



Q1: - The graph below represents  $f'(x)$  determine where the function  $f(x)$  is increasing?

الرسم يمثل المشتقة

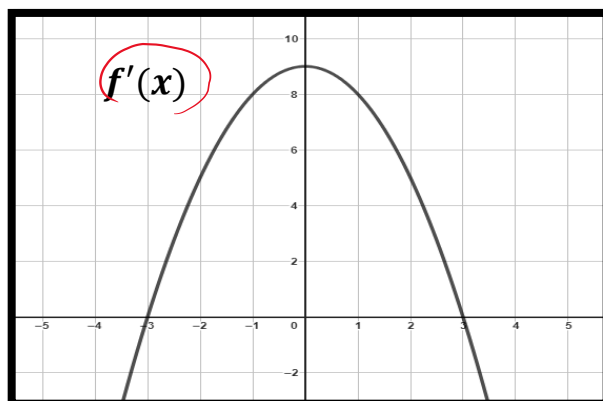
a)  $(-\infty, -3)$

b)  $(-3, 3)$

c)  $(3, \infty)$

d)  $(-\infty, \infty)$

وعند دراسة المشتقة  
نجد ان  $f(x)$  متزايدة  
في الفترة  $(-3, 3)$



Q2: - Determine where the graph of the function  $f(x)$  is concave up.

السؤال (2) حدد فترات التقعر لأعلى

$$f(x) = x^4 - 6x^2 + 2x + 3$$

a)  $(-\infty, -1)$

b)  $(-\infty, -1) \cup (1, \infty)$

c)  $(1, 1)$

d)  $(-\infty, 0) \cup (0, \infty)$

$$f'(x) = 4x^3 - 12x + 2$$

$$f''(x) = 12x^2 - 12 = 0$$

$$12(x^2 - 1) = 0$$

$$x = 1 \text{ or } x = -1$$

مشتقة ثانية  
 $f''(x) > 0$



Q3: - Find a function whose graph has the given asymptotes.

السؤال (3) اوجد الدالة التي يكون لتمثيلها البياني خطوط التقارب

$$y = -3, y = 3, x = -2, x = 2$$

رأسية  $x = 2, x = -2$

a)  $f(x) = \frac{3x}{\sqrt{(x-2)(x+2)}}$

b)  $f(x) = \frac{(x^2-9)}{\sqrt{(x-2)(x+2)}}$

c)  $f(x) = \frac{3x}{(x-2)(x+2)}$

d)  $f(x) = \frac{x^2-9}{(x-2)(x+2)}$

أفقيّة

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{3x}{\sqrt{(x-2)(x+2)}} = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{3x}{\sqrt{x^2}} = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{3x}{x} = 3$$

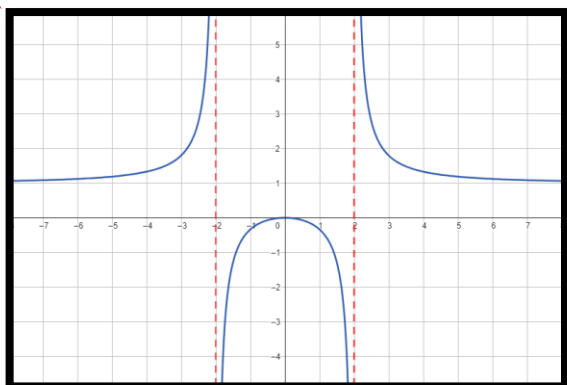
$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{3x}{\sqrt{(x-2)(x+2)}} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{3x}{\sqrt{x^2}} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{3x}{x} = -3$$

Q4: - Determine the graph of the function

خطوط التناوب الرأسية

$$\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^2}{x^2 - 4} = 1$$

a)

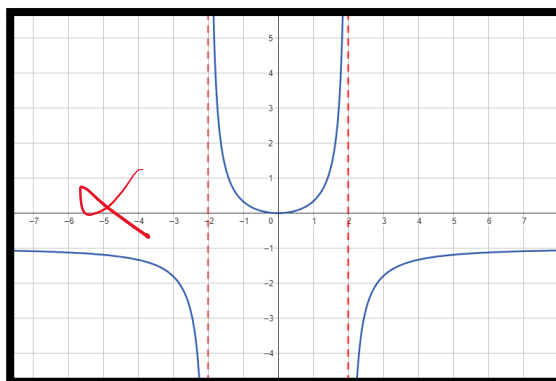


السؤال (4) حدد التمثيل البياني للدالة

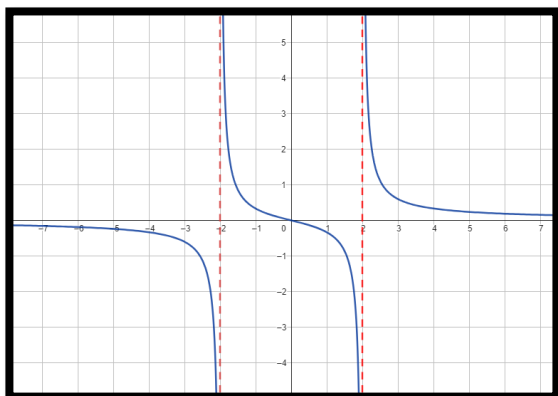
خطوط التناوب الرأسية

$$x = 2 \quad x = -2$$

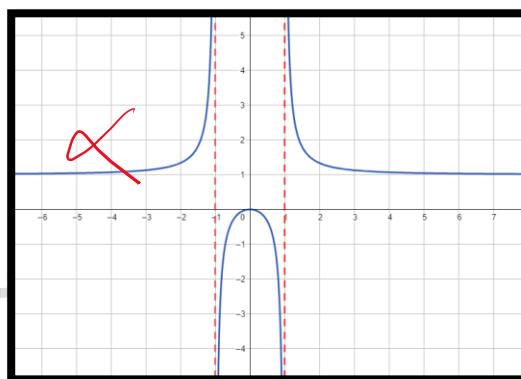
b)



c)



d)



Q5: - Suppose  $f$  is a polynomial function such that

السؤال (5) لتكن  $f$  دالة حدودية بحيث

$$f'(2) = 0, f''(2) = -5$$

a)  $f(2)$  is local maximum.

$$f'(2) = 0 \quad \text{نقطة صفرية}$$

b)  $f(2)$  is local minimum

$$f''(2) = -5 < 0$$

c)  $f(2)$  is absolute maximum.

d)  $f(2)$  is absolute minimum.

عظمى

Q6: -Find the  $x$  - **coordinate** of the local maximum of

السؤال (6) اوجد احداثيات  $x$  للقيمة العظمى المحلية للدالة

$$f(x) = x^2 e^{-x}$$

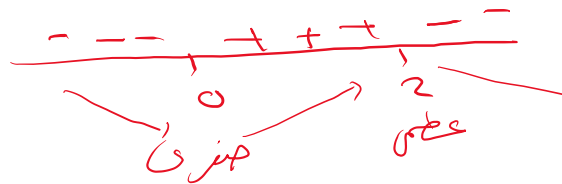
$$\begin{aligned} f'(x) &= 2x e^{-x} + x^2 (-e^{-x}) = 0 \\ &= 2x e^{-x} - x^2 e^{-x} = 0 \\ &= x e^{-x} (2 - x) = 0 \\ x &= 0 \text{ or } x = 2 \end{aligned}$$

a)  $x = -2$

b)  $x = -\frac{1}{2}$

c) 0

d) 2



Q7: -find all critical numbers of

السؤال (7) اوجد كل الاعداد الحرجة لـ

$$f(x) = x^3 - 3x^2 - 9x + 1$$

$$\begin{aligned} f'(x) &= 3x^2 - 6x - 9 = 0 \\ 3(x^2 - 2x - 3) &= 0 \\ 3(x - 3)(x + 1) &= 0 \\ x &= 3 \quad x = -1 \end{aligned}$$

a)  $x = -3, x = 0$

b)  $x = -9, x = 1$

c)  $x = -1, x = 1$

d)  $x = -1, x = 3$

Q8: -Find the intervals where the function  $g(x)$  is increasing

السؤال (8) اوجد الفترات التي تكون فيها الدالة  $g(x)$  متزايدة

$$g(x) = \frac{1}{3}x^3 + \frac{3}{2}x^2 - 70x + 5,$$

$$\begin{aligned} g'(x) &= x^2 + 3x - 70 = 0 \\ (x + 10)(x - 7) &= 0 \\ x &= -10 \text{ or } x = 7 \end{aligned}$$

a)  $(-\infty, -10) \cup (7, \infty)$

b)  $(-\infty, -7) \cup (10, \infty)$

c)  $(-\infty, 10)$

d)  $(-10, 7)$



Q9: -Find the intervals where the function  $f(x)$  is increasing

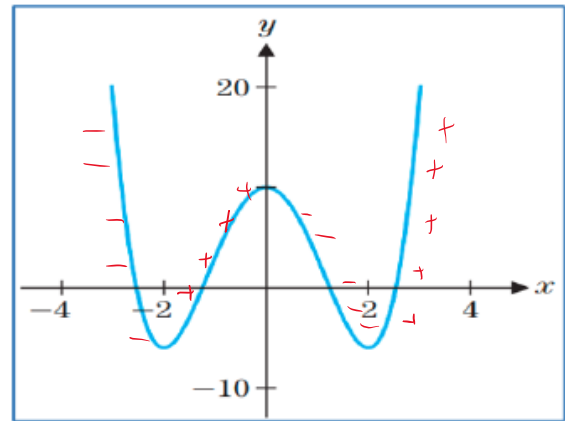
السؤال (10) اوجد الفترات التي تكون فيها الدالة  $f(x)$  متزايدة

a)  $(-\infty, -2) \cup (0, 2)$

b)  $(-2, 0) \cup (2, \infty)$

c)  $(-\infty, -2) \cup (2, \infty)$

d)  $(-2, 0) \cup (0, 2)$



Q10: -Find the absolute extrema of the function on the given interval

السؤال (10) اوجد القيم القصوى المطلقة للدالة على الفترة المعطاة

$$f(x) = x^3 - 12x + 10, [0, 3]$$

a)  $f(0) = 10, f(3) = 1$

b)  $f(0) = 10, f(2) = -6$

c)  $f(2) = -6, f(3) = 1$

d)  $f(0) = 10, f(2) = -6, f(3) = 1$

$$f'(x) = 3x^2 - 12 = 0$$

$$3(x^2 - 4) = 0 \Rightarrow x = 2 \text{ or } x = -2$$

$$f(0) = (0)^3 - 12(0) + 10 = 10$$

$$f(2) = (2)^3 - 12(2) + 10 = -6$$

$$f(3) = (3)^3 - 12(3) + 10 = 1$$

Q11: - If the graph of  $y = ax^3 - 6x^2 + bx + 13$  has a point of inflection at  $(2, -1)$ . What is the value of  $a$  and  $b$ ?

شاهد الفيديو

<https://youtu.be/U8q38GbvaCs?si=Zh40c9WPb3Ns7r2i>

$$f'(x) = 3ax^2 - 12x + b$$

$$f''(x) = 6ax - 12$$

$$f''(2) = 6a(2) - 12 = 0$$

$$12a = 12$$

$$a = 1$$

$$f(2) = a(2)^3 - 6(2)^2 + b(2) + 13 = -1$$

$$= 8 - 24 + 2b + 13 = -1$$

$$-3 + 2b = -1$$

$$2b = 2$$

$$b = 1$$

الأستاذ عماد عودة

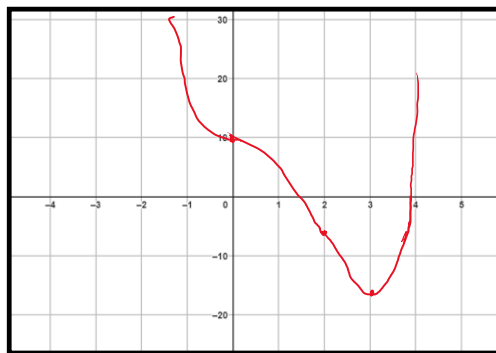
<https://t.me/+v1n4wuNV2B83NDA0>

<http://www.youtube.com/@imaths2022>

Q12: - Draw a graph of  $f(x)$  showing all significant features.

$$f(x) = x^4 - 4x^3 + 10$$

Domain	$(-\infty, \infty)$
y-intercepts x-intercepts (if you can)	Put $x=0 \Rightarrow y=10 \Rightarrow (0, 10)$ Put $y=0$ Not easy to find it
Vertical asymptotes Horizontal asymptotes	V.A none H.A none
Critical numbers, Increasing, decreasing. extrema	$f'(x) = 4x^3 - 12x^2 = 0$ $4x^2(x-3) = 0$ $x=0$ or $x=3$ النقطة الحرجة  $(3, f(3)) = (3, -17)$
Concavity Inflection points	$f''(x) = 12x^2 - 24x = 0$ $12x(x-2) = 0$ $x=0$ or $x=2$  $(0, f(0)) = (0, 10)$ $(2, f(2)) = (2, -6)$ نقطة انقلاب



انتتهت الأسئلة End of the test

الأستاذ عماد عودة