

Excellence

٥٥

التفوق

100%



التفوق في الرياضيات

Mr. Ashraf Hafez

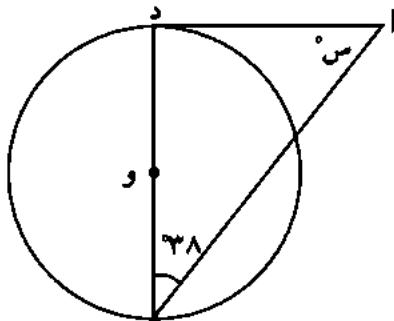
# الرياضيات

الصف

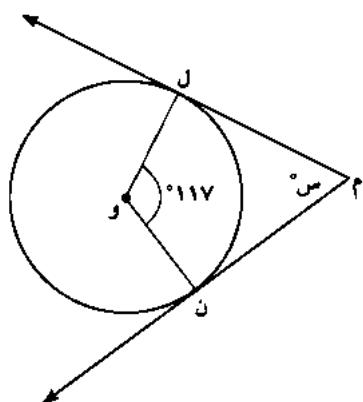
العاشر

الفصل الثاني

في الشكل المقابل،  $\overleftrightarrow{AD}$  مماس للدائرة التي مركزها  $O$ .  
أوجد قيمة  $s^\circ$ .

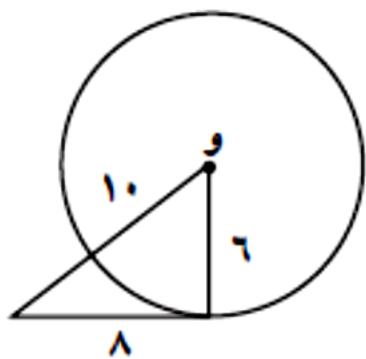


في الشكل المقابل  $\overleftrightarrow{ML}$  ،  $M$  من مماسان للدائرة التي مركزها  $O$ .  
أوجد قياس الزاوية  $LMN$ .

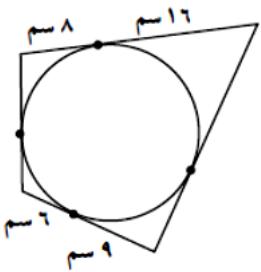




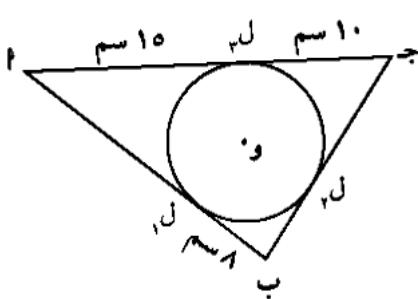
القطع المستقيمة تمس الدوائر، ا مركز كل دائرة. أوجد قيمة س.



حدد ما إذا كان المستقيم مماساً للدائرة التي مركزها و.

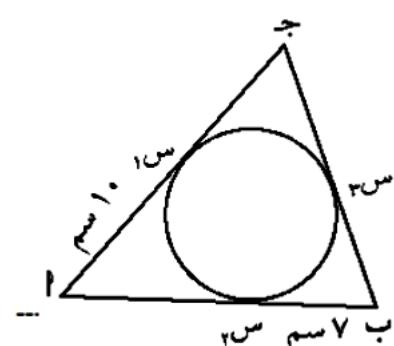
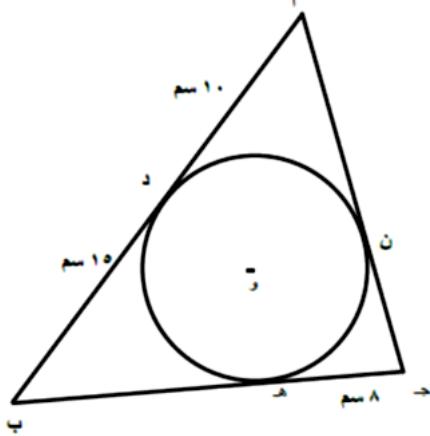


يحيط المضلع بدائرة. أوجد محيط المضلع.



في الشكل المقابل، أوجد محيط المثلث  $\triangle ABC$ .

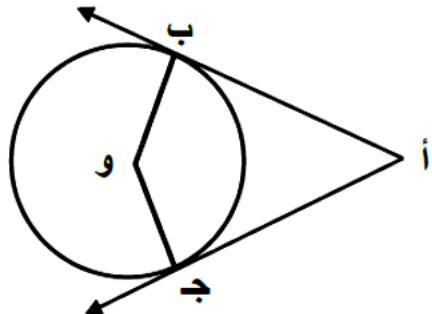
في الشكل المقابل : أوجد محيط المثلث  $A B C$



في الشكل المقابل إذا كان محيط المثلث  $A B C = 50$  سم،  
فأوجد طول  $B C$ .

(أ) في الشكل المقابل دائرة مركزها و ، أب ، ج مماسان للدائرة عند ب ، ج (آدرجات)

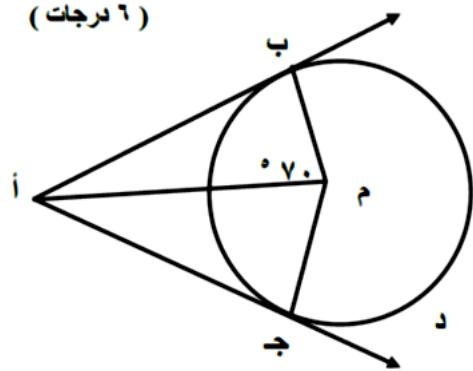
$$أب = 4 \text{ سم} , وب = 3 \text{ سم} , ق(\hat{بأج}) = 74^\circ$$



أوجد :

- (١) ق(أب و)
- (٢) ق(ب وج)
- (٣) محيط الشكل أب ج

(٦ درجات)



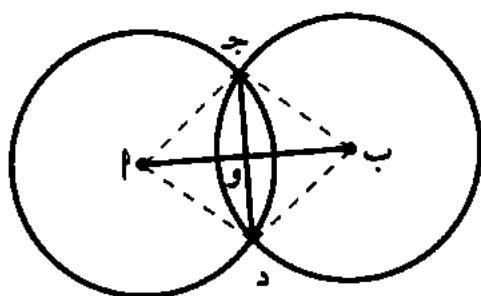
في الشكل المقابل : دائرة مركزها م ، نقطتان خارج الدائرة حيث أ ب ، أ ج

متسان للدائرة عند ب ، ج على الترتيب ، ق  $\hat{(B M A)} = 70^\circ$  فلوجد

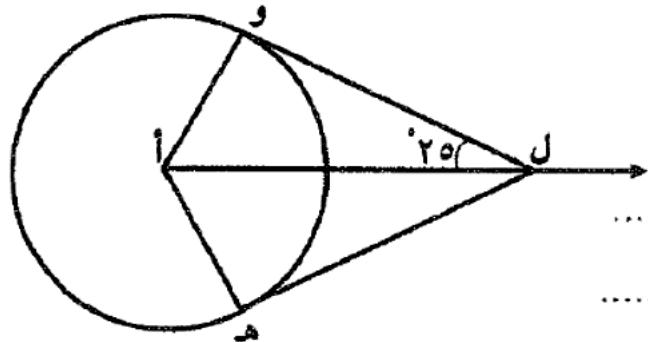
١) ق  $\hat{(M J A)}$

٢) ق  $\hat{(J A B)}$

يمثل الشكل المقابل دائرتين متطابقتين. جـ دـ وتر مشترك. إذا كان جـ بـ = ٢٤ سم، فـ = ١٣ سم. فـما طول جـ دـ؟



في الشكل المقابل: دائرة مركزها  $O$  ، إذا كانت  $\angle H = 25^\circ$  و تمسان الدائرة ( $4$  درجات) فما هي قيمة زاوية  $\angle A$  ؟



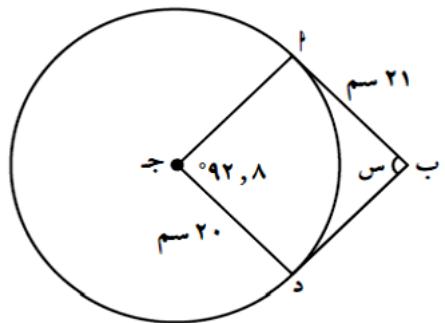
- أ)  $Q(1)$       ب)  $Q(2)$       ج)  $Q(3)$       د)  $Q(4)$

$\leftrightarrow$  بـ م، بـ د محاسن للدائرة.

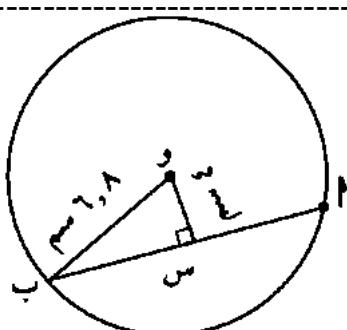
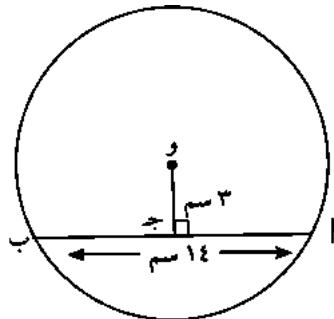
(أ) أوجد قيمة س.

(ب) أوجد محیط الشکل الرباعی بـ اـ جـ دـ.

(ج) أوجد بـ جـ.



في الشكل المقابل، أوجد طول نصف قطر الدائرة التي مركزها و.



استخدم الشكل المقابل لإيجاد:

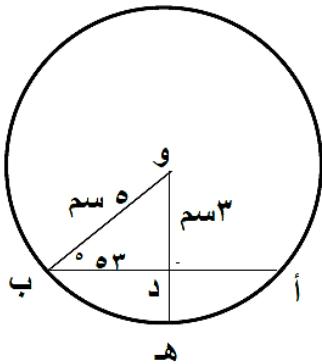
١ طول الوتر  $\overline{AB}$ .

٢ المسافة من متصرف الوتر إلى متصرف القوس الأصغر  $\widehat{AB}$ .

في الشكل المقابل : دائرة مركزها و ، إذا كان ق (أ ب ج) =  $53^\circ$

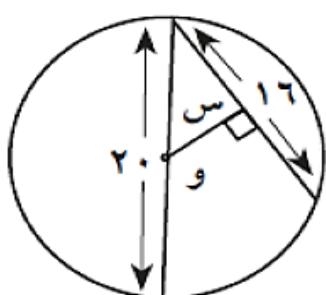
أوجد كلاً مما يلي مع ذكر السبب : (١) أ ب

(٢) ق (بـ هـ)



أوجد قيمة س في الأشكال التالية:

(أ)

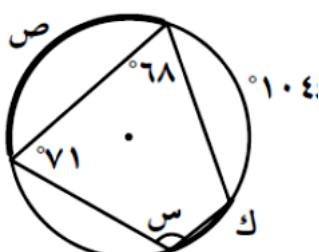


أوجد قيمة س في الأشكال التالية:

(ب)

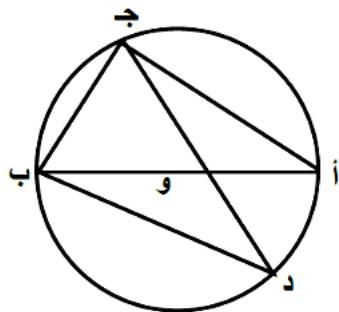


أوجد قياسات الزوايا والأقواس المجهولة



في الشكل المقابل : دائرة مركزها و ، إذا كان ق (جبأ) = ٥٠ °

أوجد كلاً مما يلى مع ذكر السبب :



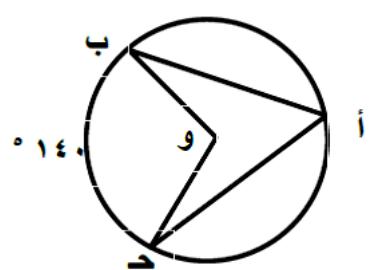
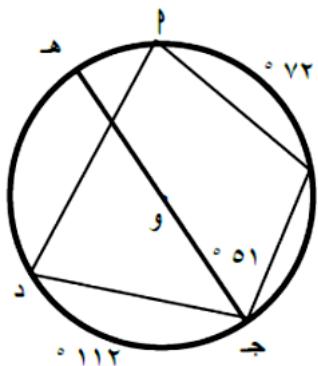
(١) ق (أ ج ب)

(٢) ق (ج أ ب)

(٣) ق (ج د ب)

١ في الشكل المجاور : دائرة مركزها و ،

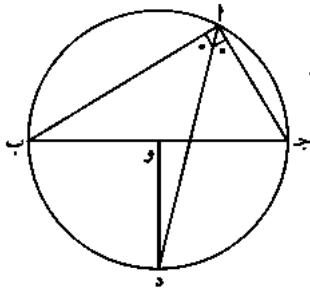
أوجد القوس  $\widehat{بـ جـ}$  ،  $ق(\widehat{بـ جـ دـ})$



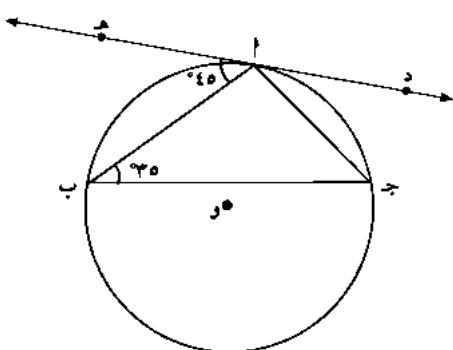
في الشكل المقابل دائرة مركزها و ،  $ق(\widehat{بـ جـ}) = 140^\circ$

فإن  $ق(بـ أـ جـ)$  ،  $ق(بـ وـ جـ)$

في الشكل المقابل دائرة مركزها  $O$ . أثبت أن  $\overline{D}\perp\overline{B}\perp\overline{C}$ .



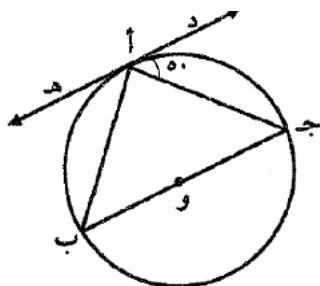
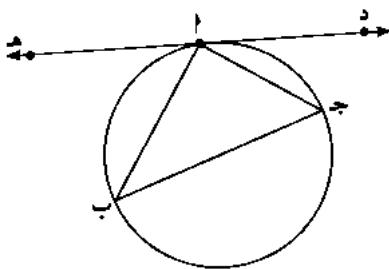
في الشكل المقابل إذا كان  $DH \leftrightarrow$  مماساً للدائرة عند  $A$ ، فأوجد  $n$  (جاء).



في الشكل المقابل، لدينا:  $m(\angle DAB) = 40^\circ$ ,  $m(\angle ADB) = 50^\circ$ .

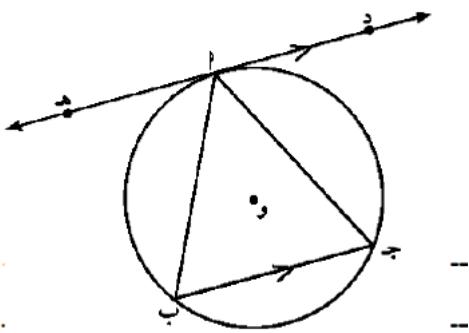
أوجد قياسات زوايا المثلث  $ABC$ .

أثبت أن  $\overline{AB}$  قطر للدائرة.

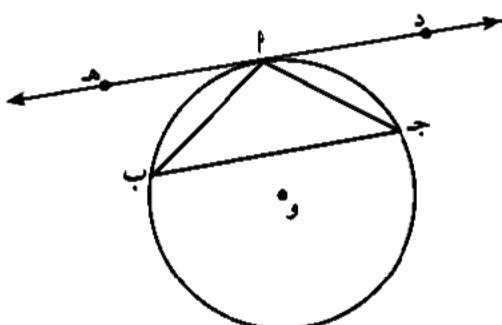


(ب) في الشكل المقابل : دائرة مركزها  $O$  ،  
إذا كان  $AD$  مماساً للدائرة عند  $A$  ،  $m(\angle ADB) = 50^\circ$   
أوجد قياسات زوايا المثلث  $ABC$

في الشكل المقابل، ده مماس للدائرة عند النقطة  $A$ .  
 $\overleftrightarrow{BG}$  وتر في الدائرة موازي للمماس ده.  
أثبت أن المثلث  $ABG$  متطابق الضلعين.



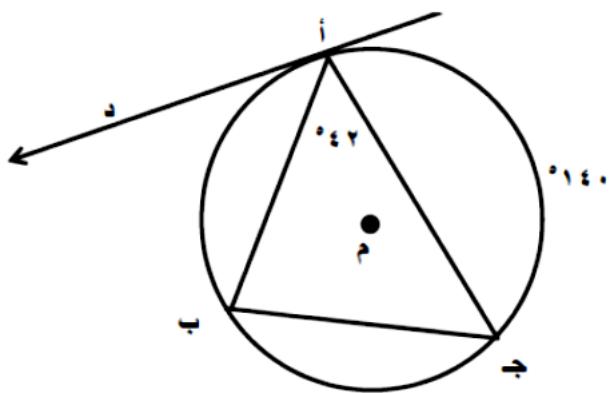
في الشكل المقابل، إذا كان لدينا ده مماس للدائرة عند النقطة  
المثلث  $ABG$  متطابق الضلعين ( $AB = AG$ ).  
أثبت أن  $\overleftrightarrow{BG} \parallel \overleftrightarrow{AG}$ .



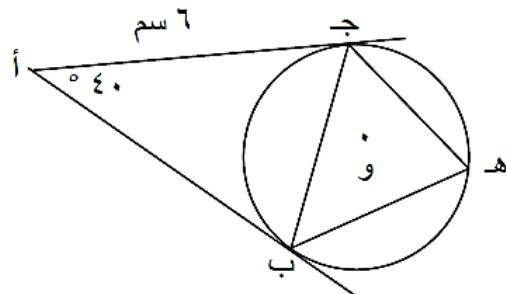
في الشكل المجاور : إذا كانت م مركز الدائرة

فأوجد قياس كل من:

ق ( $\hat{b}$ ) ، ق ( $\hat{c}$ ) ، ق ( $\hat{b} \hat{d}$ )



في الشكل المقابل دائرة مركزها و ،  $\overline{أب}$ ،  $\overline{اج}$  قطعتان مماسان للدائرة عند ب ، ج على الترتيب



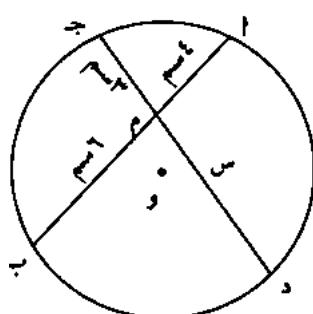
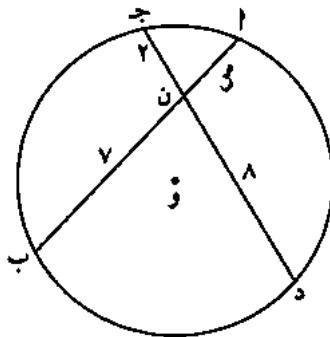
$$، ق (أ) = ٤٠ ^\circ ، أ ج = ٦ \text{ سم}$$

أوجد (١) أب

(٢) ق (أج ب)

(٣) ق (ج ه ب)

في الشكل المقابل، أوجد قيمة س.



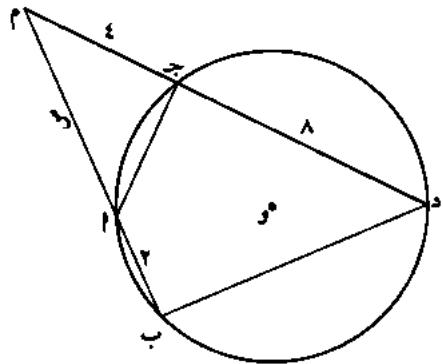
في الدائرة المقابلة التي مركزها و:

$$م = 4 \text{ سم} , م ب = 6 \text{ سم} , م ج = 3 \text{ سم} , م د = س .$$

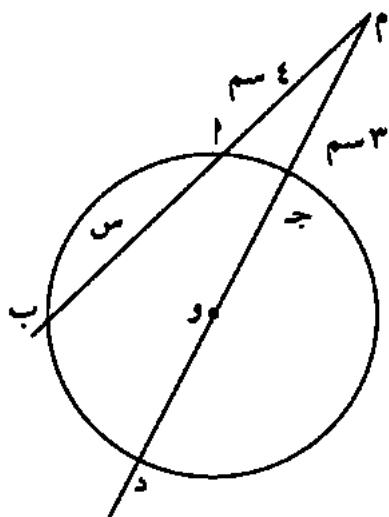
أوجد قيمة س.

أوجد البعد بين المركز و الوتر د ج إذا علمت أن طول نصف قطر الدائرة يساوي 6 سم.

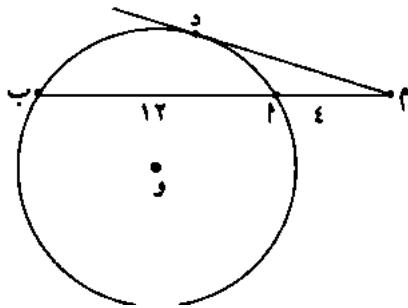
في الشكل المقابل، أوجد قيمة س.



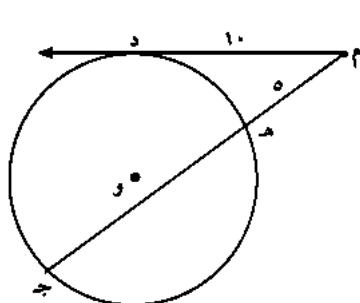
في الشكل المقابل، دائرة مركزها و. طول نصف قطرها يساوي ٤ سم.  
أوجد قيمة س.



في الشكل المقابل، أوجد طول القطعة المماسية  $MD$  علماً بأن:  $AB = 12$  سم ،  $AD = 4$  سم



في الشكل المقابل،  $M$  قطعة مماسية حيث  $M = 10$



$$MD = 5$$

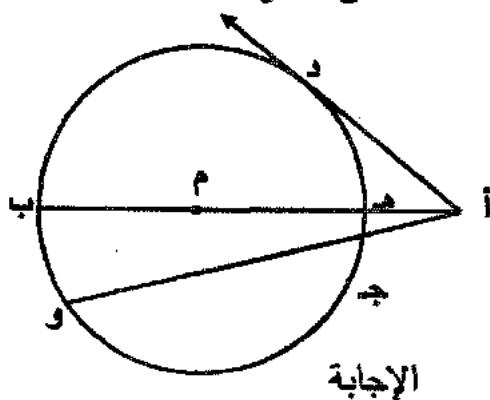
أوجد طول  $HG$ .

( في الشكل المقابل : دائرة مركزها م ، أ د مماس للدائرة عند النقطة د ، أ ج = ٣ سم ،

$$أ ه = ٢ \text{ سم} , ج و = ٩ \text{ سم}$$

أوجد كل من : أ د ، ه م

(٦ درجات)

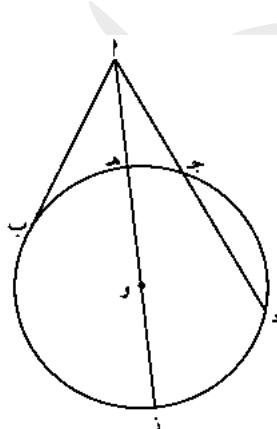


الإجابة

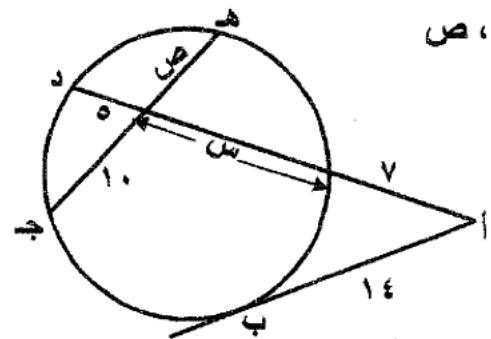
المعطيات: ج = ٤ سم، د = ٩ سم، أ ب قطعة مماسية.

المطلوب: إيجاد طول أ ب.

البرهان:



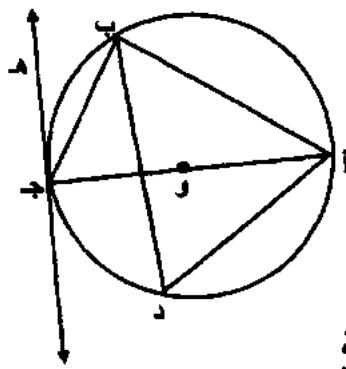
أوجد قيمة كل من س ، ص



الإجابة

في الشكل المقابل : دائرة مركزها و ،  $\overrightarrow{HG}$  مماس للدائرة عند جـ ،  
فـ (بـ جـ هـ) =  ${}^{\circ}28$  ،  
أوجـ كل من :

فـ (أـ بـ جـ) ، فـ (بـ أـ جـ) ، فـ (أـ دـ بـ)



الإجابة

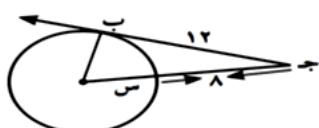
أـ عـ لـ دـ اـ رـ / أـ شـ فـ دـ اـ فـ ظـ

إذا كان جـ بـ مماس للدائرة. فإن س =

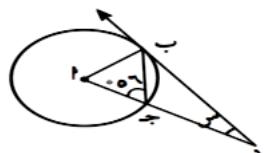
٤

(ب) ٣

(أ) ٢



(د) ٥



(د) ٥٤٠

إذا كان دـ بـ مماس للدائرة. فإن س =

٣٤

(ب) ٢٨

(أ) ٢٢



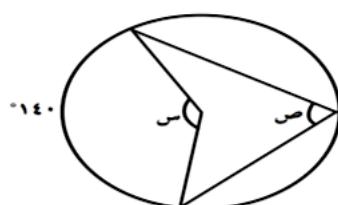
في الشكل المقابل العبارة الخاطئة فيما يلي هي:

(ب) جـ = بـ

(د) هـ = دـ

(أ) جـ = دـ

(ج) جـ + هـ = بـ



س

صـ

دـ

بـ

هـ

جـ

أـ

بـ

جـ

هـ

دـ

صـ

بـ

جـ

هـ

## الوحدة السابعة: المصفوفات

- أ إذا كانت  $\begin{bmatrix} 3 & 4 \\ 3 & 4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 5 & 8+s \\ 10-s & -s \end{bmatrix}$  فأوجد قيمة كل من س، ص.
- ب إذا كانت  $[3s \quad s+s \quad s-s] = [9-4 \quad 4-10]$  فأوجد قيمة كل من س، ص.

أوجد س، ص

$$\begin{bmatrix} 2s-4 & 4 \\ 3 & 4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2s+4 & 5-s \\ 3 & 4 \end{bmatrix}$$

إذا كانت

السؤال الثاني :

(أ) إذا كانت  $\underline{س} =$

$$\begin{bmatrix} 4 \\ 1 \\ -2 \end{bmatrix}$$

أوجد :  $(\underline{س})^2 - \underline{ص}$

$$\begin{bmatrix} 0 \\ 2 \\ 4 \end{bmatrix} = \underline{ص}$$

(٢)  $\underline{س} \times \underline{ص}$

إذا كانت :

$$\text{فأوجد : } \begin{bmatrix} 2 & 1 & 0 \\ 3 & -1 & -2 \end{bmatrix} = \underline{\quad}, \quad \begin{bmatrix} 4 & 3 & 2 \\ 3 & 4 & 0 \end{bmatrix} = \underline{\quad}$$

$$24 - 40$$

أوجد س

$$\begin{bmatrix} 0 & 0 \\ 10 & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 12 & 4 \\ 1 & 75 \end{bmatrix} - \underline{s}$$

$$\begin{bmatrix} 3 & 4 & 1 \\ 4 & 2 & 2 \end{bmatrix} = \underline{B}, \quad \begin{bmatrix} 4 & 2 & 3 \\ 2 & 4 & 1 \end{bmatrix} = \underline{A}$$

$$= \underline{B} + \underline{A}$$

حل المعادلة المصفوفية :  $\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 2 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x & y \\ z & t \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 2 & 1 \end{bmatrix}$

$$\begin{bmatrix} 8 & 0 & 10 \\ 0 & 18 & 19 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 7 \\ 4 & 3 & 2 \end{bmatrix} + \underline{\underline{3s}}$$

$$\begin{bmatrix} 6 & 3 \\ 4 & 2 \end{bmatrix} = \underline{\underline{b}} \quad \begin{bmatrix} 3 & 2 \\ 9 & 6 \end{bmatrix} = \underline{\underline{1}}$$

او جد :  $\underline{\underline{b}} \times \underline{\underline{P}}$

إذا كانت  $B =$

$$\text{أوجد : } B \quad \left[ \begin{array}{cc} 1 & 2 \\ 4 & -1 \end{array} \right]$$

---

$$\left[ \begin{array}{c} 5 \\ 10 \end{array} \right] = S \times \left[ \begin{array}{cc} 3 & 5 \\ 4 & 4 \end{array} \right] \quad \text{أوجد } S \text{ بحيث :}$$

الإجابة

هل للمصفوفة  $A = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 2 & 8 \end{bmatrix}$  نظير (معكوس) ضربي؟ في حالة الإيجاب أوجد له.

) أوجد النظير الضري لكل مصفوفة إذا وجد

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 4 & 1 \end{bmatrix} = ?$$

$$\begin{bmatrix} 4 & -2 \\ 0 & 2 \end{bmatrix} = \underline{M} \cdot \begin{bmatrix} 2 & 0 \\ -2 & 2 \end{bmatrix} = \underline{I}$$

فُوجد  $\underline{A}^{-1} = \underline{I}^{-1} \times \underline{M}$

أو جد ناتج  $\underline{M} \times \underline{B}$ :

$$\begin{bmatrix} 0 & 4 \\ 1 & 2 \end{bmatrix} = \underline{B} \cdot \begin{bmatrix} 3 & 1 \\ 4 & 1 \end{bmatrix} = \underline{M}$$

أثبت أن  $\underline{B} = \begin{bmatrix} 3 & 2 \\ 2 & 1 \end{bmatrix}$  هي النظير الضريبي للمصفوفة  $\underline{A} = \begin{bmatrix} 3 & 2 \\ 2 & 1 \end{bmatrix}$

إذا كانت المصفوفة  $\underline{A} = \begin{bmatrix} 3 & 2 \\ 2 & 1 \end{bmatrix}$  فإن  $\underline{A}^{-1} =$

$$\text{إذا كان } \underline{w} = \underline{b} \times \begin{bmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix} = \underline{b} \cdot \begin{bmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix} \text{ فإن } \underline{w}$$

---

إذا كانت  $\underline{b} = \begin{bmatrix} 10 \\ -4 \end{bmatrix}$  منفردة فلن من تساوي

$$\begin{aligned} \text{حل النظام: } & \left\{ \begin{array}{l} s + c = 3 \\ s - c = 7 \end{array} \right. \\ \text{الحل: } & \end{aligned}$$

اعمال / اسقف ماء نافذ

حلّ النظام:  $\begin{cases} 5s + 3c = 7 \\ 3s + 2c = 5 \end{cases}$  باستخدام النظير الضريبي للمصفوفة.

اعمال / اسقف ماء نافذ

الحل:

$$\begin{aligned} 0 &= 7 + 5s - 4s^4 \\ 0 &= 3s - 6s^3 + s^4 \end{aligned}$$

استخدم قاعدة كرامر لحل النظم

$$\left. \begin{array}{l} ٦ - س^٣ + ٢ ص = - \\ -٤ س - ٣ ص = ٧ \end{array} \right\}$$

الإجابة / السؤال

$$\left. \begin{array}{l} 7 = 5s + 3sc \\ 3s + 2sc = 5 \end{array} \right\}$$

على صورة المعادلة المصفوفية  $\mathbf{B} \times \mathbf{U} = \mathbf{B}$  حيث  $\mathbf{B}$  هي مصفوفة المعاملات ،  $\mathbf{U}$  هي مصفوفة المتغيرات ،  $\mathbf{B}$  هي مصفوفة الثوابت . ثم حل نظام المعادلات  
 ( باستخدام النظير الضري لالمصفوفة أو باستخدام المحددات ( قاعدة كرامر ) )  
 ولذلك :

(ب) (أ)

$$\text{إذا كانت } B = \begin{bmatrix} 4 & 1 \\ 16 & 9 \end{bmatrix} \text{ فإن } B^{-1} = \begin{bmatrix} 2 & 1 \\ 4 & 3 \end{bmatrix}$$

(ب) (أ)

$$\text{إذا كانت المصفوفة } B = \begin{bmatrix} s & 1 \\ 0 & 2 \end{bmatrix} \text{ منفردة ، فإن قيمة } s = 5$$

(أي زوج من المقادير التالية يحقق :  $[1 \ 4] = [2s \ s - c]$ )

- ب)  $s = 1, c = 4$   
د)  $s = 2, c = 1$

- أ)  $s = 4, c = 1$   
ج)  $s = 1, c = 2$

(قيمة  $c$  التي تجعل للمصفوفة  $B = \begin{bmatrix} s & c \\ 3 & 2 \end{bmatrix}$  نظير ضربي يجب أن لا تساوي

أ) - 6      ب) 0      ج) 5      د) 6

المصفوفة المنفردة فيما يلي هي :

$$\begin{bmatrix} 3 & 3 \\ 5 & 5 \end{bmatrix} \text{ (ب)} \quad \begin{bmatrix} 3 & 3 \\ 5 & 5 \end{bmatrix} \text{ (ج)} \quad \begin{bmatrix} 3 & 3 \\ 5 & 5 \end{bmatrix} \text{ (ب)} \quad \begin{bmatrix} 3 & 3 \\ 5 & 5 \end{bmatrix} \text{ (د)}$$

$$\text{إذا كانت } B = \begin{bmatrix} 3 & 5 & 1 \\ 1 & 3 & 2 \\ 9 & 4 & 0 \end{bmatrix} \text{ فإن } B^{-1} \times B = I_3$$

أ) - 4

ج) 10

ب) 2

د) 20

$$\text{قيمة } s \text{ حيث } 2s - 2 = \begin{bmatrix} 6 & 10 \\ 4 & 4 \end{bmatrix} \text{ تساوي } \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 5 & 2 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 3 & 4 \\ 7 & 0 \end{bmatrix} \text{ (ب)}$$

$$\begin{bmatrix} 3 & 4 \\ 7 & 0 \end{bmatrix} \text{ (ج)}$$

$$\begin{bmatrix} 3 & 4 \\ 7 & 0 \end{bmatrix} \text{ (ب)}$$

$$\begin{bmatrix} 3 & 4 \\ 7 & 0 \end{bmatrix} \text{ (د)}$$

## الوحدة الثامنة: حساب المثلثات

ارسم كلاً من الزوايا الموجهة التالية في وضع قياسي، ثم عين زاوية الإسناد وأوجد قياسها.

$$\frac{\pi}{3}$$

٥٢١٠

بدون استخدام الآلة الحاسبة، أوجد:

ج)  $\cot \frac{\pi}{3}$

ب)  $\csc 40^\circ$

أ) جا ٥١٥٠.

بسط التعبير التالي لأبسط صورة:

$$\text{جا}(90^\circ + \text{س}) + \text{جا}(180^\circ + \text{س}) + \text{جا}(90^\circ - \text{س}).$$

ب) أثبت أن  $\boxed{\square}$

$$2 = \text{جا}(90^\circ + \text{س}) + \text{جتا}(180^\circ - \text{س}) + \text{جا}(270^\circ + \text{س}) + \text{جتا}(180^\circ - \text{س}).$$

بسط التعبيرات التالية لأبسط صورة:

$$(أ) \text{جتا}(\pi - \theta) - \text{جتا}(-\theta) + \text{جا}(\theta + \pi) + \text{جتا}\left(\theta - \frac{\pi}{2}\right)$$

$$\cdot \left( \frac{\pi}{2} + \theta \right) + \text{جتا}(\pi - \theta) + \text{جتا} \left( \frac{\pi}{2} + \theta \right) - (\theta + \pi)$$

حل المعادلة :  $\sqrt[2]{7} \text{ جتا س} = 1$ .

حل المعادلة:  $2\sqrt{7} - 0 =$

حل المعادلة:  $2\sqrt{7} - 1 =$

$$\text{حل المعادلة : جا س} = \frac{\sqrt{2}}{4}$$

---

$$\text{حل المعادلة:} \sqrt[3]{7} \text{ ظا س} = 1$$

بدون استخدام الآلة الحاسبة، إذا كان  $\operatorname{جا} \theta = \frac{3}{5}$  فأوجد  $\operatorname{جتا} \theta$ ،  $\operatorname{ظا} \theta$ .

بدون استخدام الآلة الحاسبة :

إذا كان  $\operatorname{جا} \theta = \frac{3}{7}$  ،  $\operatorname{جتا} \theta > 0$  فأوجد  $\operatorname{جتا} \theta$  ،  $\operatorname{ظا} \theta$  ،  $\operatorname{ظتا} \theta$

١- بدون استخدام الآلة الحاسبة :

إذا كان  $\csc \theta = \frac{12}{5}$  ،  $\cot \theta > 0$  ، أوجد:  $\sin \theta$  ،  $\tan \theta$

---

١- إذا كانت  $\csc \theta = \frac{1}{5}$  ،  $0 < \theta < \frac{\pi}{2}$ .

فأوجد قيمة النسب المثلثية الأخرى للزاوية  $\theta$ .

، بدون استخدام الآلة الحاسبة ، إذا كان  $\operatorname{جتا} \theta = \frac{1}{3}$  ، جا  $\theta > 0$  .  
فأوجد جا  $\theta$  ، ظتا  $\theta$ .

---

بدون استخدام الآلة الحاسبة ، إذا كان  $\operatorname{جتا} \theta = \frac{1}{3}$  ، جا  $\theta > 0$  .

**A** أوجد جا  $\theta$ .  
**B** استخرج ظا  $\theta$ .

بدون استخدام الآلة الحاسبة، إذا كان  $\operatorname{ظا} \theta = \frac{3}{4}$ ،  $\theta > 0$  فأوجد  $\operatorname{جا} \theta$ ، جتنا.

بدون استخدام الآلة الحاسبة، إذا كان  $\operatorname{ظا} \theta = \frac{24}{7}$ ،  $\theta > 0$  فأوجد  $\operatorname{جا} \theta$ ، جتنا.

إذا كانت  $\cot \theta = \frac{5}{4}$  ، جتا  $\theta > 0$   
أو جد جا  $\theta$ ، جتا  $\theta$ .

بدون استخدام الآلة الحاسبة، إذا كان  $\cot \theta = \frac{5}{4}$  ، جتا  $\theta > 0$  فأوجد جا  $\theta$ .

بدون استخدام الآلة الحاسبة ، إذا كان  $\cot \theta = \sqrt{3}$  ، جتا  $\theta > 0$  .  
فأوجد جا  $\theta$  ، جتا  $\theta$  .

بدون استخدام الآلة الحاسبة ،  
إذا كان  $\cot \theta = \sqrt{2}$  ، جتا  $\theta > 0$  . فأوجد جا  $\theta$  ، جتا  $\theta$  .

أثبت صحة المتطابقة التالية:  $\text{جا}^2\theta + \text{جاس} \times \text{جتا}^2\theta = \text{جاس}$ .

أثبت صحة المتطابقة:  $\text{جتا}^2\theta + \text{جا}^2\theta \times \text{جتا}^2\theta = \text{جتا}^2\theta$ .

أثبت صحة المتطابقة التالية:  $\frac{(\text{قا}^2\theta + 1)(\text{قا}^2\theta - 1)}{\text{جا}^2\theta} = \text{قا}^2\theta$ . حيث المقام ≠ 0.

أثبت صحة المتطابقة:  $(\text{قا}^2\theta + \text{قنا}^2\theta) - (\text{ظا}^2\theta + \text{ظنا}^2\theta) = 2$ .

## الوحدة التاسعة : الهندسة التحليلية

أوجد المسافة بين  $M(-2, 1)$  ،  $N(4, -7)$ . قرب إجابتك إلى أقرب جزء من عشرة.

---

، أوجد نقطة منتصف  $\overline{KL}$

حيث  $K(5, -1)$  ،  $L(2, -3)$ .

---

أوجد ميل الخط المستقيم الذي يمر بال نقطتين  $A(2, 1)$  ،  $B(5, 7)$ .

إذا كان  $A(3, -5)$ ،  $B(-4, 7)$ . فأوجد نقطة تقسيم  $\overline{AB}$  من جهة  $A$  بنسبة  $3:1$

لتكن  $A(2, -3)$  ،  $B(-4, 7)$ . أوجد إحداثيات النقطة ج على  $\overline{AB}$  بحيث:  $7JB = 2JA$ .

أثبت أن النقاط  $(1, -2)$  ،  $(5, 1)$  ،  $(-1, 3)$  على استقامة واحدة.

اكتب معادلة الخط المستقيم الذي ميله  $\frac{2}{3}$  ويمر بالنقطة

أوجد معادلة المستقيم الذي يمر بال نقطتين ج (١، ٣) ، د (٢، ٤).

اكتب معادلة المستقيم الذي يمر بال نقطتين ا (٣، ١) ، ب (-٢، ٠).

إذا كان المستقيم  $k$ :  $3s + t = 0$ ، فـأوجـدـ:

معادلة المستقيم  $l$  المـوازـيـ لـلـمـسـتـقـيمـ  $k$  وـالـذـيـ يـمـرـ بـالـنـقـطـةـ  $(-2, 3)$ .

ب ) إذا كان المستقيم  $k$  :  $s = 3t + 5$

أوجـدـ معـادـلـةـ المـسـتـقـيمـ  $l$  المـوازـيـ لـلـمـسـتـقـيمـ  $k$  وـالـذـيـ يـمـرـ بـالـنـقـطـةـ  $(-3, 2)$ .

أوجد معادلة الخط المستقيم المار بالنقطة (١، ٧) والعمودي على الخط المستقيم:  $ص = ٣س + ٢$  .

أوجد معادلة المستقيم المتعامد مع المستقيم:  $ص = -٢س + ٤$  ويمر بالنقطة (-٣، ٢).

إذا كان المستقيم  $k$ :  $3x + 2y = 0$ ، فأوجد:

معادلة المستقيم  $\ell$  الموازي للمستقيم  $k$  والذي يمر بالنقطة  $(-2, 3)$ .

معادلة المستقيم  $r$  العمودي على المستقيم  $k$  والذي يمر بالنقطة  $(4, 1)$ .

اعلم / اتقن / حافظ

أوجد بعد النقطة د (٣ ، ٢ ) عن المستقيم ل :  $3s - 4c + 3 = 0$

أوجد البعد من النقطة أ (٦ ، ١ ) إلى المستقيم ل :  $3s - 4c + 8 = 0$

أوجد البعد بين المستقيم  $L$ :  $x = -3 + s$  والنقطة  $D(2, 5)$ .

---

أوجد معادلة الدائرة التي مركزها  $(3, 5)$  وطول نصف قطرها 5 وحدات.

أوجد معادلة دائرة قطرها  $\overline{AB}$  حيث  $A(6,3)$  ،  $B(1,1)$ .

اعمال / اسفل دافع

أوجد مركز وطول نصف قطر الدائرة التي معادلتها:

A)  $s^2 + c^2 = 49$ .  
B)  $(s - 4)^2 + (c + 5)^2 = 36$ .

عين مركز وطول نصف قطر الدائرة الممثلة بالمعادلة:  $2s^2 + 2c^2 - 12s - 4c - 30 = 0$

أوجد معادلة مماس دائرة معادلتها  $(س - ٢)^٢ + (ص - ١)^٢ = ٢٥$  عند النقطة  $(٤, ٦)$ .

أوجد معادلة مماس دائرة معادلتها :

$$(س - ١)^٣ + (ص - ٢)^٣ = ٥ \text{ عند نقطة التماس } A(١, ٣)$$

اعلم / انتفِ / حافظ

٩ أثبت أن النقطة  $(1, 1)$  تتنبئ إلى الدائرة التي مركزها ، معادلتها:  $x^2 + y^2 + 8x - 16 = 0$ ، ثم أوجد معادلة المماس لهذه الدائرة عند هذه النقطة.

١) المعادلة  $s^2 + sc - 6s + 8c + 25 = 0$  تمثل معادلة دائرة  
أ)  ب)

٢)  $\sin \theta - \cos \theta = 0$   
أ)  ب)

٣) بعد نقطة الأصل عن المستقيم  $3s + 4c = 10$  يساوي ١ وحدة طول  
أ)  ب)

ميل المستقيم العمودي على المستقيم  $6s = s + 6$  هو :

أ) -٦ ب) ١ ج) ١ د) ٦

مركز الدائرة التي معادلتها  $(s - 2)^2 + (c + 7)^2 = 49$  هو

أ) (-٢، ٧) ب) (٢، ٧) ج) (٢، -٧) د) (-٧، ٢)

) (الزاوية التي في الوضع القياسي و قياس زاوية إسنادها يساوي  $30^\circ$  هي :

أ)  $120^\circ$  ب)  $150^\circ$  ج)  $130^\circ$  د)  $300^\circ$

طول نصف قطر الدائرة التي معادلتها :  $(s - 1)^2 + (c + 1)^2 = 4$  هو:

أ) ١٦ ب) ١ ج) ٤ د) ٢

أُوجِدَ التباين والانحراف المعياري لقيم البيانات:

٢،٤،٦،٨،٧،٩

أُوجِدَ التباين والانحراف المعياري لقيمة ٢،٥،٦،٤،٨،٧،٣

إذا كان الانحراف المعياري لمجموعة قيم من بيانات هو  $s = 6$  وأن مجموع مربعات انحرافات هذه القيم عن متوسطها الحسابي هو  $540$ ، فما عدد قيم هذه البيانات؟

الانحراف المعياري لمجموعة قيم من بيانات هو  $s = 4$ ، ومجموع مربعات انحرافات هذه القيم عن متوسطها الحسابي هو  $480$ .  
فما عدد قيم هذه البيانات؟

ما عدد الأعداد التي يمكن أن تتشكل من ٤ أرقام من النظام العشري بدون الصفر وذلك في حال عدم تكرار أي رقم؟

ما عدد الكلمات التي يمكن أن تتشكل من خمسة حروف مختلفة من الأبجدية العربية وذلك في حال عدم تكرار أي منها؟

٩ إذا كان فريق كرة قدم يتكون من ٢٠ لاعباً، فما عدد الفرق المختلفة التي يمكن تكوينها من ١١ لاعباً من بين لاعبي هذا الفريق؟ (يمكن لأي لاعب اللعب في أي مركز)

اشترى ناصر علبة حلوى تحتوي على ١٢ قطعة بينها ٤ قطع بالشوكولاتة. ي يريد ناصر أخذ قطعتين من العلبة معاً عشوائياً.  
فما احتمال أن يختار قطعتين بالشوكولاتة؟

---

ب) اشتري أحمد علبة حلوى تحتوي على ١٥ قطعة بينها ٦ قطع بالشوكولاتة يريد أحمد أخذ قطعتين من العلبة معاً عشوائياً ، ما احتمال ان يختار قطعتين بالشوكولاتة ؟ (٥ درجات)

---

إذا كان  $\mathbb{A}$ ،  $\mathbb{B}$  حدثان في فضاء العينة، وكان  $L(\mathbb{A}) = 5,0,0$ ،  $L(\mathbb{B}) = 6,0,0$ ،  $L(\mathbb{A} \cap \mathbb{B}) = 2,0,0$ ،  
أوجدل  $L(\mathbb{A} \cup \mathbb{B})$ .

إذا كان  $A$ ،  $B$  حدثان في فضاء العينة، وكان  $L(A) = 3, L(B) = 5, L(AB) = 6, L(\bar{A}B) = 0$ ، أوجد كلامن:

$$L(A \cap B)$$

$$L(\bar{B})$$

في تجربة عشوائية  $A$ ،  $B$  حدثان حيث :

$$L(\bar{A}) = 0.7, L(B) = 0.6, L(AB) = 0.2$$

أوجد كل مما يلى :

(١)  $L(A)$       (٢)  $L(\bar{A}B)$       (٣)  $L(\bar{A}B)$

إذا كان  $a, b$  حدثان في فضاء العينة  $\Omega$  ، و كان  $L(a) = 0,5$  ،

$L(\bar{b}) = 0,2$  ،  $L(a \cap b) = 0,4$

أوجد :  $(1) L(b)$        $(2) L(a \cup b)$        $(3) L(\bar{a} \cup \bar{b})$

(ب) إذا كان  $a, b$  حدثان في فضاء العينة  $\Omega$  و كان :

$L(a) = 0,3$  ،  $L(b) = 0,6$  ،  $L(a \cap b) = 0,2$

فأوجد :

$(1) L(a \cup b)$        $(2) L(\bar{b})$        $(3) L(\bar{a} \cup b)$

في تجربة عشوائية، إذا كان  $L(A) = 3, 0, L(B | A) = 2, 0$ . أو جدل  $(A \cap B)$ .

---

في فضاء عينة  $\Omega$  لدينا حدثان  $A$ ،  $B$  متنافيان حيث  $L(A) = 4, 0, L(B) = 5, 0$ .

احسب  $L(\overline{A}B)$ .

احسب  $L(\overline{A}\overline{B})$ .

---

رمي جاسم حجر نرد منتظم ولاحظ الوجه العلوي له.  
نسمى الحدث  $B$ : «الحصول على عدد أكبر من أو يساوي 5»، الحدث  $A$ : «الحصول على عدد فردي».  
احسب  $L(B | A)$  (احتمال ظهور عدد أكبر من أو يساوي 5 بشرط أن يكون عدداً فردياً)