

نموذج اجابة امتحان تجريبي (١)

الصف الثاني عشر العلمي

نهاية الفصل الدراسي الأول ٢٠٢٥ / ٢٠٢٦

إعداد التوجيه الفني للرياضيات

منطقة العاصمة التعليمية



نموذج إجابة اختبار تجريبي (١) للفترة الدراسية الأولى للصف الثاني عشر علمي

العام الدراسي: ٢٠٢٥ / ٢٠٢٦ م

الأسئلة في ١١ صفحة

الزمن ساعتان و ٤٥ دقيقة

المجال الدراسي: الرياضيات

القسم الأول: أسئلة المقال

أجب عن الأسئلة التالية موضحاً خطوات الحل في كل منها.

السؤال الأول: (١٤ درجة)

$$\lim_{x \rightarrow 3} \frac{\sqrt{x+1}-2}{x-3}$$

(a) أوجد إن أمكن :

(8 درجات)

الحل:

عند التعويض المباشر عن $x=3$ في كل من البسط والمقام نحصل على صيغة غير معينة

$$= \lim_{x \rightarrow 3} \frac{\sqrt{x+1}-2}{x-3} \cdot \frac{\sqrt{x+1}+2}{\sqrt{x+1}+2} = \lim_{x \rightarrow 3} \frac{x+1-4}{(x-3)(\sqrt{x+1}+2)} \quad 1+1$$

$$= \lim_{x \rightarrow 3} \frac{(x-3)}{(x-3)(\sqrt{x+1}+2)} = \lim_{x \rightarrow 3} \frac{1}{(\sqrt{x+1}+2)} \quad x \neq 3$$

$$\frac{1}{2} + \frac{1}{2}$$

$$= \frac{\lim_{x \rightarrow 3}(1)}{\lim_{x \rightarrow 3}(\sqrt{x+1}+2)} \quad \frac{1}{2}$$

$$\lim_{x \rightarrow 3}(x+1) = 3+1 = 4, 4 > 0$$

1

$$\lim_{x \rightarrow 3}(\sqrt{x+1}) = \sqrt{\lim_{x \rightarrow 3}(x+1)} = \sqrt{4} = 2$$

$$1 \frac{1}{2}$$

$$= \frac{1}{4} \quad \frac{1}{2}$$

شرط المقام:

$$\lim_{x \rightarrow 3}(\sqrt{x+1}+2) = \lim_{x \rightarrow 3}\sqrt{x+1} + \lim_{x \rightarrow 3} 2 = 2 + 2 = 4, 4 \neq 0$$

$$\frac{1}{2}$$

(٦ درجات)

تابع / السؤال الأول :

(b) -1 إذا كانت : $y = x \sin x$ أثبت أن $y'' + y - 2 \cos x = 0$

الحل :

$$y = x \sin x$$

$$y' = \sin x + x \cos x \quad 1\frac{1}{2}$$

$$y'' = \cos x + \cos x - x \sin x \quad 1\frac{1}{2}$$

$$y'' = 2 \cos x - y \quad 1\frac{1}{2}$$

$$y'' + y - 2 \cos x = 0 \quad 1\frac{1}{2}$$

السؤال الثاني: (١٤ درجة)

(a) أوجد إن أمكن :

(٨ درجات)

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{9x^2 + 4}}{2x - 3}$$

الحل:

1 + 1

$$= \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{x^2(9 + \frac{4}{x^2})}}{x(2 - \frac{3}{x})} = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{|x| \sqrt{9 + \frac{4}{x^2}}}{x(2 - \frac{3}{x})}$$

$$|x| = x : x > 0$$

1

$$= \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x \sqrt{9 + \frac{4}{x^2}}}{x(2 - \frac{3}{x})} = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{9 + \frac{4}{x^2}}}{(2 - \frac{3}{x})} \quad x \neq 0$$

1

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \left(9 + \frac{4}{x^2}\right) = \lim_{x \rightarrow \infty} 9 + \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{4}{x^2} = 9 + 0 = 9, 9 > 0$$

شرط الجذر:

1

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \sqrt{9 + \frac{4}{x^2}} = \sqrt{\lim_{x \rightarrow \infty} \left(9 + \frac{4}{x^2}\right)} = \sqrt{9} = 3$$

شرط المقام:

1

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \left(2 - \frac{3}{x}\right) = \lim_{x \rightarrow \infty} 2 - \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{3}{x} = 2 - 0 = 2, 2 \neq 0$$

1 + 1

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{9x^2 + 4}}{2x - 3} = \frac{\lim_{x \rightarrow \infty} \sqrt{9 + \frac{4}{x^2}}}{\lim_{x \rightarrow \infty} \left(2 - \frac{3}{x}\right)} = \frac{3}{2}$$

(٦ درجات)

تابع / السؤال الثاني :

(b) مستطيل محيطه ٢٠ cm و مساحته أكبر ما يمكن ، أوجد بعديه ؟

الحل:

المساحة (A) = الطول \times العرض

بفرض أن الطول (x) ، العرض (y)

$$A = x.y$$

$$2x+2y=20$$

$$A(x) = x(10-x)$$

$$x + y = 10$$

$$A(x) = 10x - x^2$$

$$y = 10 - x$$

$$A'(x) = 10 - 2x$$

$$A'(x) = 0 \quad \text{نضع}$$

$$10 - 2x = 0$$

$$2x = 10$$

$$x = 5$$

$$A''(x) = -2$$

$$A''(5) = -2 , -2 < 0$$

المساحة أكبر ما يمكن عندما $x = 5$

البعدان هما 5,5

السؤال الثالث : (١٤ درجة)

(٨ درجات) $f(x) = \begin{cases} x^2 + 1 & : x \leq 2 \\ 4x - 3 & : x > 2 \end{cases}$ لتكن الدالة f (a)

أوجد إن أمكن f' و عين مجالها .

الحل:

1 $D_f = (-\infty, 2] \cup (2, \infty) = \mathbb{R}$

الدالة f متصلة على \mathbb{R}

1 $f'(x) = \begin{cases} 2x & : x < 2 \\ \text{نبحث} & : x = 2 \\ 4 & : x > 2 \end{cases}$

$\frac{1}{2} + \frac{1}{2}$ $f'(2) = \lim_{x \rightarrow 2} \frac{f(x) - f(2)}{x - 2}$ $f(2) = 5$ إن وجدت $x = 2$ عند f الاشتقاق للدالة f نبحت قابلية الاشتقاق للدالة f عند $x = 2$

$\frac{1}{2}$ $f'_+(2) = \lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{4x - 3 - 5}{x - 2} = \lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{4x - 8}{x - 2} = \lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{4(x - 2)}{x - 2} = \lim_{x \rightarrow 2^+} 4 = 4$

$\frac{1}{2}$ $f'_-(2) = \lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{x^2 + 1 - 5}{x - 2} = \lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{x^2 - 4}{x - 2} = \lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{(x - 2)(x + 2)}{x - 2} = \lim_{x \rightarrow 2^-} (x + 2) = 4$

$\frac{1}{2} + \frac{1}{2}$ $\therefore f'_+(2) = f'_-(2) = 4 \quad \therefore f'(2) = 4$

$\frac{1}{2}$ $\therefore f'(x) = \begin{cases} 2x & : x < 2 \\ 4 & : x = 2 \\ 4 & : x > 2 \end{cases}$

$\therefore f'(x) = \begin{cases} 2x & : x \leq 2 \\ 4 & : x > 2 \end{cases}$

$\frac{1}{2}$ $\therefore D_{f'} = \mathbb{R}$

(٦ درجات)

تابع / السؤال الثالث :

(b) أخذت عينة من مجتمع طبيعي . أوجد فترة ثقة 95 % للمتوسط الحسابي للمجتمع الاحصائي μ ، إذا كان لدينا : $n = 13$ ، $s = 0.3$ ، $\bar{x} = 8.4$

الحل :

σ^2 غير معلومة ، $n \leq 30$

∴ نستخدم التوزيع t

1 درجات الحرية : $n - 1 = 13 - 1 = 12 \Rightarrow n = 13$

مستوى الثقة $1 - \alpha = 95\%$

$1 - \alpha = 0.95$

$\alpha = 0.05$

$\frac{\alpha}{2} = 0.025$

$t_{\frac{\alpha}{2}} = 2.179$

1 ∴ هامش الخطأ $E = t_{\frac{\alpha}{2}} \times \frac{s}{\sqrt{n}}$

١+1 $E = 2.179 \times \frac{0.3}{\sqrt{13}} = 0.181$

1 $(\bar{X} - E, \bar{X} + E) = (8.4 - 0.181, 8.4 + 0.181)$

1 $= (8.219, 8.581)$

السؤال الرابع : (١٤ درجة)

(a) ادرس تغير الدالة $f : f(x) = 3x - x^3$ ، ثم ارسم بيانها . (١٠ درجات)

الحل:

f كثيرة حدود متصلة وقابلة للاشتقاق على مجالها \mathbb{R}

$$\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow \infty} (-x^3) = -\infty \quad \lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow -\infty} (-x^3) = \infty$$

$$f'(x) = 3 - 3x^2$$

لإيجاد النقاط الحرجة نضع $f'(x) = 0$

$$3 - 3x^2 = 0 \Rightarrow 1 - x^2 = 0$$

$$(1 - x)(1 + x) = 0$$

$$x = 1 \text{ أو } x = -1$$

$$f(1) = 2 \quad , \quad f(-1) = -2$$

نقطتان حرجتان $(1, 2)$ ، $(-1, -2)$

$f(-1) = -2$ قيمة عظمى محلية ، $f(1) = 2$ قيمة صغرى محلية

منحنى الدالة متزايد على $(-1, 1)$ ، ومتناقص على $(-\infty, -1)$ و $(1, \infty)$

	$-\infty$	-1	1	∞
الفترات	$(-\infty, -1)$	$(-1, 1)$	$(1, \infty)$	
إشارة f'	-	+	-	
سلوك f	↘	↗	↘	

$$f''(x) = -6x$$

نضع $f''(x) = 0$

$$-6x = 0 \Rightarrow x = 0$$

$$f(0) = 0$$

	$-\infty$	0	∞
الفترات	$(-\infty, 0)$	$(0, \infty)$	
إشارة f''	+	-	
التقعر	∪	∩	

منحنى الدالة مقعر لأعلى على $(-\infty, 0)$ ومقعر لأسفل على $(0, \infty)$

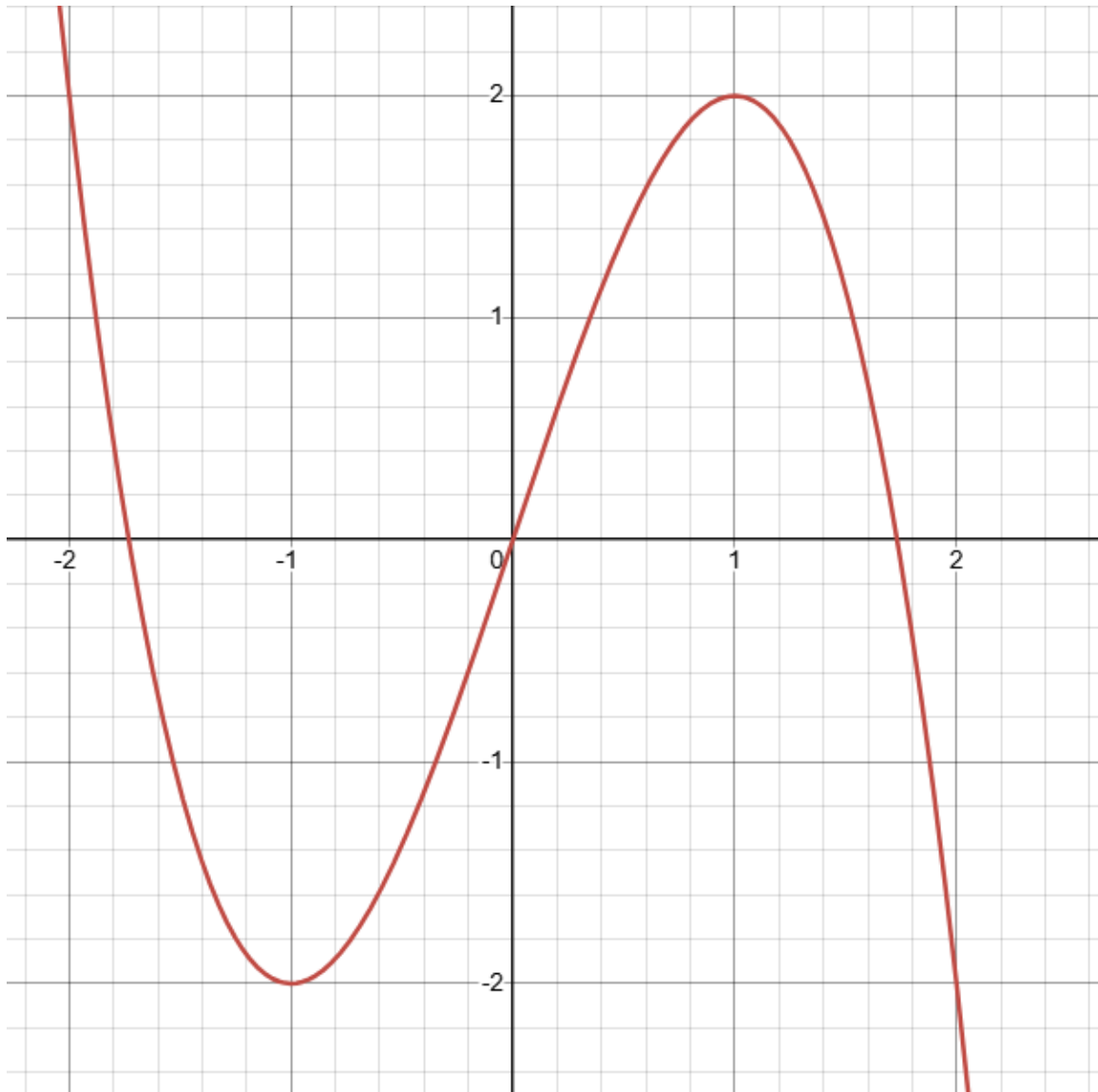
$(0, 0)$ نقطة انعطاف

الرسم البياني

نقاط إضافية

x	-2	-1	0	1	2
y	2	-2	0	2	-2

$1\frac{1}{2}$



تابع / السؤال الرابع :

(٤ درجات)

(b) ابحث اتصال الدالة $g \circ f$ عند $x = -2$ حيث :

$$g(x) = \sqrt{x+4} , \quad f(x) = 2x^2 - 3$$

الحل:

f كثيرة حدود متصلة متصلة عند $x = -2$ (١)

$$f(-2) = 2(-2)^2 - 3 = 5$$

نبحث اتصال g عند $x = 5$: $g(x) = \sqrt{x+4}$

$$b(x) = x + 4 \quad \text{نفرض}$$

$$b(5) = 5 + 4 = 9, 9 > 0$$

$b(x) = x + 4$ متصلة عند $x = 5$

g متصلة عند $x = 5$ (٢)

من (١) ، (٢) $g \circ f$ متصلة عند $x = -2$

القسم الثاني (البنود الموضوعية)

أولاً: في البنود من (3 - 1) عبارات ظلل في ورقة الإجابة: (a) إذا كانت العبارة صحيحة
(b) إذا كانت العبارة خاطئة

- (a) (b)

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt{x} - 1}{x - 1} = 2 \quad (1)$$

- (a) (b)

(2) للدالة f : $f(x) = \sqrt[3]{x^2 - 1}$ مماس أفقي معادلته $x = 1$

- (a) (b)

(3) الدالة g : $g(x) = \sqrt{9 - x^2}$ لها قيمة عظمى في مجالها

ثانياً: في البنود من (10 - 4) لكل بند أربع اختيارات واحد فقط منها صحيح
ظلل رمز الدائرة الدال على الاختيار الصحيح.

(٤) إذا كانت الدالة f متصلة عند $x = 2$ فإن $f(x)$ يمكن أن تكون

- (a) $\frac{1}{|x - 2|}$ (b) $\sqrt{x - 2}$ (c) $\frac{|x - 2|}{x - 2}$ (d) $\begin{cases} \sqrt{x^2 - 3} & : x > 2 \\ 3x - 5 & : x \leq 2 \end{cases}$

(٥) الدالة $f(x) = \frac{2x - 1}{\sqrt{x^2 - 25}}$ متصلة على

- (a) $(-\infty, \frac{1}{2}]$ (b) $(5, \infty)$ (c) \mathbb{R} (d) $(-5, 5)$

(٦) معادلة المستقيم العمودي على المماس لبيان الدالة $y = 2 \cos x$ عند النقطة $(\frac{\pi}{2}, 0)$ هي

- (a) $y = \frac{x}{2} - \frac{\pi}{4}$ (b) $y = -\frac{x}{2} + \frac{\pi}{4}$ (c) $y = \frac{x}{2} + \frac{\pi}{4}$ (d) $y = -\frac{x}{2} - \frac{\pi}{4}$

(٧) إذا كانت الدالة f' : $f'(x) = -3x$ ، فإن الدالة f

- a متزايدة على الفترة $(0, \infty)$
- b متزايدة على الفترة $(-\infty, 0]$
- c متزايدة على مجال تعريفها .
- d متزايدة على الفترة $(-\infty, 0)$ و متناقصة على الفترة $(0, \infty)$

(٨) إذا كانت f دالة كثيرة حدود ، $(c, f(c))$ نقطة انعطاف لها فإن

- a $f''(c) = 0$
- b $f'(c) = 0$
- c $f(c) = 0$
- d $f''(c)$ غير موجودة

(٩) القيمة الحرجة $z_{\frac{\alpha}{2}}$ لدرجة الثقة % 96.6 هي

- a 2.12
- b 2.17
- c 21.2
- d 21%

(١٠) في دراسة لمجتمع احصائي تبين ان متوسطه الحسابي $\mu = 125$ ، أخذت عينة من هذا المجتمع حجمها $n = 36$ فتبين أن متوسطها الحسابي $\bar{x} = 130$ إذا كان المقياس الإحصائي $z = 3.125$ فإن الانحراف المعياري σ هو

- a -9.6
- b 6.9
- c 9.6
- d -6.9

انتهت الأسئلة

جدول إجابة البنود الموضوعية

(1)	(a)	(b)		
(2)	(a)	(b)		
(3)	(a)	(b)		
(4)	(a)	(b)	(c)	(d)
(5)	(a)	(b)	(c)	(d)
(6)	(a)	(b)	(c)	(d)
(7)	(a)	(b)	(c)	(d)
(8)	(a)	(b)	(c)	(d)
(9)	(a)	(b)	(c)	(d)
(10)	(a)	(b)	(c)	(d)

نموذج اجابة امتحان تجريبي (٢)

الصف الثاني عشر العلمي

نهاية الفصل الدراسي الأول ٢٠٢٥ / ٢٠٢٦

إعداد التوجيه الفني للرياضيات

منطقة العاصمة التعليمية



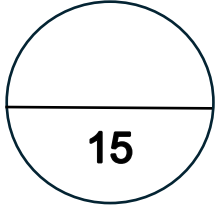
الإدارة العامة لمنطقة العاصمة التعليمية

التوجيه الفني للرياضيات

نموذج إجابة الامتحان التجريبي (٢) الفترة الدراسية الأولى للصف الثاني عشر علمي

للعام الدراسي ٢٠٢٥ - ٢٠٢٦ م

المجال الدراسي: الرياضيات الزمن: ساعتان و ٤٥ دقيقة الأسئلة في ١١ صفحة



القسم الأول : أسئلة المقال .

أجب عن جميع أسئلة المقال موضحاً خطوات الحل

السؤال الأول :

(7 درجات) أوجد (a) $y' = \frac{dy}{dx}$ حيث : $y^2 + xy = 7x$

الحل :

نشتق طرفي المعادلة بالنسبة للمتغير x

$$1 + 1 + 1 + 1$$

$$2y \dot{y} + 1x \dot{y} + y = 7$$

1

$$\dot{y} (2y + x) = 7 - y$$

2

$$\dot{y} = \frac{7 - y}{2y + x}$$

(8 درجات)

تابع / السؤال الأول :

(b) أوجد

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin^2 x}{1 - \cos x}$$

الحل :

2

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin^2 x}{1 - \cos x} * \frac{1 + \cos x}{1 + \cos x}$$

2

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin^2 x (1 + \cos x)}{1 - \cos^2 x}$$

1

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin^2 x (1 + \cos x)}{\sin^2 x}$$

1

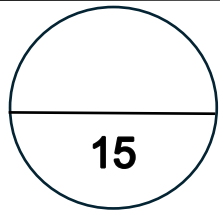
$$\lim_{x \rightarrow 0} (1 + \cos x)$$

1

$$\lim_{x \rightarrow 0} 1 + \lim_{x \rightarrow 0} \cos x$$

1

$$1 + 1 = 2$$



السؤال الثاني :

- (a) لتكن الدالة $f : f(x) = x^3 - 12x - 5$ أوجد كلا مما يلي :
- (1) النقاط الحرجة للدالة .
 - (2) الفترات التي تكون الدالة f متزايدة أو متناقصة عليها .
 - (3) القيم القصوى المحلية .

(8 درجات)

الحل : دالة كثيرة حدود متصلة وقابلة للاشتقاق عند كل $x \in \mathbb{R}$ ،

1) $f'(x) = 3x^2 - 12$

$f'(x) = 0$ بوضع ،

1) $3x^2 - 12 = 0$

1) $x = -2$ ، $x = 2$

1) $(-2, f(-2)) = (-2, 11)$ النقاط الحرجة هي :

$(2, f(2)) = (2, -21)$

2)

الفترات	$(-\infty, -2)$	$(-2, 2)$	$(2, \infty)$
إشارة f'	+++	---	+++
سلوك f			

الدالة متزايدة على الفترة $(-\infty, -2)$ ، والفترة $(2, \infty)$ ومتناقصة على الفترة $(-2, 2)$

3) توجد قيمة عظمى محلية عند $x = -2$ هي $f(-2) = 11$

1) وتوجد قيمة صغرى محلية عند $x = 2$ هي $f(2) = -21$

تابع / السؤال الثاني :

(7 درجات)

(b) لتكن $g(x) = \sqrt{x+4}$ ، $f(x) = 2x^2 - 3$

ابحث اتصال الدالة gof عند $x = -2$

الحل:

1

(1) دالة متصلة عند $x = -2$ f

1

$$f(-2) = 5$$

نفرض ان

1

$$h(x) = x + 4 , \quad x \geq -4$$

1

دالة متصلة عند $x = 5$ h

1

$$h(5) = 9 > 0$$

1

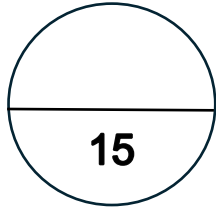
$$\therefore g(x) = \sqrt{h(x)} \text{ متصلة عند } x = 5$$

(2)

g متصلة عند $f(-2)$ \therefore

1

من (1) ، (2) نجد ان gof متصلة عند $x = -2$



السؤال الثالث :

(a) أوجد فترات التقعر ونقطة الإنعطاف لمنحني الدالة f :

$$f(x) = 2x^3 + 3x^2 - 1$$

(7 درجات)

الحل :

f دالة كثيرة حدود

f قابلة للاشتقاق على R ∴

$$f'(x) = 6x^2 + 6x$$

1

$$f''(x) = 12x + 6$$

1

$$f''(x) = 0$$

نضع ،

$$12x + 6 = 0$$

$\frac{1}{2}$

$$x = -\frac{1}{2}$$

$\frac{1}{2}$

الفترات	$(-\infty, -\frac{1}{2})$	$(-\frac{1}{2}, \infty)$
إشارة f''	---	+++
بيان الدالة f		

2

بيان الدالة f مقعر لأسفل على الفترة $(-\infty, -\frac{1}{2})$

بيان الدالة f مقعر لأعلى على الفترة $(-\frac{1}{2}, \infty)$

1

$$f\left(-\frac{1}{2}\right) = -\frac{1}{2}$$

نقطة الانعطاف لمنحني الدال f هي $(-\frac{1}{2}, -\frac{1}{2})$

1

(8 درجات)

تابع / السؤال الثالث :

(b) لتكن الدالة f :

$$f(x) = \begin{cases} x + 3 & : x \leq -1 \\ \frac{4}{x+3} & : x > -1 \end{cases}$$

ادرس إتصال f على مجالها

الحل :

1 مجال الدالة f هو : $D_f = (-\infty, -1] \cup (-1, \infty) = R$

نفرض : $g(x) = x + 3$

2 g دالة كثيرة حدود متصلة على R

$$f(x) = g(x) \quad \forall x \in (-\infty, -1]$$

(1) f متصلة على $(-\infty, -1]$

نفرض : $h(x) = \frac{4}{x+3}$

2 h دالة حدودية نسبية متصلة لكل $x \in R - \{-3\}$

$$f(x) = h(x) \quad \forall x \in (-1, \infty)$$

(2) f متصلة على $(-1, \infty)$

ندرس إتصال الدالة f عند $x = -1$ من جهة اليمين

$$f(-1) = 2$$

$$\lim_{x \rightarrow -1^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow -1^+} \frac{3}{x+3} = 2 \quad \text{حيث نهاية المقام } \neq 0$$

$$\lim_{x \rightarrow -1^+} f(x) = f(-1)$$

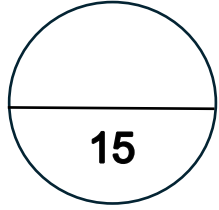
(3) f متصلة عند $x = -1$ من جهة اليمين \therefore

من (1) , (2) , (3)

1

\therefore الدال f متصلة على R

(6)



(8 درجات)

السؤال الرابع:

(a) أوجد معادلة المماس عند النقطة $(1, \frac{1}{3})$ لمنحني الدالة

$$f(x) = \frac{x^3 + 1}{x^2 + 5}$$

الحل: $f'(x) = \frac{(3x^2)(x^2 + 5) - (2x)(x^3 + 1)}{(x^2 + 5)^2}$ 3

$f'(1) = \frac{(3)(6) - (2)(2)}{(1 + 5)^2} = \frac{7}{18}$ ومنه الميل : 2

$y - f(a) = f'(a)(x - a)$ معادلة خط المماس :

$y - f(1) = f'(1)(x - 1)$ 1

$y - \frac{1}{3} = \frac{7}{18}(x - 1)$ 1

$$y = \frac{7}{18}x - \frac{7}{18} + \frac{1}{3}$$

$y = \frac{7}{18}x - \frac{1}{18}$ 1

(7 درجات)

تابع / السؤال الرابع :

(b) إذا كانت $n = 80$, $\bar{x} = 37.2$, $s = 1.79$

اختبر الفرض بأن $\mu = 37$ عند مستوى معنوية $\alpha = 0.05$

الحل :

$n = 80$, $\bar{x} = 37.2$, $s = 1.79$

(1) صياغة الفروض : $H_1: \mu \neq 37$, $H_0: \mu = 37$

1

(2) σ غير معلومة ، $n > 30$

$$Z = \frac{\bar{x} - \mu}{\frac{s}{\sqrt{n}}}$$

نستخدم المقياس الاحصائي Z

$$Z = \frac{37.2 - 37}{\frac{1.79}{\sqrt{80}}} = 0.999$$

2

(3) تحديد مستوى المعنوية α

$$\alpha = 0.05 \quad , \quad \frac{\alpha}{2} = 0.025$$

1

$$Z_{0.025,} = 1.96$$

1

(4) منطقة القبول هي $(-1.96, 1.96)$

1

(5) اتخاذ القرار الاحصائي : $0.999 \in (-1.96, 1.96)$

1

\therefore القرار بقبول فرض العدم $\mu = 37$

القسم الثاني (البنود الموضوعية)

أولاً : في البنود من (1) إلى (3) عبارات ظلل في ورقة الإجابة : (a) إذا كانت العبارة صحيحة
(b) إذا كانت العبارة خاطئة

$$\lim_{x \rightarrow 1^-} (2x - |x| + 2) = 3 \quad (1)$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \sin x}{\cos^2 x} = 0 \quad (2)$$

(3) إذا كان لمنحني الدالة f نقطة انعطاف هي $(c, f(c))$ فإن $f''(c) = 0$

ثانياً : في البنود من (4) إلى (10) لكل بند أربع اختيارات واحد فقط منها صحيح
ظلل في ورقة الإجابة الرمز الدال على الاختيار الصحيح

$$(4) \text{ إن الدالة } f : f(x) = x + \sqrt{x^2} + 2$$

ليست قابلة للإشتقاق عند $x = 0$ والسبب هو :

(a) ناب (b) ركن (c) مماس عمودي (d) غير متصلة

(5) إذا كانت g متصلة عند $x = 2$ فإن الدالة المتصلة عند $x = 2$ فيما يلي هي $f(x)$

تساوي :

(a) $\sqrt{g(x)}$ (b) $\frac{1}{g(x)}$ (c) $\frac{g(x)}{x-2}$ (d) $|g(x)|$

(6) الدالة $f(x) = \frac{2x-1}{\sqrt{x^2-25}}$ متصلة على :

- (a) $(-\infty, \frac{1}{2})$ (b) $(5, \infty)$
(c) R (d) $(-5, 5)$

(7) مستطيل مساحته 36 cm^2 فإن أبعاده التي تعطي أصغر محيط هي :

- (a) $9 \text{ cm}, 4 \text{ cm}$ (b) $12 \text{ cm}, 3 \text{ cm}$
(c) $6 \text{ cm}, 6 \text{ cm}$ (d) $18 \text{ cm}, 2 \text{ cm}$

(8) إذا كانت $f(x) = (1 + 6x)^{\frac{2}{3}}$ فإن f'' تساوي :

- (a) $8(1 + 6x)^{-\frac{4}{3}}$ (b) $\frac{8}{27}(1 + 6x)^{-\frac{4}{3}}$
(c) $-8(1 + 6x)^{-\frac{4}{3}}$ (d) $-64(1 + 6x)^{-\frac{4}{3}}$

(9) إذا كانت $f(x) = 3x + x \tan x$ فإن $f'(0)$ يساوي :

- (a) -3 (b) 0 (c) 1 (d) 3

(10) تتقارب قيمتي z, t المتناظرة في جدول التوزيع الطبيعي المعياري إذا زادت درجات الحرية عن

- (a) 29 (b) 28 (c) 27 (d) 26

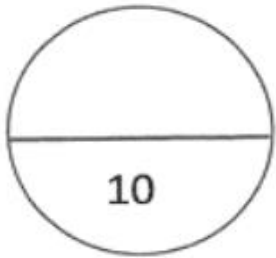
انتهت الأسئلة

جدول إجابة البنود الموضوعية

(1)	<input checked="" type="radio"/> (a)	(b)	(c)	(d)
(2)	(a)	<input checked="" type="radio"/> (b)	(c)	(d)
(3)	(a)	<input checked="" type="radio"/> (b)	(c)	(d)
(4)	(a)	<input checked="" type="radio"/> (b)	(c)	(d)
(5)	(a)	(b)	(c)	<input checked="" type="radio"/> (d)
(6)	(a)	<input checked="" type="radio"/> (b)	(c)	(d)
(7)	(a)	(b)	<input checked="" type="radio"/> (c)	(d)
(8)	(a)	(b)	<input checked="" type="radio"/> (c)	(d)
(9)	(a)	(b)	(c)	<input checked="" type="radio"/> (d)
(10)	<input checked="" type="radio"/> (a)	(b)	(c)	(d)

(1 × 10)

لكل بند درجة واحدة



الدرجة:

نموذج اجابة امتحان تجريبي (٣)

الصف الثاني عشر العلمي

نهاية الفصل الدراسي الأول ٢٠٢٥ / ٢٠٢٦

إعداد التوجيه الفني للرياضيات

منطقة العاصمة التعليمية

القسم الأول: أسئلة المقال:

أجب عن الأسئلة التالية موضحاً خطوات الحل في كل منها:

السؤال الأول:

(a) أوجد إن أمكن :

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos x}{\sin^2 x}$$

الحل:

7

1

$$\begin{aligned} \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos x}{\sin^2 x} &= \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos x}{\sin^2 x} \times \frac{1 + \cos x}{1 + \cos x} \\ &= \lim_{x \rightarrow 0} \frac{(1 - \cos x)(1 + \cos x)}{\sin^2 x(1 + \cos x)} \end{aligned}$$

1

$$= \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos^2 x}{\sin^2 x(1 + \cos x)}$$

1

$$= \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin^2 x}{\sin^2 x(1 + \cos x)}$$

1

$$= \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1}{(1 + \cos x)}, \quad \sin^2 x \neq 0$$

$\frac{1}{2}$

$$\therefore \lim_{x \rightarrow 0} (1 + \cos x) = \lim_{x \rightarrow 0} 1 + \lim_{x \rightarrow 0} \cos x$$

$\frac{1}{2}$

$$= 1 + 1 = 2, \quad 2 \neq 0$$

$\frac{1}{2}$

$$\therefore \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos x}{\sin^2 x} = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1}{(1 + \cos x)}$$

1

$$= \frac{\lim_{x \rightarrow 0} 1}{\lim_{x \rightarrow 0} (1 + \cos x)}$$

$\frac{1}{2}$

$$= \frac{1}{2}$$

تابع السؤال الأول:

8

(b) لتكن الدالة $f : f(x) = x^3 - 12x - 5$ أوجد كلا مما يلي :

(1) النقاط الحرجة للدالة

(2) الفترات التي تكون الدال f متزايدة أو متناقصة عليها

(3) القيم القصوى المحلية

الحل :

•• دالة كثيرة حدود

•• f متصلة و قابلة للإشتقاق عند كل $x : x \in R$

نوجد النقاط الحرجة :

$$f'(x) = 3x^2 - 12$$

$$f'(x) = 0$$

$$3x^2 - 12 = 0 \Rightarrow 3(x - 2)(x + 2) = 0$$

$$x = 2, x = -2$$

$$(-2, f(-2)) = (-2, 11)$$

$$(2, f(2)) = (2, -21)$$

نكون جدول التغير لدراسة إشارة f' :

	$-\infty$	-2	2	∞
الفترات	$(-\infty, -2)$	$(-2, 2)$	$(2, \infty)$	
إشارة f'	+++	---	+++	
سلوك الدالة f	متزايدة ↗	متناقصة ↘	متزايدة ↗	

الدالة متزايدة على الفترة $(-\infty, -2)$ والفترة $(2, \infty)$

و متناقصة على الفترة $(-2, 2)$

(3) توجد قيمة عظمى محلية عند $x = -2$ وهي $f(-2) = 11$

توجد قيمة صغرى محلية عند $x = 2$ وهي $f(2) = -21$

السؤال الثاني :

(a) أوجد

$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{(x+1)^2 - 9}{x^2 - 2x}$$

الحل :

عند التعويض المباشر عن x بـ 2 في كل من البسط والمقام نحصل على صيغة غير معينة

$$\frac{(x+1)^2 - 9}{x^2 - 2x} = \frac{(x+1-3)(x+1+3)}{x(x-2)}$$

$$= \frac{(x-2)(x+4)}{x(x-2)}$$

$$= \frac{(x+4)}{x}, \quad x \neq 2$$

$$\therefore \lim_{x \rightarrow 2} \frac{(x+1)^2 - 9}{x^2 - 2x} = \lim_{x \rightarrow 2} \frac{x+4}{x}$$

$$\therefore \lim_{x \rightarrow 2} x = 2, \quad 2 \neq 0$$

$$\therefore \lim_{x \rightarrow 2} \frac{x+4}{x} = \frac{\lim_{x \rightarrow 2} (x+4)}{\lim_{x \rightarrow 2} x}$$

$$= \frac{2+4}{2}$$

$$= 3$$

تابع السؤال الثاني:

9

(b) لتكن الدالة f : $f(x) = \begin{cases} x^2 + 1 & : x \leq 2 \\ 4x - 3 & : x > 2 \end{cases}$ دالة متصلة على مجالها

أوجد $f'(x)$ إن أمكن

الحل :

$$D_f = (-\infty, 2] \cup [2, \infty) = \mathbb{R}$$

$$f'(x) = \begin{cases} 2x & : x < 2 \\ \text{تبحث} & : x = 2 \\ 4 & : x > 2 \end{cases}$$

$$f(2) = 2^2 + 1 = 5$$

$$f'_-(2) = \lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{f(x) - f(2)}{x - 2} \quad (\text{ان وجدت})$$

$$= \lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{x^2 + 1 - 5}{x - 2} = \lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{x^2 - 4}{x - 2}$$

$$= \lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{(x - 2)(x + 2)}{x - 2} = \lim_{x \rightarrow 2^-} (x + 2) = 4$$

$$f'_+(2) = \lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{f(x) - f(2)}{x - 2} \quad (\text{ان وجدت})$$

$$= \lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{4x - 8}{x - 2} = \lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{4(x - 2)}{x - 2}$$

$$= \lim_{x \rightarrow 2^+} 4 = 4$$

$$f'_+(2) = f'_-(2) = 4$$

$$\therefore f'(2) = 4$$

$$\therefore f'(x) = \begin{cases} 2x & : x \leq 2 \\ 4 & : x > 2 \end{cases}$$

السؤال الثالث :

- (a) أخذت عينة عشوائية من مجتمع طبيعي حجمها $n = 36$ ومتوسطها الحسابي $\bar{x} = 60$ وانحرافها المعياري $S = 4$ ، باستخدام مستوى ثقة 95% .
- (1) أوجد هامش الخطأ .
- (2) أوجد فترة الثقة للمتوسط الحسابي للمجتمع الإحصائي μ

الحل:

حجم العينة $n=36$ والمتوسط الحسابي $\bar{x} = 60$ والانحراف المعياري $s=4$
∴ مستوى الثقة 95%

$$\therefore Z_{\frac{\alpha}{2}} = 1.96$$

∴ σ^2 غير معلوم $n > 30$

$$E = Z_{\frac{\alpha}{2}} \cdot \frac{S}{\sqrt{n}}$$

$$= 1.96 \times \frac{4}{\sqrt{36}} = 1.3066$$

∴ هامش الخطأ = 1.3067

$$(\bar{x} - E, \bar{x} + E)$$

فترة الثقة هي :

$$(60 - 1.3067, 60 + 1.3067)$$

$$(58.6933, 61.3067)$$

تابع السؤال الثالث :

9

(b) لتكن $f : f(x) = \sqrt{x^2 - 7x + 10}$

أوجد مجال الدالة f ، ثم ادرس اتصال الدالة على $[-1, 1]$

الحل:

نفرض أن:

$$f(x) = \sqrt{g(x)}$$

$$g(x) = x^2 - 7x + 10$$

$$D_f = \{x: g(x) \geq 0\}$$

$$x^2 - 7x + 10 \geq 0$$

$$x^2 - 7x + 10 = 0$$

$$(x - 2)(x - 5) = 0$$

$$x = 2, x = 5$$



∴ مجال الدالة f هو $(-\infty, 2] \cup [5, \infty)$

لدراسة اتصال الدالة f على $[-1, 1]$

$$g(x) \geq \forall x \in (-\infty, 2] \cup [5, \infty)$$

$$\therefore [-1, 1] \subseteq D_f$$

$$\therefore g(x) \geq 0 \forall x \in [-1, 1] \quad (1)$$

(2) الدالة $g(x) = x^2 - 7x + 10$ متصلة على $[-1, 1]$

من (1) و (2) :

∴ الدالة f على متصلة $[-1, 1]$

السؤال الرابع :

15

$$f(x) = \begin{cases} \frac{x^2-9}{x-3} & : x > 3 \\ 7 & : x \leq 3 \end{cases} \quad (a) \text{ لتكن } f$$

ابحث اتصال الدالة f عند $x = 3$

الحل :

$$f(3) = 7$$

$$\lim_{x \rightarrow 3^-} f(x) = \lim_{x \rightarrow 3^-} 7 = 7$$

$$\begin{aligned} \lim_{x \rightarrow 3^+} f(x) &= \lim_{x \rightarrow 3^+} \frac{x^2 - 9}{x - 3} \\ &= \lim_{x \rightarrow 3^+} \frac{(x-3)(x+3)}{x-3} \\ &= \lim_{x \rightarrow 3^+} (x + 3) \\ &= 3 + 3 = 6 \end{aligned}$$

$$\therefore \lim_{x \rightarrow 3^-} f(x) \neq \lim_{x \rightarrow 3^+} f(x)$$

$$\therefore \lim_{x \rightarrow 3} f(x) \text{ ليست موجودة}$$

\therefore الدالة f ليست متصلة عند $x = 3$

$\frac{1}{2}$

1

$\frac{1}{2}$

$\frac{1}{2}$

$\frac{1}{2}$

1

1

1

تابع السؤال الرابع:

(b) للمنحنى الذي معادلته $x^2 - y^2 + yx - 1 = 0$ أوجد y' ثم أوجد ميل المماس لهذا المنحنى عند النقطة (1,1):

6

الحل:

$$2x - 2yy' + y + xy' - 0 = 0$$

$$-2yy' + xy' = -2x - y$$

$$y'(-2y + x) = -2x - y$$

$$y' = \frac{-2x - y}{x - 2y}$$

$$y' = \frac{-2(1) - (1)}{(1) - 2(1)} = \frac{-3}{-1} = 3$$

بالتعويض ب(1, 1)

∴ ميل المماس = 3

تابع السؤال الرابع:

(c) أوجد ميل المماس للمنحنى $y = \sin^5 x$ عند $x = \frac{\pi}{3}$

الحل:

$$\frac{dy}{dx} = 5 \sin^4 x \cdot (\sin x)' = 5 \sin^4 x \cdot \cos x$$

بالتعويض عن $x = \frac{\pi}{3}$

$$\frac{dy}{dx} = 5 \left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right)^4 \left(\frac{1}{2}\right) = \frac{45}{32}$$

ميل المماس هو:

القسم الثاني (الأسئلة الموضوعية)

أولاً: في البنود (3 - 1) ظلل في جدول الإجابة (a) إذا كانت العبارة صحيحة

(b) إذا كانت العبارة خاطئة

(a) (b) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{2x-1}{|x|-3} = 2$ (1)

(a) (b) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{1-\sin x}{\cos^2 x} = 0$ (2)

(a) (b) إذا كانت الدالة f متصله عند $x = 1$ وكان $\lim_{x \rightarrow -1} (f(x) - 2) = -1$ فإن $f(-1) = 1$ (3)

ثانياً: في البنود (10 - 4) لكل بند أربع خيارات واحد منها فقط صحيح ، اختر الإجابة الصحيحة ثم ظلل في جدول الإجابة الرمز الدال عليها :

(4) لتكن الدالة $f : f(x) = \frac{x}{\sqrt{x-3}}$ ، الدالة $g : g(x) = x^2 + 3, x \neq 0$ فإن $(f \circ g)(x)$ تساوي :

(a) $\frac{x^2}{x-3} + 3$ (b) $\frac{x}{\sqrt{x-3}} + 3$ (c) $\frac{-(x^2+3)}{x} + 3$ (d) $\frac{x^2+3}{|x|}$

(5) إن الدالة $f : f(x) = x + \sqrt{x^2} + 2$ ليست قابلة للإشتقاق عند $x = 0$ والسبب هو :

(a) ركن (b) ناب (c) غير متصلة (d) مماس عمودي

(6) إذا كانت $f(x) = 3x + x \tan x$ فإن $f'(0)$ يساوي

- (a) -3 (b) 0 (c) 1 (d) 3
-

(7) عدد النقاط الحرجة للدالة: $y = 3x^3 - 9x - 4$ على الفترة: $(0, 2)$ هو:

- (a) 3 (b) 2 (c) 1 (d) 0
-

(8) إذا كانت $r = \tan(2 - \theta)$ فإن $\frac{dr}{d\theta}$ تساوي:

- (a) $\sec^2(2 - \theta)$ (b) $-\sec^2(2 - \theta)$ (c) $\sec^2(2 + \theta)$ (d) $\sec(\theta + 2)$
-

(9) مستطيل مساحته 36 cm^2 فإن أبعاده التي تعطي أصغر محيط هي: ناب

- (a) $9 \text{ cm}, 4 \text{ cm}$ (b) $12 \text{ cm}, 3 \text{ cm}$ (c) $6 \text{ cm}, 6 \text{ cm}$ (d) $18 \text{ cm}, 2 \text{ cm}$
-

(10) إذا كان القرار رفض فرض العدم وفترة الثقة $(-1.96, 1.96)$ فإن قيمة الإختيار z ممكن أن تكون:

- (a) 1.5 (b) -2.5

- (c) 1.87 (d) -1.5

1	●	b	c	d
2	a	●	c	d
3	●	b	c	d
4	a	b	c	●
5	●	b	c	d
6	a	b	c	●
7	a	b	●	d
8	a	●	c	d
9	a	b	●	d
10	a	●	c	d

كل بند موضوعي درجة واحدة

نموذج اجابة امتحان تجريبي (٤)

الصف الثاني عشر العلمي

نهاية الفصل الدراسي الأول ٢٠٢٥ / ٢٠٢٦

إعداد التوجيه الفني للرياضيات

منطقة العاصمة التعليمية

القسم الأول : أسئلة المقال

أجب عن الأسئلة التالية موضحاً خطوات الحل في كل منها .

١٥

السؤال الأول:

(a) أوجد معادلة المماس لمنحنى الدالة : $y = \frac{8}{4 + x^2}$

عند النقطة (2, 1)

(٨ درجات)

الحل

$$\frac{dy}{dx} = \frac{-8(2x)}{(4 + x^2)^2} = \frac{-16x}{(4 + x^2)^2}$$

$$m = \left. \frac{dy}{dx} \right|_{x=2} = \frac{-16(2)}{(4 + 2^2)^2}$$

$$m = \frac{dy}{dx} = \frac{-1}{2}$$

معادلة المماس هي :

$$y - f(a) = m(x - a)$$

$$y - 1 = -\frac{1}{2}(x - 2)$$

$$y - 1 = -\frac{1}{2}x + 1$$

$$y = \frac{-1}{2}x + 1 + 1$$

$$y = -\frac{1}{2}x + 2$$

(٧ درجات)

تابع السؤال الأول :

(b) لتكن $f(x) = \frac{2x + 1}{x}$ ، $g(x) = x^2 + 1$ أوجد $(f \circ g)'(x)$

الحل

$$(f \circ g)'(x) = f'(g(x)) \cdot g'(x)$$

$$f'(x) = \frac{2x - (2x + 1)}{x^2} = \frac{-1}{x^2}$$

$$f'(g(x)) = f'(x^2 + 1) = \frac{-1}{(x^2 + 1)^2}$$

$$g'(x) = 2x$$

$$(f \circ g)'(x) = \frac{-1}{(x^2 + 1)^2} \cdot 2x$$

$$= \frac{-2x}{(x^2 + 1)^2}$$

١٥

(٨ درجات)

السؤال الثاني:

(a) أوجد :

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{2x^2 - x}}{x + 1}$$

الحل

$$f(x) = \frac{\sqrt{2x^2 - x}}{x + 1} = \frac{\sqrt{x^2 \left(2 - \frac{1}{x}\right)}}{x \left(1 + \frac{1}{x}\right)} = \frac{|x| \sqrt{\left(2 - \frac{1}{x}\right)}}{x \left(1 + \frac{1}{x}\right)}$$

$$= \frac{x \sqrt{\left(2 - \frac{1}{x}\right)}}{x \left(1 + \frac{1}{x}\right)}$$

$$\because x \rightarrow \infty$$

$$\because |x| = x$$

$$= \frac{\sqrt{\left(2 - \frac{1}{x}\right)}}{\left(1 + \frac{1}{x}\right)}$$

$$x \neq 0$$

٢ شرط نهاية ما تحت الجذر < 0

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \left(2 - \frac{1}{x}\right) = \lim_{x \rightarrow \infty} 2 - \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{1}{x}$$
$$= 2 - 0 = 2, \quad 2 > 0$$

$$= \lim_{x \rightarrow \infty} \sqrt{2 - \frac{1}{x}} = \sqrt{\lim_{x \rightarrow \infty} \left(2 - \frac{1}{x}\right)}$$
$$= \sqrt{2}$$

١ شرط نهاية المقام $\neq 0$

$$= \lim_{x \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{1}{x}\right)$$

$$= \lim_{x \rightarrow \infty} 1 + \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{1}{x}$$

$$= 1 + 0$$

$$= 1, \quad 1 \neq 0$$

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{2x^2 - x}}{x + 1} = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{\left(2 - \frac{1}{x}\right)}}{\left(1 + \frac{1}{x}\right)}$$

$$= \frac{\lim_{x \rightarrow \infty} \sqrt{\left(2 - \frac{1}{x}\right)}}{\lim_{x \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{1}{x}\right)}$$

$$= \frac{\sqrt{2}}{1} = \sqrt{2}$$

(٧ درجات)

تابع السؤال الثاني:

(b) لتكن الدالة f $f(x) = -x^3 + 3x^2 - 4$

أوجد كلا مما يلي :

- ١ (النقاط الحرجة للدالة .
- ٢ (الفترات التي تكون الدالة f متزايدة أو متناقصة عليها
- ٣ (القيم القصوى المحلية

الحل f دالة كثيرة حدود

f متصلة وقابلة للإشتقاق على R

$$f'(x) = -3x^2 + 6x$$



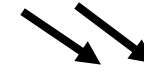
$$f'(x) = 0 \quad -3x^2 + 6x = 0$$

$$3x(-x + 2) = 0$$

$$x = 0 \quad x = 2$$

$$f(0) = -4 \quad f(2) = 0$$

النقاط الحرجة هي $(0, -4)$, $(2, 0)$

	$-\infty$	0	2	∞
الفترات	$(-\infty, 0)$	$(0, 2)$	$(2, \infty)$	
إشارة f'	---	++	---	
سلوك الدالة f				

الجدول

الدالة f متزايدة على الفترة $(0, 2)$

الدالة f متناقصة على كل من الفترتين $(-\infty, 0)$, $(2, \infty)$

يوجد قيمة عظمى محلية عند $x = 2$ ، القيمة العظمى المحلية هي

$$f(2) = 0$$

يوجد قيمة صغرى محلية عند $x = 0$ ، القيمة الصغرى المحلية هي

$$f(0) = -4$$

١٥

السؤال الثالث :

(a) لتكن $f(x) = \sqrt{x^2 - 7x + 10}$

أوجد مجال الدالة f ثم ادرس اتصال الدالة على $[-1, 1]$ (٨ درجات)

الحل $f(x) = \sqrt{g(x)}$ ، $g(x) = x^2 - 7x + 10$

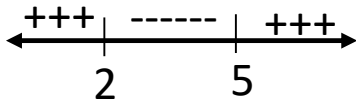
$D_f = \{x: g(x) \geq 0\}$

$x^2 - 7x + 10 \geq 0$

المعادلة المناظرة $x^2 - 7x + 10 = 0$

$(x - 2)(x - 5) = 0$

$x = 2$ ، $x = 5$



مجال الدالة هو : $(-\infty, 2] \cup [5, \infty)$

لدراسة اتصال الدالة f على $[-1, 1]$ حيث $f(x) = \sqrt{x^2 - 7x + 10}$

$\because g(x) \geq 0 \quad \forall x \in (-\infty, 2] \cup [5, \infty)$

مجموعة جزئية من D_f $[-1, 1]$

$g(x) \geq 0 \quad \forall x \in [-1, 1]$ ----- 1

2----- الدالة $g(x) = x^2 - 7x + 10$ متصلة على $[-1, 1]$

من 1 ، 2 ينتج أن

الدالة f متصلة على $[-1, 1]$

(٧ درجات)

تابع السؤال الثالث :

(b) أوجد عددين مجموعهما 14 وناتج ضربهما أكبر ما يمكن

الحل

بفرض أن أحد العددين x حيث $0 < x < 14$
العدد الآخر هو $14 - x$.:

$$g(x) = x(14 - x) \quad \text{: ناتج ضربهما هو}$$
$$= 14x - x^2$$

$$g'(x) = 14 - 2x$$
$$g'(x) = 0 \quad 14 - 2x = 0$$
$$x = 7$$

∴ توجد نقطة حرجة $(7, g(7))$

$$g''(x) = -2$$
$$g''(7) = -2, \quad -2 < 0$$

∴ يوجد عند $x = 7$ قيمة عظمى محلية
∴ العدد الأول هو 7 والعدد الثاني هو 7
العدان هما 7, 7

١٥

السؤال الرابع :

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^2}{1 - \cos x}$$

(a) أوجد :

(٨ درجات)

الحل

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^2}{1 - \cos x}$$

$$= \lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^2}{1 - \cos x} \times \frac{1 + \cos x}{1 + \cos x}$$

$$= \lim_{x \rightarrow 0} \left(\frac{x^2}{(1 - \cos x)(1 + \cos x)} \cdot (1 + \cos x) \right)$$

$$= \lim_{x \rightarrow 0} \left(\frac{x^2}{1 - \cos^2 x} \cdot (1 + \cos x) \right)$$

$$= \lim_{x \rightarrow 0} \left(\frac{x^2}{\sin^2 x} \cdot (1 + \cos x) \right)$$

$$= \lim_{x \rightarrow 0} \left(\frac{x}{\sin x} \right)^2 \cdot \lim_{x \rightarrow 0} (1 + \cos x)$$

$$= \lim_{x \rightarrow 0} \left(\left(\frac{x}{\sin x} \right)^2 \cdot (1 + \cos x) \right)$$

$$= \left(\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x}{\sin x} \right)^2 \cdot \left(\lim_{x \rightarrow 0} 1 + \lim_{x \rightarrow 0} \cos x \right)$$

$$= (1)^2 \cdot (1 + 1) = 2$$

(٧ درجات)

تابع السؤال الرابع:

- (b) عينة عشوائية حجمها 36 ، فإذا كان المتوسط الحسابي للعينة 60 وتباينها 16 . باستخدام مستوى الثقة 95%
١ (أوجد هامش الخطأ
٢ (أوجد فترة الثقة للمتوسط الحسابي للمجتمع الاحصائي

الحل

$$s^2 = 16 \quad \bar{x} = 60 \quad n = 36$$

١ (مستوى الثقة 95%

$$z_{\frac{\alpha}{2}} = 1.96$$

$$n > 30$$

σ^2 غير معلوم

$$E = z_{\frac{\alpha}{2}} \cdot \frac{s}{\sqrt{n}}$$

$$= 1.96 \cdot \frac{4}{\sqrt{36}}$$

$$= 1.3066$$

١ \therefore هامش الخطأ يساوي تقريبا 1.3067

٢ (فترة الثقة هي

$$(\bar{x} - E, \bar{x} + E)$$

$$= (60 - 1.3067, 60 + 1.3067)$$

$$= (58.6933, 61.3067)$$

القسم الثاني (البنود الموضوعية)

أولاً : في البنود من (3 - 1) ظلّ في ورقة الإجابة (a) إذا كانت العبارة صحيحة
(b) إذا كانت العبارة خاطئة

(a) (b) $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{|x| - 3}{x + 3} = -1$ (1)

(a) (b) $\forall x \in \mathbb{R}$ غير قابلة للاشتقاق $f(x) = x|x| : f$ الدالة (2)

(a) (b) إذا كانت $f''(c) = 0$ ، فإنّ لمنحنى الدالة f نقطة انعطاف عند $(c, f(c))$. (3)

ثانياً : في البنود من (10 - 4) لكل بند أربع اختيارات واحد فقط منها صحيح
ظلّ رمز الدائرة الدال على الاختيار الصحيح .

(4) إذا كانت الدالة f متصلة عند $x = -2$ وكانت $\lim_{x \rightarrow -2} (x^2 + f(x)) = 7$ فإن $f(-2)$ تساوي:

- (a) 3 (b) 5 (c) 9 (d) 11

$\lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{|x - 2|}{x^2 - 4} =$ (5)

- (a) $\frac{1}{2}$ (b) $-\frac{1}{2}$ (c) $\frac{1}{4}$ (d) $-\frac{1}{4}$

(6) إذا كانت $y = \frac{1}{x} + 5 \sin x$ فإن $\frac{dy}{dx}$ تساوي:

(a) $-\frac{1}{x^2} - 5 \cos x$

(b) $\frac{1}{x^2} + 5 \cos x$

(c) $-\frac{1}{x^2} + 5 \cos x$

(d) $\frac{1}{x^2} - 5 \cos x$

(7) لتكن الدالة $f: f(x) = \sqrt{x^2 + 7}$ ، $g(x) = x^2 - 3$: فإن $(f \circ g)(0)$ يساوي:

(a) -1

(b) 1

(c) -4

(d) 4

(8) ميل المماس عند النقطة $A(1, 1)$ على منحنى $x^2 - 3y^2 + 2xy = 0$ هي:

(a) -1

(b) 0

(c) 1

(d) 2

(9) إذا كانت $f(x) = ax^2 - 25x$ لها قيمة قصوى محلية عند $x = \frac{5}{2}$ ، فإن a تساوي:

(a) 2

(b) 3

(c) 4

(d) 5

(10) إذا كانت قيمة الاختبار الإحصائي $Z = -1.5$ وفترة القبول $(-1.96, 1.96)$ فإن القرار يكون:

(b) قبول فرض العدم

(a) رفض فرض العدم

(d) Z لا تنتمي للفترة

(c) قبول الفرض البديل

جدول إجابة البنود الموضوعية

(1)	(a)	(b)		
(2)	(a)	(b)		
(3)	(a)	(b)		
(4)	(a)	(b)	(c)	(d)
(5)	(a)	(b)	(c)	(d)
(6)	(a)	(b)	(c)	(d)
(7)	(a)	(b)	(c)	(d)
(8)	(a)	(b)	(c)	(d)
(9)	(a)	(b)	(c)	(d)
(10)	(a)	(b)	(c)	(d)

١٠

الدرجة :

نموذج اجابة امتحان تجريبي (٥)

الصف الثاني عشر العلمي

نهاية الفصل الدراسي الأول ٢٠٢٥ / ٢٠٢٦

إعداد التوجيه الفني للرياضيات

منطقة العاصمة التعليمية

القسم الأول: أسئلة المقال

أجب عن الأسئلة التالية موضحا خطوات الحل

15

$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{\sqrt{x^2 + 5} - 3}{x^2 - 2x}$$

(a) أوجد

السؤال الأول:

(8 درجات)

عند التعويض المباشر عن x بـ 2 في كل من البسط والمقام نحصل على صيغة غير معينة

1

$$= \lim_{x \rightarrow 2} \frac{\sqrt{x^2 + 5} - 3}{x^2 - 2x} \cdot \frac{\sqrt{x^2 + 5} + 3}{\sqrt{x^2 + 5} + 3}$$

1

$$= \lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 + 5 - 9}{x(x - 2)(\sqrt{x^2 + 5} + 3)}$$

1

$$= \lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 - 4}{x(x - 2)(\sqrt{x^2 + 5} + 3)}$$

$$= \lim_{x \rightarrow 2} \frac{(x - 2)(x + 2)}{x(x - 2)(\sqrt{x^2 + 5} + 3)}, \quad x \neq 2$$

1

$$= \frac{\lim_{x \rightarrow 2} (x + 2)}{\lim_{x \rightarrow 2} x(\sqrt{x^2 + 5} + 3)}$$

$$= \frac{(2+2)}{12} = \frac{4}{12} = \frac{1}{3}$$

1

$$\lim_{x \rightarrow 2} (x^2 + 5) = 4 + 5 = 9 > 0$$

$\frac{1}{2}$

$$\lim_{x \rightarrow 2} \sqrt{x^2 + 5} = \sqrt{\lim_{x \rightarrow 2} (x^2 + 5)}$$

$$= \sqrt{2^2 + 5} = \sqrt{9} = 3$$

1

$$\lim_{x \rightarrow 2} (x \cdot (\sqrt{x^2 + 5} + 3))$$

1

$$= \lim_{x \rightarrow 2} x \cdot (\lim_{x \rightarrow 2} \sqrt{x^2 + 5} + \lim_{x \rightarrow 2} 3)$$

$\frac{1}{2}$

$$= 2(3 + 3) = 12, \quad 12 \neq 0$$

(الصفحة 1 من 12)

تابع السؤال الأول :

(7 درجات)

$$y = u^3 - 3u \quad , \quad u = 5x^2 + 2 \quad : \text{ (b) اذ كانت}$$

أوجد $\frac{dy}{dx}$ باستخدام قاعدة التسلسل

$$\frac{dy}{du} = 3u^2 - 3 \quad , \quad \frac{du}{dx} = 10x$$

1+1

$$\frac{dy}{dx} = (3u^2 - 3) \times 10x$$

1

$$\frac{dy}{dx} = (3(5x^2 + 2)^2 - 3) \times 10x$$

1

$$= 750x^5 + 600x^3 + 90x$$

1+1+1

السؤال الثاني :

15

(a) أوجد معادلة المماس للمنحنى الذي معادلته :

(8 درجات)

$$2xy + \pi \sin y = 2\pi$$

عند النقطة $(1, \frac{\pi}{2})$ نشتق طرفي المعادلة ضمناً بالنسبة لـ x

$$2(y) + (2x)(y') + \pi \cos y (y') = 0$$

$$y'(2x + \pi \cos y) = -2y$$

1+1+1

$$y' = \frac{-2y}{2x + \pi \cos y}$$

$$\frac{dy}{dx} \Big|_{(1, \frac{\pi}{2})} = \frac{-2 \times \frac{\pi}{2}}{2(1) + \pi \cos \frac{\pi}{2}}$$

1

$$m = -\frac{\pi}{2}$$

ميل المماس للمنحنى هو :-

1

$$y - y_1 = m(x - x_1)$$

معادلة المماس للمنحنى هي :-

1

$$y - \frac{\pi}{2} = -\frac{\pi}{2}(x - 1)$$

1

$$y = -\frac{\pi}{2}x + \frac{\pi}{2} + \frac{\pi}{2}$$

1

$$y = -\frac{\pi}{2}x + \pi$$

تابع السؤال الثاني :

(b) عددان مجموعهما 100 ومجموع مربعيهما أصغر ما يمكن - ما العددان

(7 درجات)

نفرض أحد العددين x حيث $0 < x < 100$

العدد الأخر = $100 - x$

مجموع مربعيهما هو $f(x) = (100 - x)^2 + x^2$

$$f'(x) = 2(100 - x)(-1) + 2x$$

$$f'(x) = -200 + 2x + 2x$$

$$f'(x) = -200x + 4x$$

$$-200x + 4x = 0 \rightarrow x = 50 \quad \text{نضع } f'(x) = 0$$

توجد نقطة حرجه $(50, f(50))$

توجد قيمه صغري مطلقه عند $x = 50$ $f'' = 4, 4 > 0$

العدد الأول هو $x = 50$

العدد الثاني هو $100 - x = 100 - 50 = 50$

العددان هما 50 , 50

$$f(x) = \begin{cases} x + 3 & : x \leq -1 \\ \frac{4}{x+3} & : x > -1 \end{cases} \quad \text{: ادرس اتصال الدالة } f \text{ على مجالها حيث:}$$

(8 درجات)

1

$$D_f = (-1, \infty) \cup (-\infty, -1] = \mathbb{R} \quad \text{مجال الدالة هو}$$

1

$$g(x) = x + 3 : \text{ بفرض}$$

g كثيرة حدود متصله علي R

$$f(x) = g(x) \quad \forall \quad x \in (-\infty, -1]$$

1

f داله متصله علي $(-\infty, -1]$ (1)

1

$$h(x) = \frac{4}{x+3} : \text{ بفرض}$$

h داله حدوديه نسبيه متصله لكل $x \in \mathbb{R} - \{-3\}$

$$f(x) = h(x) \quad \forall \quad x \in (-1, \infty)$$

1

f داله متصله علي $(-1, \infty)$ (2)

$$f(-1) = -1 + 3 = 2$$

1

$$\lim_{x \rightarrow -1^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow -1^+} \frac{4}{x+3} = \frac{\lim_{x \rightarrow -1^+} 4}{\lim_{x \rightarrow -1^+} x+3} = 2, \quad \lim_{x \rightarrow -1^+} (x+3) = 2, 2 \neq 0$$

1

$$(3) \quad f(-1) = \lim_{x \rightarrow -1^+} f(x)$$

الداله f متصله عند $x = -1$ من جهة اليمينالداله f متصله علي الفتره $(-\infty, \infty)$

1

تابع السؤال الثالث:

(7 درجات)

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\tan 2x + 3x \cos 4x}{5x} : \text{أوجد (b)}$$

1 + 1

$$= \lim_{x \rightarrow 0} \left(\frac{\tan 2x}{5x} + \frac{3x \cos 4x}{5x} \right)$$

1 + 1

$$= \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\tan 2x}{5x} + \lim_{x \rightarrow 0} \left(\frac{3 \cos 4x}{5} \right)$$

1

$$= \lim_{x \rightarrow 0} \left(\frac{\tan 2x}{5x} \right) + \frac{3}{5} \lim_{x \rightarrow 0} (\cos 4x)$$

1

$$= \frac{2}{5} + \frac{3}{5}$$

1

$$= 1$$

(الصفحة 6 من 12)

السؤال الرابع :

(a) أدرس تغير الدالة $f(x) = 1 - x^3$:

ثم أرسم بيانها

(9 درجات)

 $f(x)$ دالة كثيرة حدود متصلة على \mathcal{R} وقابلة للاشتقاق على \mathcal{R}

نوجد النهايات عند الحدود المفتوحة

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow -\infty} (-x^3) = \infty$$

1

$$\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow \infty} (-x^3) = -\infty$$

1

$$f'(x) = -3x^2 \text{ بوضع } f'(x) = 0 \rightarrow -3x^2 = 0 \rightarrow x = 0$$

$$f(0) = 1 - (0)^3 = 1$$

توجد نقطة حرجه $(0, 1)$
 ∞ نكون جدول التغير لدراسة إشارة

اشارة f'
سلوك الدالة f

 f متناقصه على كل من الفترتين $(-\infty, 0)$ و $(0, \infty)$
نكون جدول التغير لدراسة إشارة f -

$$f' = -6x$$

$$-6x = 0 \rightarrow x = 0$$

1

1

2

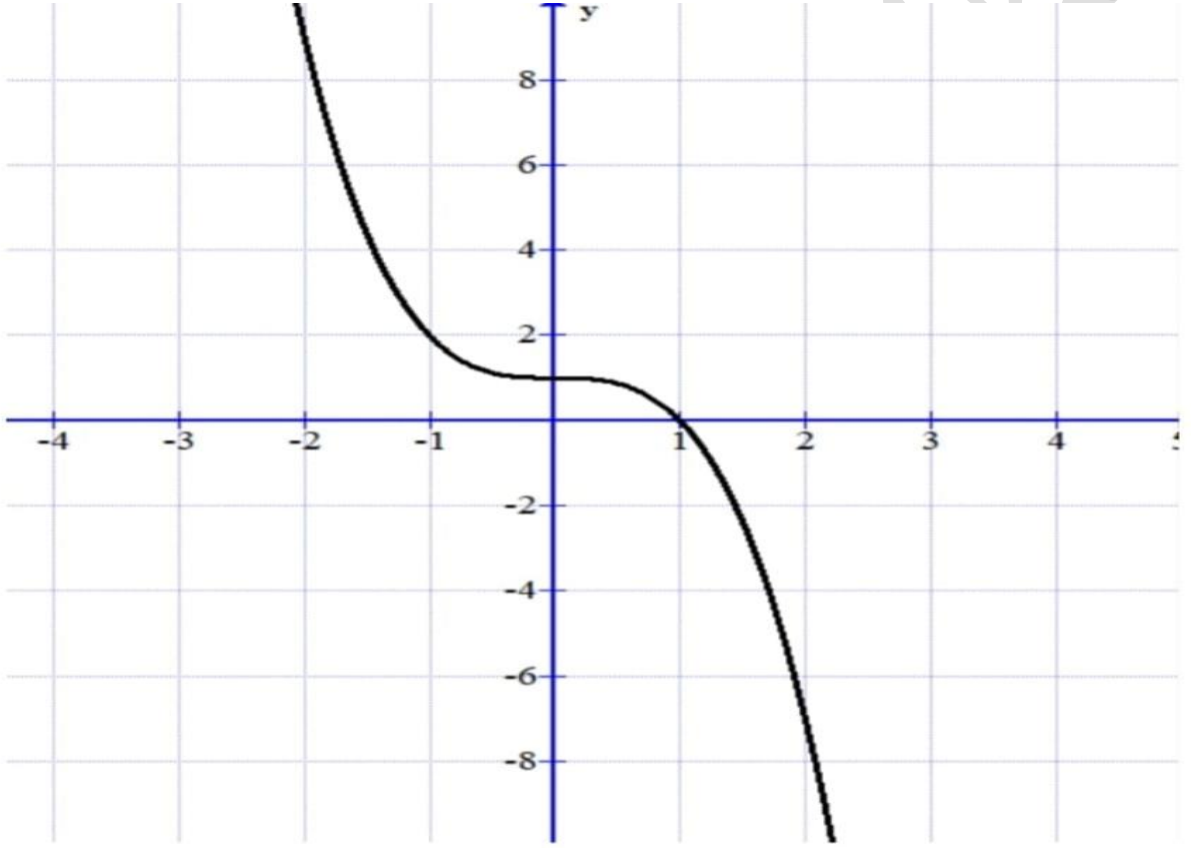
1

اشارة f' التقعر f منحني الداله مقعر لاعلى علي الفتره $(-\infty, 0)$ ومقعر لاسفل علي الفتره $(0, \infty)$

1

x	-2	-1	0	1	2
$f(x)$	9	2	1	0	-7

1 + 1



بيبي

تابع السؤال الرابع :

(6 درجات)

(b)

يزعم مسؤول في متجر لبيع الأدوات الكهربائية، أن متوسط الأسعار هو 300 دينار. أعطت عينة من 49 آلة (دينارًا) $\bar{x} = 280$ والانحراف المعياري معلوم (دينارًا) $\sigma = 40$. تأكد من فرضية المسؤول عند مستوى المعنوية $\alpha = 5\%$.

1 - صياغة الفروض: $H_0 : \mu = 300$ مقابل $H_1 : \mu \neq 300$

2 - $\sigma = 40$ (معلومة)

نستخدم المقياس الإحصائي Z:

$$1 \quad Z = \frac{\bar{x} - \mu}{\frac{\sigma}{\sqrt{n}}} = \frac{280 - 300}{\frac{40}{\sqrt{49}}} = -3.5$$

1 3- مستوى المعنوية 5% $\Rightarrow \frac{\alpha}{2} = 0.025$ $\alpha = 0.05$ $Z_{\frac{\alpha}{2}} = 1.96$

1 (4) منطقة القبول (- 1.96 , 1.96)

5- اتخاذ القرار الإحصائي :

1 -3.5 \notin (- 1.96 , 1.96)

1 القرار : رفض فرض العدم و قبول الفرض البديل $\mu \neq 300$

القسم الثاني : البنود الموضوعية

أولاً: في البنود (1- 3) ظلل في ورقة الإجابة (a) إذا كانت العبارة صحيحة ، (b) إذا كانت العبارة خطأ

(a) (b)
$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{3x-7}{\sqrt{4x^2-8x+5}} = \frac{3}{2} \quad (1)$$

(a) (b) إن الدالة $f: f(x) = \frac{x^3-8}{x^2-4x-5}$ غير قابلة للاشتقاق عندما x تساوي -1 فقط. (2)

(a) (b) (3) الدالة $f: f(x) = x^{\frac{2}{3}}$ تحقق نظرية القيمة المتوسطة على $[0,1]$

ثانياً: في البنود (4- 10) لكل بند أربع اختيارات ، واحد فقط منها صحيح ظلل في ورقة الإجابة الرمز الدال على الاختيار الصحيح

(4)

$$\lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{|x-2|}{x^2-4} =$$

- (a) $\frac{1}{2}$ (b) $-\frac{1}{2}$ (c) $\frac{1}{4}$ (d) $-\frac{1}{4}$

(5)

إذا كانت الدالة f متصلة عند $x = 2$ فإن $f(x)$ يمكن أن تكون:

- (a) $\frac{1}{|x-2|}$ (b) $\sqrt{x-2}$ (c) $\frac{|x-2|}{x-2}$ (d) $\begin{cases} \sqrt{x^2-3} & : x > 2 \\ 3x-5 & : x \leq 2 \end{cases}$

(6)

لتكن الدالة $f: f(x) = \sqrt{x^2+7}$ ، $g(x) = x^2-3$ فإن $(f \circ g)(0)$ يساوي:

- (a) 4 (b) -4
(c) 1 (d) -1

تابع الأسئلة الموضوعية :

(7)

ميل الناظم لمنحنى الدالة $y = x^3 - 3x + 1$ عند النقطة (3 , 2) هي:

- (a) 9 (b) 3 (c) $-\frac{1}{3}$ (d) $-\frac{1}{9}$

(8)

لنفترض أن متوسط مجتمع إحصائي يقع ضمن الفترة $62.84 < \mu < 69.46$ مع انحراف معياري 6.50
إذا تمّ استخدام عينة من 100 فرد فمتوسط هذه العينة يساوي:

- (a) 56.34 (b) 62.96 (c) 6.62 (d) 66.15

(9)

إذا كانت: $f(x) = (1 + 6x)^{\frac{2}{3}}$ فإن: $f''(x)$ تساوي:

- (a) $\frac{8}{27}(1 + 6x)^{-\frac{4}{3}}$ (b) $8(1 + 6x)^{-\frac{4}{3}}$
(c) $-8(1 + 6x)^{-\frac{4}{3}}$ (d) $-64(1 + 6x)^{-\frac{4}{3}}$

(10)

أي من منحنيات الدوال التالية يكون مقعرًا لأسفل في (1 , -1):

- (a) $f(x) = x^2$ (b) $f(x) = x|x|$ (c) $f(x) = -x^3$ (d) $f(x) = -x^2$

انتهت الأسئلة

مع تمنياتنا بالنجاح والتفوق

إجابة البنود الموضوعية

لكل سؤال درجة

1	<input type="radio"/> a	<input checked="" type="radio"/> b		
2	<input type="radio"/> a	<input checked="" type="radio"/> b		
3	<input checked="" type="radio"/> a	<input type="radio"/> b		
4	<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input checked="" type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
5	<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input checked="" type="radio"/> d
6	<input checked="" type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
7	<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input checked="" type="radio"/> d
8	<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input checked="" type="radio"/> d
9	<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input checked="" type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
10	<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input checked="" type="radio"/> d

 10

المصحح:

المراجع:

منطقة العاصمة التعليمية

نموذج اجابة امتحان تجريبي (٦)

الصف الثاني عشر العلمي

نهاية الفصل الدراسي الأول ٢٠٢٥ / ٢٠٢٦

إعداد التوجيه الفني للرياضيات

منطقة العاصمة التعليمية



$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{\sqrt{2x-3} - 1}{x-2}$$

الحل:

عند التعويض المباشر عن x بـ 2 في كل من البسط و المقام نحصل على صيغة غير معينة

$$\begin{aligned} 1 & \quad \therefore \frac{\sqrt{2x-3} - 1}{x-2} = \frac{\sqrt{2x-3} - 1}{x-2} \times \frac{\sqrt{2x-3} + 1}{\sqrt{2x-3} + 1} \\ 1 + \frac{1}{2} & \quad = \frac{2x-3-1}{(x-2)(\sqrt{2x-3}+2)} = \frac{2(x-2)}{(x-2)(\sqrt{2x-3}+1)} \end{aligned}$$

$$\frac{1}{2} = \frac{2(x-2)}{(x-2)(\sqrt{2x-3}+1)} = \frac{2}{(\sqrt{2x-3}+1)}, x \neq 2$$

$$1 \quad \lim_{x \rightarrow 2} (2x-3) = 2(2) - 3 = 1, 1 > 0 \text{ نهاية ما تحت الجذر } 1 > 0$$

$$2 \quad \lim_{x \rightarrow 2} (\sqrt{2x-3} + 1) = \lim_{x \rightarrow 2} \sqrt{2x-3} + \lim_{x \rightarrow 2} 1 \quad \text{نهاية المقام:}$$

$$= \sqrt{\lim_{x \rightarrow 2} (2x-3)} + \lim_{x \rightarrow 2} 1 = \sqrt{1} + 1 = 2, 2 \neq 0$$

$$\therefore \lim_{x \rightarrow 2} \frac{\sqrt{2x-3} - 1}{x-2} = \lim_{x \rightarrow 2} \frac{(x+2)}{(\sqrt{2x-3}+1)}$$

$$1 \quad = \frac{\lim_{x \rightarrow 2} (x+2)}{\lim_{x \rightarrow 2} (\sqrt{2x-3}+1)}$$

$$1 \quad = \frac{1+1}{2} = 1$$

تابع السؤال الأول:

7 درجات

(b) للمنحنى الذي معادلته : $x^2 - y^2 + yx - 1 = 0$ أوجد: $y' - 1$

2- معادلة المماس للمنحنى عند النقطة (1,1)

الحل:

نشتق الطرفين بالنسبة ل x

$$\frac{d}{dx}(x^2 - y^2 + yx - 1) = \frac{d}{dx}(0)$$

$$2x - 2yy' + y'x + y = 0$$

$$-2yy' + y'x = -2x - y$$

$$(-2y + x)y' = -2x - y$$

$$\Rightarrow y' = \frac{-2x - y}{-2y + x}$$

لإيجاد معادلة المماس :

$$m = \frac{-2(1) - (1)}{-2(1) + (1)} = 3$$

$$y - y_1 = m(x - x_1)$$

$$y - 1 = 3(x - 1)$$

$$y = 3x - 2$$

معادلة المماس هي : $y = 3x - 2$

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{3x-5}{\sqrt{x^2-9}}$$

(a) أوجد:

الحل:

1 + 1

$$f(x) = \frac{3x-5}{\sqrt{x^2-9}} = \frac{x(3-\frac{5}{x})}{\sqrt{x^2(1-\frac{9}{x^2})}} = \frac{x(3-\frac{5}{x})}{|x|\sqrt{(1-\frac{9}{x^2})}} \quad \begin{matrix} |x|=x \\ x > 0 \end{matrix}$$

1

$$= \frac{\cancel{x}(3-\frac{5}{x})}{\cancel{x}\sqrt{(1-\frac{9}{x^2})}} = \frac{(3-\frac{5}{x})}{\sqrt{(1-\frac{9}{x^2})}}, x \neq 0$$

$\frac{1}{2} + \frac{1}{2}$

$$\therefore \lim_{x \rightarrow \infty} \left(1 - \frac{9}{x^2}\right) = \lim_{x \rightarrow \infty} 1 - \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{9}{x^2} = 1 - 0 = 1, 1 > 0$$

1 + $\frac{1}{2}$

$$\therefore \lim_{x \rightarrow \infty} \sqrt{\left(1 - \frac{9}{x^2}\right)} = \sqrt{\lim_{x \rightarrow \infty} \left(1 - \frac{9}{x^2}\right)} = \sqrt{1} = 1, 1 \neq 0$$

1

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \left(3 - \frac{5}{x}\right) = \lim_{x \rightarrow \infty} 3 - \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{5}{x} = 3 - 0 = 3$$

$\frac{1}{2}$

$$\therefore \lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{(3-\frac{5}{x})}{\sqrt{(1-\frac{9}{x^2})}}$$

1

$$= \frac{\lim_{x \rightarrow \infty} (3-\frac{5}{x})}{\lim_{x \rightarrow \infty} \sqrt{(1-\frac{9}{x^2})}} = \frac{3}{1} = 3$$

$\frac{1}{2} + \frac{1}{2}$

6 درجات

تابع السؤال الثاني: (b)

أخذت عينة عشوائية حجمها $n = 36$ من مجتمع طبيعي, فإذا كان الانحراف المعياري للعينة (s) يساوي 4 ومتوسطها الحسابي (\bar{x}) يساوي 60 , استخدم مستوى الثقة 95% لإيجاد:

- 1- هامش الخطأ.
- 2- فترة الثقة للمتوسط الحسابي للمجتمع الإحصائي μ
- 3- فسر فترة الثقة .

الحل:

∴ مستوى الثقة 95%

$$\therefore Z_{\frac{\alpha}{2}} = 1.96$$

∴ σ^2 غير معلوم $n > 30$

$$\therefore E = Z_{\frac{\alpha}{2}} \times \frac{s}{\sqrt{n}}$$

$$= 1.96 \times \frac{4}{\sqrt{36}} = 1.3066$$

فترة الثقة : $(\bar{x} - E, \bar{x} + E)$

$$= (60 - 1.3066, 60 + 1.3066)$$

$$= (58.6934, 61.3066)$$

عند اختيار 100 عينة عشوائية ذات الحجم نفسه ($n = 36$) وحساب حدود فترة الثقة لكل منها فإننا نتوقع 95 فترة تحوي القيمة الحقيقية للمتوسط الحسابي للمجتمع

(a) لتكن الدالة: $f(x) = \sqrt{-x^2 + 5x + 6}$,

أوجد D_f ثم ادرس اتصالها على $[1,4]$.

الحل:

$\frac{1}{2}$ نفرض أن $f(x) = \sqrt{g(x)}$, $g(x) = -x^2 + 5x + 6$

$\frac{1}{2}$ $D_f = \{x; g(x) \geq 0\}$

$\frac{1}{2}$ $-x^2 + 5x + 6 \geq 0$

$\frac{1}{2}$ $-x^2 + 5x + 6 = 0$

1 $(x + 1)(6 - x) = 0$

1 $x = -1, x = 6$

$-\infty \leftarrow \begin{array}{c} \text{---} \\ \text{---} \end{array} \quad \begin{array}{c} \text{+++} \\ \text{+++} \end{array} \quad \begin{array}{c} \text{---} \\ \text{---} \end{array} \rightarrow \infty$

1 مجال الدالة f هو: $D_f = [-1, 6]$

1 لدراسة اتصال الدالة f على الفترة $[1,4]$ حيث $f(x) = \sqrt{-x^2 + 5x + 6}$

$g(x) \geq 0 \quad \forall x \in [-1, 6]$

$\therefore [1,4] \subseteq [-1, 6]$

$1 + \frac{1}{2}$ $\therefore g(x) \geq 0 \quad \forall x \in [1,4] \quad (1)$

1 الدالة $g: g(x) = -x^2 + 5x + 6$ دالة متصلة على الفترة $[1,4]$ (2)

1 من (1) و (2) f متصلة على الفترة $[1,4]$.

8 درجات

(b) أوجد عددين موجبين مجموعهما 14 وناتج ضربهما أكبر ما يمكن.

الحل:

نفرض أحد العددين x

فيكون العدد الآخر: $14 - x$

شرط الحل: $0 < x < 14$

$$f(x) = x(14 - x)$$

$$f(x) = 14x - x^2$$

$$f'(x) = 14 - 2x$$

$$f'(x) = 0$$

$$14 - 2x = 0 \Rightarrow x = 7, \quad 7 \in (0, 14)$$

يوجد نقطة حرجة عند $x = 7$ وهي $(7, f(7))$

$$f''(x) = -2, \quad -2 < 0$$

بيان الدالة f مقعر للأسفل دائماً

توجد قيمة عظمى مطلقة عند $x = 7$

العدد الأول: $x = 7$

العدد الثاني: $14 - x = 14 - 7 = 7$

العددان: $(7, 7)$

8 درجات

(b) بين أن الدالة $f(x) = x^3 - 3x + 2$ تحقق شروط نظرية القيمة المتوسطة على الفترة $[0, 4]$ ثم أوجد قيمة c الذي تنبئ به النظرية وفسر إجابتك

الحل:

الدالة f كثيرة حدود متصلة على \mathbb{R} فهي متصلة على الفترة $[0, 4]$ وقابلة للاشتقاق على الفترة $(0, 4)$.

∴ شروط نظرية القيمة المتوسطة محققة على الفترة $[0, 4]$ ∴ يوجد على الأقل $c \in (0, 4)$ بحيث:

$$f'(c) = \frac{f(b) - f(a)}{b - a}$$

$$= \frac{f(4) - f(0)}{4 - 0}$$

$$f(4) = (4)^3 - 3(4) + 2 = 54$$

$$f(0) = (0)^3 - 3(0) + 2 = 2$$

$$f'(x) = 3x^2 - 3, \quad f'(c) = 3c^2 - 3$$

$$\therefore 3c^2 - 3 = \frac{f(4) - f(0)}{4 - 0}$$

$$3c^2 - 3 = \frac{54 - 2}{4 - 0}$$

$$3c^2 - 3 = 13 \Rightarrow 3c^2 = 16 \Rightarrow c^2 = \frac{16}{3}$$

$$c = \frac{-4\sqrt{3}}{3}, \quad c \notin (0, 4)$$

$$c = \frac{4\sqrt{3}}{3}, \quad c \in (0, 4)$$

التفسير: يوجد مماس لمنحنى الدالة عند $x = \frac{4\sqrt{3}}{3}$ والمماس يوازي القاطع
المرار بالنقطتين $(0, 2)$ و $(4, 54)$

15 درجة

8 درجات

السؤال الرابع

(a) لتكن الدالة $f(x) = x^3 - 6x^2 + 9x - 4$.

أوجد كلاً مما يلي:

- 1- النقاط الحرجة للدالة.
- 2- الفترات التي تكون الدالة متزايدة أو متناقصة عليها.
- 3- القيم القصوى المحلية.

الحل:

f دالة كثيرة حدود

f متصلة و قابلة للاشتقاق على \mathbb{R}

نوجد النقاط الحرجة بوضع : $f'(x) = 0$

1 $f'(x) = 3x^2 - 12x + 9$




$$3x^2 - 12x + 9 = 0$$

$$3(x - 1)(x - 3) = 0$$

1 $x = 1$, $f(1) = (1)^3 - 6(1)^2 + 9(1) - 4 = 0$

1 $x = 3$, $f(3) = (3)^3 - 6(3)^2 + 9(3) - 4 = -4$

1 النقاط الحرجة هي $(1, 0)$, $(3, -4)$

الفترات	$(-\infty, 1)$	$(1, 3)$	$(3, \infty)$
إشارة f'	+	-	+
سلوك الدالة f			

$1 + \frac{1}{2}$

$\frac{1}{2} + \frac{1}{2}$

f متزايدة على الفترة $(-\infty, 1)$ و على الفترة $(3, \infty)$

و متناقصة على الفترة $(1, 3)$

من الجدول نلاحظ أنه

يوجد قيمة عظمى محلية هي $f(1) = 0$

و يوجد قيمة صغرى محلية هي $f(3) = -4$

(b) لتكن الدالة f : $f(x) = \begin{cases} (x+1)^2 & : x \leq 0 \\ 2x+1 & : x > 0 \end{cases}$ أوجد $f'(0)$

الحل:

1 $f(0) = (0 + 1)^2 = 1$

$\frac{1}{2}$ $f'_-(0) = \lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{f(x) - f(0)}{x - 0}$ إن وجدت

$\frac{1}{2}$ $= \lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{(x+1)^2 - 1}{x}$

1 $= \lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{(x+1-1)(x+1+1)}{x}$

$\frac{1}{2}$ $= \lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{x(x+2)}{x}$

$\frac{1}{2}$ $= \lim_{x \rightarrow 0^-} (x+2) = 0 + 2 = 2$

$\therefore f'_-(0) = 2$

$\frac{1}{2}$ $f'_+(0) = \lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{f(x) - f(0)}{x - 0}$ إن وجدت

$\frac{1}{2} + \frac{1}{2}$ $= \lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{2x+1-1}{x} = \lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{2x}{x}$

$\frac{1}{2}$ $= \lim_{x \rightarrow 0^+} (2) = 2$

$\therefore f'_+(0) = 2$

$\frac{1}{2}$ $\therefore f'_+(0) = f'_-(0) = 2$

$\frac{1}{2}$ $\therefore f'(0) = 2$

أولاً : في البنود (1-3) ظلل في ورقة الإجابة (a) إذا كانت العبارة صحيحة ؛ (b) إذا كانت العبارة خاطئة

(1) $\lim_{y \rightarrow 2} \frac{y^2 + 5y + 6}{y + 2} = 5$ (a) (b)

(2) $\lim_{x \rightarrow -\infty} (-x^3 - 2x + 1) = -\infty$ (a) (b)

(3) إذا كان لمنحنى الدالة f نقطة انعطاف هي $(c, f(c))$ فإن $f''(c) = 0$ (a) (b)

ثانياً : في البنود (4-10) لكل بند أربع اختيارات ؛ واحد فقط منها صحيح ظلل في ورقة الإجابة الرمز الدال على الاختيار الصحيح

(4) إذا كانت الدالة f متصلة عند $x = -2$ وكانت $\lim_{x \rightarrow -2} (x^2 + f(x)) = 7$ فإن $f(-2)$ تساوي:

- (a) 3 (b) 5 (c) 9 (d) 11

(5) لتكن الدالة f : $f(x) = \frac{x}{\sqrt{x-3}}$ ، الدالة g : $g(x) = x^2 + 3, x \neq 0$ ، فإن: $(f \circ g)(x)$ تساوي:

- (a) $\frac{x^2}{x-3} + 3$ (b) $\frac{x}{\sqrt{x-3}} + 3$ (c) $\frac{-(x^2+3)}{x}$ (d) $\frac{x^2+3}{|x|}$

(6) إذا كانت $f(x) = 3x + x \tan x$ فإن $f'(0)$ يساوي:

- (a) -3 (b) 0 (c) 1 (d) 3

(7) إن الدالة f : $f(x) = x + \sqrt{x^2} + 2$ ليست قابلة للاشتقاق عند $x = 0$ والسبب هو:

- (a) ناب (b) ركن (c) مماس عمودي (d) غير متصلة

(8) إذا كانت $f(x) = ax^2 - 25x$ لها قيمة قصوى محلية عند $x = \frac{5}{2}$ ، فإن a تساوي:

- (a) 2 (b) 3 (c) 4 (d) 5

(9) إذا كان القرار رفض فرض العدم، وفترة الثقة (1.96, -1.96) فإن قيمة الاختبار Z ممكن أن تكون:

- (a) 1.5 (b) -2.5
(c) 1.87 (d) -1.5

(10) إذا كانت $y = \sin^{-5} x - \cos^3 x$ فإن $\frac{dy}{dx}$ تساوي:

- (a) $5 \sin^{-6} x \cos x - 3 \cos^2 x \sin x$ (b) $5 \sin^{-6} x \cos x + 3 \cos^2 x \sin x$
(c) $-5 \sin^{-6} x \cos x - 3 \cos^2 x \sin x$ (d) $-5 \sin^{-6} x \cos x + 3 \cos^2 x \sin x$

1	a	b		
2	a	b		
3	a	b		
4	a	b	c	d
5	a	b	c	d
6	a	b	c	d
7	a	b	c	d
8	a	b	c	d
9	a	b	c	d
10	a	b	c	d

نموذج اجابة امتحان تجريبي (٧)

الصف الثاني عشر العلمي

نهاية الفصل الدراسي الأول ٢٠٢٥ / ٢٠٢٦

إعداد التوجيه الفني للرياضيات

منطقة العاصمة التعليمية



الإدارة العامة لمنطقة العاصمة التعليمية

التوجيه الفني لمادة الرياضيات

نموذج اختبار تجريبي (٧)



دولة الكويت
وزارة التربية

المجال الدراسي : الرياضيات

الفترة الدراسية الأولى للصف الثاني عشر علمي ٢٠٢٥ / ٢٠٢٦ م

عدد الصفحات : ١١

الزمن : ساعتان و ٤٥ دقيقة

القسم الأول : أسئلة المقال

(أجب عن جميع الأسئلة التالية موضحا خطوات الحل في كل منها) :

السؤال الأول :

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x - 2}{\sqrt{x^2 + 2x - 4}}$$

(أ) أوجد

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x(1 - \frac{2}{x})}{\sqrt{x^2(1 + \frac{2}{x} - \frac{4}{x^2})}}$$

$$= \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x(1 - \frac{2}{x})}{|x| \sqrt{(1 + \frac{2}{x} - \frac{4}{x^2})}} = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x(1 - \frac{2}{x})}{x \sqrt{(1 + \frac{2}{x} - \frac{4}{x^2})}}$$

$$= \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{(1 - \frac{2}{x})}{\sqrt{(1 + \frac{2}{x} - \frac{4}{x^2})}} = \frac{\lim_{x \rightarrow \infty} (1 - \frac{2}{x})}{\lim_{x \rightarrow \infty} \sqrt{1 + \frac{2}{x} - \frac{4}{x^2}}}$$

$$= \frac{1}{1} = 1$$

$$\begin{aligned} \lim_{x \rightarrow \infty} (1 - \frac{2}{x}) &= \lim_{x \rightarrow \infty} (1) - \lim_{x \rightarrow \infty} (\frac{2}{x}) \\ &= 1 - 0 = 1 \end{aligned}$$

الحل : $x \rightarrow \infty$

$$|x| = x$$

نهاية ما تحت الجذر < 0

$$\lim_{x \rightarrow \infty} (1 + \frac{2}{x} - \frac{4}{x^2})$$

$$= \lim_{x \rightarrow \infty} 1 + \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{2}{x} - \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{4}{x^2}$$

$$= 1 + 0 - 0 = 1 : 1 > 0$$

نهاية المقام $\neq 0$

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \sqrt{1 + \frac{2}{x} - \frac{4}{x^2}}$$

$$\sqrt{\lim_{x \rightarrow \infty} (1 + \frac{2}{x} - \frac{4}{x^2})}$$

$$\sqrt{1} = 1, 1 \neq 0$$

حيث

تابع السؤال الأول :

$$y' = \frac{dy}{dx} \quad \text{أوجد ، } y^2 = x^2 - 2x \quad (b) \quad (1) \quad \text{لتكن :}$$

الحل :

$$y^2 = x^2 - 2x$$

$$(y^2)' = (x^2 - 2x)'$$

$$2yy' = 2x - 2$$

$$y' = \frac{2x - 2}{2y}$$

$$y' = \frac{2(x - 1)}{2y} = \frac{x - 1}{y}$$

(2) أوجد مشتقة الدالة g حيث

$$g(x) = \frac{\cos x}{1 + \sin x}$$

الحل :

$$g'(x) = \frac{(-\sin x)(1 + \sin x) - (\cos x)(\cos x)}{(1 + \sin x)^2}$$

$$g'(x) = \frac{-\sin x - \sin^2 x - \cos^2 x}{(1 + \sin x)^2}$$

$$g'(x) = \frac{-\sin x - (\sin^2 x + \cos^2 x)}{(1 + \sin x)^2}$$

$$g'(x) = \frac{-\sin x - 1}{(1 + \sin x)^2}$$

$$g'(x) = -\frac{\sin x + 1}{(1 + \sin x)^2} = \frac{-1}{1 + \sin x}$$

السؤال الثاني :

$$f(x) = \begin{cases} x + 3 & : x \leq -1 \\ \frac{4}{x + 3} & : x > -1 \end{cases}$$

(أ) ادرس اتصال الدالة f على مجالها حيث :

الحل :

$$D_f = (-\infty, -1] \cup (-1, \infty) = R \quad \text{مجال الدالة هو :}$$

$$g(x) = x + 3 \quad \text{نفرض أن :}$$

(1) g دالة كثيرة حدود متصلة على R .

$$\therefore f(x) = g(x) \quad \forall x \in (-\infty, -1] \quad (2)$$

$$(3) \quad (1) \quad \therefore f \quad \text{دالة متصلة على } (-\infty, -1].$$

$$h(x) = \frac{4}{x + 3} \quad \text{نفرض أن :}$$

h حدودية نسبية متصلة لكل $\forall x \in R - \{-3\}$

$$\therefore f(x) = h(x) \quad \forall x \in (-1, \infty)$$

$$(2) \quad \therefore f \quad \text{دالة متصلة على } (-1, \infty).$$

ندرس اتصال الدالة f عند $x = -1$ من جهة اليمين

$$f(-1) = 2$$

نهاية المقام :

$$\lim_{x \rightarrow -1^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow -1^+} \frac{4}{x + 3} = \frac{\lim_{x \rightarrow -1^+} 4}{\lim_{x \rightarrow -1^+} (x + 3)} = 2 \quad \lim_{x \rightarrow -1^+} (x + 3) = -1 + 3 = 2, 2 \neq 0$$

$$\therefore f(-1) = \lim_{x \rightarrow -1^+} f(x)$$

\therefore الدالة f متصلة عند $x = -1$ من جهة اليمين (3)

من (1), (2), (3) \therefore الدالة f متصلة على الفترة $(-\infty, \infty)$.

$\therefore f$ متصلة على R .

تابع السؤال الثاني :

(ب) أوجد معادلة المماس لمنحنى الدالة f حيث $f(x) = \frac{8}{4 + x^2}$ عند النقطة $(2,1)$

الحل :

$$f(x) = \frac{8}{4 + x^2}$$

نوجد f' بتطبيق القاعدة

$$f'(x) = \frac{-8(2x)}{(4 + x^2)^2} = \frac{-16x}{(4 + x^2)^2}$$

$$f'(2) = \frac{-16(2)}{(4 + (2)^2)^2}$$

ومنه ميل المماس

$$f'(2) = \frac{-1}{2}$$

معادلة المماس للمنحنى :

$$y - f(a) = f'(a)(x - a)$$

$$y - 1 = \frac{-1}{2}(x - 2)$$

$$y = \frac{-1}{2}x + 2$$

السؤال الثالث :

$$\lim_{x \rightarrow 3} \frac{x^4 - 7x^2 - 18}{x - 3}$$

(أ) أوجد النهاية التالية :

الحل :

عند التعويض عن x بـ 3 في كل من البسط والمقام نحصل على صيغة غير معينه .
نقسم البسط على المقام و نوجد الناتج باستخدام القسمة التركيبية .

$$\begin{array}{r|rrrrr} 3 & 1 & 0 & -7 & 0 & -18 \\ & & 3 & 9 & 6 & 18 \\ \hline & 1 & 3 & 2 & 6 & 0 \end{array}$$

الناتج : $x^3 + 3x^2 + 2x + 6$ والباقي صفر

$$\frac{x^4 - 7x^2 - 18}{x - 3} = x^3 + 3x^2 + 2x + 6, x \neq 3$$

$$\begin{aligned} \lim_{x \rightarrow 3} \frac{x^4 - 7x^2 - 18}{x - 3} &= \lim_{x \rightarrow 3} (x^3 + 3x^2 + 2x + 6) \\ &= (3)^3 + 3(3)^2 + 2(3) + 6 \\ &= 66 \end{aligned}$$

تابع السؤال الثالث :

(ب) أوجد فترات التقعر ونقطة الانعطاف لمنحنى الدالة

$$f(x) = x^3 - 2x^2 + 1$$

الحل :

f : دالة كثيرة حدود

f : قابلة للاشتقاق على R

نوجد

$$f'(x) = 3x^2 - 4x$$

$$f''(x) = 6x - 4$$

$$f''(x) = 0$$

نضع

$$6x - 4 = 0 \implies 6x = 4 \implies x = \frac{2}{3}$$

$$f\left(\frac{2}{3}\right) = \left(\frac{2}{3}\right)^3 - 2\left(\frac{2}{3}\right)^2 + 1 = \frac{11}{7}$$

نكون جدول لدراسة

	$-\infty$	$\frac{2}{3}$	∞
الفترات f	$(-\infty, \frac{2}{3})$	$(\frac{2}{3}, \infty)$	
إشارة f''	-----	++++	
التقعر	∩	نلاحظ من الجدول أن:	

منحنى الدالة f مقعراً لأسفل على الفترة $(-\infty, \frac{2}{3})$

منحنى الدالة f مقعراً لأعلى على الفترة $(\frac{2}{3}, \infty)$

∴ النقطة $(\frac{2}{3}, \frac{11}{7})$ نقطة انعطاف لمنحنى الدالة f

السؤال الرابع :

(أ) بين أن الدالة f :

$$f(x) = x^2 + 2x$$

تحقق شروط نظرية القيمة المتوسطة على $[-3,1]$ ، ثم أوجد قيمة c الذي تنبئ به النظرية وفسر اجابتك
الحل :

f دالة كثيرة حدود متصلة على R فهي متصلة على الفترة $[-3,1]$
وقابلة للاشتقاق على $(-3,1)$

∴ شروط نظرية القيمة المتوسطة محققة على الفترة $[-3,1]$

∴ يوجد على الأقل $c \in (-3,1)$ بحيث $a = -3$ ، $b = 1$

$$f(x) = x^2 + 2x$$

$$f'(x) = 2x + 2$$

$$f'(c) = 2c + 2$$

$$f'(c) = \frac{f(b) - f(a)}{b - a}$$

$$2c + 2 = \frac{f(1) - f(-3)}{1 - (-3)}$$

$$2c + 2 = \frac{3 - 3}{4}$$

$$2c + 2 = 0$$

$$2c = -2$$

$$\therefore c = -1$$

$$c = -1 \in (-3,1)$$

$$f(b) = f(1) = 1^2 + 2(1) = 3$$

$$f(a) = f(-3) = (-3)^2 + 2(-3) = 3$$

التفسير : يوجد مماس لمنحنى الدالة f عند $x = -1$

يوازي القاطع المار بالنقطتين $(-3,3)$ ، $(1,3)$

تابع السؤال الرابع :

(ب) أخذت عينة عشوائية من مجتمع طبيعي حجمها $n = 81$ ومتوسطها الحسابي $\bar{x} = 50$ ، وانحرافها المعياري $S = 9$ ، باستخدام مستوى ثقة 95% .

1 أوجد هامش الخطأ

2 أوجد فترة الثقة للمتوسط الحسابي للمجتمع الإحصائي μ .

الحل :

∴ مستوى الثقة 95%

∴ σ^2 غير معلوم ، $n > 30$

$$Z_{\frac{\alpha}{2}} = 1.96$$

1 هامش الخطأ

$$\begin{aligned} E &= Z_{\frac{\alpha}{2}} \times \frac{s}{\sqrt{n}} \\ &= 1.96 \times \frac{9}{\sqrt{81}} = 1.96 \end{aligned}$$

∴ هامش الخطأ = 1.96

2 فترة الثقة هي :

$$\begin{aligned} &(\bar{x} - E, \bar{x} + E) \\ &= (50 - 1.96, 50 + 1.96) \\ &= (48.04, 51.96) \end{aligned}$$

القسم الثاني : الاسئلة الموضوعية

- أولاً : في البنود من (1) إلى (3) ظلل إذا كانت العبارة صحيحة .
إذا كانت العبارة خاطئة .

(1) $\lim_{x \rightarrow -\infty} (-x^2 + x - 3) = -\infty$

(a) (b)

- (2) إذا كانت f دالة متصلة (a, b) فإن لها قيمة عظمى مطلقة وقيمة صغرى مطلقة على هذه الفترة .

(a) (b)

- (3) إن الدالة $f(x) = \frac{x^3 - 8}{x^2 - 4x - 5}$ غير قابلة للاشتقاق عندما x تساوي -1 فقط .

(a) (b)

- ثانياً : في البنود من (5) إلى (10) لكل بند أربعة اختيارات واحد فقط منها صحيح ظلل في ورقة الإجابة الرمز الدال على الإجابة الصحيحة :

(4) $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt{x} - 1}{x - 1}$ يساوي :

(a) -1 (b) 1 (c) $\frac{1}{2}$ (d) 0

(5) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{4x^2 + 5\sin^2 x}{3x^2}$ يساوي :

(a) 3 (b) 9 (c) 0 (d) ∞

(6) لتكن الدالة $f : f(x) = \sqrt{x^2 + 7}$ ، $g : g(x) = x^2 - 3$

فإن $(f \circ g)(0)$ يساوي :

(a) 1 (b) -4 (c) 4 (d) -1

(7) إذا كانت $f(x) = 5x^3 - 3x^5$ فإن $f'(x)$ تساوي :

(a) $20x + 60x^3$

(b) $15x^2 - 15x^4$

(c) $30x - 30x^4$

(d) $30x - 60x^3$

(8) إذا كانت f' : $f'(x) = -3x$ فإن الدالة f :

(a) متزايدة على الفترة $(0, \infty)$

(b) متناقصة على الفترة $(-\infty, 0]$

(c) متزايدة على مجال تعريفها

(d) متزايدة على الفترة $(-\infty, 0)$ و متناقصة على الفترة $(0, \infty)$

(9) إذا كانت : $f(x) = ax^2 - 25x$ لها قيمة قصوى محلية عند $x = \frac{5}{2}$ فإن a تساوي :

(a) 2

(b) 3

(c) 4

(d) 5

(10) لنفترض ان متوسط مجتمع إحصائي يقع ضمن الفترة $62.84 < \mu < 69.46$ فمتوسط هذه العينة يساوي :

(a) 56.34

(b) 62.96

(c) 6.62

(d) 66.15

إجابة البنود الموضوعية

السؤال	الإجابة			
1	<input checked="" type="radio"/> a	<input type="radio"/> b		
2	<input type="radio"/> a	<input checked="" type="radio"/> b		
3	<input type="radio"/> a	<input checked="" type="radio"/> b		
4	<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input checked="" type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
5	<input checked="" type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
6	<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input checked="" type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
7	<input type="radio"/> a	<input checked="" type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input type="radio"/> d
8	<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input checked="" type="radio"/> d
9	<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input checked="" type="radio"/> d
10	<input type="radio"/> a	<input type="radio"/> b	<input type="radio"/> c	<input checked="" type="radio"/> d