



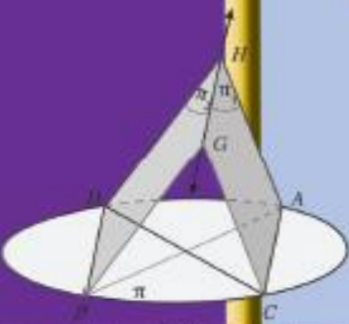
# الرياضيات

2023 - 2024

## كراسة التمارين

حلول موضوعي كراسة التمارين

الفصل الثاني



الطبعة الثانية

١١

الصفّ الحادي عشر علمي

الفصل الدراسي الثاني

## تمرين 1 - 7

### المجموعة B تمارين موضوعية

### الأعداد المركبة

في التمارين (1-4)، ظلّل (a) إذا كانت العبارة صحيحة و (b) إذا كانت العبارة خاطئة.

(1) الصورة الجبرية للعدد:  $3 + \sqrt{-4}$  هي:  $3 + 2i$

(2) مرافق العدد المركب:  $z = 3 + 4i$  هو:  $\bar{z} = -3 - 4i$

(3) المعكوس الجمعي للعدد المركب  $z = 3 - 2i$  هو:  $-z = 3 + 2i$

(4) الصورة المبسطة للتعبير:  $(12 + 5i) - (2 - i)$  هي:  $10 + 6i$

- |     |     |
|-----|-----|
| (a) | (b) |
| (a) | (b) |
| (a) | (b) |
| (a) | (b) |

في التمارين (5-14)، ظلّ رمز الدائرة الدّال على الإجابة الصحيحة.

(5) العدد:  $\sqrt{-225} + 32$  يكتب بالصورة الجبرية كما يلي:

- (a)  $-15 + 6i$  (b)  $6 + 15i$  (c)  $6 - 15i$  (d)  $32 + 15i$

(6) حل المعادلة:  $-10 - 6i = 2x + 3yi$  هو:

- (a)  $x = 5, y = -2$  (b)  $x = -5, y = -2$  (c)  $x = -5, y = 2$  (d)  $x = 5, y = 2$

(7) إذا كان  $z_1 = 5i + 2$ ،  $z_2 = -3 - i$  فإنّ  $\left(\frac{z_1}{z_2}\right)$  تساوي:

- (a)  $\frac{1}{10} + \frac{17}{10}i$  (b)  $\frac{-1}{10} - \frac{17}{10}i$  (c)  $\frac{-1}{10} + \frac{17}{10}i$  (d)  $\frac{1}{10} - \frac{17}{10}i$

(8) إذا كان:  $xi^2 + 3yi = 5 + 3i^5$  فإنّ  $(x, y)$  تساوي

- (a)  $(5, 1)$  (b)  $(-5, -1)$  (c)  $(5, -1)$  (d)  $(-5, 1)$

(9) أبسط صورة للتعبير:  $(3 + \sqrt{-4})(4 + \sqrt{-9})$  هي:

- (a)  $18 + 17i$  (b)  $18 + 3\sqrt{-9} + 4\sqrt{-4}$   
(c)  $6 + 17i$  (d)  $18$

(10) الصورة الجبرية للعدد المركب:  $z = (1 + 2i)^2$  هي:

- (a)  $z = -3 + 4i$  (b)  $z = 5 + 4i$  (c)  $z = -3$  (d)  $z = 5$

(11) الصورة الجبرية للعدد المركب:  $z = (2 - i)^3$  هي:

- (a)  $z = 14 + 13i$  (b)  $z = 14 - 13i$  (c)  $z = 2 - 11i$  (d)  $z = 2 - 13i$

(12) الصورة الجبرية للعدد المركب:  $z = \frac{i}{i+2}$  هي:

- (a)  $z = \frac{1}{5} + \frac{2}{5}i$  (b)  $z = -\frac{1}{5} - \frac{2}{5}i$   
(c)  $z = \frac{1}{3} + \frac{2}{3}i$  (d)  $z = -\frac{1}{3} + \frac{2}{3}i$

(13) إذا كان  $z = i$  فإنّ  $z^{250}$  يساوي:

- (a)  $-i$  (b)  $i$  (c)  $1$  (d)  $-1$

(14) ليكن  $x \in \mathbb{Z}^+$  فإنّ مجموعة قيم  $x$  التي تجعل العدد  $(5 + i^x)$  عددًا حقيقيًا هي:

- (a)  $\mathbb{Z}^+$  (b)  $\{0, 2, 4, 6, \dots\}$  (c)  $\{1, 3, 5, \dots\}$  (d)  $\{2, 4, 6, \dots\}$

## تمرين 2 - 7

### المجموعة B تمارين موضوعية

الإحداثيات القطبية والصورة المثلثية لعدد مركب

في التمارين (1-6)، ظلّل (a) إذا كانت العبارة صحيحة و (b) إذا كانت العبارة خاطئة.

- |     |     |                                                                                                              |
|-----|-----|--------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| (a) | (b) | (1) الإحداثيات الديكارتية للنقطة: $A(4, \frac{7\pi}{6})$ هي: $A(-2\sqrt{3}, 2)$                              |
| (a) | (b) | (2) الإحداثيات الديكارتية للنقطة: $B(\sqrt{2}, 135^\circ)$ هي: $B(-1, 1)$                                    |
| (a) | (b) | (3) الإحداثيات القطبية للنقطة: $M(\frac{-\sqrt{2}}{2}, \frac{-\sqrt{2}}{2})$ هي: $M(1, \frac{5\pi}{4})$      |
| (a) | (b) | (4) العدد المركب: $z = \sqrt{3} - i$ بصورة المثلثية هو: $z = 2(\cos \frac{\pi}{6} + i \sin \frac{\pi}{6})$   |
| (a) | (b) | (5) الصورة الجبرية للعدد المركب: $z = \sqrt{2}(\cos \frac{7\pi}{4} + i \sin \frac{7\pi}{4})$ هي: $z = 1 - i$ |
| (a) | (b) | (6) السعة الأساسية للعدد $z = \cos 30^\circ + i \cos 240^\circ$ هي $330^\circ$                               |

في التمارين (7-13)، ظلّل رمز الدائرة الدال على الإجابة الصحيحة.

- (7) الإحداثيات الديكارتية للنقطة:  $A(4, \frac{5\pi}{3})$  هي:
- |                       |                        |                         |                        |
|-----------------------|------------------------|-------------------------|------------------------|
| (a) $A(2, 2\sqrt{3})$ | (b) $A(-2, 2\sqrt{3})$ | (c) $A(-2, -2\sqrt{3})$ | (d) $A(2, -2\sqrt{3})$ |
|-----------------------|------------------------|-------------------------|------------------------|
- (8) الإحداثيات القطبية للنقطة:  $B(\frac{-\sqrt{2}}{2}, \frac{\sqrt{2}}{2})$  هي:
- |                            |                           |                            |                             |
|----------------------------|---------------------------|----------------------------|-----------------------------|
| (a) $B(1, \frac{-\pi}{4})$ | (b) $B(1, \frac{\pi}{4})$ | (c) $B(1, \frac{3\pi}{4})$ | (d) $B(1, \frac{-3\pi}{4})$ |
|----------------------------|---------------------------|----------------------------|-----------------------------|

(9) الصورة المثلثية للعدد المركب:  $z = 2 - 2\sqrt{3}i$  حيث  $\theta \in [0, 2\pi)$  هي:

(a)  $z = 4\left(\cos \frac{5\pi}{3} + i \sin \frac{5\pi}{3}\right)$

(b)  $z = 4\left(\cos \frac{\pi}{3} + i \sin \frac{\pi}{3}\right)$

(c)  $z = 4\left(\cos \frac{\pi}{6} + i \sin \frac{\pi}{6}\right)$

(d)  $z = 4\left(\cos \frac{2\pi}{3} + i \sin \frac{2\pi}{3}\right)$

(10) الصورة المثلثية للعدد المركب:  $z = \frac{-4}{1-i}$  حيث  $0 \leq \theta < 2\pi$  هي:

(a)  $z = 4\left(\cos \frac{5\pi}{4} + i \sin \frac{5\pi}{4}\right)$

(b)  $z = 2\sqrt{2}\left(\cos \frac{5\pi}{4} + i \sin \frac{5\pi}{4}\right)$

(c)  $z = 2\sqrt{2}\left(\cos \frac{3\pi}{4} + i \sin \frac{3\pi}{4}\right)$

(d)  $z = 2\sqrt{2}\left(\cos \frac{7\pi}{4} + i \sin \frac{7\pi}{4}\right)$

(11) الصورة الجبرية للعدد المركب:  $z = 3\left(\cos \frac{2\pi}{3} - i \sin \frac{2\pi}{3}\right)$  حيث  $0 \leq \theta < 2\pi$  هي:

(a)  $z = -\frac{3\sqrt{3}}{2} - \frac{3}{2}i$

(b)  $z = -\frac{3}{2} - \frac{3\sqrt{3}}{2}i$

(c)  $z = -\frac{3}{2} + \frac{3\sqrt{3}}{2}i$

(d)  $z = \frac{3}{2} + \frac{3\sqrt{3}}{2}i$

(12)  $\forall n \in \mathbb{Z}^+$  فإن قيمة  $(i^{2n+2} + i^{2n+8})$  تساوي:

(a) 1

(b) 0

(c) -1

(d)  $i^{-2n}$

(13)  $(6 - 2i + 3i^5)^2$  تساوي:

(a)  $35 - 12i$

(b)  $35 + 12i$

(c)  $81 - 12i$

(d)  $81 + 12i$

## تمرين 3 - 7

### حل معادلات

### المجموعة B تمارين موضوعية

في التمارين (1-6)، ظلّل (a) إذا كانت العبارة صحيحة و (b) إذا كانت العبارة خاطئة.

(1) حل المعادلة:  $\bar{z} + 2 = 5 - i$  هو:  $z = 3 + i$  (a) (b)

(2) حل المعادلة:  $2\bar{z} + \bar{z} - 3 - 5i = 0$  هو:  $z = 1 - 5i$  (a) (b)

(3) مجموعة حل المعادلة:  $z^2 - 4z + 5 = 0$  هي:  $\{-2 - i, 2 + i\}$  (a) (b)

(4) الجذران التربيعيان للعدد  $-1$  هما:  $1, -1$  (a) (b)

(5) الجذران التربيعيان للعدد المركب:  $z = 16 + 30i$  هما:  $z_1 = 5 + 3i, z_2 = -5 - 3i$  (a) (b)

(6) إذا كان  $z_1, z_2$  جذران تربيعيان للعدد  $z$  فإن  $z_1 + z_2 = 0$  (a) (b)

في التمارين (7-10)، ظلّل رمز الدائرة الدال على الإجابة الصحيحة.

(7) حل المعادلة:  $2\bar{z} - 5 + 6i = -3\bar{z}$  هو:

(a)  $z = 1 + 6i$  (b)  $z = -1 + 6i$  (c)  $z = 1 - 6i$  (d)  $z = -1 - 6i$

(8) مجموعة حل المعادلة:  $z^2 - 4z + 20 = 0$  هي:

(a)  $\{2 - 4i, -2 - 4i\}$  (b)  $\{-2 + 4i, -2 - 4i\}$

(c)  $\{2 - 4i, -2 + 4i\}$  (d)  $\{2 - 4i, 2 + 4i\}$

(9) الجذران التربيعيان للعدد المركب:  $z = 33 - 56i$  هما:

(a)  $\begin{cases} z_1 = -7 - 4i \\ z_2 = 7 + 4i \end{cases}$  (b)  $\begin{cases} z_1 = 7 - 4i \\ z_2 = -7 + 4i \end{cases}$

(c)  $\begin{cases} z_1 = 7 + 4i \\ z_2 = 7 - 4i \end{cases}$  (d)  $\begin{cases} z_1 = -7 - 4i \\ z_2 = -7 + 4i \end{cases}$

(10) حل المعادلة  $(3 - 4i)z = 5 - 2i$  هو:

(a)  $\frac{5}{3} + \frac{1}{2}i$  (b)  $\frac{5}{3} - \frac{1}{2}i$  (c)  $\frac{23}{25} + \frac{14}{25}i$  (d)  $\frac{23}{25} - \frac{14}{25}i$

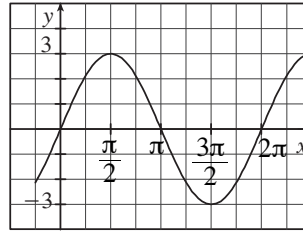
في التمارين (1-7)، ظلّل (a) إذا كانت العبارة صحيحة و (b) إذا كانت العبارة خاطئة.

- (1) معادلة الدالة المثلثية  $y = a \sin(b\theta)$  حيث السعة 5 والدورة  $3\pi$  هي  $y = 5 \sin\left(\frac{2}{3}\theta\right)$  (a) (b)
- (2) الدالة التي دورتها  $\frac{\pi}{2}$  وسعتها 3 يمكن أن تكون  $y = 3 \sin\left(\frac{\pi\theta}{2}\right)$  (a) (b)
- (3) الدالة  $y = 3 \tan\left(\frac{3}{4}x\right)$  دورتها  $\frac{4}{3}\pi$  (a) (b)
- (4) الدالة التي دورتها  $\frac{\pi}{3}$  وسعتها 4 يمكن أن تكون  $y = -4 \cos(6x)$  (a) (b)
- (5) سعة الدالة  $y = -5 \cos 2x$  هي -5 (a) (b)
- (6) في الدالة  $f$  حيث  $f(x) = a \cos bx$  يكون:  $2|a| = \max f + \min f$  (a) (b)
- (7) الدالتان  $f, g$  حيث  $f(x) = \cos 8x$ ،  $g(x) = \tan 4x$  لهما نفس الدورة. (a) (b)

في التمارين (8-17)، ظلّل رمز الدائرة الدالّ على الإجابة الصحيحة.

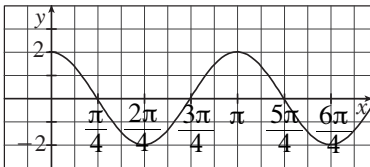
(8) البيان التالي يمثل بيان الدالة:

- (a)  $f(x) = 3 \cos x$  (b)  $f(x) = 3 \sin x$
- (c)  $f(x) = -3 \sin x$  (d)  $f(x) = \sin 3x$



(9) لتكن  $f(x) = 3 \tan 2x$  فإن:

- (a) السعة = 1 (b) السعة = 2 (c) السعة = 3 (d) ليس لها سعة



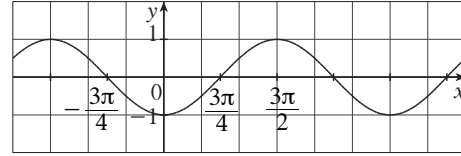
(10) ليكن بيان  $f$  كما في الشكل التالي:

فإن  $f$  يمكن أن تكون:

- (a)  $2 \cos 2x$  (b)  $\cos 2x$  (c)  $\cos \frac{x}{2}$  (d)  $\sin 2x$

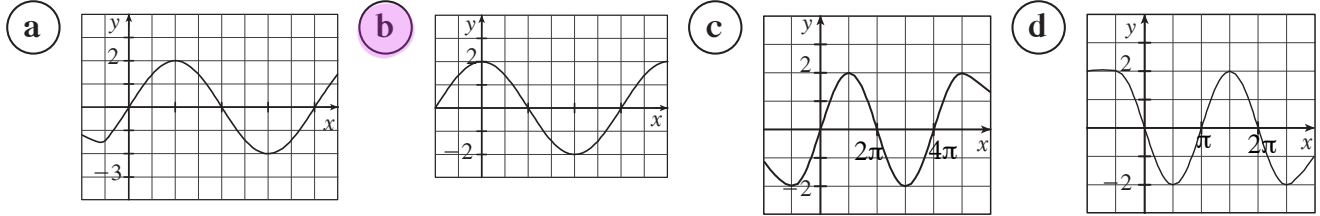


(11) ليكن  $g$  دالة دورية بيانها كما في الشكل التالي فإن الدورة تساوي:



- (a)  $\pi$  (b)  $2\pi$  (c)  $3\pi$  (d)  $\frac{6\pi}{4}$

(12) لتكن الدالة  $g$  حيث:  $g(x) = a \sin bx$  فإن بيان  $g$  لا يمكن أن يكون:



(13) معادلة الدالة المثلثية  $y = a \cos(bx)$  حيث السعة 4 والدورة 6 يمكن أن تكون:

- (a)  $y = \frac{1}{4} \cos\left(\frac{x}{3}\right)$  (b)  $y = -4 \cos\left(\frac{\pi}{3}x\right)$   
(c)  $y = -4 \cos\left(\frac{3}{\pi}x\right)$  (d)  $y = 4 \cos\left(\frac{x}{3}\right)$

(14) الدالة  $y = a \cos(bx)$  حيث  $a = 2$  ودورتها  $\frac{\pi}{4}$  يمكن أن تكون:

- (a)  $y = 2 \cos\left(\frac{\pi}{4}x\right)$  (b)  $y = 8 \cos(8x)$   
(c)  $y = 2 \cos(8x)$  (d)  $y = 8 \cos\left(\frac{x}{4}\right)$

(15) معادلة الدالة المثلثية  $y = a \sin(bx)$  حيث السعة 3 والدورة  $\frac{\pi}{2}$  يمكن أن تكون:

- (a)  $y = 3 \sin\left(\frac{\pi}{2}x\right)$  أو  $y = -3 \sin\left(\frac{\pi}{2}x\right)$  (b)  $y = 3 \sin\left(\frac{2}{\pi}x\right)$  أو  $y = -3 \sin\left(\frac{2}{\pi}x\right)$   
(c)  $y = 3 \sin\left(\frac{\pi}{4}x\right)$  أو  $y = -3 \sin\left(\frac{\pi}{4}x\right)$  (d)  $y = 3 \sin(4x)$  أو  $y = -3 \sin(4x)$

(16) معادلة الدالة المثلثية  $y = \tan(bx)$  حيث الدورة  $\frac{3}{4}$  يمكن أن تكون:

- (a)  $y = \tan\left(\frac{4}{3}\pi x\right)$  (b)  $y = \tan\left(\frac{3}{4}x\right)$   
(c)  $y = \tan\left(\frac{4}{3}x\right)$  (d)  $y = \tan\left(\frac{3}{4}\pi x\right)$

(17) في الدالة المثلثية  $y = -2 \sin\left(\frac{3}{5}x\right)$  السعة والدورة هما:

- (a)  $-2, \frac{3\pi}{5}$  (b)  $2, \frac{10\pi}{3}$   
(c)  $2, \frac{3\pi}{5}$  (d)  $2, \frac{2\pi}{15}$



## قانون الجيب

## المجموعة B تمارين موضوعية

## تمرين 3 - 8

في التمارين (1-3)، ظلّل (a) إذا كانت العبارة صحيحة و (b) إذا كانت العبارة خاطئة.

- (1) في المثلث  $ABC$ :  $m(\widehat{A}) = 100^\circ$ ,  $m(\widehat{B}) = 30^\circ$ ,  $BC = 20$  cm, فإنّ  $AC = 10.154$  cm. (a) (b)
- (2) في المثلث  $ABC$ :  $m(\widehat{B}) = 80^\circ$ ,  $AB = 12$  cm,  $AC = 16$  cm, فإنّ  $m(\widehat{C}) = 50^\circ$ . (a) (b)
- (3) في كل مثلث  $ABC$  يكون:  $\frac{a}{\sin \alpha} = \frac{b}{\sin \beta} = \frac{\sin \gamma}{c}$ . (a) (b)

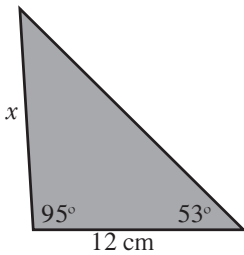
في التمارين (4-9)، ظلّل رمز الدائرة الدالّ على الإجابة الصحيحة.

(4) في المثلث  $ABC$ :  $m(\widehat{A}) = 80^\circ$ ,  $m(\widehat{B}) = 40^\circ$ ,  $AC = 10$  cm, فإنّ طولَي  $\overline{AB}$ ,  $\overline{BC}$  يساويان:

- (a) 7.43 cm, 15.32 cm (b) 6.53 cm, 13.47 cm
- (c) 13.47 cm, 15.32 cm (d) 7.43 cm, 6.53 cm

(5) في المثلث المقابل،  $x$  تساوي حوالى:

- (a) 8.6 cm (b) 15 cm
- (c) 18.1 cm (d) 19.2 cm

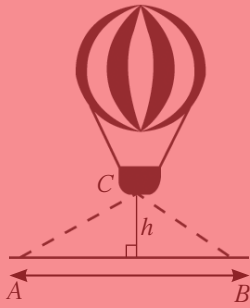


(6) مثلث قياسات زواياه:  $50^\circ, 60^\circ, 70^\circ$ ، طول أصغر ضلع فيه هو 9 cm  
طول أطول ضلع حوالى:

- (a) 11 cm      (b) 11.5 cm      (c) 12 cm      (d) 12.5 cm

(7) القياسات المعطاة في المثلث  $ABC$ :  $m(\widehat{A}) = 56^\circ$ ،  $AB = 19$  cm،  $AC = 23$  cm، طول  $\overline{BC}$  يساوي:

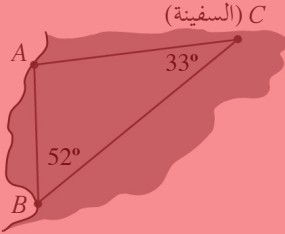
- (a) 12 cm      (b) 18 cm  
(c) 19 cm      (d) لا يمكن استخدام قانون الجيب



(8) رأى شخصان، أحدهما يقف عند النقطة  $A$  والثاني عند النقطة  $B$ ، منطاداً، حيث المسافة بينهما 3 km. إذا كان قياس زاوية الارتفاع عند النقطة  $A$  هي  $28^\circ$  وقياس زاوية الارتفاع عند النقطة  $B$  هي  $37^\circ$ ، فإن ارتفاع المنطاد عن سطح الأرض هو:

- (a)  $h \approx 1200$  m      (b)  $h \approx 2500$  m  
(c)  $h \approx 940$  m      (d)  $h \approx 880$  m

(9) تقع منارتان  $A$ ،  $B$  على خط واحد من الشمال إلى الجنوب وتساوي المسافة بينهما 20 km،



إذا كان قائد السفينة موجود في الموقع  $C$  بحيث إن  $m(\widehat{ACB}) = 33^\circ$  وعامل الراديو موجود في الموقع  $B$  بحيث إن:  $m(\widehat{ABC}) = 52^\circ$ ، فإن المسافة بين السفينة وكل من المنارتين تساوي:

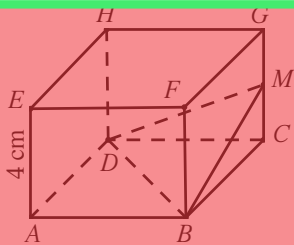
- (a)  $AC \approx 13.8$  km،  $BC \approx 10.9$  km      (b)  $AC \approx 32.6$  km،  $BC \approx 36.6$  km  
(c)  $AC \approx 28.9$  km،  $BC \approx 10.9$  km      (d)  $AC \approx 28.9$  km،  $BC \approx 36.6$  km

في التمارين (1-4)، ظلّل (a) إذا كانت العبارة صحيحة و (b) إذا كانت العبارة خاطئة.

- (1) في المثلث  $ABC$ :  $AB = 24$  cm ,  $AC = 19$  cm ,  $BC = 27$  cm , فإنّ:  $m(\widehat{A}) \approx 76.82^\circ$  (a) (b)
- (2) في المثلث  $ABC$ :  $m(\widehat{A}) = 60^\circ$  ,  $AB = 20$  cm ,  $BC = 44$  cm , فإنّ:  $AC \approx 50.5$  cm (a) (b)
- (3) في المثلث  $ABC$ :  $b^2 + c^2 < 2bc \cos A$  (a) (b)
- (4) إذا كانت أطوال أضلاع مثلث تساوي 5 cm , 8 cm , 12 cm فإن قياس الزاوية الكبرى في هذا المثلث يساوي حوالي  $133.4^\circ$  (a) (b)

في التمارين (5-10)، ظلّل رمز الدائرة الدال على الإجابة الصحيحة.

- (5) في المثلث  $ABC$ :  $m(\widehat{C}) = 60^\circ$  ,  $AC = 10$  cm ,  $BC = 20$  cm فإن طول  $\overline{AB}$  يساوي: (a)  $AB = 10\sqrt{7}$  cm (b)  $AB = 10\sqrt{3}$  cm (c)  $AB = 12.4$  cm (d)  $AB = 29$  cm
- (6) في المثلث  $ABC$ :  $m(\widehat{A}) = 120^\circ$  ,  $AB = 30$  cm ,  $AC = 40$  cm فإن طول  $\overline{BC}$  يساوي: (a)  $BC \approx 60.8$  cm (b)  $BC \approx 36$  cm (c)  $BC \approx 68$  cm (d)  $BC \approx 21$  cm
- (7) إذا كان  $AB = 12$  cm ,  $AC = 17$  cm ,  $BC = 25$  cm فإن قياس الزاوية الكبرى في المثلث  $ABC$  يساوي حوالي: (a)  $118^\circ$  (b)  $110^\circ$  (c)  $125^\circ$  (d)  $100^\circ$

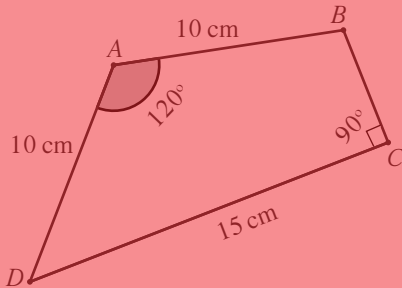


(8) مكعب  $ABCDEFGH$  طول ضلعه 4 cm، النقطة  $M$  منتصف الضلع  $\overline{GC}$

فإن: قياس الزاوية  $(\widehat{DMB})$  يساوي:

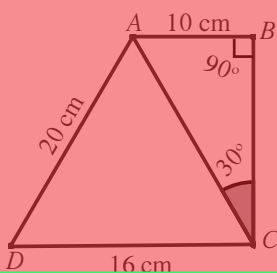
- (a)  $78.46^\circ$  (b)  $86.82^\circ$  (c)  $11.54^\circ$  (d)  $3.2^\circ$

(9) في الشكل الرباعي  $ABCD$  طول  $\overline{BC}$  هو:



- (a) 12.16 cm (b) 8.66 cm  
(c) 11.5 cm (d) 13.7 cm

(10) في الشكل الرباعي  $ABCD$ ، قياس الزاوية  $(\widehat{BAD})$  يساوي تقريباً:



- (a)  $110^\circ$  (b)  $104^\circ$   
(c)  $107^\circ$  (d)  $120^\circ$

## مساحة المثلث

## Area of Triangle

### المجموعة B تمارين موضوعية

في التمارين (1-6)، ظلّل (a) إذا كانت العبارة صحيحة و (b) إذا كانت العبارة خاطئة.

- |     |     |                                                                                                                                            |
|-----|-----|--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| (a) | (b) | (1) إذا عرفت أطوال أضلاع مثلث فيمكن استخدام قاعدة هيرون لإيجاد مساحته.                                                                     |
| (a) | (b) | (2) لا يمكن إيجاد مساحة مثلث بمعلومية قياسات زواياه الثلاثة.                                                                               |
| (a) | (b) | (3) لا يمكن استخدام قاعدة هيرون إذا كان المثلث قائم الزاوية.                                                                               |
| (a) | (b) | (4) إن معرفة قياس إحدى زوايا مثلث هو شرط ضروري لإيجاد مساحته.                                                                              |
| (a) | (b) | (5) إذا كان $a, b$ طولاً ضلعين متتاليين في متوازي أضلاع و $\theta$ قياس الزاوية بينهما فإن مساحة متوازي الأضلاع تساوي $ab \sin \theta$     |
| (a) | (b) | (6) في المثلث $ABC$ : $AC = 9 \text{ cm}$ , $AB = 7 \text{ cm}$ , $BC = 5 \text{ cm}$ فإن مساحة المثلث $ABC$ تساوي حوالي $15 \text{ cm}^2$ |

في التمارين (7-10)، ظلّل رمز الدائرة الدّال على الإجابة الصحيحة.

(7) إذا كان:  $m(\widehat{C}) = 40^\circ$  ,  $b = 3 \text{ cm}$  ,  $a = 2 \text{ cm}$  فإن مساحة المثلث  $ABC$  تساوي حوالى:

- (a)  $4.6 \text{ cm}^2$  (b)  $3.86 \text{ cm}^2$   
(c)  $1.93 \text{ cm}^2$  (d)  $2.3 \text{ cm}^2$

(8) مساحة المثلث الذي أطوال أضلاعه  $9 \text{ cm}$  ,  $8 \text{ cm}$  ,  $7 \text{ cm}$  هي:

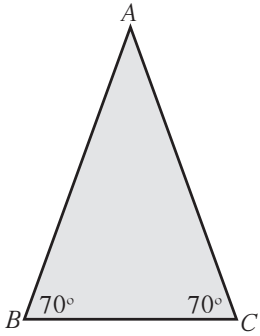
- (a)  $6\sqrt{15} \text{ cm}^2$  (b)  $12\sqrt{5} \text{ cm}^2$   
(c)  $16\sqrt{3} \text{ cm}^2$  (d)  $18\sqrt{3} \text{ cm}^2$

(9) مساحة مثلث متطابق الأضلاع طول ضلعه  $a$  هي:

- (a)  $\frac{a^2\sqrt{3}}{4} \text{ units}^2$  (b)  $a^2 \text{ units}^2$   
(c)  $\frac{1}{2} a^2 \text{ units}^2$  (d)  $\frac{a^2\sqrt{3}}{2} \text{ units}^2$

(10) إذا كانت مساحة المثلث  $ABC$  تساوي حوالى  $8 \text{ cm}^2$  فإن طول  $\overline{AB}$  هو حوالى:

- (a)  $5 \text{ cm}$  (b)  $8 \text{ cm}$   
(c)  $4 \text{ cm}$  (d)  $6 \text{ cm}$



## إثبات صحة متطابقات مثلثية

### Confirming Trigonometric Identities

#### المجموعة B تمارين موضوعية

في التمارين (1-4)، ظلّل (a) إذا كانت العبارة صحيحة و (b) إذا كانت العبارة خاطئة.

(a)

(b)

(1)  $3 \sin x = \sin(3x)$  تمثل متطابقة.

(a)

(b)

(2)  $\cos 2x = \sin^2 x - \cos^2 x$  تمثل متطابقة.

(a)

(b)

(3)  $\sec x - \cos x = \tan x \sin x$  تمثل متطابقة.

(a)

(b)

(4) الصورة المبسطة للمقدار:  $\sqrt{\frac{\csc x}{\sin^3 x} - \frac{\cot x}{\sin^3 x}}$  هي:  $\frac{\sqrt{1 - \cos x}}{\sin x}$

في التمارين (5-10)، ظلل رمز الدائرة الدال على الإجابة الصحيحة.

(5) المقدار:  $\frac{\sec^2 x - 1}{\sin x}$  متطابق مع المقدار:

(a)

$\sin x \tan x$

(b)

$\sin x \sec^2 x$

(c)

$\cos x \sec^2 x$

(d)

$\sin x \csc x$

(6) المقدار:  $(\cos x + \sin x)^2 - (\cos x - \sin x)^2$  متطابق مع المقدار:

(a)

$-4 \sin x \cos x$

(b)

2

(c)

-2

(d)

$4 \sin x \cos x$

(7) المقدار:  $\frac{1}{\tan x} + \tan x$  متطابق مع المقدار:

(a)

$\sec x \csc x$

(b)

$\sec x \sin x$

(c)

$\sec x \cos x$

(d)

$\sin x \cos x$

(8) المقدار:  $\tan^2 x - \sin^2 x$  متطابق مع المقدار:

(a)

$\tan^2 x$

(b)

$\cot^2 x$

(c)

$\tan^2 x \sin^2 x$

(d)

$\cot^2 x \cos^2 x$

(9) المقدار:  $\frac{\sin x}{\csc x} + \frac{\cos x}{\sec x} + 1$  متطابق مع المقدار:

(a)

1

(b)

-1

(c)

2

(d)

-2

(10) المقدار:  $\frac{\cos^2 x - 1}{\cos x}$  متطابق مع المقدار:

(a)

$-\tan x \sin x$

(b)

$-\tan x$

(c)

$\tan x \sin x$

(d)

$\tan x$

## حل معادلات مثلثية

### Solving Trigonometric Equations

#### المجموعة B تمارين موضوعية

في التمارين (1-5)، ظلّل (a) إذا كانت العبارة صحيحة و (b) إذا كانت العبارة خاطئة.

- |     |     |                                                                                                                         |
|-----|-----|-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| (a) | (b) | (1) حل المعادلة $\sin x = \frac{1}{2}$ هو: $x = \frac{\pi}{6} + 2k\pi$ ، حيث $k$ عدد صحيح.                              |
| (a) | (b) | (2) حل المعادلة $\cos x = \sqrt{2}$ هو: $x = \frac{\pi}{4} + 2k\pi$ أو $x = -\frac{\pi}{4} + 2k\pi$ ، حيث $k$ عدد صحيح. |
| (a) | (b) | (3) حل المعادلة $\tan x = -\sqrt{3}$ هو: $x = +\frac{5\pi}{6} + k\pi$ ، حيث $k$ عدد صحيح.                               |
| (a) | (b) | (4) حلول المعادلة $\sin x \tan^2 x = \sin x$ على الفترة $(0, \pi)$ هي: $\frac{\pi}{4}$ و $\frac{3\pi}{4}$ .             |
| (a) | (b) | (5) حلول المعادلة $2 \sin^2 x = 1$ على الفترة $[0, 2\pi)$ هي: $\frac{\pi}{4}$ و $\frac{5\pi}{4}$ .                      |



في التمارين (6-11)، ظلّل رمز الدائرة الدّال على الإجابة الصحيحة.

(6) إذا كان  $\sin x + \cos x = 0$  فإن  $x$  تقع في الربع:

- (a) الأول (b) الأول أو الثالث  
(c) الثالث (d) الثاني أو الرابع

(7) حلول المعادلة:  $2 \sin^2 x + 3 \sin x + 1 = 0$  على الفترة  $[0, 2\pi)$  هي:

- (a)  $-\frac{\pi}{6}, \frac{7\pi}{6}, \frac{3\pi}{2}$  (b)  $\frac{4\pi}{3}, \frac{3\pi}{2}, \frac{5\pi}{3}$   
(c)  $\frac{3\pi}{2}, \frac{11\pi}{6}$  (d)  $\frac{7\pi}{6}, \frac{3\pi}{2}, \frac{11\pi}{6}$

(8) حلول المعادلة:  $2\sqrt{2} \sin x \cos x - \sqrt{2} \cos x - 2 \sin x = -1$  على الفترة  $[0, 2\pi)$  هي:

- (a)  $\frac{\pi}{6}, \frac{\pi}{4}$  (b)  $\frac{\pi}{6}, \frac{\pi}{4}, \frac{5\pi}{6}, \frac{7\pi}{4}$   
(c)  $\frac{\pi}{6}, \frac{3\pi}{4}, \frac{5\pi}{6}, \frac{5\pi}{4}$  (d)  $\frac{\pi}{4}, \frac{\pi}{3}, \frac{4\pi}{3}, \frac{7\pi}{4}$

(9) عدد حلول المعادلة:  $2 \cos 4x = 1$  حيث  $x \in [0, \frac{\pi}{8})$  هو:

- (a) 0 (b) 1  
(c) 2 (d) 3

(10) حلول المعادلة:  $3 \tan 2y = \sqrt{3}$  هي:

- (a)  $\frac{\pi}{6} + k\pi$  حيث  $k$  عدد صحيح.  
(b)  $\frac{\pi}{12} + 2k\pi$  حيث  $k$  عدد صحيح.  
(c)  $\frac{\pi}{12} + \frac{k\pi}{2}$  حيث  $k$  عدد صحيح.  
(d)  $\frac{\pi}{6} + 2k\pi, \frac{7\pi}{6} + 2k\pi$  حيث  $k$  عدد صحيح.

(11) مجموعة حل المعادلة  $3 \tan(3x) = \sqrt{3}$  على الفترة  $(-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2})$  هي:

- (a)  $\{\frac{\pi}{18}, \frac{7\pi}{18}, \frac{13\pi}{18}\}$   
(b)  $\{\frac{\pi}{18}, \frac{7\pi}{18}\}$   
(c)  $\{\frac{-5\pi}{18}, \frac{\pi}{18}\}$   
(d)  $\{\frac{-5\pi}{18}, \frac{\pi}{18}, \frac{7\pi}{18}\}$

## متطابقات المجموع والفرق

### Sum and Difference Identities

#### المجموعة B تمارين موضوعية

في التمارين (1-4)، ظلّل (a) إذا كانت العبارة صحيحة و (b) إذا كانت العبارة خاطئة.

(a) (b)

(a) (b)

(3)  $\cos(h + \frac{\pi}{2}) = -\cos h$

(4)  $\tan^2 \frac{\pi}{12} + \tan^2 \frac{5\pi}{12} = 14$

(1)  $\sin 75^\circ = \frac{\sqrt{6} + \sqrt{2}}{4}$

(2)  $\cos \frac{\pi}{12} = \frac{\sqrt{6} - \sqrt{2}}{4}$

(a) (b)

(a) (b)

في التمارين (5-11)، ظلّل رمز الدائرة الدّال على الإجابة الصحيحة.

(5)  $\tan \frac{7\pi}{12}$  تساوي:

(a)  $\frac{\sqrt{2} - \sqrt{6}}{\sqrt{2} + \sqrt{6}}$

(b)  $\sqrt{2} + \sqrt{6}$

(c)  $2 + \sqrt{3}$

(d)  $-2 - \sqrt{3}$

(6)  $\sin\left(x + \frac{\pi}{6}\right)$  تساوي:

(a)  $\frac{1}{2} \sin x + \frac{\sqrt{3}}{2} \cos x$

(b)  $\frac{1}{2}(\sin x + \cos x)$

(c)  $\frac{\sqrt{3}}{2} \sin x + \frac{1}{2} \cos x$

(d)  $\frac{\sqrt{3}}{2} \sin x - \frac{1}{2} \cos x$

(7)  $\tan\left(h + \frac{\pi}{4}\right)$  تساوي:

(a)  $1 + \tan h$

(b)  $\frac{1 - \tan h}{1 + \tan h}$

(c)  $\frac{1 + \tan h}{1 - \tan h}$

(d)  $1 - \tan h$

(8)  $\cos\left(x - \frac{\pi}{4}\right)$  تساوي:

(a)  $\frac{\sqrt{2}}{2}(\cos x - \sin x)$

(b)  $\sqrt{2}(\cos x + \sin x)$

(c)  $\frac{\sqrt{3}}{2}(\cos x + \sin x)$

(d)  $\frac{\sqrt{2}}{2}(\cos x + \sin x)$

(9)  $\cos 94^\circ \cos 18^\circ + \sin 94^\circ \sin 18^\circ$  تساوي:

(a)  $\cos 112^\circ$

(b)  $\cos 76^\circ$

(c)  $\sin 112^\circ$

(d)  $\sin 76^\circ$

(10)  $\sin \frac{\pi}{3} \cos \frac{\pi}{7} - \sin \frac{\pi}{7} \cos \frac{\pi}{3}$  تساوي:

(a)  $\cos \frac{4\pi}{21}$

(b)  $\sin \frac{4\pi}{21}$

(c)  $\cos \frac{10\pi}{21}$

(d)  $\sin \frac{10\pi}{21}$

(11)  $\frac{\tan \frac{\pi}{5} - \tan \frac{\pi}{3}}{1 + \tan \frac{\pi}{5} \tan \frac{\pi}{3}}$  تساوي:

(a)  $\tan \frac{2\pi}{15}$

(b)  $\tan \frac{8\pi}{15}$

(c)  $\tan\left(\frac{-8\pi}{15}\right)$

(d)  $\tan\left(\frac{-2\pi}{15}\right)$

في التمارين (1-5)، ظلّل (a) إذا كانت العبارة صحيحة و (b) إذا كانت العبارة خاطئة.

(1)  $\sin 4x = 2 \sin 2x \cos 2x$

(a) (b)

(2)  $\sin 4x = -4 \cos x \sin^3 x + 4 \cos^3 x \sin x$

(a) (b)

(3)  $\sin^2 \frac{x}{2} = \frac{1 - \cos x}{2}$

(a) (b)

(4)  $\cos 6x = 2 \cos^2 3x - 1$

(a) (b)

(5)  $\cos x = 2 \cos^2 \frac{x}{2} - 1$

(a) (b)

في التمارين (6-8)، ظلّل رمز الدائرة الدال على الإجابة الصحيحة.

(6)  $2 \cos^2 \frac{x}{2}$  تساوي:

(a)  $\frac{1 + \cos x}{2}$

(b)  $1 + \cos x$

(c)  $1 + \cos 2x$

(d)  $\frac{1 - \cos 2x}{2}$

(7)  $\cos \frac{\pi}{8}$  تساوي:

(a)  $\frac{2 + \sqrt{2}}{2}$

(b)  $\sqrt{2} - 1$

(c)  $\frac{\sqrt{2 + \sqrt{2}}}{2}$

(d)  $\sqrt{\frac{2 - \sqrt{2}}{2}}$

(8) إذا كان:  $\cos \theta = \frac{-7}{25}$ ,  $\pi < \theta < \frac{3\pi}{2}$  فإن  $\cos \frac{\theta}{2}$  يساوي:

(a)  $\frac{2}{5}$

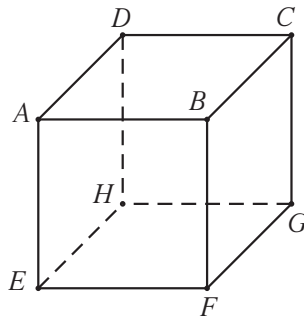
(b)  $\frac{-2}{5}$

(c)  $\frac{-3}{5}$

(d)  $\frac{3}{5}$



في التمارين (1-5)، ظلّل (a) إذا كانت العبارة صحيحة و (b) إذا كانت العبارة خاطئة.  
 $ABCDEFGH$  مكعب.

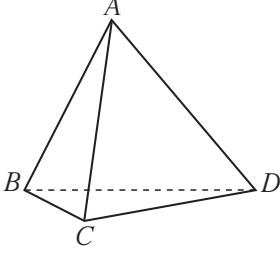


- |     |     |
|-----|-----|
| (a) | (b) |
| (a) | (b) |
| (a) | (b) |
| (a) | (b) |
| (a) | (b) |

- (1) المستقيمان  $AB$ ,  $HG$  يعينان مستويًا.
- (2) النقاط  $B$ ,  $D$ ,  $H$ ,  $F$  تعيّن مستويًا.
- (3) النقاط  $A$ ,  $B$ ,  $G$ ,  $C$  تعيّن مستويًا.
- (4) المستقيمان  $GC$ ,  $EF$  يعينان مستويًا.
- (5) المستقيمان  $BC$ ,  $AB$  يعينان مستويًا.

في التمرينين (6-7)، ظلّ رمز الدائرة الدّال على الإجابة الصحيحة.

(6) النقاط  $B, C, D$  تعيّن:



(b) مستويين مختلفين

(a) مستويًا واحدًا

(d) لا يمكن أن تعيّن مستويًا

(c) عدد لا منته من المستويات المختلفة

(7) أوجه منشور قائم خماسي القاعدة يعيّن:

(b) ستة مستويات مختلفة

(a) خمسة مستويات مختلفة

(d) ثمانية مستويات مختلفة

(c) سبعة مستويات مختلفة

## تمرين 2 - 10

### المجموعة B تمارين موضوعية

المستقيمت والمستويات المتوازية في الفضاء

في التمارين (1-5)، ظلّل (a) إذا كانت العبارة صحيحة و (b) إذا كانت العبارة خاطئة.

(a) (b)

(1) يكون المستويان متوازيين إذا اشتركا في نقطة واحدة على الأقل.

(a) (b)

(2) إذا وازى مستقيم مستويًا فإنهما لا يشتركان في أي نقطة من نقاطهما.

(a) (b)

(3) إذا وازى مستقيم  $l$  مستوي  $\pi$  فإن  $\vec{l}$  يوازي مستقيمًا وحيدًا في  $\pi$

(a) (b)

(4) إذا كان:  $\vec{m} // \pi$ ,  $\vec{l} // \pi$  فإن  $\vec{l} // \vec{m}$

(a) (b)

(5) إذا توازى مستقيمان ومرّ بهما مستويان متقاطعان فإن تقاطعهما

هو مستقيم يوازي كلًّا من هذين المستقيمين.

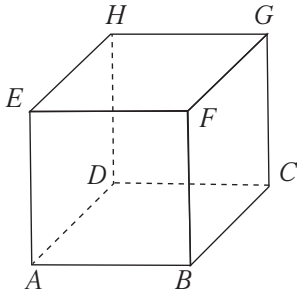
في التمارين (6-8)، ظلّل رمز الدائرة الدّال على الإجابة الصحيحة.

(6) إذا توازى مستويان مختلفان وقطعهما مستو ثالث فإن خطّي التقاطع:

- (a) متقاطعان (b) متخالفان  
(c) متوازيان (d) متعامدان

(7) إذا كان  $\pi_1 \parallel \pi_2$ ،  $\vec{l} \subset \pi_1$ ،  $\vec{m} \subset \pi_2$  فإن:

- (a)  $\vec{l} \parallel \vec{m}$  (b)  $\vec{l} \perp \vec{m}$   
(c) متخالفان  $\vec{l}, \vec{m}$  (d)  $\vec{l} \cap \vec{m} = \phi$

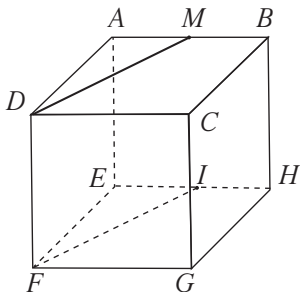


(8) في المكعب  $ABCDEFGH$ ،  $\vec{BD}$ ،  $\vec{EG}$  هما:

- (a) متوازيان (b) متقاطعان  
(c) متخالفان (d) يحويهما مستو واحد



### تعامد مستقيم مع مستو



### المجموعة B تمارين موضوعية

### تمرين 3 - 10

في التمارين (1-7)، ظلّل (a) إذا كانت العبارة صحيحة و (b) إذا كانت العبارة خاطئة.  
أسئلة التمرينين (1-2)، على الشكل المقابل حيث  $ABCDEHGF$  مكعب،  
النقطة  $M$  منتصف  $\overline{AB}$ ،  $I$  منتصف  $\overline{EH}$ .

(1)  $\overrightarrow{MI} \perp (EFGH)$

(2)  $\overrightarrow{MD} \perp (BCGH)$

(a)

(b)

(a)

(b)

(3) إذا كان  $ABCD$  هرم ثلاثي القاعدة جميع أحرفه متطابقة فإن:  $\overrightarrow{AB} \perp \overrightarrow{CD}$

(4) إذا كان  $\vec{l} \perp \vec{m}$ ,  $\vec{m} \subset \pi$  فإن  $\vec{l} \subset \pi$

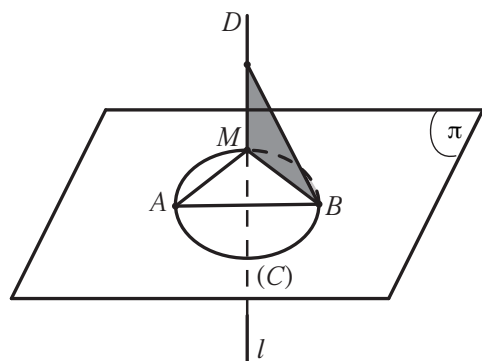
(5) إذا كان المستقيمان  $l, m$  متخالفان وكان  $\vec{n} \perp \vec{m}$  فإن  $\vec{l} \perp \vec{n}$

(6) إذا كان المستقيمان  $l, m$  متخالفان و كان  $\vec{n} \perp \vec{m}$  فإن  $\vec{n}, \vec{l}$  متخالفان.

في التمارين (8-11)، ظلّ رمز الدائرة الدّال على الإجابة الصحيحة.

(7) في الشكل المقابل :

إذا كان  $(AMB)$  ،  $\vec{l} \perp \overline{AB}$  قطر في الدائرة  $(C)$  فإن:



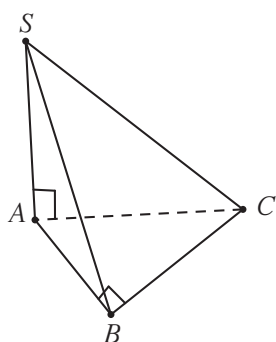
**a**  $\overleftrightarrow{AB} \perp \overleftrightarrow{BD}$

**(b)**  $\vec{l} \perp (BMD)$

**c**  $\overleftrightarrow{AM} \perp (BMD)$

**(d)**  $\overleftrightarrow{AB} \perp \overleftrightarrow{BM}$

(8) في الشكل المقابل إذا كان  $m(\widehat{B}) = 90^\circ$  ،  $\vec{SA} \perp (ABC)$  ، فإن:



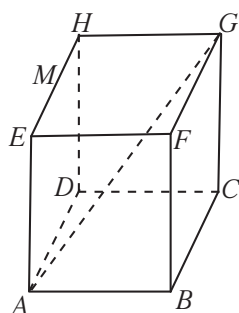
(a) المثلث  $SAB$  قائم في  $\widehat{B}$

$$\overleftrightarrow{CB} \perp (SAB) \quad \text{b)}$$

(c) المثلث  $SAB$  متطابق الضلعين.

(d) المثلث  $SCB$  قائم في  $\widehat{C}$

(9) يمثل الشكل المقابل مكعباً، إذا كان طول حرفه 3 cm فإن طول قطره  $\overline{AG}$  يساوي:



(a)  $\sqrt{3}$  cm

**b**  $3\sqrt{3}$  cm

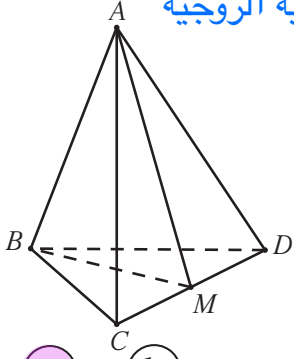
**c** 9 cm

(d) 18 cm

## تمرين 4 - 10

### المجموعة B تمارين موضوعية

#### الزاوية الزوجية

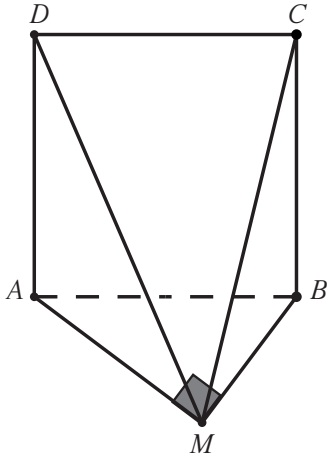


- (a) (b)  
(a) (b)

في التمارين (1-4)، ظلّل (a) إذا كانت العبارة صحيحة و (b) إذا كانت العبارة خاطئة.  
أسئلة التمرينين (1-2)، على الشكل المقابل.  
إذا كان  $ABCD$  هرم جميع حروفه متساوية الطول،  $M$  منتصف  $\overline{CD}$   
فإن:

- (1)  $\overline{CD}$  عمودي على  $\overline{AB}$   
(2) الزاوية المستوية للزاوية الزوجية  $(ADC, \overrightarrow{DC}, BDC)$  هي  $\widehat{AMD}$

أسئلة التمرينين (3-4)، على الشكل المقابل.



- (a) (b)  
(a) (b)

المثلث  $AMB$  قائم الزاوية في  $M$ ،  $\overrightarrow{AD}$  متعامد مع المستوي  $AMB$   
إذا أخذنا النقطة  $C$  بحيث يكون  $ABCD$  مربعًا.  
فإن:

- (3)  $\overrightarrow{BM}$  متعامد مع  $(MAD)$   
(4)  $\overrightarrow{CB}$  متعامد مع  $(AMB)$

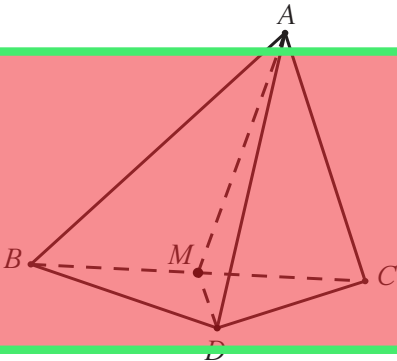
في التمارين (5-10)، ظلّل رمز الدائرة الدال على الإجابة الصحيحة.

أسئلة التمارين (5-7)، على الشكل المقابل. حيث إن:

$M$  منتصف  $\overline{BC}$

$ABC$ ،  $DBC$  مثلثان لهما ضلع مشترك  $\overline{BC}$  حيث  $BC = x$

وهما متطابقا الأضلاع ولا يحويهما مستو واحد.



(5) الزاوية الزوجية ( $BAC$  ,  $\overrightarrow{BC}$  ,  $BCD$ ) هي:

- (a)  $\widehat{AMD}$  (b)  $\widehat{BMC}$  (c)  $\widehat{AMB}$  (d)  $\widehat{BAM}$

(6) إذا كان:  $m(\widehat{AMD}) = 60^\circ$  فقيمة  $AD$  بدلالة  $x$  هي:

- (a)  $\frac{x}{2}$  (b)  $\frac{x\sqrt{2}}{2}$  (c)  $x\sqrt{3}$  (d)  $\frac{x\sqrt{3}}{2}$

(7) إذا كان  $AD = \frac{x\sqrt{3}}{2}$ ، فإنّ  $m(\widehat{AMD})$  يساوي:

- (a)  $90^\circ$  (b)  $45^\circ$  (c)  $60^\circ$  (d)  $30^\circ$

أسئلة التمرين (8-9) على الشكل المقابل.

إذا كان  $OAB$  مثلث فيه:

$$m(\widehat{AOB}) = 60^\circ, OB = 2x, OA = x$$

$\overrightarrow{OC}$  متعامد مع المستوى  $OAB$

(8) طول  $\overline{AB}$  يساوي:

- (a)  $x$  (b)  $x\sqrt{2}$  (c)  $x\sqrt{3}$  (d)  $\frac{x}{2}$

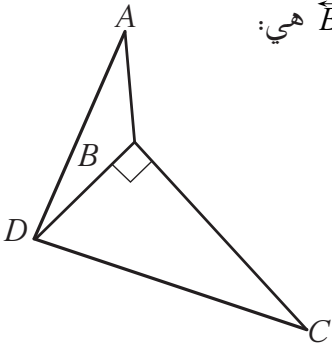
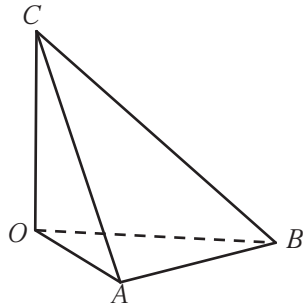
(9) قياس الزاوية الزوجية ( $AOC$  ,  $\overrightarrow{OC}$  ,  $BOC$ ) هو:

- (a)  $30^\circ$  (b)  $45^\circ$  (c)  $60^\circ$  (d)  $90^\circ$

(10) في الشكل المقابل، المثلث  $DBC$  قائم الزاوية في  $B$ ،

فإذا كان  $\overline{AB}$  عمودي على  $(DBC)$  فإن الزاوية المستوية للزاوية الزوجية  $\overrightarrow{BD}$  هي:

- (a)  $\widehat{DBC}$  (b)  $\widehat{ABC}$   
(c)  $\widehat{ABD}$  (d)  $\widehat{ADC}$



في التمارين (1-5)، ظلّل (a) إذا كانت العبارة صحيحة و (b) إذا كانت العبارة خاطئة.

- |     |     |
|-----|-----|
| (a) | (b) |
| (a) | (b) |
| (a) | (b) |
| (a) | (b) |
| (a) | (b) |

(1) قيمة المقدار  $10!$  هي 3 628 800

(2) قيمة المقدار  $5! \times 4!$  هي 360

(3) عدد طرق جلوس 4 أشخاص على 4 مقاعد في صفّ هو  $4!$

(4) قيمة المقدار  $3 \times {}^5C_4$  هي 15

(5)  $(n - r)! = n! - r!$

في التمارين (6-15)، ظلّل رمز الدائرة الدّال على الإجابة الصحيحة.

(6) قيمة المقدار  $\frac{10!}{7!3!}$  هي:

- (a)  $\frac{10}{21}$  (b)  $\frac{1}{120}$  (c) 120 (d) 1

(7) قيمة المقدار  ${}_{10}C_6 \times {}_6P_4$  هي:

- (a) 75 600 (b) 7 560 (c) 2.5 (d) 210

(8) قيمة المقدار  ${}_9C_2 \times \frac{{}_7C_4}{{}_9C_4}$  هي:

- (a) 18 (b) 5.184 (c) 10 (d) 735

(9) بكم طريقة مختلفة يمكن اختيار 5 لاعبين لفريق السلة من بين 12 لاعبًا إذا كان ترتيب المراكز في الفريق مهمًا؟

- (a) 95 040 (b) 475 200 (c) 392 (d) 11 404 800

(10) بكم طريقة مختلفة يمكن اختيار 3 أعلام من مجموعة من 7 أعلام مختلفة؟

- (a) 210 (b) 35 (c) 840 (d) 24

(11) إذا كان هناك طريق واحدة تصل بين كل مدينتين. فما عدد الطرق التي تصل بين 8 مدن.

- (a) 20 160 (b) 2 520 (c) 40 320 (d) 5 040

(12) في المخزن 6 بطاريات من ماركات مختلفة، 3 بطاريات جديدة و 3 مستخدمة. بكم طريقة مختلفة يمكن اختيار على الأقل بطارية واحدة جديدة من 3 بطاريات؟

- (a) 1 (b) 19 (c) 9 (d) 6

(13) بكم طريقة مختلفة يجلس أحمد ومحمد وعلي وجاسم وفهد بشرط تجاوز محمد وأحمد؟

- (a) 5! (b) 4! (c)  $2! \times 4!$  (d)  $2! \times 5!$

(14) إذا كان:  ${}_nP_3 = 60$  فإن  $n$  تساوي

- (a) 6 (b) 5 (c) 4 (d) 2

(15) مجموعة حلّ المعادلة:  ${}_6C_r = 15$  هي:

- (a) {2} (b) {4} (c) {2, 4} (d) {3}

أ / محمد نوري الفلاح

في التمارين (1-5)، ظلّل (a) إذا كانت العبارة صحيحة و (b) إذا كانت العبارة خاطئة.

(a) (b)

(1) مفكوك  $(c+1)^5$  هو:  $c^5 + 5c^4 + 10c^3 + 10c^2 + 5c + 1$

(a) (b)

(2) إذا كان الحد  $126c^4d^5$  أحد حدود مفكوك  $(c+d)^n$ ، فإنّ قيمة  $n$  هي 5

(a) (b)

(3) إذا كان معامل الحد الثاني في مفكوك  $(r+x)^n$  هو 7 فإنّ قيمة  $n$  هي 7

(a) (b)

(4) الحدّ الثاني من  $(x+3)^9$  هو  $54x^8$

(a) (b)

(5) معامل الحد السابع في مفكوك  $(x-y)^7$  هو عدد سالب.

في التمارين (6-11)، ظلّل رمز الدائرة الدال على الإجابة الصحيحة:

(6) مفكوك  $(a-b)^3$  هو:

(a)  $a^3 + a^2b + ab^2 + b^3$

(b)  $a^3 + 3a^2b + 3ab^2 + b^3$

(c)  $a^3 - a^2b + ab^2 - b^3$

(d)  $a^3 - 3a^2b + 3ab^2 - b^3$

(7) الحد الثالث من مفكوك  $(a-b)^7$  هو:

(a)  $-21a^5b^2$

(b)  $-7a^6b$

(c)  $7a^6b$

(d)  $21a^5b^2$

(8) في مفكوك  $(2a-3b)^6$  الحد الذي معاملته 2 160 هو:

(a) الحدّ الثاني

(b) الحد الثالث

(c) الحد الرابع

(d) الحد الخامس

(9) معامل الحد الثالث في مفكوك  $(3c-4b)^5$  هو:

(a) 5 170

(b) 3 312

(c) 4 320

(d) 2 316

(10) في مفكوك  $(x+y)^9$  تكون رتبة الحد:  $126x^5y^4$  هي:

(d) التاسعة

(c) السادسة

(b) الخامسة

(a) الرابعة

(11) في مفكوك  $(3x+2y)^8$  الحد الذي يحوي  $x^3y^5$  هو:

(a)  $T_3$

(b)  $T_6$

(c)  $T_5$

(d)  $T_8$

في التمارين (1-4)، ظلّل (a) إذا كانت العبارة صحيحة و (b) إذا كانت العبارة خاطئة.

(1) إن اختيار لون السيارة عشوائياً، اختيار الدواليب عشوائياً هما حدثان مستقلان.

(a) (b)

(2) الحدثان  $m, n$  مستقلان،  $P(m) = \frac{12}{17}$ ،  $P(n) = \frac{3}{8}$ ، إذاً  $P(m \cap n) = \frac{9}{17}$

(a) (b)

(3) عند رمي حجر نرد، فإن احتمال ظهور العدد 4 أو ظهور عدد زوجي يساوي  $\frac{1}{2}$

(a) (b)

(4) في اختبار صح - خطأ، أجبت عن 5 أسئلة عشوائياً. احتمال أن تكون 3

(a) (b)

من إجاباتك صحيحة هو  $\frac{5}{16}$

في التمارين (5-11)، ظلّل رمز الدائرة الدال على الإجابة الصحيحة.

(5) الحدثان  $m, n$  مستقلان،  $P(m) = \frac{1}{3}$ ،  $P(n) = \frac{9}{10}$ ، إذاً  $P(m \cap n)$  تساوي:

(a)  $\frac{1}{3}$

(b)  $\frac{25}{30}$

(c)  $\frac{3}{10}$

(d)  $\frac{11}{30}$

(6) الحدثان  $r, t$  متنافيان  $P(t) = \frac{3}{5}$ ،  $P(r) = \frac{1}{3}$ ، إذاً  $P(t \cup r)$  تساوي:

(a)  $\frac{1}{5}$

(b)  $\frac{14}{15}$

(c)  $\frac{4}{15}$

(d) 0

(7) الحدثان  $r, t$  متنافيان  $P(t) = \frac{1}{7}$ ،  $P(r) = 60\%$ ، إذاً  $P(t \cup r)$  تساوي:

(a) 28%

(b) 42%

(c)  $\frac{16}{35}$

(d)  $\frac{26}{35}$

(8) عند رمي حجر نرد فإن احتمال ظهور عدد زوجي أو عدد أولي يساوي:

(a)  $\frac{2}{3}$

(b)  $\frac{5}{6}$

(c)  $\frac{1}{2}$

(d) 1

(9) يحتوي كيس على 5 كرات من اللون الأزرق، 3 كرات من اللون الأحمر. أخذت عشوائياً كرتان معاً من الكيس. احتمال الحدث: «أن تكون كرة حمراء والأخرى كرة زرقاء» هو:

(a)  $\frac{1}{14}$

(b)  $\frac{28}{15}$

(c)  $\frac{2}{7}$

(d)  $\frac{15}{28}$



(10) يتوزع طلاب مدرستين  $A$ ،  $B$  على الصفوف الثلاثة الأخيرة وفق النسب التالية:

الصف المدرسة	العاشر	الحادي عشر	الثاني عشر
$A$	37%	35%	28%
$B$	38%	34%	28%

اختير عشوائيًا طالب من كل مدرسة. احتمال أن يكون طالب من الصف العاشر أو الصف الحادي عشر من المدرسة  $A$  وطالب من الصف الثاني عشر من المدرسة  $B$  هو:

- (a) 20.16%      (b) 100%  
(c) 0%      (d) 79.84%

(11) 90% من قمصان التي تنتجها إحدى الشركات لا عيب فيها. اختار مراقب الجودة 8 قمصان عشوائيًا. احتمال أن يكون 3 قمصان من هذه المجموعة لا عيب فيها هو تقريبًا:

- (a) 0.033      (b)  $5.9 \times 10^{-4}$   
(c)  $4 \times 10^{-4}$       (d) 2.955