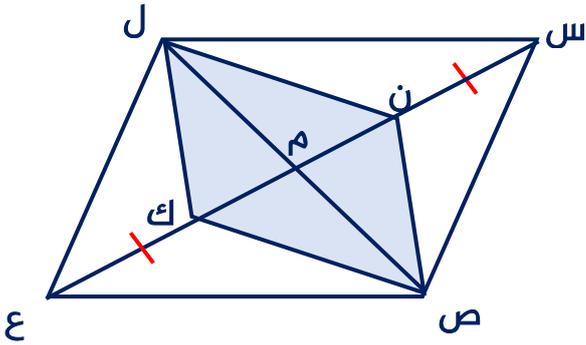


تدرب (٩) في الشكل المقابل  $\overline{SL} \parallel \overline{SE}$  ،  $\angle E = 75^\circ$  ،  $\angle S = 30^\circ$  ، ق ( س ص ه ) =  $30^\circ$   
ص س = ص ه ، برهن أن الشكل الرباعي  $SEHL$  متوازي أضلاع

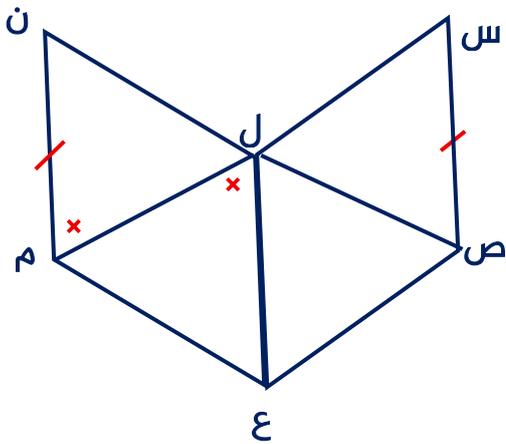




تدرب (١٠) إذا كان ن ص ل ك متوازي أضلاع تقاطع قطريه في م ، س ن = ع ك  
أثبت أن الشكل الرباعي س ص ع ل متوازي أضلاع



تدرب (١١) في الشكل المقابل: س ص ع ل متوازي أضلاع ، س ص = ن م  
ق( ن م ل ) = ق( م ل ع ) ، أثبت أن ل ع م ن متوازي أضلاع





## الكشف عن المستطيل (٤-٥)

### قطرا المستطيل متطابقان

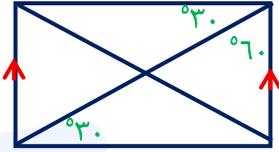
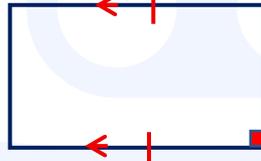
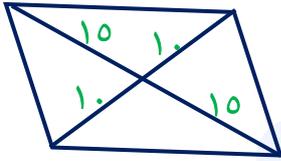
يكون متوازي الأضلاع **مستطيلاً** إذا توفرت فيه أحد الشروط التالية

١ إحدى زواياه قائمة

٢ قطراه متطابقان

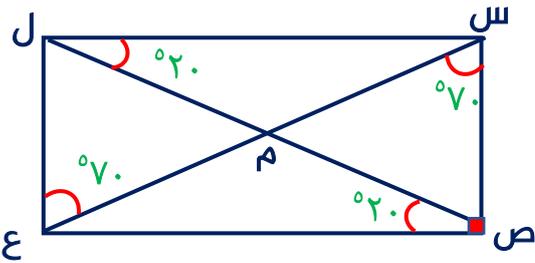
تدرب (١) استخدم المعطيات التي على الأشكال التالية لتبين أي منها يمثل مستطيل

مع ذكر السبب



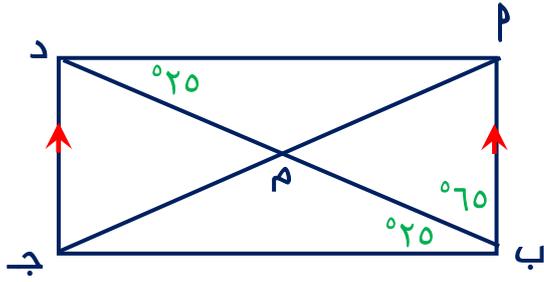
تدرب (٢) في الشكل المقابل ومن البيانات الموضحة على الرسم

أثبت أن س ص ع ل مستطيل

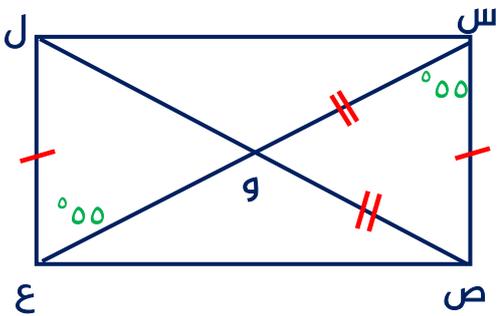




تدرب (٣)  $\angle م ب ج د$  شكل رباعي فيه  $\overline{م ب} // \overline{ج د}$  ،  $\angle م ب د = 65^\circ = \angle م د ج = 25^\circ$

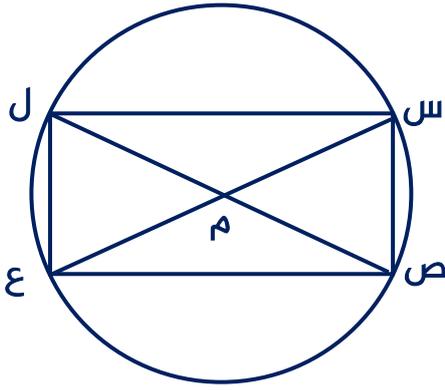


تدرب (٤)  $\angle ل ع ص س$  شكل رباعي تقاطع قطريه في و ،  $\angle ل ع = \angle ص س$  ،  $\angle و = \angle و$  ،  $\angle و = 55^\circ$  أثبت أن الشكل الرباعي  $\angle ل ع ص س$  مستطيل

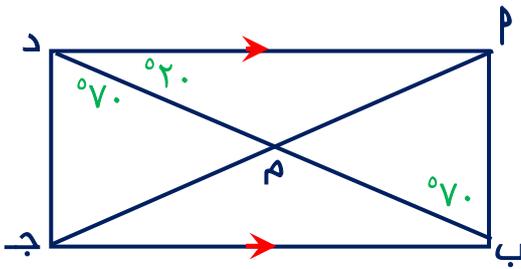




تدرب (٥) في الشكل المقابل دائرة مركزها م ، أثبت أن الشكل س ص ع ل مستطيل

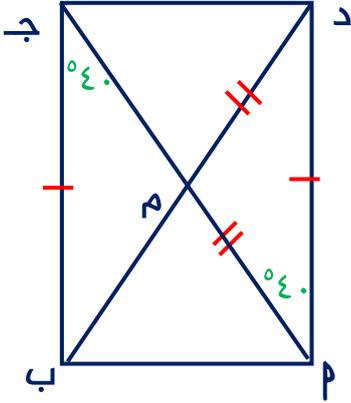


تدرب (٦) م ب ج د شكل رباعي فيه  $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$  ،  $\angle PBD = 65^\circ$  ،  $\angle BDC = 70^\circ$  أثبت أن الشكل الرباعي م ب ج د مستطيل

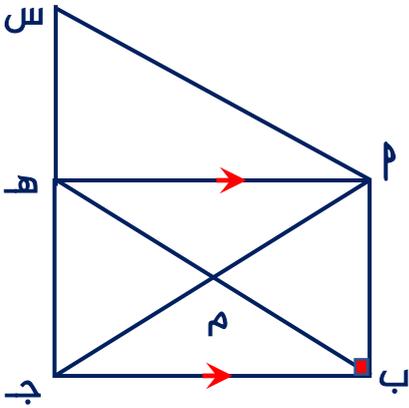




تدرب (٧)  $\angle$  ب ج د  $\perp$  شكل رباعي يتقاطع قطراه في م ،  $\angle$  د ب ج =  $\angle$  م =  $\angle$  م د  
 ق ( د  $\angle$  ب ج ) = ق ( ب  $\angle$  ج د ) =  $90^\circ$  ، أثبت أن  $\perp$  ب ج د مستطيل ثم أوجد ق ( ب  $\angle$  ج د )



تدرب (٨)  $\perp$  ب ه س متوازي أضلاع ، ق ( ج د ) =  $90^\circ$  ،  $\overline{ب ه} \parallel \overline{ب ج}$   
 س ، ه ، ج على استقامة واحدة ، أثبت أن  $\perp$  ب ج ه مستطيل





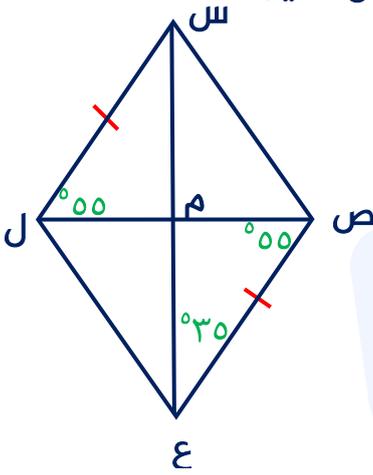
## الكشف عن المعين ٥-٥

يكون متوازي الأضلاع **معيناً** إذا توفرت فيه أحد الشروط التالية

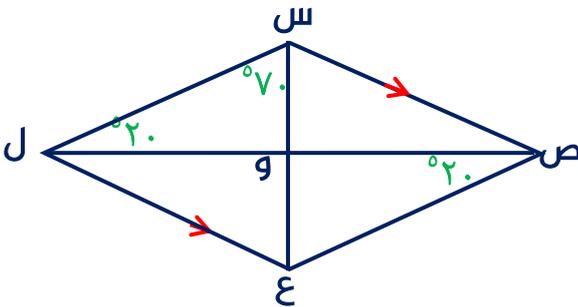
١ إذا تطابق ضلعان متجاوران فيه

٢ إذا تعامد قطراه

تدرب (١)  $\square$  س ص ع ل شكل رباعي يتقاطع قطراه في م ،  $\angle ق = (\angle س ل ص) = ق = (\angle ع ص ل) = ٥٥^\circ$   
ق (  $\angle ص ع س) = ٣٥^\circ$  ،  $س ل = ص ع$  ، أثبت أن الشكل الرباعي س ص ع ل معين

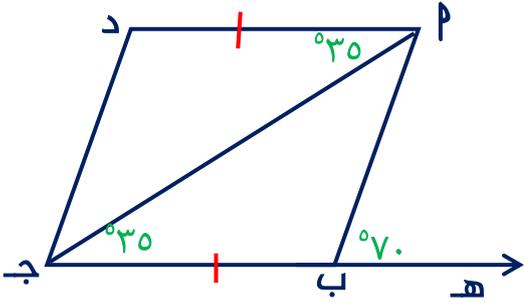


تدرب (٢) في الشكل المقابل ومن البيانات الموضحة ، أثبت أن س ص ع ل معين





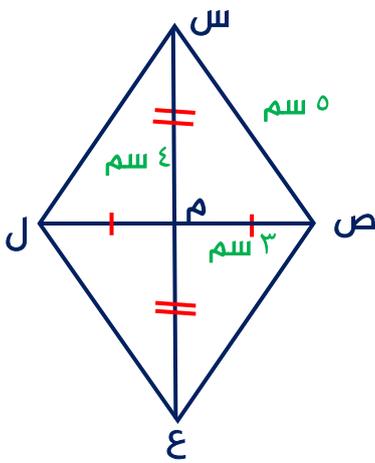
تدرب (٣)  $\angle P = 70^\circ$  ،  $\angle D = \angle B$  ، ق (  $\angle P \hat{=} \angle D$  ) =  $35^\circ$  ، أثبت أن  $P$  ب ج د معين



تدرب (٤) س ص ع ل شكل رباعي يتقاطع قطراه في م ،  $\angle M = \angle L$  ،  $\angle M = \angle S$  ،  $\angle M = \angle E$

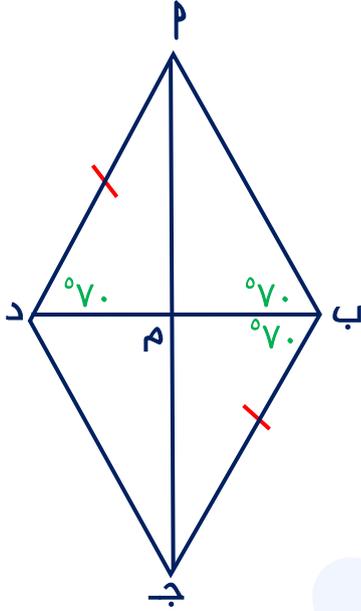
س ص =  $50^\circ$  ، ص م =  $30^\circ$  ، س م =  $40^\circ$

أثبت أن الشكل س ص ع ل معين

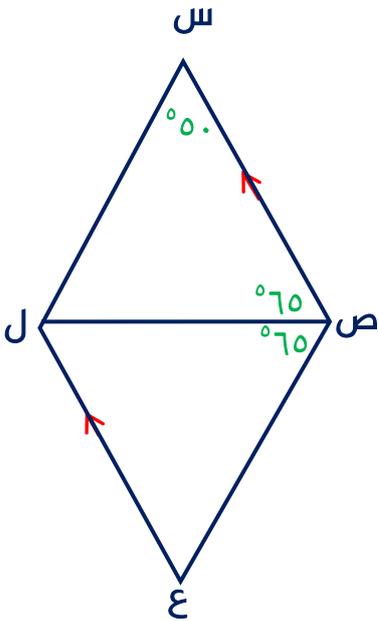




تدرب (٥) في الشكل المقابل أثبت أن  $\angle ب ج د$  معين



تدرب (٦)  $\angle س ص ع ل$  شكل رباعي فيه ،  $\angle ق ( س ص ل ) = \angle ق ( ع ص ل ) = 65^\circ$   
 $\angle ق ( س ) = 50^\circ$  ،  $\overline{س ص} \parallel \overline{ع ل}$  ، أثبت أن الشكل الرباعي  $س ص ع ل$  معين





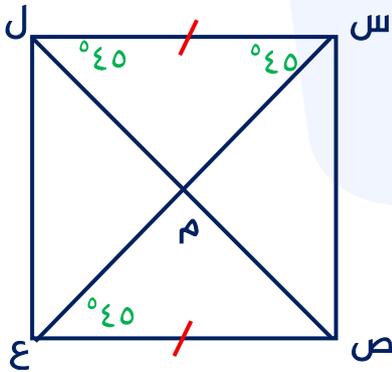
## الكشف عن المربع

٦-٥

يكون متوازي الأضلاع **مربعاً** إذا توفر فيه إحدى الشروط التالية :

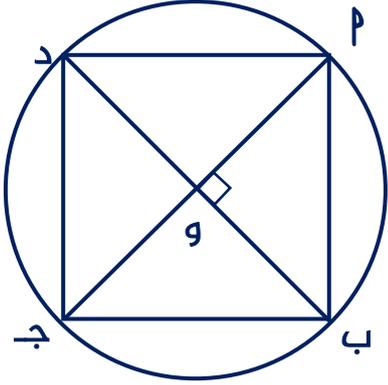
- القطران متطابقان و متعامدان
- القطران متطابقان و ضلعان متجاوران متطابقان
- إحدى زواياه قائمة و ضلعان متجاوران متطابقان
- إحدى زواياه قائمة و القطران متعامدان

تدرب (١) **س ص ع ل** شكل رباعي فيه  $\angle ق ( ل س ع ) = \angle ق ( س ل ص ) = \angle ق ( س ع ص ) = ٤٥^\circ$   
س ل = ص ع ، أثبت أن الشكل الرباعي س ص ع ل مربع

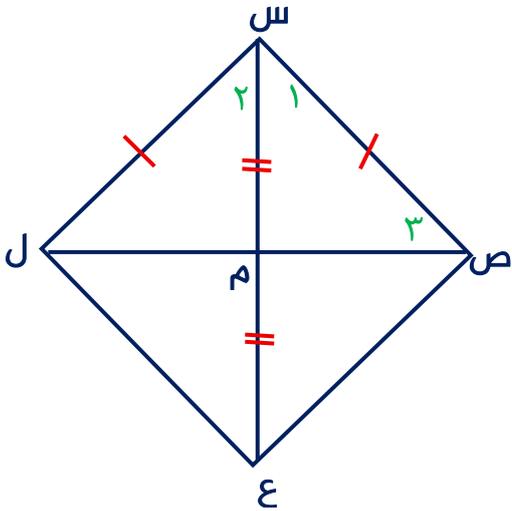




تدرب (٢) في الشكل المقابل  $P$  ج ،  $B$  د قطران في دائرة مركزها  $O$  ،  $P$  ج  $\perp$   $B$  د  
أثبت أن :  $P$  ج د مربع

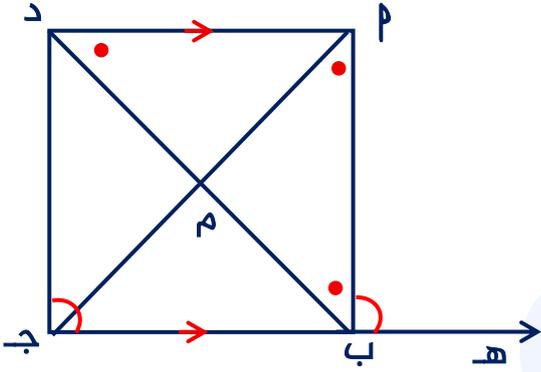


تدرب (٣)  $S$  ص ع ل شكل رباعي فيه  $\hat{C} = \hat{B} = \hat{A}$  ،  $\hat{C} = \hat{B} = \hat{A}$  ،  $S$  ص =  $S$  ل  
 $S$  م =  $S$  ع م ، أثبت أن الشكل الرباعي  $S$  ص ع ل مربع

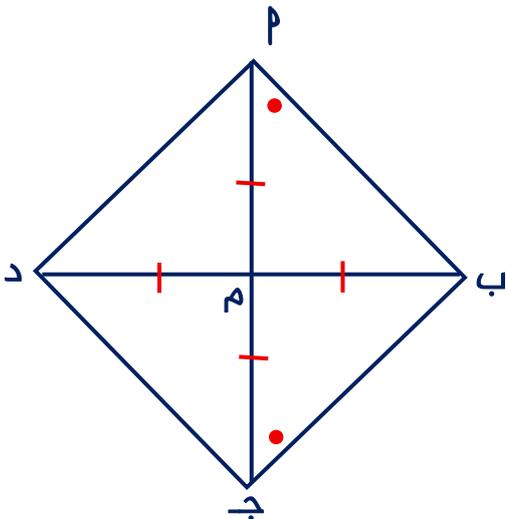




تدرب (٤)  $\hat{P}$  ب ج د شكل رباعي فيه  $\hat{P}$  د // ب ج ،  $\hat{P}$  ق (د ب) =  $\hat{P}$  ق (د ب) ، أثبت أن :  $\hat{P}$  ب ج د مربع

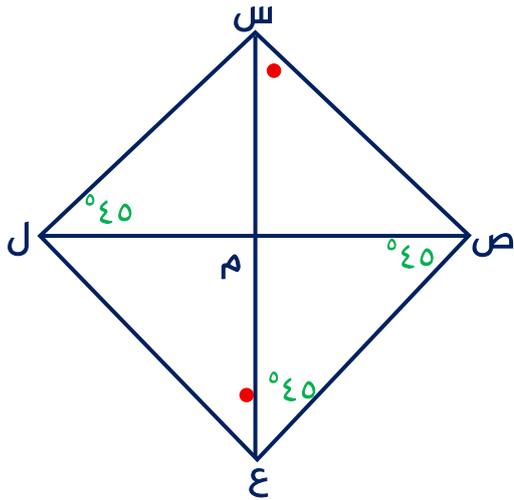


تدرب (٥)  $\hat{P}$  ب ج د مستطيل فيه ،  $\hat{P}$  ق (ب ج) =  $\hat{P}$  ق (ب ج) ، أثبت أن :  $\hat{P}$  ب ج د مربع

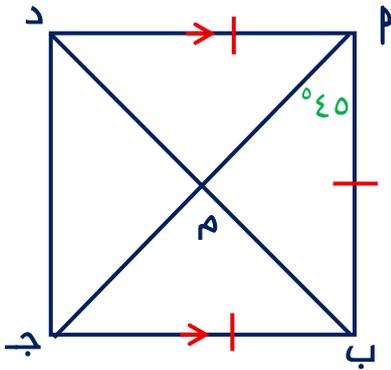




تدرب (٦) باستخدام المعطيات في الرسم أثبت أن الشكل الرباعي س ص ع ل مربع



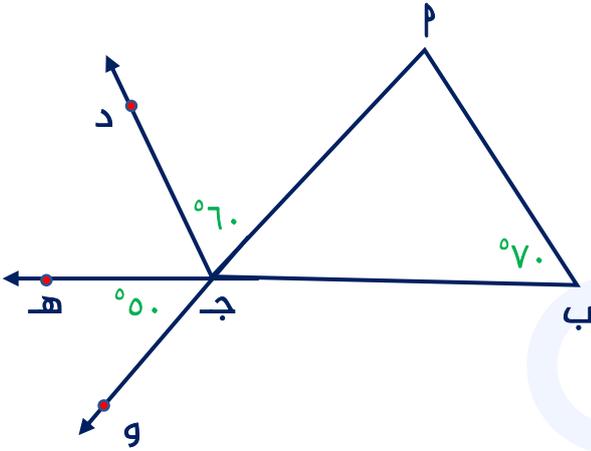
تدرب (٧) باستخدام المعطيات في الرسم أثبت أن الشكل الرباعي م ب ج د مربع



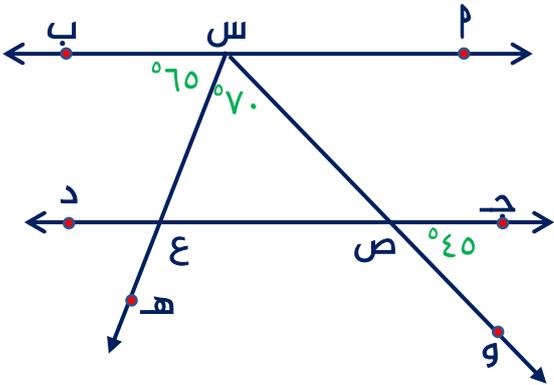


## تقويم الوحدة التعليمية الخامسة

تدرب (١) في الشكل المقابل وحسب البيانات المحددة عليه أثبت أن  $\overline{ج د} \parallel \overline{ب پ}$

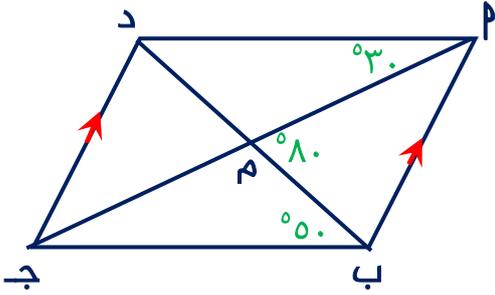


تدرب (٢) في الشكل المقابل وحسب البيانات المحددة عليه أثبت أن  $\overline{ب پ} \parallel \overline{ج د}$

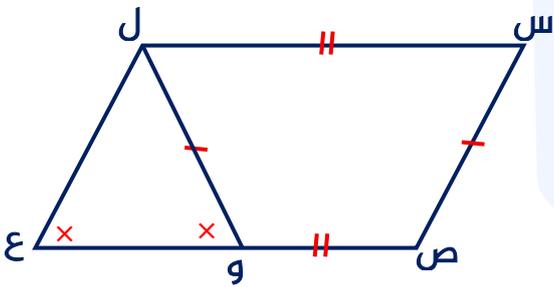




تدرب (٣) في الشكل المقابل وحسب البيانات المحددة برهن أن  
الشكل الرباعي  $٢$  ب ج د متوازي أضلاع

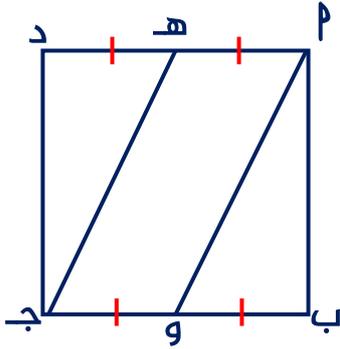


تدرب (٤) برهن أن الشكل الرباعي س ص ع ل متوازي أضلاع

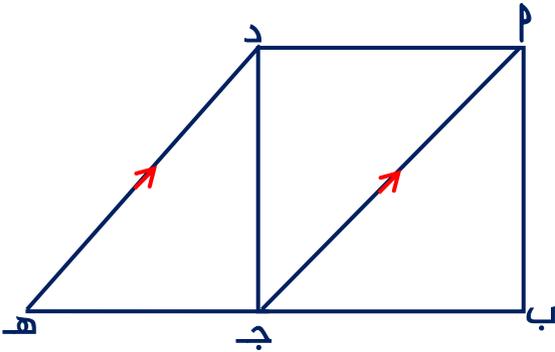




تدرب (٥) في الشكل المقابل  $P$  ب ج د مربع، ه منتصف  $P$  د ، و منتصف ب ج أثبت أن :  
 $P$  و ج ه متوازي أضلاع

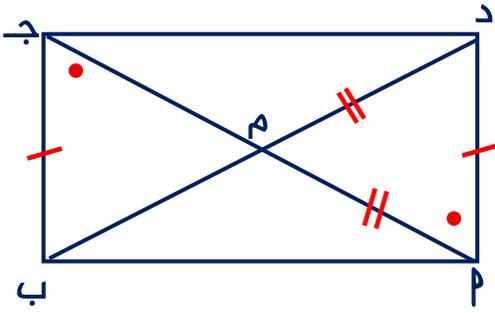


تدرب (٦) في الشكل المقابل  $P$  ب ج د مربع، ه  $\hat{D}$  ب ج  $P$  ج // د ه  
أثبت أن :  $P$  ج ه د متوازي أضلاع ، أوجد ق ( $\hat{H}$ )

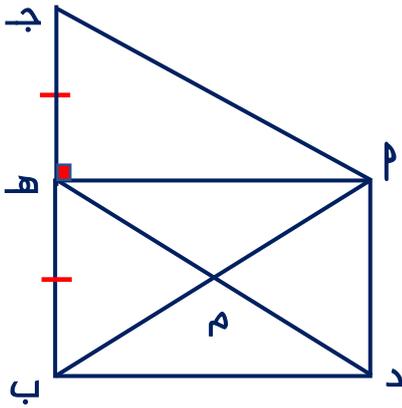




تدرب (٧) في الشكل المقابل وحسب البيانات المحددة برهن أن  
الشكل الرباعي  $MP$  ب ج د مستطيل

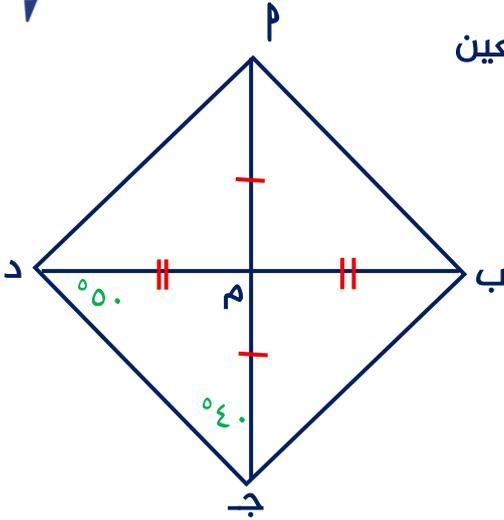


تدرب (٨)  $MP$  د ه ج متوازي أضلاع،  $MP$  ب ج مثلث متطابق الضلعين فيه  $MP = ب ج$   
 $MP \perp \overline{ب ج}$ ، أثبت أن  $MP$  د ب ه مستطيل

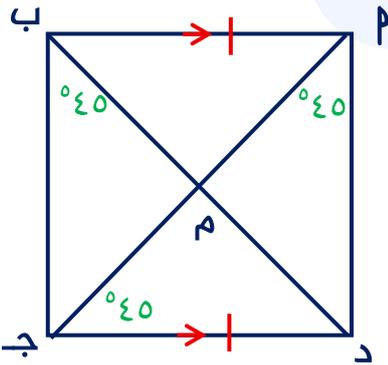




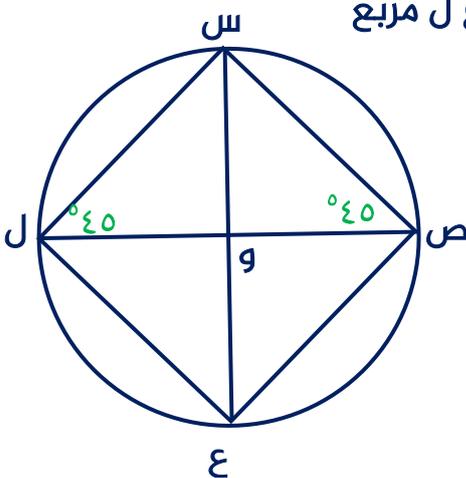
تدرب (٩) في الشكل المقابل أثبت أن الشكل  $P$  ب ج د معين



تدرب (١٠) باستخدام المعطيات في الرسم أثبت أن الشكل الرباعي  $P$  ب ج د مربع



تدرب (١٠) في الشكل المقابل : و مركز الدائرة ، أثبت أن : س ص ع ل مربع





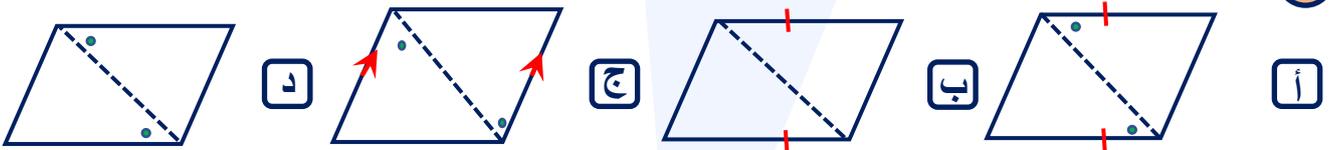
## البنود الموضوعية

في البنود التالية ، ظلل  إذا كانت العبارة صحيحة وظلل  إذا كانت العبارة خاطئة

<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<p>الشكل الرباعي المرسوم يمثل متوازي أضلاع <input type="checkbox"/></p>
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<p>المستطيل : هو متوازي أضلاع قطراه متطابقان <input type="checkbox"/></p>
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<p>الشكل المقابل يمثل مربع <input type="checkbox"/></p>
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<p>من الشكل المرسوم <input type="checkbox"/></p> <p>س ص // ع هـ</p>
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<p>من الشكل المرسوم <input type="checkbox"/></p> <p>ب // ج د</p>

لكل بند من البنود التالية أربعة خيارات ، ظلل الدائرة الدالة على الإجابة الصحيحة

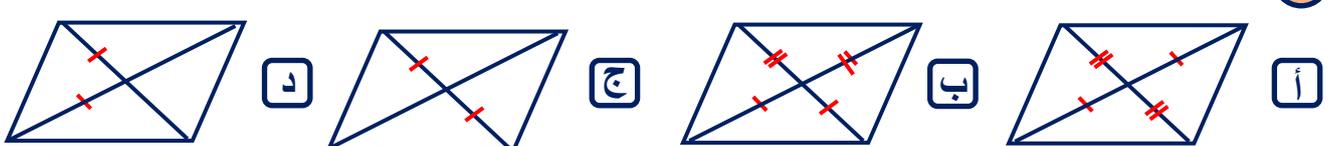
الشكل الذي يمثل متوازي أضلاع هو :

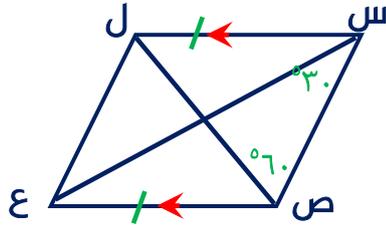


الشكل المقابل دائرة مركزها و ، فإن الشكل س ص ع ل هو :



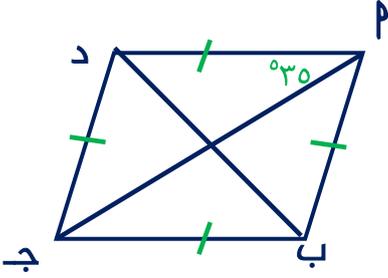
الشكل الذي يمثل متوازي أضلاع هو :





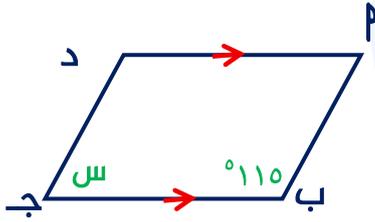
٩ الشكل المقابل س ص ع ل يمثل:

- أ شبه منحرف   ب مربع   ج مستطيل   د معين



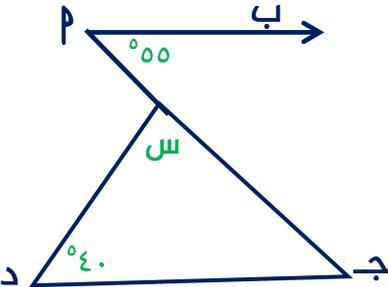
١٠ في الشكل المقابل ق (ج ب د) =

- أ ٣٥   ب ٥٥   ج ٤٥   د ٦٥



١١ في الشكل المقابل قيمة س التي تجعل الشكل م ب ج د متوازي أضلاع هي

- أ ١١٥   ب ٥٥   ج ٧٥   د ٦٥

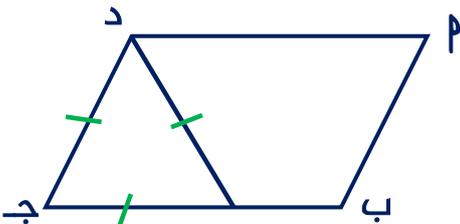


١٢ في الشكل المقابل قيمة س التي تجعل م ب // ج د هي

- أ ٥٥   ب ٤٠   ج ٨٥   د ٩٥

١٣ م ب ج د متوازي أضلاع فيه ق (م) = ق (ب)، فإن الشكل م ب ج د يكون

- أ مستطيل   ب مربع   ج معين   د شبه منحرف



١٤ في الشكل المقابل م ب ج د متوازي أضلاع حيث د ج = ج ه = د ه، فإن ق (ب) =

- أ ١٠٠   ب ٦٠   ج ١٢٠   د ١٣٠



# الوحدة السادسة: المقادير الجبرية

## قوانين الأسس (١-٦)

لكل  $a, b$  عدنان نسبيين ،  $m, n$  عدنان صحيحان يكون :

$$a^m \times a^n = a^{m+n} \quad (١) \quad a^0 = 1 \quad (٢) \quad a^m \times (a^n)^p = a^{m+(n \times p)} \quad (٣) \quad (a^m)^n = a^{(m \times n)} \quad (٤)$$

$$a^{-m} = \frac{1}{a^m} \quad (٥) \quad \frac{1}{a^m} = a^{-m} \quad (٦) \quad \frac{a^m}{a^n} = a^{\left(\frac{m}{n}\right)} \quad (٧)$$

تدرب (١) بسط كلاً مما يلي باستخدام قوانين الاسس (المقام أينما وجد  $\neq$  صفر)

..... = $\frac{3^6}{2^3}$ (ب)	..... = $5^4 \times 5^3$ (أ)
..... = $\frac{5^0}{3^4}$ (د)	..... = $3^9 \times 3^4$ (ج)
..... = $\left(\frac{1}{2}\right)^4 \times \left(\frac{1}{2}\right)^2$ (و)	..... = $3^0 \times 3^2 \times 3^4$ (هـ)
..... = $2^{-4}$ (ح)	..... = $\frac{3^7}{2^{-4}}$ (ز)
..... = $3 \times 2^{-3}$ (ي)	..... = $5^3 \times 5^{-3}$ (ط)
..... = $(3^3)^4$ (ل)	..... = $\frac{3^{-9}}{2^{-4}}$ (ك)
..... = $\frac{2^7(3 \times 2)}{3^{-2}}$ (ن)	..... = $2^2(3 \times 2)$ (م)
..... = $\frac{3^4}{4^9}$ (ع)	..... = $\left(\frac{5}{3}\right)^2$ (س)



تدرب (٢) بسط كلاً مما يلي باستخدام قوانين الاسس (المقام أينما وجد  $\neq$  صفر)

..... =  $\frac{2^2(ص٤)}{2^2(ص٨)}$  (أ)

.....

..... =  $2^0(ج)$  (ب)

..... =  $2^{-1}(٢-٦)$  (ج)

..... =  $2^{-3}(٢٣)$  (د)

..... =  $2^0(٢٣ ص٣)$  (هـ)

..... =  $2^4(٢-٦) \times 126$  (و)

..... =  $\frac{2^{-2}(٣-٣)}{2^{-2} \times 2^{-6}}$  (ز)

.....

..... =  $\frac{2^8}{2^2}$  (ح)

..... =  $2^{-3}$  (ط)

..... =  $2^0 \left(\frac{4}{14}\right) \times 2^0 \left(\frac{4}{7}\right)$  (ي)

..... =  $\left(\frac{12}{23}\right)$  (ك)

..... =  $2^0(٠,٢ - ١,٢) - ٦$  (ل)



تدرب (٣) بسط كلاً مما يلي باستخدام قوانين الاسس (المقام أينما وجد  $\neq$  صفر)

..... = ص<sup>٥</sup> × ص<sup>٥</sup> (أ)

..... = ٤ × ٤<sup>(٢٤)</sup> (ب)

..... = ٥<sup>(٣-)</sup> × ٣<sup>(٣-)</sup> (ج)

..... = ٩<sup>٩</sup> × ١١<sup>١١</sup> (د)

..... = ٣<sup>٣</sup> × ٣<sup>٢</sup> × ٣<sup>٢</sup> (هـ)

..... = (٤<sup>-٧</sup> هـ) × (٣<sup>-٢</sup> هـ) (و)

..... = (ب<sup>٢</sup> پ) × (٣<sup>٣</sup> ب<sup>٣</sup> پ) × (ب<sup>٢-</sup> پ) (ز)

.....

..... = ٥<sup>(٢)</sup> (س) × ٢<sup>(٢)</sup> (ص) (ح)

.....

..... = ٥<sup>(٥)</sup> (ك) × ٥<sup>(٥)</sup> (و) (ط)

..... = ٣<sup>(٣)</sup> (س) (ي)

..... =  $\frac{ب^٢ ج}{ب^٣ ج}$  (ك)

..... =  $\frac{٨- س^٢ ص^٢}{٤ س^٣ ص}$  (ل)



## كثيرات الحدود ( الحدوديات ) ٢-٦

**كثيرة الحدود :** هي مقدار جبري يتكون من حد جبري أو أكثر يربط بينهما عمليات الجمع أو الطرح وتكون أسس المتغيرات أعداد صحيحة غير سالبة

**درجة كثيرة الحدود ذات متغير واحد :** هي قيمة أعلى (أس للمتغير) يظهر في أي حد

**درجة كثيرة الحدود ذات أكثر من متغير:** هي قيمة أعلى مجموع ( لأسس المتغيرات ) التي تظهر في أي حد

**الحدود المتشابهة:** هي الحدود التي لها نفس المتغير مرفوعة لنفس الاس

**الحدود المتساوية :** هي حدود متشابهة بمعاملات متساوية

عند ترتيب كثيرة الحدود بمتغير واحد تنازلياً حسب درجتها يسمى هذا **بالصورة القياسية**

تدرب (١) حدد أي المقادير الجبرية التالية يمثل حدودية وأيها لا يمثل مع ذكر السبب في حالة النفي

- أ)  $٥س^٣ + ٢س^٢ - ٨س$  .....
- ب)  $٦س^٤ - \sqrt{س}$  .....
- ج)  $\frac{٧}{س}$  .....
- د)  $٤س^٢ - ٢س + ص + ٢ص + ٩$  .....
- هـ)  $٣س + ٥$  .....
- و)  $٦س^٢ - ٩ن$  .....

تدرب (٢) أكمل الجدول التالي :

كثيرات الحدود ( الحدوديات )	تصنيف الحدودية (طبقاً لعدد الحدود)	درجة الحدودية
٦		
$٢س^٢ + ٣$		
$٧ + ٢ص$		
$١ + ٢م + ٣$		
$٩ - ٢س + ٣ص + ٤س$		



تدرب (٣) اكتب كثيرات الحدود التالية بالصورة العامة وحدد درجتها

الحد الثابت	المعامل الرئيسي	درجة الحدودية	الصورة العامة	الحدودية
				$٣س - ٤ + ٥س^٢$
				$٤س^٢ - ٠,٢س + ٤س^٤$
				$٤س + ٧س - ١ - ٣س^٢$
				$١٠ + ٥م + ٨م^٢ - ٣م^٣$
				$٢ص + ٥,٢ص - ٠,٣ص^٢$
				$٢س^٢ - ٥س + \frac{١}{٤}س$

تدرب (٤) ظلل  إذا كانت العبارة صحيحة وظلل  إذا كانت العبارة غير صحيحة

<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	كثيرة حدود	$٧ + \frac{٣}{س} - ٥س$
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	ليست كثيرة حدود	$\sqrt{٧س} - ٥ص + \frac{٢}{٥}س$
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	حدان جبريان متساويان	$\frac{٢}{٥}س - ٣ص^٢, -٠,٤ص^٣س$
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	حدودية من الدرجة الرابعة	$٢س - \frac{٢}{٥}ص^٢ + ٣س + ٥ص^٢$

تدرب (٥) ضع علامة ( ✓ ) أسفل الوصف المناسب للحدود الموضحة في الجدول التالي

حدود جبرية	حدود جبرية متشابهة	حدود جبرية غير متشابهة
$٣س, -٥س, ١٢س$	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
$٤ص^٢, ٢ص$	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
$٧س^٢ص, ٧ص^٢س$	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
$٢ل م, ٥م ل$	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
$٣, ٠,٣ب^٤, \frac{١}{٢}ب^٣$	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>



تدرب (٦) ضع الحدوديات التالية في الصورة العامة ، ثم حدد درجة الحدودية

أ  $٩س^٢ - ٧س^٣ + ٢س - ٣$

.....  
.....

ب  $٤ + ٧ع^٤ - ٧ع^٥ + ٣ع$

.....  
.....

ج  $٨ + ٢ل^٦ - ٣ل^٣ - ٨$

.....  
.....

د  $٥ع - ٣ع^٣ + \frac{٣}{٢}ع^٢ + \frac{١}{٢}$

.....  
.....

تدرب (٧) إذا كانت :  $٣ + ب = ٥$  ،  $ج = ٤$  ، فما قيمة  $٣ + ب + ج$

.....  
.....

تدرب (٨) أوجد قيمة كل من كثيرات الحدود التالية :

أ  $٤س^٣ - ١س + ٥ + ٢س^٢$  عندما  $س = ٢$

.....  
.....

ب  $١ - ٩س + ٣ص^٢ + ٢ص$  عندما  $س = ٤$  ،  $ص = ١$

.....  
.....



## جمع كثيرات الحدود و طرحها ٣-٦

لجمع كثيرات الحدود : نقوم بجمع الحدود المتشابهة معاً  
لطرح كثيرات الحدود: نضيف المعكوس الجمعي للمطروح

تدرب (١) اجمع كلاً من كثيرات الحدود التالية

أ)  $٢س٣ + ٥س٢ - ٢$  ،  $٣س٣ - ١٠ + ٢س٢$

.....  
.....  
.....

ب)  $٢س٣ + ٣س٤ - ٧س٢$  ،  $٢س٣ - ٩س٤$  ،  $٥س٢ + ٢س٣ - ٨س٣$

.....  
.....  
.....

ج)  $٨س٥ - ٥س٣ + ٢س٢ + ١$  ،  $٢س٤ + ٣س٢ + ٢س٣$  ،  $٣س٣ + ٨$

.....  
.....  
.....

د)  $٥س٣ + ٣س٤ + ٤س٢$  ،  $٤س٣ + ٤س٢ + ٤$

.....  
.....  
.....



هـ -  $س^3 + 2س^2 - 4$  ،  $5س^2 - 8س^3 - 3$  ،  $س^2 + 9$

.....

.....

.....

.....

و  $3س - 2س^2 + \frac{1}{4}س^0$  ،  $2س^2 + 7س^3 - س^2$  ،  $4س^2 - \frac{1}{7}$

.....

.....

.....

.....

تدرب (٢) اكتب المعكوس الجمعي لكثيرات الحدود الآتية :

المعكوس الجمعي	كثيرة الحدود
	$3س$
	$2س^0 - 4$
	$4س^2 - 7س - 3$
	$9 - 11س^0 - 8س^3$
	$\frac{1}{4}س^0 - 2س^3 - 3$
	$2س^2 - 3س^2 + \frac{2}{3}$
	$س^2 - 5س + 2$
	$8 + 3س^2 - 6س + س^3$



تدرب (٤) أوجد ناتج ما يلي :

أ (٤ س - ٨ + س<sup>٤</sup> - ٤ س<sup>٢</sup>) اطرح (٦ س + ٧ س<sup>٤</sup> + ٤ س<sup>٢</sup> + ٥)

.....

.....

.....

ب (٢ س<sup>٢</sup> - ٢ س + ٧) - (٢ س<sup>٢</sup> - ١)

.....

.....

.....

ج (٨ س<sup>٣</sup> - ٤ س<sup>٢</sup> - ٢٠) - (٢ س<sup>٢</sup> + ٤)

.....

.....

.....

د اطرح (٥ س<sup>٢</sup> + ٦ س<sup>٤</sup> - ١) من (٤ س<sup>٤</sup> - ١٤ س<sup>٢</sup> + س)

.....

.....

.....

هـ من (٢ س<sup>٢</sup> - ٩ + س<sup>٣</sup> - ٤ س<sup>٢</sup>) اطرح (٥ س + ٨ س<sup>٣</sup> + ٤ س<sup>٢</sup> + ١)

.....

.....

.....



## ضرب كثيرات الحدود (٤-٦)

تدرب (١) أوجد ناتج ما يلي :

..... =  $٦س^٢ \times ٤س^٣$  (أ)

..... =  $٣س^٥ \times ٢س^٢$  (ب)

..... =  $٣س \times ٤س^٣$  (ج)

..... =  $(٤س^٣ + ٢س^٢) \times ٤س$  (د)

..... =  $(١ - ٧س - ٥س^٢) \times ٢س$  (هـ)

..... =  $(\frac{٣}{٢}ص + ٩ص - \frac{٢}{٣}ص^٢) \times \frac{١}{٢}ص$  (و)

..... =  $(٣س^٢ + ٤س - ٢س) \times (٤س - ٢س)$  (ز)

..... =  $(٢س + ٦) (٢س + ٦)$  (ح)

..... =  $(٣س + ٣) (٣س - ٣)$  (ط)

..... =  $(٣س - ٣) (٣س + ٣)$  (ي)



$$= (س + ٢)(س - ٧) \quad \text{ك}$$

$$= (س - ٤)(س٢ - ٣س + ٣) \quad \text{ل}$$

$$= (١ - ع٢)(١ + ع٣ - ع٢) \quad \text{م}$$

$$= (ص٢ - ٥)(١ - ص٢) \quad \text{ن}$$

مربع (س ± ص) = مربع الحد الأول ± ضعف الحد الأول × الحد الثاني + مربع الحد الثاني  
 $(س ± ص)٢ = س٢ ± ٢س ص + ص٢$

تدرب (٢) أوجد ناتج ما يلي :

$$= (ص - ٦)٢ \quad \text{أ}$$

$$= (م٢ + ٤ب)٢ \quad \text{ب}$$

$$= (ص - ٤)٢ \quad \text{ج}$$



..... =  $^2(ص٢ - س٣)$  (د)

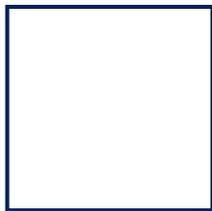
..... =  $٣ - س٢$  مربع الحدانية س (هـ)

..... =  $٢ص٢ + س٣$  مربع الحدانية س (و)

..... =  $^2(٣هـ - ٢م)$  (ز)

..... =  $^2(٩ك - ٩)$  (ح)

تدرب (٣) اختر الإجابة الصحيحة :



س + ١

أ مساحة المربع المقابل بالوحدات المترية هي

أ  $٢ + س٢$  (أ) ب  $س٢ + ٢س + ١$  (ب)

ج  $س٢ + س + ١$  (ج) د  $س٢ + ١$  (د)

ب المقدار الجبري الذي يمثل مساحة الشكل أدناه بالوحدات المربعة هو



أ  $٢ + ٣س$  (أ) ب  $٢س + ٣$  (ب)

ج  $٥ + س$  (ج) د  $٥س$  (د)

ج المقدار:  $٥(س - ص) - (٥س - ٥ص)$  يساوي

أ  $١٠س - ١٠ص$  (أ) ب صفر (ب)

ج  $١٠س$  (ج) د  $١٠ - ص$  (د)



## ٥-٦ قسمة كثيرة حدود على حد جبري

تدرب (١) أوجد الناتج :

أ  $\frac{س^٦}{س^٤}$

ب  $\frac{١٠س^٤}{٥س^٢}$

ج  $\frac{٣ص^٢ - ٣ص^٢}{٣ص^٢}$

د  $\frac{٢٨ص^٥}{٧ص^٢}$

هـ  $\frac{٤س^٥ص^٣}{٢ص^٣س^٢}$

و  $\frac{٣م^٢ل^٣}{٢٧م^١ل^٢}$

ز  $\frac{١٢س^٢ص^٣ + ٦سص}{٣سص}$

ح  $\frac{٢٠م^٢ن^٣ - ٤م^٤ن}{٤م^٤ن}$

ط  $\frac{٥س^٣ص^٤ + ٣س^٦ص^٧ - ١٥س}{١٥س}$



تدرب (٢) أوجد الناتج :

أ) أوجد ناتج قسمة : ( ٨ س<sup>٣</sup> + ٢ س<sup>٢</sup> - ١٢ س ) على ٢ س

---

---

ب) أوجد ناتج قسمة : ( ٧ س<sup>٥</sup> - ٩ س<sup>٣</sup> + ٢ س<sup>٢</sup> ) على ٢ س

---

---

ج) اقسام : ٨ س<sup>٢</sup> ص<sup>٣</sup> + ١٦ س<sup>٤</sup> ص<sup>٥</sup> - ٣٦ ص<sup>٤</sup> على ٢ س<sup>٢</sup> ص<sup>٢</sup>

---

---

د) اقسام : ٩ ه<sup>٣</sup> و<sup>٥</sup> - ٢٧ ه<sup>٢</sup> و<sup>٤</sup> + ٥٤ ه<sup>٤</sup> و<sup>٢</sup> على ٣ ه<sup>٣</sup> و<sup>٥</sup>

---

---

تدرب (٣) مساحة المنطقة المستطيلة في الشكل المرسوم ( ٩ س<sup>٢</sup> + ٣ س ) متراً مربعاً

إذا كان عرض هذا المستطيل هو ٣ س متراً ، أوجد طول هذا المستطيل

٣ س





## تقويم الوحدة التعليمية السادسة

تدرب (١) بسط كلاً مما يلي (المقام أينما وجد  $\neq$  صفر)

.....  $\frac{٤}{٣}$  (ب) ..... (أ)  $(٣-٣س ص) (س٢ ص٢)$

.....  $\frac{٤}{٣}$  .....  $\frac{٣٦-٣س٢ ص٢}{٩س٣ ع٣}$  (ج)

.....  $\left(\frac{٢٢-٢}{٣}\right)$  (د) .....

تدرب (٢) احسب قيمة كل من كثيرات الحدود التالية عندما  $س = ٢$

..... (أ)  $٣س٣ - ٢س٢ + ٤$  :

..... (ب)  $٢س٢ - ٣س + ٧$  :

..... (ج)  $\frac{١}{٨}س٤ + \frac{٣}{٢}س$  :

تدرب (٣) اجمع كلاً من كثيرات الحدود التالية

(أ)  $٤س٢ + ٦س - ٤$  ،  $٥س - ٢س٢ - ٤$

.....

.....

.....

(ب)  $٩س٢ - ٤س٤ + ٩$  ،  $٩س٣ + ٣س٢ - ٩$  ،  $٥س٢ - ٣س٤$

.....

.....

.....



تدرب (٤) اطرح ( ٢ ص<sup>٥</sup> - ٣ ص<sup>٤</sup> + ٢ ص<sup>٢</sup> - ٢ ) من ( ٣ ص<sup>٥</sup> + ٣ ص<sup>٤</sup> - ٣ )

.....

.....

.....

تدرب (٥) اطرح ( س<sup>٣</sup> ص + س ص<sup>٢</sup> + ٧ ) من ( ٤ س ص<sup>٢</sup> + ٣ س<sup>٣</sup> ص + ٧ )

.....

.....

.....

تدرب (٦) أوجد ناتج ما يلي :

..... = ( س + ٣ ) ( س - ٩ ) Ⓐ

.....

..... = مربع ( ص<sup>٢</sup> + ١ ) Ⓑ

.....

..... = ( ٣ + ٢ س ) ( ٥ س<sup>٢</sup> - ٤ س - ٧ ) Ⓒ

.....

تدرب (٧) اقسم : ٤ س<sup>٢</sup> ص<sup>٣</sup> + ١٢ س<sup>٥</sup> ص<sup>٤</sup> + ٥٤ س<sup>٢</sup> ص<sup>٤</sup> على ٣ س<sup>٢</sup> ص<sup>٣</sup>

.....

.....

تدرب (٨) اقسم : ١٥ ه<sup>٢</sup> ل<sup>٣</sup> - ١٢ ه<sup>٣</sup> ل + ٩ ه<sup>٤</sup> ل<sup>٤</sup> على ٦ ه<sup>٢</sup> ل

.....

.....



## البنود الموضوعية

في البنود التالية، ظلل  إذا كانت العبارة صحيحة وظلل  إذا كانت العبارة خاطئة

أ	ب	١) ناتج $\left(\frac{٣س٤}{٦س٤}\right)$ صفر، حيث $س \neq ٠$ .
أ	ب	٢) $٤س - \frac{١}{س} + ٥س٣$ هي كثيرة حدود
أ	ب	٣) ناتج جمع $٦ص٣$ ، $٢ص٤$ هو $٨ص٧$
أ	ب	٤) $١٢ل٢ع١$ ، $\frac{١}{٥}ل٢ع١$ ، $ل٢ع١$ هي حدود متشابهة
أ	ب	٥) $٠,٢٥س٣$ ، $\frac{١}{٤}س٣$ هما حدان متساويان
أ	ب	٦) ناتج طرح $٥س٢$ من $٢س٢$ هو $٤س٢$
أ	ب	٧) $س٢ = س \times س$
أ	ب	٨) $\frac{١}{٥} = ٥ \times ٢-٥$

لكل بند من البنود التالية أربعة خيارات، ظلل الدائرة الدالة على الإجابة الصحيحة

٩) المعكوس الجمعي لكثيرة الحدود  $٥ + ٢ص٢ - ٤ص٤$

أ)  $٥ + ٢ص٢ + ٤ص٤$       ب)  $٥ - ٢ص٢ - ٤ص٤$

ج)  $٥ - ٢ص٢ + ٤ص٤$       د)  $٥ + ٢ص٢ - ٤ص٤$

١٠)  $٢س(٤ + ٣س)$

أ)  $٤ + ٢س٦$       ب)  $٨ + ٦س$       ج)  $٦س٢ + ٨س$       د)  $٨س + ٦س$

١١)  $\frac{٨س٣ + ٤س}{٤س}$  حيث  $س \neq ٠$

أ)  $٢س٢ + ١$       ب)  $٢س٢$       ج)  $٢س٢ + س$       د)  $\frac{١}{٢س٢}$

١٢) ناتج جمع  $٣س٤ + ٤س٣ - ٣س٢ + ٢س١$ ،  $٢س٢ + ٣س١ - ٤س٣ - ٥س٤$  يساوي

أ)  $٥س٢ + ٣س١ - ٤س٣ + ٢س١$       ب)  $٣س٤ + ٥س٣ - ٧س١ + ١$

ج)  $٣س٤ + ٣س٢ - ٧س١ + ١$       د)  $٣س٤ + ٥س٣ + ٢س١ + ٧س١ + ١$

١٣) ناتج طرح  $(٣س - ٤ص)$  من  $(٣س + ٤ص)$

أ)  $٦س - ٨ص$       ب)  $٦س + ٨ص$       ج)  $٨ص$       د)  $٦س$



١٤) ناتج  $\left(\frac{س^٦}{س^٢}\right) = ١$  فإن م =  أ صفر  ب ١  ج  $\frac{س^٤}{٢}$   د -١

، حيث  $س \neq ٠$

١٥) مربع الحدانية  $س + ٢$  هو

أ  $س^٢ + ٤$   ب  $س^٢ + ٤ + س + ٤$   
 ج  $س^٢ + ٢ + س + ٤$   د  $س^٢ - ٢ + س + ٤$

١٦) ناتج جمع  $س^٣ - ٥س^٢ + س + ١$  ،  $٥س^٢ - ٣س$  يساوي

أ  $٨س^٢ - ٨س + ١$   ب  $٦س^٢ - ١٠س + ١$   
 ج  $٨س^٢ - ٨س$   د ١

١٧)  $\frac{٥س^٣ص^٥}{١٥س}$  حيث  $س \neq$  صفر

أ  $٣س^٢ص^٢$   ب  $٣س^٢ص$   ج  $٥س^٢ص$   د  $\frac{١}{٣}س^٢ص^٢$

١٨) عدد الحدود في كثيرة الحدود الناتجة من ضرب  $(س + ٣)(س + ٤)$  هو

أ ١  ب ٢  ج ٣  د ٤

١٩) ناتج  $(٣١٠)^٢ \times ١٠^{-٤} =$

أ  $١٠^{-٤}$   ب ٢١٠  ج ١٠  د  $١٠١٠$

٢٠) ناتج  $٨,٢ \times ١٠^٩ \div ٤,١ \times ١٠^٦ =$

أ  $٢ \times ١٠^٩$   ب  $٢ \times ١٠^٣$   ج  $٢ \times ١٠^٢$   د  $٢ \times ١٠^{١٥}$



## الوحدة السابعة: تحليل المقادير الجبرية

العامل المشترك الأكبر (ع . م . أ) (١-٧)

لإيجاد العامل المشترك الأكبر (ع . م . أ) لحددين جبريين أو أكثر:

- نوجد العامل المشترك الأكبر للمعاملات العددية
- نوجد العامل المشترك الأكبر للمتغيرات ( نأخذ كل متغير مشترك في جميع الحدود بأصغر أس له)
- نضرب العوامل المشتركة معاً

تدرب (١) أوجد العامل المشترك الأكبر (ع . م . أ) لكل مما يلي

أ) ١٦ ، ٣٢ ب)  $٣س^٢$  ،  $٥س^٣$

ج)  $٤ص^٣$  ،  $١٢ص^٢$  ، ٢٤ د)  $٤س^٥ص^٣$  ،  $٨س^٢ص^٦$

هـ)  $٤ل^٢$  ،  $١٤ل^٣$  ،  $١٨ل^٥$  و)  $٦م^٢$  ،  $٩م$

ز)  $٢١ب^٢ن^٣$  ،  $٢١بم^٤ن$  ح)  $٥ص$  ،  $٢٠س^٢ص$

ط)  $٦م^٢س^٤$  ،  $٤٢م^٣س^٢$  ي)  $١٠ب^٥$  ،  $٣٠ب^٢$  ،  $٤٠ب^٣$



تدرب (٢) أوجد (ع. م. أ) لكل من المقادير الجبرية التالية

ب)  $14 \text{ ه}^{\circ} \text{ص}^{\circ} - 63 \text{ ل ه}^{\circ}$

أ)  $48 \text{ س}^{\circ} \text{ص}^{\circ} + 6 \text{ س}$

د)  $20 \text{ س}^{\circ} \text{ص}^{\circ} - 15 \text{ س}^{\circ} \text{ص}^{\circ} + 10 \text{ ص}^{\circ} \text{س}^{\circ}$

ج)  $12 \text{ ع}^{\circ} \text{ص}^{\circ} \text{س}^{\circ} + 6 \text{ ع}^{\circ} \text{ص}^{\circ} \text{س}^{\circ} + 24 \text{ ع}^{\circ} \text{س}$

و)  $14 \text{ م}^{\circ} \text{س}^{\circ} \text{س}^{\circ} + 7 \text{ م}^{\circ} \text{س}^{\circ} \text{ص}^{\circ} + 21 \text{ م}^{\circ} \text{س}^{\circ}$

ه)  $5 \text{ س}^{\circ} - 10 \text{ س}^{\circ} + 15 \text{ س}^{\circ}$



## التحليل بإخراج العامل المشترك الأكبر

٢-٧

تدرب (١) حل المقادير الجبرية التالية بإخراج العامل المشترك الأكبر (ع. م. أ.)

ب  $6س^٢ + ٣س$

أ  $٩ + ٩س$

د  $٨س^٣ + ١٢صس$

ج  $س^٢ص + صل$

و  $٦س^٢ص - ٨س^٢ص$

هـ  $٧س^٢ص - ٧س^٢ص$

ح  $٦ل٢ع - ٣ل٧ع + ٩ل٦ع$

ز  $١٢سص + ٧س٢ص$

ي  $٨(ص + ٢)س + (ص + ٢)$

ط  $س(٣ - م) - ص(٣ - م)$



تدرب (٢) اكتب المقادير الجبرية في أبسط صورة مستخدم التحليل بإخراج (ع . م . أ)

أ :  $\frac{س^٢ - س^٣}{س}$

.....

.....

ب :  $\frac{س^٣ - ٦س^٢}{س^٣}$

.....

.....

ج :  $\frac{٥س^٤ - ٢س^٣ + ١٠س^٢}{٥س^٥}$

.....

.....

د :  $\frac{ص(س + ٥) - (س + ٥)^٣}{٥س^٥}$

.....

.....

هـ :  $\frac{٢س^٢ + ٤س^٣ - ١٢س^٤}{٢س}$

.....

.....



## تحليل الفرق بين مربعين

٣-٧

$$a^2 - b^2 = (a + b)(a - b)$$

العدد (P)	١	٢	٣	٤	٥	٦	٧	٨	٩	١٠
مربع العدد	١	٤	٩	١٦	٢٥	٣٦	٤٩	٦٤	٨١	١٠٠

تدرب (١) حل ما يلي تحليلاً تاماً

أ)  $100 - 2s$  : .....

ب)  $2l - 25h$  : .....

ج)  $9 - 2v$  : .....

د)  $1 - 2m$  : .....

هـ)  $64s - 9v$  : .....

و)  $144 - 2n$  : .....

ز)  $100 - 2s$  : .....

ح)  $20 - 45e$  : .....

ط)  $75 - 3m$  : .....

ي)  $2s - 32$  : .....

ك)  $36 - 9e$  : .....



## تدرب (٢) حلل ما يلي تحليلًا تاماً

أ)  $(س + ٣) - ١٦$  : .....

ب)  $(ن - ٥) - (٤, ٠) - (١٦, ٠)$  : .....

ج)  $(٥ - م٤) - ١٢١$  : .....

د)  $\frac{٤س}{ب} - \frac{٤ج}{٩}$  : .....

هـ)  $\frac{١}{ص} - ٣٦س$  : .....

و)  $\frac{١}{٤}ه - ٢٥ع$  : .....

## تدرب (٣) وظف التحليل في إيجاد ناتج كلاً مما يلي

أ)  $(١٣) - (٨٧)$  : .....

ب)  $٢٥ - (٩٥)$  : .....

ج)  $(٢٠٩) - (٢١٠)$  : .....

د)  $(١, ٦) - (١١, ٦)$  : .....



## حل معادلة من الدرجة الأولى بمتغير

٤-٧

تدرب (١) أوجد حل المعادلات التالية حيث  $s \in \mathbb{N}$

ب)  $15 = 7 - s$

أ)  $7 = 1 + 3s$

د)  $1 = 9 - s \frac{2}{3}$

ج)  $11 = 5 - 4s$

و)  $6s - 1 = 8 - s$

هـ)  $6 = 4(s - 2)$



$$٤ = (٢ - س)٥ \text{ (ح)}$$

$$٥س = ٢(س + ٣) \text{ (ز)}$$

تدرب (٢) ستة أضعاف عدد مضاف إليه ١٢ يساوي ٣٠، أوجد هذا العدد

تدرب (٣) اوجد ثلاثة أعداد صحيحة متتالية مجموعها ١٨

تدرب (٤) اكتب على شكل كسر في أبسط صورة كلاً مما يلي

$$\frac{١٨}{٠} \text{ (ب)}$$

$$\frac{٦}{٠} \text{ (ا)}$$



## حل معادلة من الدرجة الثانية بمتغير واحد بالتحليل

٥-٧

تدرب (١) أوجد مجموعة حل كل من المعادلات التالية في ن

ب  $٠ = (٧ + س)(٦ + س)$

أ  $٠ = (٣ + س)(١ - س)$

د  $٠ = ٧س^٢ - ٣س$

ج  $٠ = (٥ + س٢)(٢ + س)$

و  $٦٤ = ٤س^٢$

هـ  $٠ = ٤٥ - ٢س$



Ⓒ (س + ٢) - ٤ = ٠

Ⓙ (س + ٢) - ٢٥ = ٠

Ⓨ س = ٩

Ⓣ ٢ل - ٣٢ = ٠

تدرب (٢) اختر الإجابة الصحيحة

ⓕ إذا كانت س = ٤٩ - ٢ = ٠ ، س د ط ، فإن قيمة المتغير ه س + ٤ تساوي

ⓓ -٣٥

Ⓒ ٣٥

ⓑ -٣١

ⓐ ٣٩

ⓑ مجموعة حل المعادلة ٩س + ١ = ٠ ، س د ط تساوي

ⓑ { - ١/٣ }

ⓐ { ١/٣ }

ⓓ ∅

Ⓒ { ١/٣ ، - ١/٣ }



## حل متباينة من الدرجة الأولى في متغير واحد

٦-٧

تدرب (١) حل كلاً من المتباينات التالية

أ  $١ > ٣ + ٢س$

ب في ن  $\frac{٣-}{٤} \geq \frac{س}{٨}$

ج  $١١ \leq ٧ - ٣س$

د  $١ > ٥ + \frac{١-}{٢}ص$

هـ  $٥ - ٤ع \leq ٢$

و  $٩ < ٥ - (٣ + س)٢$



$$\text{ج) } 3(s-6) \geq 5(s-4)$$

$$\text{ز) } 3s + 7 > 5s + 2$$

$$\text{ي) } 5 + s \geq 2(s-3)$$

$$\text{ط) } 2v + 4,8 < 2,4$$

**تدرب (٢)** أراد معلم شراء خمس هدايا من النوع نفسه لتوزيعها على المتعلمين المتفوقين في الفصل بحيث لا يتعدى ما ينفقه على هذه الهدايا ٧٠ دينار والتي تشمل ١٠ دنانير مصاريف شحن اكتب متباينة تعبر عن ذلك ثم حل المتباينة لإيجاد أعلى سعر للهدية الواحدة



تدرب (٣) أوجد أصغر ثلاثة أعداد زوجية مجموعها كبر من ١٢٦

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

تدرب (٤) اختر الإجابة الصحيحة

أ أي المتباينات الآتية تعبر عن الموقف التالي  
( يحتاج ناصر ساعتين على الأقل لحل الواجب )

- أ   $s > 2$       ب   $s \geq 2$       ج   $s < 2$       د   $s \leq 2$

ب المتباينة التي تعبر ( عن ضعف عدد أكبر من ٧ )

- أ   $s + 2 > 7$       ب   $s - 2 > 7$   
ج   $2s > 7$       د   $2s < 7$

ج المتباينة التي يكون أحد حلولها في ن هو  $s = 3$  هي

- أ   $2s < 6$       ب   $s - 2 \leq 5$   
ج   $s + 3 < 2$       د   $s - 2 < 3$

د إذا كانت  $6 \geq s \geq 2$  ،  $3 \geq v \geq 5$  ، فإن أكبر قيمة للمقدار  $s^2 - v^2$  هي

- أ  ٦١      ب  ٢٧  
ج  ٤٥      د  ٣٦



## تقويم الوحدة التعليمية السابعة

تدرب (١) أوجد العامل المشترك الأكبر (ع . م . أ) لكل مما يلي

أ ٩هـ<sup>٢</sup> و ٢٧هـ<sup>٢</sup>

ب ١٤س<sup>٥</sup> ص<sup>٣</sup>، ٧س<sup>٢</sup> ص<sup>٥</sup>

ج ١٥ك<sup>٤</sup> ل<sup>٦</sup>، ٢٥ك<sup>٥</sup>

تدرب (٢) حل كل من المقادير الجبرية التالية باستخدام العامل المشترك الأكبر (ع . م . أ)

أ ٩ص<sup>٢</sup> + ٢٧ص

ب ٤س - ٨س<sup>٣</sup> ص<sup>٢</sup> + ٢٤س<sup>٤</sup> ص<sup>٣</sup>

تدرب (٣) حل كل مما يلي تحليلاً تاماً

أ هـ<sup>٢</sup> - ٣٦

ب (ك - ٩)<sup>٢</sup> - ٢٥

تدرب (٤) أوجد مجموعة حل كل من المعادلات التالية في ن

ب ٣س - ١ = ٥ + س

أ  $\frac{س}{٤} - ٢ = ١٠$



$$\text{د} \quad \bullet = 64 - 2(5 - \text{س})$$

$$\text{ج} \quad \bullet = (7 + \text{ص})(2 - \text{ص})$$

$$\text{و} \quad \bullet = 90 - 2 \text{ص} 10$$

$$\text{هـ} \quad \bullet = (9 + \text{س} 2)(3 + \text{س})$$

$$\text{ز} \quad 100 = 2 \text{س} 4$$



تدرب (٥) حل كلاً من المتباينات التالية

في ن

ب)  $2 - 9 > 8$

أ)  $4 - 5 < 11$

د)  $7,1 \leq 2,9 - 9$

ج)  $7 - 3 \geq 5$

هـ)  $8(3 - س) < 4(3 - س)$



## البنود الموضوعية

في البنود التالية، ظلل  إذا كانت العبارة صحيحة وظلل  إذا كانت العبارة خاطئة

<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	١ العامل المشترك الأكبر: بين ٣ هـ <sup>٢</sup> و ١٢ هـ <sup>٣</sup> و ٥ هـ <sup>٢</sup> هو ٣ هـ <sup>٢</sup> و
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	٢ ٥ ص <sup>٣</sup> + ١٠٠ ص <sup>٢</sup> = ٢٥ ص <sup>٣</sup> (ص + ٢٠)
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	٣ مجموعة حل المعادلة س <sup>٢</sup> - ٣٦ = ٠ حيث س ∈ ط ، هي { ٦، ٦- }
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	٤ حل المتباينة ٧ س < ٤٢ حيث س ∈ ن هو { ٦- }
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	٥ حل المتباينة ٣ س > ٢١ حيث س ∈ ن هو مجموعة الأعداد النسبية الأكبر من ٧
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	٦ حل المعادلة س <sup>٢</sup> = ١٦ - حيث س ∈ ن ، هو ∅
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	٧ ٨ + ٢ س = ٤ × ٢ س
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	٨ س <sup>٢</sup> + ٩ = (س + ٣)(س - ٣)

لكل بند من البنود التالية أربعة خيارات ، ظلل الدائرة الدالة على الإجابة الصحيحة

٩ المقدار  $\frac{٥ س٤ ص٥}{٤ ص٤ س٤}$  في أبسط صورة هو

- أ ٢٠ ص       ب  $\frac{١}{٥}$  ص       ج  $\frac{٥}{ص}$        د ٣٠ ص<sup>٩</sup>

١٠ إذا كان (س + ص) = ٣ ، (س - ص) = ٤ ، فإن س<sup>٢</sup> - ص<sup>٢</sup> =

- أ ١       ب ٧       ج ١٢       د ٢٥

١١ إذا كان: س<sup>٢</sup> - ص<sup>٢</sup> = ٣٦ (س + ص) = ٦ ، فإن (س - ص) =

- أ ٦-       ب ٦       ج ١٢       د ٣٦

١٢ إذا كان: ٢٢ = ١٦ ، ب<sup>٢</sup> = ٩ ، فإن (ب + ٢)(ب - ٢) =

- أ ٢٥       ب ٧-       ج ١٤٤       د ٧



١٣ مجموعة حل المعادلة  $64 = x^2$  حيث  $x$  من  $\mathbb{Z}$  ، هي

- أ { ٨ ، -٨ }      ب  $\emptyset$       ج { ٨- }      د { ٤ ، -٤ }

١٤ مجموعة حل المعادلة  $144 = x^2$  حيث  $x$  من  $\mathbb{Z}$  ، هي

- أ { ١٢ }      ب مجموعة خالية      ج { ١٤ ، -١٤ }      د { ١٢ ، -١٢ }

١٥ العدد الذي يمثل حلاً للمعادلة  $(x - 5) \cdot 0 = 0$  (حيث  $x$  من  $\mathbb{Z}$ ) هو

- أ صفر      ب ٥      ج -٥      د ١٠

١٦ حل المتباينة  $5 < x < 20$  (حيث  $x$  من  $\mathbb{Z}$ ) هو

أ مجموعة الأعداد النسبية الأكبر وتساوي ٤

ب مجموعة الأعداد النسبية الأصغر وتساوي ٤

ج مجموعة الأعداد النسبية الأصغر من ٤

د مجموعة الأعداد النسبية الأكبر من ٤

١٧ المتباينة  $3 < x < 27$  تكافئ المتباينة

- أ  $9 < x$       ب  $9 < x$       ج  $9 < x$       د  $9 < x$

١٨ إذا كان ثمن تذكرة الدخول إلى مدينة الألعاب هو ٥ دنانير وثمان تذكرة كل لعبة هو

٠,٧٥٠ دينار ، فإن تكلفة لعب عدد  $s$  من الألعاب نعب عنها بـ

أ  $(s + 5) \times 0,750$       ب  $0,750 \times s + 5$

ج  $s + 5 \times 0,750$       د  $0,750 \times s \times 5$



## الوحدة الثامنة: الاحتمال - الاحصاء

### طرائق العد

١-٨

**مضروب العدد** : عند اختيار ( ن ) عنصر من بين ( ن ) عنصر مختلف وبدون تكرار أي عنصر منها ، حيث ترتيب العناصر مهم سنرمز له بالرمز  $n!$  ويكتب على الصورة

$$n! = n(n-1)(n-2) \dots \times 2 \times 1 = n! \quad , \quad 1! = 1$$

**التباديل** : عند اختيار ( م ) عنصر من بين ( ن ) عنصر مختلف (  $m \geq n$  ) وبدون تكرار أي عنصر منها ، حيث ترتيب العناصر مهم سنرمز له برمز التبديلة  ${}^n P_m$  ويكتب على الصورة :

$$(1) \quad {}^n P_m = n(n-1)(n-2) \dots \text{إلى } m \text{ من العوامل}$$

$$(2) \quad {}^n P_m = \frac{n!}{(n-m)!} \quad , \quad m \in \{0, 1, 2, \dots, n\}$$

**التوافيق** : عند اختيار ( م ) عنصر من بين ( ن ) عنصر مختلف (  $m \geq n$  ) ، حيث ترتيب العناصر غير مهم سنرمز له برمز التوفيق  ${}^n C_m$  أو ويكتب على الصورة :  $\binom{n}{m}$

$$(1) \quad {}^n C_m = \frac{n!}{m!(n-m)!} \quad (2) \quad {}^n C_m = \frac{n!}{m! \times (n-m)!} \quad , \quad m \in \{0, 1, 2, \dots, n\}$$

**تدرب (١)** يقدم مطعم وجبات من طبق رئيسي أما لحم أو سمك أو دجاج ، وكل طبق رئيسي يقدم معه مقبلات من حساء أو سلطة ، كم عدد الوجبات التي يمكن تقديمها ؟

**تدرب (٢)** توجه عمر إلى مكتبة المدرسة حيث توجد ٥ كتب دينية و ٣ كتب علمية و ٤ كتب تاريخية ، كم عدد الطرق المختلفة لاختيار عمر كتاباً واحداً من كل نوع ؟



تدرب (٣) ما هو عدد التباديلات الممكنة لاختيار ٣ عناصر من {١، ٣، ٥، ٧، ٩}

لنكون بها أعداد يتكون كل منها ثلاثة أرقام مختلفة؟

تدرب (٤) ما هو عدد التباديلات الممكنة لاختيار ٤ عناصر من {٢، ٤، ٦، ٨}

لنكون بها أعداد يتكون كل منها أربعة أرقام مختلفة؟

تدرب (٥) أوجد كل مما يلي

..... = !٣ (أ)

..... = !٦ (ب)

! ..... = ١ × ٢ × ٣ × ٤ × ٥ × ٦ × ٧ × ٨ (ج)

..... = ٣!٧ (د)

..... = ٢!١١ (هـ)

..... = ٦ × ٧ × ٨ × ٩ (و)

..... = !(١٠ - ٥) (ز)

..... = !(٢ - ٥)٦ (ح)

تدرب (٦) يريد فيصل وضع رقم سري من أربعة أرقام لحسابه الشخصي في تطبيق (سهل)

بدون تكرار أي رقم ( وباستخدام الأرقام من ١ إلى ٩ ) ، فكم عدد طرق الاختيار المتاحة له ؟



**تدرب (٧)** بكم طريقة يمكن اختيار ٣ معلمين من بين ٥ متعلمين لإعداد أسئلة مسابقة أولمبياد الرياضيات بحيث معلم يعد أسئلة الهندسة والثاني يعد أسئلة الحبر والثالث يعد أسئلة الإحصاء ؟

**تدرب (٨)** يقدم مطعم أنواعاً من البيتزا حسب طلب الزبون فمنها ( الخضار ، الدجاج ، اللحم ، البيبروني ، المارغريتا ، المارينارا ، هاواي ) ، ما عدد الطرق المختلفة

- أ) لاختيار نوعين من البيتزا ؟ .....
- ب) لاختيار خمسة أنواع من البيتزا ؟ .....
- ج) لاختيار سبعة أنواع من البيتزا ؟ .....
- د) لعدم اختيار أي نوع من البيتزا ؟ .....

**تمرن (١)** توجد أربعة طرق ممكنة تصل بين المدينة (أ) والمدينة (ب) وتوجد ثلاثة طرق ممكنة تصل بين المدينة (أ) والمدينة (ج) ، كم عدد الطرق المختلفة من المدينة (أ) إلى المدينة (ج) مروراً بالمدينة (ب) ؟

**تمرن (٢)** ما عدد طرق اختيار حقيبة سفر من بين ٥ أنواع و٦ ألوان و٣ أحجام ؟



### تمرن (٣) أوجد كل مما يلي

- أ ..... = !٥
- ب ..... = !(٤ - ٦)
- ج ..... = ..... ل ..... = ١ × ٢ × ٣ × ٤ × ٥ × ٦
- د ..... = ٣ ل<sup>٦</sup>
- ه ..... = !٠
- و ..... = !٤ × !٣
- ز ..... = !٤ × ٥
- ح ..... = !(٢ - ٥)٦

### تمرن (٤) أوجد عدد الطرق الممكنة لاختيار ثلاثة أرقام من ١ إلى ٦ ، إذا كان

- أ لا يمكن تكرار الأرقام
- ب يمكن تكرار الأرقام

### تمرن (٥) اشترى والد مبارك ٧ أحواض للزرع و٧ شتلات مختلفة ، بكم طريقة يمكن توزيع الشتلات على الأحواض بحيث يكون في كل حوض شتلة واحدة

### تمرن (٦) ذهب بدر وعبد العزيز إلى السينما لمشاهدة أفلام ، كم عدد الطرق التي يمكن أن يتم بواسطتها اختيار فلمين مع مراعاة الترتيب أو يكون واحد تلو الآخر من بين ١٠ أفلام معروضة على شاشة الاختيارات ؟



تمرن (٧) أوجد كل مما يلي

..... =  $٩ ق^٩$  (أ)

..... =  $\binom{٨}{.}$  (ب)

..... =  $٤ ق^٧$  (ج)

..... =  $١ ق^٨$  (د)

..... =  $٤ ق^٥ + ٣ ق^٥ + ٢ ق^٥ + ١ ق^٥ + . ق^٥$  (هـ)

تمرن (٨) وقع اختيار عائلة أحمد في عطلة نهاية الأسبوع على مطعم هندي لتناول وجبة الغداء فيه ، يقدم المطعم ١٠ أنواع من الأطباق الهندية المختلفة ، فبكم يمكن للعائلة اختيار ٤ من هذه الأطباق لمشاركتها فيما بينهم ؟

تمرن (٩) اشترك عبد الرحمن في شركة وجبات صحية ، ما هو عدد الطرق المختلفة لاختيار ٣ وجبات صحية من بين قائمة تحوي ١٠ وجبات ليوم واحد ؟



## فضاء العينة

٢-٨

**التجربة العشوائية :** هي تجربة نستطيع تحديد نواتجها قبل إجرائها ، إلا أننا لا نستطيع أن نجزم أن أيّاً من هذه النواتج سيتحقق فعلاً عند إجرائها  
**فضاء العينة ف :** هو مجموعة كل النواتج الممكنة عند إجراء تجربة عشوائية ما  
**الحدث :** هو مجموعة جزئية من فضاء العينة ( ف )

تدرب (١) اكتب فضاء العينة في تجربة إلقاء قطعة نقود

تدرب (٢) اكتب فضاء العينة في تجربة إلقاء قطعة نقود مرتين متتاليتين وحدد عدد النواتج  
أكمل الجدول لتبين كل النواتج الممكنة

ك	ص	الرمية الأولى الرمية الثانية
		ص
		ك

أ فضاء العينة : .....

ب عدد النواتج = .....

تدرب (٣) اكتب فضاء العينة لتجربة رمي ثلاث قطع نقود متمايزة مرة واحدة وحدد عدد النواتج

أ فضاء العينة : .....

.....

.....

.....

ب عدد النواتج = .....

ج عدد الاختيارات باستخدام مبدأ العد = .....



تدرب (٤) تريد موزي اختيار خلفية لشاشة هاتفها من بين ثلاثة اختيارات  
( صورة شخصية ، منظر طبيعي ، نمط هندسي ) كما ستختار أيضاً غطاء من بين ثلاثة اختيارات  
( شفاف ، أسود ، ملون ) ، اكتب فضاء العينة

أ ف : .....

.....

.....

ب عدد النواتج الممكنة .....

ج اكتب عناصر الحدث اختيار خلفية الشاشة صورة شخصية والغطاء غير شفاف

.....

تدرب (٥) صندوق فيه ثلاث بطاقات متماثلة ألوانها هي : الأسود (س) الأبيض (ب)  
الأصفر (ص) ، إذا سحبت بطاقة من الصندوق عشوائياً ثم أعدتها ، وسحبت بطاقة أخرى  
عشوائياً ، اكمل لكتابة فضاء العينة (ف)

لون البطاقة	س	ب	ص
س			
ب			
ص			

ف : .....

.....

تمرن (١) اكتب فضاء العينة لتجربة إلقاء حجر نرد

ثم إلقاء قطعة نقود معدنية

.....

.....

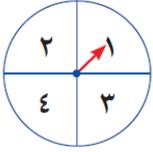
.....

.....

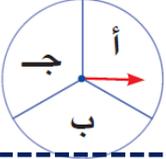




الأولى



الثانية



تمرن (٢) عند تدوير الدوارة الأولى ، ثم الثانية  
اكتب فضاء العينة وحدد عدد النواتج الممكنة

.....

.....

.....

.....

تمرن (٣) اختارت المعلمة شيماء عمل مسابقة في برنامجها الاذاعي وهو ترتيب الأرقام لتكون المتعلمة أعداد مختلفة وكانت الأرقام كالتالي : ٢ ، ٤ ، ٥  
ارسم مخطط الشجرة البيانية لنبيين كل الأعداد المؤلفة من ٣ أرقام مختلفة والتي يمكن اختيارها من بين هذه الأرقام

تمرن (٤) أراد محمد السفر مع أسرته إلى دولة خليجية ، فعرض عليهم خيارات السفر إما بواسطة السيارة أو الطائرة ، وكذلك الاختيار بين ( الرياض ، الدوحة ، المنامة )  
أرسم مخطط الشجرة

ب) أوجد عدد النواتج الممكنة : .....

ج) فضاء العينة لرحلة محمد : .....

.....



## الاحتمال

٣-٨

ل (حدث) =  $\frac{\text{عدد نواتج الحدث}}{\text{عدد النواتج الممكنة كلها}}$

تدرب (١) إذا تم رمي قطعة نقود معدنية وحجر نرد



أ

فضاء العينة :

ب

ل (ج) حدث ظهور صورة و عدد زوجي :

ج

ل (ظهور صورة و عدد زوجي):

٦	٥	٤	٣	٢	١	+
٧	٦	٥	٤	٣	٢	١
٨	٧	٦	٥	٤	٣	٢
٩	٨	٧	٦	٥	٤	٣
١٠	٩	٨	٧	٦	٥	٤
١١	١٠	٩	٨	٧	٦	٥
١٢	١١	١٠	٩	٨	٧	٦

تدرب (٢) في تجربة إلقاء حجر نرد متمايزين ومنتظمين

أ

أوجد عدد جميع النواتج الممكنة

ب

ل (مجموع العددين الظاهرين أصغر من ٥)

ج

ل (ظهور العدد ٥ في الحجر الأول والعدد ٤ في الحجر في الحجر لثاني)

د

ل (مجموع العددين الظاهرين ٩ أو ١٢)

هـ

ل (مجموع العددين الظاهرين ١٣)



تدرب (٣) مجموعة بطاقات مرقمة من ١ إلى ٢٤ ، سحبت بطاقة واحدة عشوائياً

احسب كلاً من الاحتمالات التالية :

أ ( ظهور عدد من مضاعفات العدد ٦ ) :

٦	٥	٤	٣	٢	١
١٢	١١	١٠	٩	٨	٧
١٨	١٧	١٦	١٥	١٤	١٣
٢٤	٢٣	٢٢	٢١	٢٠	١٩

ب ( ظهور عدد أولي أصغر من ١٥ ) :

ج ( ظهور عدد يقبل القسمة على ٢٥ ) :

تدرب (٤) يحتوي كيس على ١٠ كرات متماثلة ، منها كرتان حمراوا اللون ، ٣ زرقاء اللون  
٥ بيضاء اللون ، سحبت كرة واحدة عشوائياً ، فاحسب احتمال كل من الأحداث التالية :

أ ( الكرة المسحوبة حمراء ) :

ب ( الكرة المسحوبة زرقاء ) :

ج ( الكرة المسحوبة ليست زرقاء ) :

تدرب (٥) صندوق يحوي هدايا مختلفة وضعت داخل علب ملونة متماثلة ، إذا كان هناك  
علبتان حمراوان و٧ زرقاء و٤ سوداء ، تم سحب علبة واحدة عشوائياً ، فاحسب احتمال كل من  
الأحداث التالية :

أ ( العلبة المسحوبة حمراء ) :

ب ( العلبة المسحوبة زرقاء ) :

ج ( العلبة المسحوبة بيضاء ) :

د ( العلبة المسحوبة ليست سوداء ) :



تمرن (١) إذا القى حجر نرد منتظم مرة واحدة ولاحظ العدد الظاهر على الوجه العلوي

فاحسب احتمال كل من الأحداث التالية :

أ ( ظهور عدد أكبر من ٥ ) : .....

ب ( ظهور عدد أولي ) : .....

ج ( ظهور عدد فردي ) : .....

د ( ظهور عدد أصغر من ٧ ) : .....

هـ ( ظهور عدد يساوي ٧ ) : .....

تمرن (٢) في أحد فصول الصف الثامن ٢٥ متعلم منهم ٥ متعلمين يرتدون نظارات طبية

إذا تم اختيار متعلم واحد عشوائياً ، أجب عما يلي :

أ ما احتمال أن يكون المتعلم يرتدي نظارة ؟ .....

ب ما احتمال أن يكون المتعلم لا يرتدي نظارة ؟ .....

تمرن (٣) يحتوي كرتون في المخزن ١٤ كتاب متماثل : ٥ كتب علوم و ٤ كتب رياضيات و ٣ كتب

لغة عربية و ٢ كتاب تربية إسلامية ، إذا تم سحب كتاب واحد عشوائياً ، فأوجد احتمال

كل من الأحداث التالية :

أ ( الكتاب من كتب العلوم أو كتب اللغة العربية ) .....

ب ( الكتاب ليس من كتب الرياضيات ) .....



تمرن (٤) يوجد فصل ٢٥ متعلماً منهم ١٠ يلعبون كرة القدم و٦ يلعبون كرة السلة و٤ يلعبون كرة الطاولة ، عند اختيار متعلم من الفصل عشوائياً ، فما احتمال أن يكون ممن لا يلعب أيّاً من الألعاب السابقة ؟ ( ملاحظة : لا يلعب أي متعلم أكثر من لعبة )

.....

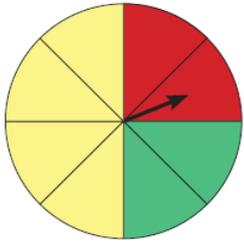
.....

.....

تمرن (٥) يحتوي صندوق فيه ٩ كرات متماثلة تماماً مرقمة من ١ إلى ٩ ، سحب كرة عشوائياً من الصندوق ، فاحسب احتمال كل من الأحداث التالية :

- أ ( ظهور عدد أكبر من ٧ ) : .....
- ب ( ظهور عدد زوجي ) : .....
- ج ( ظهور عدد أكبر من ٧ أو ظهور عدد زوجي ) : .....

تمرن (٦) عند تدوير القرص المجاور مرة واحدة ، أوجد احتمال أن يتوقف المؤشر عند :



- أ ( اللون الأحمر ) : .....
- ب ( اللون الأصفر أو الأخضر ) : .....
- ج ( لون غير الأخضر ) : .....

تمرن (٧) يحتوي كيس على كرة صفراء و٦ كرات حمراء و٣ كرات زرقاء جميعها متماثلة إذا سحب كرة عشوائياً من الكيس ولاحظ لونها ، فما احتمال أن تكون الكرة المسحوبة :

- أ ( حمراء ) : .....
- ب ( خضراء ) : .....
- ج ( صفراء أو زرقاء ) : .....
- د ( ليست صفراء ) : .....



## مخططات الساق والأوراق المزدوجة (٤-٨)

تدرب (١) يبين الجدول أدناه متوسط أسعار تذاكر الطيران من الكويت إلى كل من تركيا وماليزيا في بعض أشهر السنة بالدينار الكويتي

الشهر	يناير	فبراير	مارس	ابريل	مايو	يونيو	يوليو	أغسطس	سبتمبر
تركيا	١٥٥	١٦٠	١٥١	١٦٥	١٥٠	١٧٢	١٨١	١٧٤	١٨٥
ماليزيا	١٨٥	١٧٨	١٩٢	١٨٨	١٩٩	١٩٥	١٩٨	١٨٠	١٨٤

اصنع مخطط الساق والأوراق المزدوج للبيانات التالية

ماليزيا	تركيا
الأوراق	الساق

أ) ما هو أدنى سعر للتذاكر إلى تركيا؟ .....

ب) ما هو أعلى سعر للتذاكر إلى تركيا؟ .....

ج) ما هو أدنى سعر للتذاكر إلى ماليزيا؟ .....

د) ما هو أعلى سعر للتذاكر إلى ماليزيا؟ .....

هـ) ما سعر التذكرة إلى ماليزيا الذي يسبق ١٨٠ دينار مباشرة؟ .....

و) ما سعر التذكرة إلى تركيا الذي يلي ١٧٤ دينار مباشرة؟ .....

تدرب (٢) يوضح الجدول التالي عدد الزوار بالآلاف في يومي الجمعة والسبت خلال ١٠ أسابيع في مجمع الأفنيوز

الأسبوع	١	٢	٣	٤	٥	٦	٧	٨	٩	١٠
الجمعة	٥٢	٥٥	٦٠	٥٨	٧٠	٦٦	٧٢	٦٩	٧٢	٤١
السبت	٤٨	٥٠	٥٧	٥٤	٥٩	٦٠	٤٥	٦٤	٦٢	٥٥

اصنع مخطط الساق والأوراق المزدوج للبيانات التالية

الجمعة	السبت
الأوراق	الساق



تمرن (١) استخدم مخطط الساق والأوراق المزدوج التالي الذي يوضح عدد زوار مدينة الألعاب

( وونترلاند ) وعدد زوار المركز العلمي في أيام شهر فبراير

عدد زوار المركز العلمي	عدد زوار وونترلاند
الأوراق	الساق
٩٨	٥١
٩٨٧	٥٢
٦٥٤	٥٣
٣١٠	٥٤
٥٤٣	٦١

أجب عن الأسئلة التالية :

- أ) ما أكبر عدد وصل إليه زوار وونترلاند؟ .....
- ب) ما أصغر عدد وصل إليه زوار المركز العلمي؟ .....
- ج) ما العدد الذي تكرر في زوار وونترلاند ؟ .....
- د) ما العدد الذي يسبق العدد ٥٢٧ مباشرة في زوار المركز العلمي؟ .....
- هـ) ما العدد الذي يلي العدد ٥٤٦ مباشرة في زوار وونترلاند ؟ .....

تمرن (٢) في عام ٢٠٢٥ بدأ الكثير من قاطني البيوت الحديثة استخدام روبوتات مساعدة ذكية

( تنظيف ، مراقبة ، ذكاء اصطناعي ) تقدم شركتان عالميتان مثل هذه الخدمات الشركة ( ا ) التي تصنع روبوتاً منزلياً يعتمد على الذكاء الاصطناعي، الشركة ( ب ) التي تصنع روبوتاً مخصصاً للأعمال المنزلية اليومية ، يبين الجدول التالي مقارنة بين عدد مستخدمي الروبوتات لبعض الأشهر بالآلاف

عدد مستخدمي روبوتات الشركة (ب)	عدد مستخدمي روبوتات الشركة (ب)
١١٢	١١٨
١٢٥	١٣٠
١٤٢	١٥٠
١٥٠	١١١
١٢٠	١٣٣
١٤٧	١٥٥

اصنع مخطط الساق والأوراق المزدوج للبيانات التالية

الشركة (ب)	الشركة (ب)
الأوراق	الساق



تمرن (٣) قامت الصحة المدرسية بمتابعة متعلمي الصف الثامن لمدرستين ( بنين ، بنات )

وذلك عبر الزيارات الميدانية وقياس أطوال عينة من المتعلمين بوحدة السنتيمتر

أطوال المتعلمات : ١٣٣ ، ١٣٥ ، ١٤٣ ، ١٥٣ ، ١٦٠ ، ١٦٣ ، ١٧٠ ، ١٧٥ ، ١٥٣ ، ١٦٢ ، ١٤٠ ،

أطوال المتعلمين : ١٤٣ ، ١٤٠ ، ١٨٠ ، ١٧٣ ، ١٧٨ ، ١٦٣ ، ١٦٥ ، ١٥٥ ، ١٥٨ ، ١٨٥ ، ١٧٤ ،

اصنع مخطط الساق والأوراق المزدوج للبيانات التالية

أطوال المتعلمين	أطوال المتعلمات	
	الساق	الأوراق
الأوراق		

تمرن (٤) يظهر مخطط الساق والأوراق المزدوج عدد الأمتار التي يقطعها فريق السباحة في

المارثون باستخدام السباحة الحرة وسباحة الظهر وسباحة الفراشة

فريق السباحة (ب)	الساق	فريق السباحة (٢)
الأوراق	الساق	الأوراق
٣٢١	٢	٥٦
٣٣٢١	٣	١٥٧٧
٥١	٤	٢٣٤٤
٥٤٢٠	٥	١٣٤

أجب عن الأسئلة التالية :

أ) ما عدد الأمتار الأكثر لكل فريق؟

الفريق ( ٢ ) ..... الفريق ( ب ) .....

ب) ما عدد الأمتار الأقل للفريق ( ب ) ؟ .....

ج) ما الأمتار الأكثر تكراراً عند الفريق ( ٢ ) ؟ .....

د) ما الأمتار التي تكررت في كلا الفريقين؟

الفريق ( ٢ ) ..... الفريق ( ب ) .....



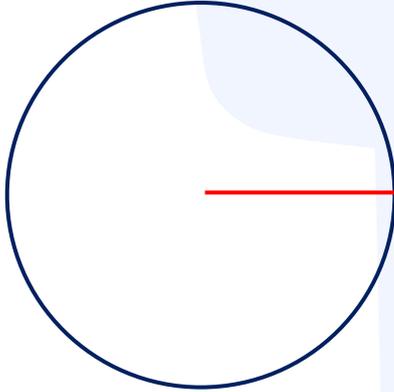
## تمثيل البيانات باستخدام القطاعات الدائرية

٥-٨

$$\text{قياس زاوية رأس كل قطاع} = \frac{\text{التكرار المقابل لكل قطاع}}{\text{مجموع التكرارات}} \times 360^\circ$$

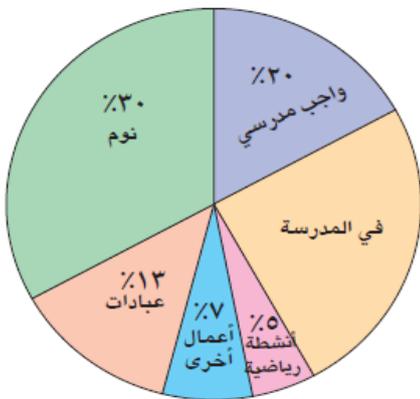
تدرب (١) يبين الجدول التالي مجموعة من المتعلمين ، أكمل الجدول ثم مثل البيانات بالقطاعات الدائرية

الهواية	السباحة	ركوب الخيل	الرماية	القراءة	الكتابة	المجموع
عدد المتعلمين	١٠	٣٠	٢٠	٢٥	١٥	
قياس زاوية رأس القطاع	$360^\circ \times \frac{10}{100} = 360^\circ$					



تدرب (١) استخدم التمثيل البياني بالقطاعات الدائرية المقابل للإجابة عما يلي

المهام اليومية لحصّة



أ ما هي النسبة المئوية التي تمثل الوقت

الذي تقضيه حصة في المدرسة ؟

ب كم ساعة تقضيها حصة في كتابة واجباتها

كل يوم تقريباً؟

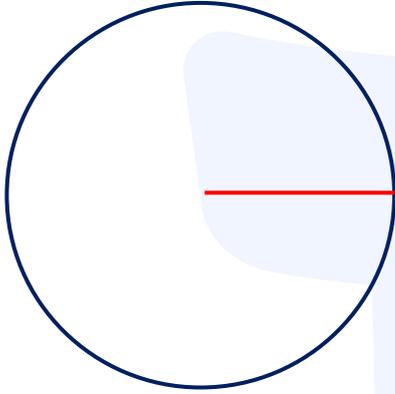
ج ما عدد الساعات التقريبي الذي تقضيه

حصة في النوم ؟



تدرب (٣) يمثل الجدول التالي توزيع استخدام المتعلمين في الجامعة للأجهزة الرقمية خلال اليوم ، وكان عددهم ٣٠٠ متعلم جامعي ، أكمل الجدول ثم مثل بالقطاعات الدائرية

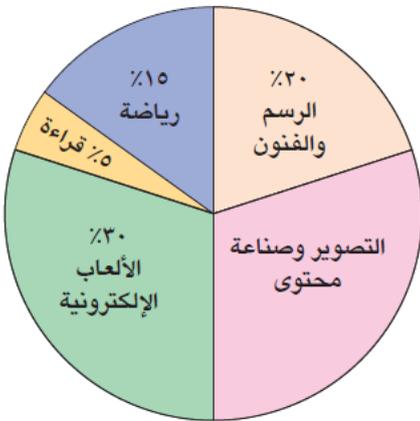
نوع الجهاز	الهاتف الذكي	الحاسوب المحمول	الجهاز اللوحي	الساعة الذكية
النسبة المئوية	%٥٠	%٢٥	%١٥	%١٠
قياس زاوية رأس القطاع	$360 \times \frac{10}{100}$ $360 =$			
عدد المتعلمين الذين يستخدمون الجهاز				



تمرن (١) يوضح التمثيل البياني بالقطاعات الدائرية المقابل النسبة المئوية لأكثر الهويات انتشاراً بين متعلمي الصف الثامن ، إذا كان عددهم ٢٠٠ متعلم ، فأوجد كلاً مما يلي :

أ النسبة المئوية لهواة التصوير وصناعة محتوى

هويات متعلمي الصف الثامن



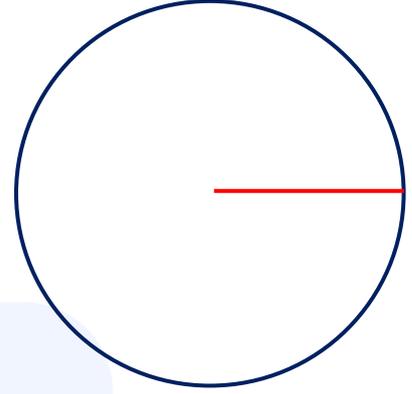
ب عدد متعلمي هواية الرسم

ج عدد متعلمي هواية القراءة



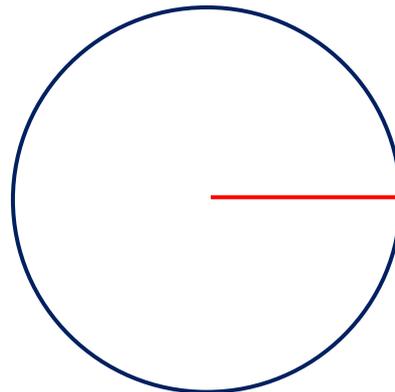
تمرن (٢) أكمل الجدول التالي ثم مثل بالقطاعات الدائرية

عادات الأكل لدى المتعلمين		
قياس زاوية رأس القطاع	النسبة المئوية	نوع الواجبات
	٣٠ %	سريعة
	٣٥ %	منزلية
	١٥ %	صحية
	٢٠ %	حلويات وقهوة
		المجموع



تمرن (٣) ينفق متعلم مبتعث مكافئته الشهرية بما يعادل ٤٠٠ دينا للسكن و ٣٠٠ دينار للمأكل و ٥٠ دينار للكهرباء و ١٥٠ دينار للملبس و ٧٠ دينار للمواصلات و ٣٠ دينار للكتب أكمل الجدول ثم مثل البيانات بالقطاعات الدائرية

جوانب الصرف	السكن	المأكل	الكهرباء	الملبس	مواصلات	الكتب	المجموع
مبلغ المكافأة							
النسبة المئوية							
قياس زاوية القطاع							





## ٦-٨ المتوسط الحسابي - الوسيط - المنوال

تدرب (١) تتصدق عادة بمبالغ متفاوتة شهرياً بالدينار الكويتي كآتي

٤، ٦، ٧، ٧، ٩، ٧، ٦، ٨، ٥، ٨، ٧، ١٠

أ الجدول التكراري ( البسيط )

القيمة	٤	٥	٦	٧	٨	٩	١٠	المجموع
التكرار								

ب المتوسط الحسابي =

.....  
.....

ج الوسيط =

.....

د المنوال =

.....

أسعار الألعاب الالكترونية بالدينار الكويتي				
٢٠	٤٠	١٥	١٨	١٢
١٠	١٧	١٥	٢٠	١٤
٢٥	٩	٤٠	١٨	١٥
٢٤	١٠	٢٢	٢١	٢٠

تمرن (١) يبين الجدول المقابل أسعار مجموعة من الألعاب الالكترونية بالدينار الكويتي

أ المتوسط الحسابي =

.....  
.....  
.....

الترتيب =

.....  
.....

ب الوسيط =

.....

ج المنوال =

.....



تدرب (٢) وصلت شحنة فاكهة عند ميناء الشويخ البحري تحمل أوزاناً من الفاكهة بالطن كما يلي : ٧٥ ، ٥٩ ، ٦٢ ، ٣٠٢ ، ٦٥ ، ٦٧ ، ٦٢ ، أوجد

أ) المتوسط الحسابي = .....

.....

الترتيب : .....

ب) الوسيط = .....

ج) المنوال = .....

د) هل توجد قيمة بعيدة عن البيانات ؟ ما هي .....

أوجد المتوسط الحسابي والوسيط والمنوال من دون القيمة المتطرفة  
المتوسط الحسابي = .....

.....

الوسيط = .....

المنوال = .....

الصف	السعر بالدينار
دجاج مشوي	٤
كباب	٣
سمك	٥
ستيك لحم	١٢
روبيان	٤
خضار	٤

تمرن (٢) قام أحد المطاعم بإعداد قائم الأسعار ووجبات الغداء بالدينار الكويتي ، كما هي موضحة في الجدول التالي :

أ) المتوسط الحسابي = .....

.....

الترتيب : .....

ب) الوسيط = .....

ج) المنوال = .....

د) القيمة المتطرفة .....

أوجد المتوسط الحسابي والوسيط والمنوال من دون القيمة المتطرفة  
المتوسط الحسابي = .....

.....

الوسيط = .....

المنوال = .....



تدرب (٣) في الشكل الآتي مخطط الساق والأوراق المزدوج لمجموعتين من بيانات أعمار

متعلمي اللغة الإنكليزية واللغة الصينية في معهد التدريب للغات العالمية :

متعلمو اللغة الصينية	متعلمو اللغة الإنكليزية
الأوراق	الساق
٣١١١	٢
٤٠	٣

- أ) ما منوال البيانات لأعمار متعلمي اللغة الإنكليزية ؟
- ب) ما منوال البيانات لأعمار متعلمي اللغة الصينية ؟
- ج) ما وسيط البيانات لأعمار متعلمي اللغة الإنكليزية ؟
- د) ما وسيط البيانات لأعمار متعلمي اللغة الصينية ؟
- هـ) أوجد المتوسط الحسابي لبيانات متعلمي اللغة الصينية

تمرن (٣) يبين مخطط الساق والأوراق المزدوج عدد الدقائق التي يستغرقها الفرد في استخدام

الهاتف للمكالمات الهاتفية ومشاهدة برامج التواصل الاجتماعي في ١٠ أيام

برامج التواصل الاجتماعي	المكالمات
الأوراق	الساق
٣٢١	١٢
٣٣٣	١٣
٦٥	١٤
٥٤	١٥

- أ) ما منوال بيانات ( المكالمات ) ؟
- ب) ما وسيط بيانات ( المكالمات ) ؟
- ج) ما وسيط بيانات ( برامج التواصل الاجتماعي ) ؟
- د) أوجد المتوسط الحسابي لبيانات ( المكالمات )



مركز الفئة = الحد الأدنى للفئة + الحد الأعلى للفئة

٢

تدرب (٤) تستخدم معظم البيوت شبكة انترنت فائقة السرعة ولكن تختلف سرعة الاتصال من خلال هذه الشبكة من يوم إلى آخر فقد طلبت شركة الاتصالات من عملائها تسجيل سرعة الانترنت حتى يتسنى للشركة تطوير خدماتها فكانت كالتالي :

١٢ ، ١٥ ، ١٨ ، ٢٢ ، ١٣ ، ١٦ ، ١٢ ، ١٧ ، ١٤ ، ١٦ ، ١٩ ، ١٧ ،  
١٤ ، ١٣ ، ١٦ ، ١٨ ، ١٥ ، ٢٤ ، ٢٣ ، ٢٦ ، ٢٧ ، ٢٣ ، ١٩ ، ١٧ ، ١٣

أ) أكمل الجدول التكراري التالي :

الفئات	علامات العد	التكرار (ت)	مركز الفئة (م)	(ت) × (م)
-١٠	<del>    </del>	٥	$١٢ = \frac{١٤+١٠}{٢}$	$٦٠ = ١٢ \times ٥$
-١٤				
-١٨				
-٢٢				
-٢٦				
		المجموع = ٢٥		المجموع =

ب) أوجد المتوسط الحسابي لهذه البيانات مستخدماً مراكز الفئات :

.....

.....

.....

.....



تمرن (٤) في مسابقة ألعاب القوى ( مسابقة الجري ) التي نظمتها إحدى المدارس

بلغت سرعة المتسابقين بالأمتار للدقيقة كما يلي

٢٠٠ ، ١٩٠ ، ٢٠٨ ، ١٨٠ ، ١٦٠ ، ١٦٥ ، ١٥٠ ، ١٥٣ ، ١٦٤ ، ١٥٣ ، ١٩٥ ، ١٥٤ ، ١٥٦  
١٩٢ ، ١٦٠ ، ١٦٧ ، ١٨٨ ، ١٧٨

أ) أوجد المدى لهذه البيانات : .....

ب) أكمل الجدول التكراري التالي :

الفئات	علامات العد	التكرار (ت)	مركز الفئة (م)	(ت) × (م)
-١٥٠				
-١٦٠				
-١٧٠				
-١٨٠				
-١٩٠				
-٢٠٠				
		المجموع =		المجموع =

ج) أوجد المتوسط الحسابي لهذه البيانات مستخدماً مراكز الفئات :

.....

.....

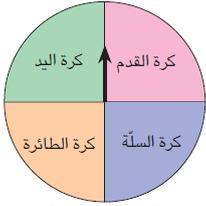
.....

.....

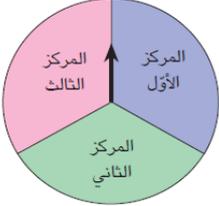


## تقويم الوحدة التعليمية الثامنة

تمرن (١) ارسم مخطط الشجرة لتوضيح النواتج الممكنة لتدوير اللوحتين الدوارتين :



(الدوارة الثانية)



(الدوارة الأولى)

تمرن (٢) أوجد كل مما يلي

- ..... =  $!٤ \times !٣$  (أ)
- ..... =  $٣!٦$  (ب)
- ..... =  $\binom{٧}{٣}$  (ج)
- ..... =  $٢!٠$  (د)

تمرن (٣) اختارت ياسمين ٣ أرقام سرية لفتح خزانة المركز الرياضي التابعة له ، إذا كان اختيارها للأرقام من ١ إلى ٨ ، فأوجد عدد الطرق المختلفة في اختيار ذلك الرقم السري للخزانة

تمرن (٤) بكم طريقة يمكن تكوين مجلس المتعلمين بحيث يكون فيه رئيس ونائب رئيس من بين ١٠ متعلمين ؟



تمرن (٥) يوجد في مدرسة خمسة من المتعلمين المتميزين في مادة الرياضيات وقد طلبت إدارة المدرسة اختيار ثلاثة متعلمين منهم لتمثيل المدرسة في مسابقة الحساب الذهني (أباكس) ما عدد الطرق المختلفة لأرسال ٣ منهم لتقديم المسابقة ؟

تمرن (٦) يحتوي صندوق ٢٠ بطاقة متماثلة مرقمة بالأرقام من ١ إلى ٣٠ ، سحبت بطاقة واحدة عشوائية ، فاحسب احتمال كل من الأحداث التالية :

أ ( ظهور عدد يقبل القسمة على العدد ٥) : .....

ب ( ظهور عدد فردي أصغر من ٧) : .....

ج ( ظهور عدد أكبر من ٢١ أو ظهور العدد ١٣) : .....

د ( ظهور عدد مربع كامل) : .....

تمرن (٧) لدى أحد محلات تغليف الهدايا ٢٠ نوعاً من الورق المزين للتغليف و ١٠ أنواع من الأشرطة للزينة و٤ أنواع من بطاقات التهنئة ، ما عدد الاختيارات المختلفة المتوفرة لتغليف الهدية ؟

تمرن (٨) يمكن تصميم بطاقة دعوة إلكترونية باستخدام برنامج الذكاء الاصطناعي ، عند التصميم تم تقديم عدة خيارات ٤ خلفيات ، ٥ ألوان ، ٦ صوتيات ، ما عدد الخيارات المختلفة المتوفرة لتصميم تلك البطاقة ؟



تمرن (٩) في أحد سباقات الزوارق السريعة للشباب تمت مقارنة أطول الزوارق بوحدة السنتيمتر لثمانية مشاركين من كل فريق فكانت كالتالي :

أطوال زوارق الفريق الأول : ٢٥٤ ، ٢٧٦ ، ٢٧٥ ، ٢٦٩ ، ٢٥٨ ، ٢٦٨ ، ٢٧٠ ، ٢٥٨  
أطوال زوارق الفريق الثاني : ٢٦٠ ، ٢٧٤ ، ٢٥١ ، ٢٥٩ ، ٢٦٠ ، ٢٧٣ ، ٢٦٨ ، ٢٧٧

أصنع مخطط الساق والأوراق المزدوج للبيانات التالية (أ)

الفريق الثاني	الساق	الفريق الأول
الأوراق		الأوراق

أكمل الجدول التالي مستخدماً مخطط الساق والأوراق المزدوج (ب)

الفريق الثاني	الفريق الأول	
		الوسيط
		المدى
		المنوال



تمرن (١٠) يبين الجدول التالي درجات ٥٠ متعلم في مادة الرياضيات

الفئات	-١٠	-٢٠	-٣٠	-٤٠	-٥٠	المجموع
التكرار	٨	١٢	١٤	٩	٧	٥٠

أ) أكمل الجدول التكراري التالي :

الفئات	علامات العد	التكرار (ت)	مركز الفئة (م)	(ت) × (م)
-١٠				
-٢٠				
-٣٠				
-٤٠				
-٥٠				
		المجموع =		المجموع =

ب) أوجد المتوسط الحسابي لهذه البيانات مستخدماً مراكز الفئات :

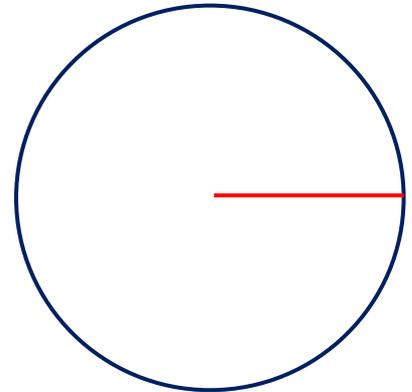
.....

.....

.....

تمرن (١١) أكمل الجدول التالي  
ثم مثل بالقطاعات الدائرية

أنواع القصص	العدد	قياس زاوية رأس القطاع
خيال علمي	٩٠	
كوميديا	١٥٠	
دينية	٥٠	
اجتماعية	٧٠	
المجموع	٣٦٠	





## التمارين الموضوعية

في البنود التالية، ظلل  إذا كانت العبارة صحيحة وظلل  إذا كانت العبارة خاطئة

<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	١ عند رمي حجري نرد متمايزين مرة واحدة ، فإن عدد عناصر فضاء العينة = ١٢
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	٢ $١٢ = ٢ \cdot ٦$
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	٣ $٧ ق^٧ = ٣ ق^٧$
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	٤ $١٢ = ١٤ \times ٨$
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	٥ عند سحب بطاقة عشوائية من صندوق فيه ٦ بطاقات مرقمة من ١ إلى ٦ ، فإن احتمال ( ظهور عدد أولي ) هو $\frac{١}{٢}$
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	٦ مجموعة من البيانات مكونة من ٦ قيم والمتوسط الحسابي لهذه القيم هو ٩ فإن مجموع هذه القيم يساوي ٥٤
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	٧ إذا كان التمثيل البياني بالقطاعات الدائرية المقابل يوضح النسبة المئوية للأنشطة التي يمارسها المتعلمون في الصف الثامن خلال حصة النشاط فإن نشاط الشعور يمثل ٢٠% من الأنشطة
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	٨ عدد الطرق المختلفة لقراءة ٣ كتب من بين ٦ كتب مختلفة خلال الاجازة الصيفية هو $٣ ق^٦$
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	٩ في التمثيل البياني المقابل : إذا كان الإيراد الشهري للمطعم هو ٣٦٠٠ دينار فإن صافي أرباح المطعم شهرياً هو ٢١٦٠

لكل بند من البنود التالية أربعة خيارات ، ظلل الدائرة الدالة على الإجابة الصحيحة  
١٠ في تجربة إلقاء حجري نرد متمايزين مرة واحدة وملاحظة الوجه العلوي، فإن احتمال الحصول على رقمين مجموعهما يساوي ١٠ هو

د  $\frac{١}{١٢}$

ج ١

ب  $\frac{١}{٦}$

أ  $\frac{٥}{٣٦}$

١١ إذا كان الساق ٩ و الورقة ٥ ، فإن العدد هو :

د ٥٠٩

ج ٩٥

ب ٩٠٥

أ ٥٩

١٢ عدد الطرق المختلفة عند الاختيار من قائمة أحد المطاعم الذي يقدم ٧ أطباق مختلفة

بحيث يمكنك اختيار ٣ من هذه الأطباق هو :

د  $٣ \cdot ٧$

ج ١٧

ب  $٣ ق^٧$

أ  $٣ \times ٧$



$$= 8 \times 7!$$

١٥٦  د

١١٥  ج

١٨  ب

٥٦  ا

١٤ العدد ٧٢٠ في صورة مضروب يساوي :

١٥  د

١٤  ج

١٦  ب

١٣  ا

١٥ المدى لمجموعة البيانات التالية : ١٨ ، ٢٨ ، ٣٨ ، ٤٨ ، ٩٨ هو :

١١٦  د

٨٠  ج

٧٠  ب

٣٨  ا

١٦ الوسيط لمجموعة البيانات التالية : ٤ ، ٦ ، ٢ ، ٤ ، ٥ ، ١٠ هو :

١٠  د

٥  ج

$\frac{1}{2}$   ب

٤  ا

١٧ العدد الذي لا يمثل متوسطاً حسابياً ولا وسيطاً ولا منوالاً لمجموعة البيانات التالية

هو ١٨ ، ١٨ ، ٢٠ ، ٢٤

٢٢  د

١٩  ج

١٨  ب

٢٠  ا

درجات الحرارة المسجلة لأيام من شهر مايو بالدرجة السيليزية		
أوراق دولة تركيا	الساق	أوراق دولة الكويت
٧٦٥	٢	
٥٤٤٢٢	٣	٧٧٨٩
	٤	٢٢٣٤

١٨ في التمثيل المقابل

أعلى درجة حرارة سيليزية تم تسجيلها هي

٤٤  ب

٥٢  ا

٣٩  د

٧٢  ج



١٩ تمثل الدوارة وسائط النقل التي يستخدمها المتعلمون

للذهاب إلى المدرسة ، إذا كان عدد المتعلمين ٨٠٠ متعلم في المدرسة ، فإن المتعلمين الذين يمشون على الأقدام يساوي

١٦٠ متعلماً  ب

١٢٠ متعلماً  ا

١٥٠ متعلماً  د

٤٠ متعلماً  ج

