



@MOH82FALAH

أ / محمد نوري الفلاح



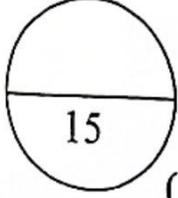
الفصل الدراسي الثاني

امتحانات سابقة

الصف الثاني عشر علمي

القسم الأول : أسئلة المقال:

(أجب عن جميع أسئلة المقال التالية موضحاً خطوات الحل في كل منها)



(3 درجات)

$$(1) \int (x^2 + \cos 2x) dx$$

السؤال الأول :

a) أوجد :

الحل:

(5 درجات)

$$(2) \int 3xe^{2x+1} dx$$

الحل:

تابع : السؤال الأول :

(b) إذا كانت $\frac{x^2}{16} + \frac{y^2}{36} = 1$ معادلة قطع ناقص فأوجد:

(1) رأسي القطع وطرفي المحور الأصغر.

(2) البؤرتين.

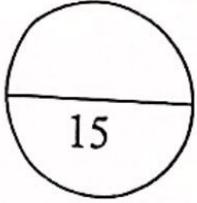
(3) معادلتى دليلي القطع.

(4) طول كل من المحورين.

(7 درجات)

الحل:

السؤال الثاني :



a) أوجد معادلة القطع الزائد الذي بؤرتاه $F_1 (-4, 0)$, $F_2 (4, 0)$ ورأساه $A_1 (-2, 0)$, $A_2 (2, 0)$ ثم أوجد معادلة كلا من خطيه المقاربتين

(6 درجات)

الحل:

تابع : السؤال الثاني :

$$f(x) = \frac{x + 17}{2x^2 + 5x - 3}$$

(b) لتكن الدالة f :

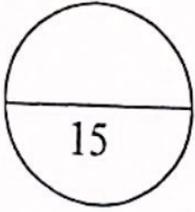
فأوجد :

(1) الكسور الجزئية .

$$\int f(x) dx \quad (2)$$

الحل:

(9 درجات)



(6 درجات)

السؤال الثالث :

(a) أوجد معادلة منحنى الدالة f الذي ميله عند أي نقطة $P(x, y)$ يساوي:

$$3x^2 - 4x + 1$$

ويمر بالنقطة $A(1, 2)$

الحل:

تابع : السؤال الثالث :

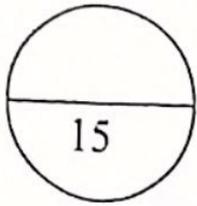
(b) استخدم التعويض المناسب لإيجاد التكامل :

$$\int x^3 \sqrt{x^2 - 2} dx$$

(9 درجات)

الحل:

السؤال الرابع :



(a) أوجد مساحة المنطقة المحددة بمنحنيي الدالتين :

$$y_1 = x^2 + 2 \quad , y_2 = -2x + 5$$

(8 درجات)

الحل:

تابع: السؤال الرابع :

(b) عند إلقاء قطعة نقود ثلاث مرات متتالية ، إذا كان المتغير العشوائي X يعبر عن " عدد الكتابات " فأوجد ما يلي :

- 1) فضاء العينة (S) و عدد عناصره $n(S)$.
 - 2) مدى المتغير العشوائي X .
 - 3) احتمال كل عنصر من عناصر مدى المتغير العشوائي X .
 - 4) دالة التوزيع الاحتمالي f للمتغير العشوائي X .
- (7 درجات)

الحل:

القسم الثاني البنود الموضوعية (لكل بند درجة واحدة)

في البنود من (1) إلى (3) عبارات لكل بند في ورقة الإجابة ظل (a) إذا كانت العبارة صحيحة ،
(b) إذا كانت العبارة خاطئة .

$$\int_{-1}^1 (|x|)^3 dx = -\frac{1}{2} \quad (1)$$

(2) إذا كانت $y^2 = -\frac{1}{6}x$ معادلة قطع مكافئ، فإن خط التماثل هو محور السينات

(3) المساحة تحت منحنى التوزيع الطبيعي تساوي الواحد .

في البنود من (4) إلى (10) لكل بند أربعة اختيارات واحد فقط منها صحيح - اختر الإجابة الصحيحة ثم ظل في ورقة الإجابة دائرة الرمز الدال عليها.

$$\int_{-1}^3 (2f(x) + 3g(x) + 1) dx \quad \text{فإن} \quad \int_{-1}^3 f(x) dx = 4, \int_3^{-1} g(x) dx = 2 \quad \text{إذا كان:} \quad (4)$$

تساوي

- (a) 18 (b) -6 (c) 6 (d) 12

(5) إذا كانت $y = \ln\left(\frac{10}{x}\right)$ فإن $\frac{dy}{dx}$ تساوي

- (a) $-\frac{10}{x}$ (b) $\frac{10}{x}$ (c) $\frac{1}{x}$ (d) $-\frac{1}{x}$

$$\int \frac{2 + \sqrt[3]{x^2}}{\sqrt{x}} dx \quad \text{يساوي} \quad (6)$$

- (a) $x^{\frac{1}{2}} + \frac{6}{7}x^{\frac{7}{6}} + C$ (b) $4x^{\frac{1}{2}} + \frac{6}{7}x^{\frac{7}{6}} + C$
(c) $x^{\frac{1}{2}} + \frac{7}{6}x^{\frac{7}{6}} + C$ (d) $4x^{\frac{1}{2}} + \frac{7}{6}x^{\frac{7}{6}} + C$

(7) حل المعادلة التفاضلية $2y' + y = 1$ الذي يحقق $y = 3$ عند $x = 5$ هو:

(a) $y = 2e^{\frac{5}{2}}$

(b) $y = \frac{2}{e^{\frac{5}{2}}}$

(c) $y = 2e^{(-\frac{1}{2}x + \frac{5}{2})} + 1$

(d) $y = 2e^{(-\frac{1}{2}x - \frac{5}{2})} + 1$

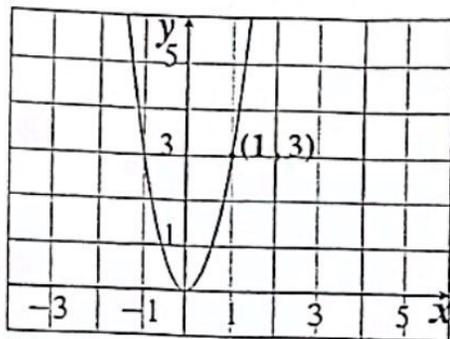
(8) الاختلاف المركزي للمعادلة $\frac{x^2}{36} + \frac{y^2}{25} = 1$ هو:

(a) $\frac{\sqrt{11}}{6}$

(b) $\frac{\sqrt{11}}{5}$

(c) $\frac{36}{25}$

(d) $\frac{25}{36}$



(9) بؤرة القطع المكافئ في الشكل المقابل هي:

(a) $(0, -\frac{4}{3})$

(b) $(\frac{9}{20}, 0)$

(c) $(0, \frac{1}{12})$

(d) $(\frac{1}{12}, 0)$

(10) إذا كان X متغيراً عشوائياً متقطعاً دالة التوزيع الاحتمالي f هي :

x	0	1	2
$f(x)$	0.25	0.50	0.25

فإن التوقع له يساوي :

(a) 1.25

(b) 1.5

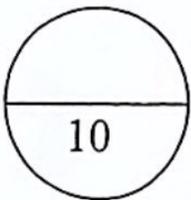
(c) 0.5

(d) 1

تمت الأسئلة مع التمنيات بالتوفيق

إجابة الأسئلة الموضوعية

رقم السؤال	الإجابة			
1	(a)	(b)		
2	(a)	(b)		
3	(a)	(b)		
4	(a)	(b)	(c)	(d)
5	(a)	(b)	(c)	(d)
6	(a)	(b)	(c)	(d)
7	(a)	(b)	(c)	(d)
8	(a)	(b)	(c)	(d)
9	(a)	(b)	(c)	(d)
10	(a)	(b)	(c)	(d)



توقيع المصحح :

توقيع المراجع :

القسم الأول – أسئلة المقالأجب عن جميع أسئلة المقال موضحا خطوات الحل في كل منها.السؤال الأول : (15 درجة)

(5 درجات)

(1) $\int x \sin x \, dx$ أوجد : (a)

الحل :

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

(3 درجات)

(2) $\int \frac{x^2 - 4x + 3}{x - 1} \, dx$

الحل :

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

تابع السؤال الأول :

(b) إذا كانت $\frac{x^2}{16} + \frac{y^2}{10} = 1$ معادلة قطع ناقص فأوجد (7 درجات)

(1) رأسي القطع و طرفي المحور الأصغر

(2) البؤرتين

(3) طول كل من المحورين

(4) معادلتني دليلي القطع

الحل :

السؤال الثاني : (15 درجة)

(a) أوجد معادلة القطع الزائد الذي إحدى بؤرتيه $F_1 (-5, 0)$

ورأساه $A_1 (-3, 0)$, $A_2 (3, 0)$ ثم أوجد معادلة كل من خطيه المقاربتين

(6 درجات)

الحل :

تابع السؤال الثاني :

(9 درجات) $f(x) = \frac{5x - 1}{x^2 - 2x - 15}$: لتكن الدالة f :

فأوجد : (a) الكسور الجزئية

(b) $\int f(x)dx$

الحل :

السؤال الثالث : (15 درجة)

(a) أوجد معادلة منحنى الدالة f الذي ميله عند أي نقطة $P(x, y)$ يساوى :

(6 درجات) $4x^3 + 6x^2 - 2x + 1$ ويمر بالنقطة $B(1, 0)$

الحل :

السؤال الرابع : (15 درجة)

(a) أوجد مساحة المنطقة المحددة بمنحنى الدالة f : $f(x) = x^3 - 4x$

(8 درجات)

ومحور السينات في الفترة $\left[-1, \frac{3}{2}\right]$

الحل :

تابع السؤال الرابع:

(b) إذا كانت X متغير عشوائيا متصلا ودالة كثافة الاحتمال له هي : (7 درجات)

$$f(x) = \begin{cases} \frac{1}{4} : 1 \leq x \leq 5 \\ 0 \text{ فى ما عدا ذلك} \end{cases}$$

فأوجد :

(1) $P(1 \leq x \leq 5)$

(2) $P(x < 3)$

الحل :

القسم الثاني: البنود الموضوعية

- أولاً: في البنود من (1) إلى (3) عبارات ظلل (a) إذا كانت العبارة صحيحة
(b) إذا كانت العبارة خاطئة .

$$\int_0^{\frac{\pi}{2}} \sin^2 x dx - \int_{\frac{\pi}{2}}^0 \cos^2 x dx = \frac{\pi}{2} \quad (1)$$

(2) معادلة القطع المكافئ الذي رأسه (0, 0) وبؤرته (0, 2) هي : $x^2 = 8y$

(3) التوزيع التالي يمثل دالة التوزيع الاحتمالي f للمتغير X

x	0	1	2	3
$f(x)$	0.1	0.05	0.4	0.4

ثانياً : في البنود من (4) إلى (10) لكل بند أربعة اختيارات واحد فقط منها صحيح ظلل في ورقة الإجابة الرمز الدال على الإجابة الصحيحة .

(4) إذا كانت : $x = -1$, $y = -5$, $\frac{dy}{dx} = x^{-\frac{2}{3}}$ فإن y تساوي :

- (a) $-\frac{x^2}{3} - \frac{14}{3}$ (b) $3x^{\frac{1}{3}} - 2$
(c) $3x^{\frac{1}{3}} + 2$ (d) $3x^{\frac{1}{3}}$

(5) إذا كانت $y = e^{-5x}$ فإن $\frac{dy}{dx}$ يساوي :

- (a) e^{-5x} (b) $-e^{-5x}$
(c) $-5e^{-5x}$ (d) $5e^{-5x}$

(6) لتكن $f(x) = x^2 + 5$ فإن $\int_{-a}^a f(x) dx > 0$ لكل قيم a تنتمي إلى :

- (a) $R - R^-$ (b) $R - R^+$ (c) R^- (d) R^+

(7) طول القوس من منحنى الدالة $f(x) = \frac{1}{3} : f$ في الفترة $[-2, 3]$ هو :

- (a) 7 units (b) 6 units
(c) 5 units (d) 1 units

(8) إذا كان X متغير عشوائيا متقطعا لدالة التوزيع الاحتمالي f وكان التوقع $= 0.5$ ،

$$\sum x^2 f(x) = 4.25 \text{ فإن الانحراف المعياري هو :}$$

- (a) 4 (b) 2 (c) 3.75 (d) 1

(9) لأي قطع ناقص يكون :

- (a) $a > c$ (b) $a < c$ (c) $a = ec$ (d) $a = c$

(10) إذا كانت $a = 7$ ، $c = 2\sqrt{10}$ ، فإن معادلة القطع المخروطي الناتج هي:

- (a) $\frac{x^2}{49} - \frac{y^2}{9} = 1$ (b) $\frac{x^2}{49} + \frac{y^2}{9} = 1$
(c) $\frac{x^2}{7} + \frac{y^2}{3} = 1$ (d) $\frac{x^2}{9} - \frac{y^2}{49} = 1$

" انتهت الأسئلة "

القسم الأول – أسئلة المقال

أجب عن جميع أسئلة المقال موضحا خطوات الحل في كل منها

السؤال الأول : (15 درجة)

(9 درجات) $\int_{-1}^1 (x^2 + 2x - 3)^2 (x + 1) dx$ (a) أوجد :

الحل :

تابع السؤال الأول :

(b) أوجد معادلة منحنى الدالة f الذي ميله عند أي نقطة $P(x, y)$ (6 درجات)

يساوي $3x^2 - 4x + 1$ ويمر بالنقطة $A(1, 2)$

الحل :

السؤال الثاني: (15 درجة)

(a) أوجد:
$$(1) \int \csc^5 x \cot x dx$$
 (6 درجات)

الحل:

الحل:
$$(2) \int \frac{x^2 - 4x + 3}{x - 1} dx$$
 (4 درجات)

السؤال الثالث : (15 درجة)

(9 درجات) $f(x) = \frac{5x - 1}{x^2 - 2x - 15}$ (a) لتكن الدالة f :

فأوجد : (1) الكسور الجزئية

(2) $\int f(x)dx$

الحل:

تابع السؤال الثالث :

(b) أوجد معادلة القطع الناقص الذي بؤرتاه : $F_1(0, -3), F_2(0, 3)$ (6 درجات)
وطول محوره الأصغر 4

الحل :

السؤال الرابع : (15 درجة)

(8 درجات) $\int x \ln x dx$ (a) أوجد :

الحل :

تابع السؤال الرابع:

(7 درجات) (b) لتكن: $9y^2 - 25x^2 = 225$ معادلة قطع زائد ،

فأوجد:

(1) رأسي القطع الزائد

(2) البؤرتين

(3) معادلة كل من الخطين المقاربين

الحل:

.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....
.....



القسم الثاني: البنود الموضوعية

- أولاً: في البنود من (1) إلى (3) عبارات ظلل (a) إذا كانت العبارة صحيحة
(b) إذا كانت العبارة خاطئة.

$$\int \frac{1}{x^2} dx = \frac{-1}{x} + C \quad (1)$$

$$\int_{-1}^1 (|x|)^3 dx = -\frac{1}{2} \quad (2)$$

(3) حجم الجسم الناتج من دوران دورة كاملة حول محور السينات للمنطقة المحددة بمنحنى

الدالة: $f(x) = \sqrt[3]{x}$ في الفترة $[1, 8]$ هو: $V = \pi \int_8^1 (\sqrt[3]{x})^2 dx$

ثانياً: في البنود من (4) إلى (10) لكل بند أربعة اختيارات واحد فقط منها صحيح ظلل في ورقة الإجابة الرمز الدال على الإجابة الصحيحة.

(4) إذا كانت: $y = x^2 e^x - x e^x$ ، فإن $\frac{dy}{dx}$ تساوي

- (a) $e^x(x^2 + x - 1)$ (b) $e^x(x^2 - x)$
(c) $2x e^x - e^x$ (d) $e^x(x^2 + 2x + 1)$

(5) $\int \frac{e^x}{e^x - 4} dx$ يساوي:

- (a) $\frac{-1}{2}(e^x - 4) + C$ (b) $\frac{1}{2} \ln|e^x - 4| + C$
(c) $-\ln|e^x - 4| + C$ (d) $\ln|e^x - 4| + C$

(6) $\int_{\sqrt{2}}^{\sqrt{18}} \sqrt{2} dx$ يساوي:

- (a) 2 (b) $2\sqrt{2}$ (c) 4 (d) 8

(7) يساوي : $\int \frac{dx}{\sqrt[3]{3x+1}}$

(a) $\frac{2}{9} (3x+1)^{\frac{2}{3}} + C$

(b) $\frac{2}{3} (3x+1)^{\frac{2}{3}} + C$

(c) $2 (3x+1)^{\frac{2}{3}} + C$

(d) $\frac{1}{2} (3x+1)^{\frac{2}{3}} + C$

(8) حجم الجسم الناتج من دوران دورة كاملة حول محور السينات للمنطقة المحددة بمنحنى الدالة $f(x) = 3$ ومحور السينات في الفترة $[-1, 1]$, بالوحدات المكعبة هو

(a) 6π

(b) 18

(c) 18π

(d) 81π

(9) النقطة المشتركة بين كل القطوع المكافئة التي هي على الصورة $x^2 = 4py$ هي:

(a) (0, 0)

(b) (1, 0)

(c) (0, 1)

(d) (1, 1)

(10) المعادلة التي تمثل قطع مكافئ مفتوح الى أسفل هي:

(a) $y^2 = \frac{-1}{2}x$

(b) $y^2 = \frac{1}{2}x$

(c) $x^2 = \frac{-1}{2}y$

(d) $x^2 = \frac{1}{2}y$

" انتهت الأسئلة "

القسم الأول – أسئلة المقال

أجب عن جميع أسئلة المقال موضحا خطوات الحل في كل منها

السؤال الأول : (15 درجة)

(9 درجات) $\int x^2 \ln x^2 dx$ أوجد (a)

الحل :

تابع السؤال الأول :

(b) أوجد معادلة منحنى الدالة f الذي ميله عند أي نقطة عليه $P(x, y)$ (6 درجات)

يساوي $4x^3 + 6x^2 - 2x + 1$ و يمر بالنقطة $B(1, 0)$

الحل :

السؤال الثانى : (15 درجة)

(4 درجات) (1) $\int \frac{x^2 + 5x + 4}{x + 1} dx$: أوجد (a)

الحل :

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

(6 درجات) (2) $\int_0^{\frac{\pi}{4}} \tan x \sec^2 x dx$ الحل :

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

تابع السؤال الثاني :

(b) أوجد حجم المجسم الناتج من دوران المنطقة المستوية دورة كاملة (5 درجات)

حول محور السينات والمحددة بمنحنى الدالة $f(x) = \sqrt{x-1}$:

و محور السينات في الفترة $[1, 5]$

الحل :

السؤال الثالث : (15 درجة)

(9 درجات) (a) لتكن الدالة f : $f(x) = \frac{2}{(x-5)(x-3)}$

فأوجد : (1) الكسور الجزئية

(2) $\int f(x)dx$

الحل:

تابع السؤال الثالث : (6 درجات)

(b) أوجد معادلة القطع الناقص الذي فيه البؤرتان $F_1(-2, 0)$, $F_2(2, 0)$

و نقطتا طرفي المحور الأصغر $B_1(0, -3)$, $B_2(0, 3)$

الحل :

السؤال الرابع : (15 درجة)

(8 درجات)

$$\int x(x+1)^5 dx$$

(a) أوجد:

الحل :

القسم الثانى: البنود الموضوعية

- أولاً: في البنود من (1) إلى (3) عبارات ظلل (a) إذا كانت العبارة صحيحة
(b) إذا كانت العبارة خاطئة .

$$\int (-x^{-3} + x - 1)dx = \frac{1}{2}x^{-2} + \frac{1}{2}x^2 - x + C \quad (1)$$

$$\int \frac{dx}{\sqrt{3x-2}} = 2\sqrt{3x-2} + C \quad (2)$$

- (3) مساحة المنطقة المحددة بمنحنى الدالة $f : f(x) = 4 - x^2$ و محور السينات في $[-2, 2]$ هي $2 \int_0^2 f(x)dx$

ثانياً : في البنود من (4) إلى (10) لكل بند أربعة اختيارات واحد فقط منها صحيح ظلل في ورقة الإجابة الرمز الدال على الإجابة الصحيحة .

(4) الصورة العامة للمشتقة العكسية للدالة f حيث $f(x) = 8 + \csc(x) \cot(x)$ هي

- (a) $F(x) = 8x + \csc(x) + C$ (b) $F(x) = 8x - \cot(x) + C$
(c) $F(x) = 8x - \csc(x) + C$ (d) $F(x) = 8x + \cot(x) + C$

(5) إذا كانت : $y = \ln(x^2 + 1)$ ، فإن $\frac{dy}{dx}$ تساوي

- (a) $\frac{x}{x^2 + 1}$ (b) $\frac{2}{x^2 + 1}$
(c) $\frac{2x}{x^2 + 1}$ (d) $-\frac{2x}{x^2 + 1}$

يساوي : $\int \frac{e^x + e^{-x}}{2} dx$ (6)

(a) $\frac{e^x - e^{-x}}{2} + C$

(b) $\frac{e^x + e^{-x}}{2} + C$

(c) $\frac{e^{-x} - e^{+x}}{2} + C$

(d) $\frac{e^{2x} - e^{-2x}}{2} + C$

يساوي : $\int_{-1}^1 (1 - |x|) dx$ (7)

(a) 0

(b) 1

(c) -1

(d) $\frac{1}{2}$

(8) مساحة المنطقة المحددة بمنحنى الدالة $g(x) = \sqrt{4 - x^2}$ ومحور السينات هي

(a) $4\pi \text{ units}^2$

(b) $2\pi \text{ units}^2$

(c) $6\pi \text{ units}^2$

(d) $8\pi \text{ units}^2$

(9) المعادلة التي تمثل قطعاً مكافئاً رأسه $(0, 0)$ ويمر بالنقطة $C(-5, -6)$ وخط تماثله $y - axis$ هي

(a) $y^2 = -\frac{25}{6}x$

(b) $x^2 = -\frac{6}{25}y$

(c) $y^2 = -\frac{6}{25}x$

(d) $x^2 = -\frac{25}{6}y$

(10) إذا كانت معادلة القطع المكافئ : $y^2 = -16x$ ، فإن بؤرته هي :

(a) $(0, -4)$

(b) $(0, 4)$

(c) $(-4, 0)$

(d) $(4, 0)$

" انتهت الأسئلة "

المجال الدراسي : الرياضيات
الزمن : ساعتان و45 دقيقة
عدد الصفحات : 12

دولة الكويت
وزارة التربية
التوجيه الفني العام للرياضيات

امتحان الفترة الدراسية الثانية للصف الثاني عشر علمي
للعام الدراسي : 2021/2020 م

القسم الأول – أسئلة المقال

أجب عن جميع أسئلة المقال موضحا خطوات الحل في كل منها.

السؤال الأول : (14 درجة)

(7 درجات)

(a) أوجد:

$$\int (2x - 1)e^{x^2-x+3} dx$$

الحل:

تابع السؤال الأول :

(b) أوجد :

(7 درجات)

$$\int \sqrt{4x - 5} dx$$

الحل :

السؤال الثاني : (14 درجة)

(6 درجات)

(a) أوجد :

$$\int x \sin x dx$$

الحل :

تابع السؤال الثاني :

(8 درجات) $f(x) = \frac{2}{(x-5)(x-3)}$: لتكن الدالة f (b)

أوجد الكسور الجزئية ثم أوجد $\int f(x) dx$

الحل :

السؤال الثالث : (14 درجة)

(7 درجات) (a) أوجد مساحة المنطقة المحددة بمنحنى الدالة f :

$$f(x) = x^2 - 3x \text{ و محور السينات}$$

الحل :

تابع السؤال الثالث :

(b) أوجد معادلة منحنى الدالة f الذي ميله عند أي نقطة عليه $P(x, y)$

يساوي $4x^3 + 6x^2 - 2x + 1$ و يمر بالنقطة $B(1, 0)$

(7 درجات)

الحل :

السؤال الرابع : (14 درجة)

(a) أوجد معادلة قطع ناقص مركزه (0, 0) إذا كان محوره الأكبر ينطبق على المحور السيني

و طوله 12 cm والمسافة بين البؤرتين 8 cm

(6 درجات)

الحل :

تابع السؤال الرابع:

(b) لتكن $9x^2 - 16y^2 = 144$ معادلة قطع زائد

أوجد :

(1) رأسي القطع الزائد

(2) البؤرتين

(3) معادلتَي دليلي القطع الزائد

(8 درجات)

الحل :

ثانيا: البنود الموضوعية.

- أولاً: في البنود من (1) إلى (4) عبارات ظلل (a) إذا كانت العبارة صحيحة
 (b) إذا كانت العبارة خاطئة .

$$\int \sec^2 x dx = \tan x + C \quad (1)$$

$$\int \frac{1}{x^2} dx = \frac{1}{x} + C \quad (2)$$

(3) حجم الجسم الناتج من دوران دورة كاملة حول محور السينات للمنطقة المحددة

بمنحنى الدالة $f(x) = x$ و منحنى الدالة $g(x) = \frac{1}{2}x^2$:

$$V = \pi \int_0^2 \left(x - \frac{1}{2}x^2\right) dx \quad \text{هو}$$

$$y^2 = -\frac{1}{6}x \quad (4) \quad \text{معادلة قطع مكافئ بؤرتته } \left(\frac{-1}{24}, 0\right)$$

ثانياً : في البنود من (5) إلى (14) لكل بند أربعة اختيارات واحد فقط منها صحيح ظلل في ورقة الإجابة الرمز الدال على الإجابة الصحيحة .

$$\int \frac{dx}{\sqrt[3]{3x+1}} \quad \text{يساوي} \quad (5)$$

(a) $\frac{2}{9} (3x+1)^{\frac{2}{3}} + C$

(b) $\frac{2}{3} (3x+1)^{\frac{2}{3}} + C$

(c) $\frac{1}{2} (3x+1)^{\frac{2}{3}} + C$

(d) $2 (3x+1)^{\frac{2}{3}} + C$

$$\int \sqrt[3]{\cot x} \csc^2 x dx \quad \text{يساوي} \quad (6)$$

(a) $\frac{3}{4} \sqrt[3]{(\cot x)^4} + C$

(b) $-\frac{3}{4} \sqrt[3]{(\cot x)^4} + C$

(c) $-\frac{3}{4} \sqrt[4]{(\cot x)^3} + C$

(d) $3 \sqrt[3]{(\cot x)^4} + C$

(7) إذا كانت $y = \ln(x^2 + 1)$ فإن $\frac{dy}{dx}$ تساوي:

(a) $\frac{x}{x^2 + 1}$

(b) $\frac{2}{x^2 + 1}$

(c) $\frac{-2x}{x^2 + 1}$

(d) $\frac{2x}{x^2 + 1}$

(8) $\int \frac{e^x}{e^x - 4} dx$ يساوي :

(a) $-\frac{1}{2}(e^x - 4) + C$

(b) $\frac{1}{2}(e^x - 4) + C$

(c) $-\ln|e^x - 4| + C$

(d) $\ln|e^x - 4| + C$

(9) إذا كان : $\int_3^1 g(x) dx = 2$, $\int_{-1}^3 f(x) dx = 4$ فإن $\int_{-1}^3 (2f(x) + 3g(x) + 1) dx$

تساوي :

(a) 18

(b) -6

(c) 12

(d) 6

(10) $\int_{-\frac{\pi}{2}}^{\frac{\pi}{2}} (\sin x + \cos x) dx$ يساوي :

(a) 4

(b) 2

(c) 0

(d) π

(11) حجم المجسم الناتج من دوران دورة كاملة حول محور السينات للمنطقة المحددة بالمستقيمات

$y = -2, x = 0$ و منحنى الدالة $f : f(x) = -\sqrt{x}$ بالوحدات المكعبة هو:

(a) 4π

(b) 16π

(c) 8π

(d) 2π

(12) المعادلة التفاضلية التالية : $\frac{(2y'' + x)^2}{xy} = 3$ من :

(a) الرتبة الأولى و الدرجة الثانية

(b) الرتبة الثانية و الدرجة الأولى

(c) الرتبة الأولى و الدرجة الأولى

(d) الرتبة الثانية و الدرجة الثانية

(13) المعادلة التي تمثل قطاعا مكافئا رأسه $(0, 0)$ و يمر بالنقطة $C(-5, -6)$ و خط تماثله $y - axis$ هي:

Ⓐ $x^2 = \frac{-25}{6}y$ Ⓑ $y^2 = \frac{-25}{6}x$ Ⓒ $y^2 = \frac{-6}{25}x$ Ⓓ $x^2 = \frac{-6}{25}y$

(14) الاختلاف المركزي للمعادلة $\frac{x^2}{36} + \frac{y^2}{25} = 1$ هو :

Ⓐ $\frac{\sqrt{11}}{6}$ Ⓑ $\frac{\sqrt{11}}{5}$ Ⓒ $\frac{36}{25}$ Ⓓ $\frac{25}{36}$

" انتهت الأسئلة "

الزمن : ساعتان و45 دقيقة
(عدد صفحات الامتحان : 12 صفحة)

امتحان الدور الثاني (الفترة الدراسية الثانية) للصف الثاني عشر علمي
العام الدراسي 2021 / 2020 م

القسم الأول - أسئلة المقال

اجب عن جميع أسئلة المقال موضحاً خطوات الحل في كل منها

السؤال الأول : (14 درجة)

(6 درجات)

(a) أوجد :

$$\int \frac{x^2 - 4x + 3}{x - 1} dx$$

الحل :

تابع السؤال الأول :

(8 درجات)

$$\int 3x e^{2x+1} dx$$

(b) أوجد

الحل :

السؤال الثاني : (14 درجة)

(6 درجات)

$$\int_2^{-1} (\sqrt{x+1} - 3) dx$$

(a) أوجد

الحل:

تابع السؤال الثاني :

$$f(x) = \frac{5x - 1}{x^2 - 2x - 15} \quad : \quad (b) \text{ لتكن الدالة } f$$

أوجد الكسور الجزئية للدالة f ثم أوجد $\int f(x)dx$ (8 درجات)

الحل :

السؤال الثالث : (14 درجة)

(8 درجات) (a) أوجد حجم المجسم الناتج من دوران المنطقة المستوية دورة كاملة حول محور السينات والمحددة بمنحنيي الدالتين :

$$y_1 = x + 3 , y_2 = x^2 + 1$$

الحل :

تابع السؤال الثالث :

(b) أوجد معادلة منحنى الدالة f الذي ميله عند أي نقطة $P(x, y)$ (6 درجات)

يساوى $3x^2 + x$ ويمر بالنقطة $(2, 2)$

الحل :

السؤال الرابع : (14 درجة)

(a) حدد نوع القطع المخروطي ثم أوجد معادلته إذا علمت أن (6 درجات)

اختلافه المركزي $(e = 1)$ وبؤرته : $F(\frac{1}{2}, 0)$

الحل :

تابع السؤال الرابع:

(b) أوجد معادلة القطع الزائد الذي بؤرتاه $F_1(-4, 0)$, $F_2(4, 0)$

ورأساه هما $A_1(-2, 0)$, $A_2(2, 0)$ ثم أوجد معادلة كل من خطيه المقاربتين

(8 درجات)

الحل:

القسم الثاني: البنود الموضوعية

أولاً: في البنود من (1) إلى (4) عبارات ظلل في ورقة الإجابة (a) إذا كانت العبارة صحيحة (b) إذا كانت العبارة خاطئة

$$\int (2x^2 - 1)(2x^3 - 3x + 4)^5 dx = \frac{1}{18}(2x^3 - 3x + 4)^6 + C \quad (1)$$

$$\frac{dy}{dx} = 4x \quad \text{فإن} \quad y = 4^{x-2} \quad \text{إذا كانت} \quad (2)$$

(3) إذا كانت $f(x) \leq 0 \quad \forall x \in [a, b]$ فإن مساحة المنطقة المحددة بمنحنى

$$-\int_a^b f(x)dx \quad \text{الدالة ومحور السينات في} \quad [a, b] \quad \text{هي}$$

(4) إذا كانت $e < 1$ فإن القطع هو قطع ناقص

ثانياً: في البنود من (5) إلى (14) لكل بند أربعة اختيارات واحد فقط منها صحيح. ظلل في ورقة الإجابة الرمز الدال على الإجابة الصحيحة.

(5) الصورة العامة للمشتقة العكسية للدالة f حيث $f(x) = 8 + \csc x \cot x$ هي

(a) $F(x) = 8x + \csc x + C$ (b) $F(x) = 8x - \cot x + C$

(c) $F(x) = 8x - \csc x + C$ (d) $F(x) = 8x + \cot x + C$

يساوى $\int \sec^2 x dx$ (6)

(a) $\sec x + C$

(b) $\tan x + C$

(c) $-\sec x + C$

(d) $-\tan x + C$

(7) إذا كانت $y = \ln\left(\frac{10}{x}\right)$ فإن $\frac{dy}{dx}$ يساوي

- (a) $-\frac{10}{x}$ (b) $\frac{10}{x}$ (c) $\frac{1}{x}$ (d) $-\frac{1}{x}$

(8) يساوي $\int \frac{e^x}{e^x - 4} dx$

- (a) $-\frac{1}{2}(e^x - 4) + C$ (b) $\ln|e^x - 4| + C$
 (c) $-\ln|e^x - 4| + C$ (d) $\frac{1}{2}\ln|e^x - 4| + C$

(9) يساوي $\int_{-1}^1 (1 - |x|) dx$

- (a) 1 (b) -1 (c) 0 (d) 2

(10) إذا كان $\int_{-1}^3 f(x) dx = 4$, $\int_3^{-1} g(x) dx = 2$ فإن

يساوي $\int_{-1}^3 (2f(x) + 3g(x) + 1) dx$

- (a) 18 (b) -6 (c) 6 (d) 12

(11) مساحة المنطقة المحددة بمنحنى الدالة $f : f(x) = \sqrt{9 - x^2}$ ومحور السينات هي

- (a) $9\pi \text{ units}^2$ (b) $6\pi \text{ units}^2$
 (c) $3\pi \text{ units}^2$ (d) $\frac{9}{2}\pi \text{ units}^2$

(12) حل المعادلة التفاضلية $y' = 4y$ الذي يحقق $y = 2$ عند $x = 0$ هو

- (a) $y = -2e^{4x}$ (b) $y = 2e^{4x} + 1$
 (c) $y = 2e^{4x}$ (d) $y = 2e^{4x} - 1$

(13) معادلة القطع الناقص الذي بؤرتاه $(\pm 7, 0)$ والنقطتان الطرفيتان لمحوره الأصغر $(0, \pm 6)$ هي :

(a) $\frac{x^2}{85} + \frac{y^2}{36} = 1$

(b) $\frac{x^2}{36} + \frac{y^2}{85} = 1$

(c) $\frac{x^2}{49} + \frac{y^2}{36} = 1$

(d) $\frac{x^2}{85} + \frac{y^2}{49} = 1$

(14) معادلة قطع ناقص إحدى بؤرتيه $(0, 4)$ وأحد رأسيه $(0, -5)$ هي :

(a) $\frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{9} = 1$

(b) $\frac{x^2}{9} + \frac{y^2}{25} = 1$

(c) $\frac{x^2}{4} + \frac{y^2}{5} = 1$

(d) $\frac{x^2}{5} + \frac{y^2}{3} = 1$

انتهت الأسئلة

دولة الكويت

وزارة التربية

2019 / 2018 م

الامتحان في 12 صفحة

امتحان الفترة الدراسية الثانية للصف الثاني عشر علمي

الزمن : ساعتان و 45 دقيقة

المجال الدراسي : الرياضيات

القسم الأول : أسئلة المقال

أجب عن جميع أسئلة المقال موضحاً خطوات الحل في كل منها:

14

السؤال الأول :

(a) أوجد مساحة المنطقة المحددة بمنحنى الدالة : $y_1 = 3 - x^2$

والمستقيم : $y_2 = -2x$

الحل :

(8 درجات)

امتحان الفترة الدراسية الثانية للصف الثاني عشر علمي 2018 / 2019 م
المجال الدراسي / الرياضيات

14

السؤال الثاني :

(a) أوجد التكامل :

(6 درجات)

$$\int (4x - 1) \ln x dx$$

الحل :

(8 درجات)

تابع السؤال الثاني:

(b) أوجد طول القوس من منحنى الدالة f :

$$f(x) = \frac{1}{3}(3 + 2x)^{\frac{3}{2}} \text{ في الفترة } [0, 2]$$

الحل :

Lined area for the solution, consisting of multiple horizontal dashed lines.

14

السؤال الثالث:

(a) أوجد التكامل: $\int \cos^3(2x - 3) \cdot \sin(2x - 3) dx$

(6 درجات)

الحل:

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

(7 درجات)

تابع السؤال الرابع:

(b) عند رمي حجر نرد مرة واحدة ، إذا كان المتغير العشوائي X يعبر عن :
(مربع العدد الظاهر مطروحاً منه 1 عندما يكون العدد الظاهر أصغر من 4 ، و-2 لغير ذلك))

فأوجد :

- (1) فضاء العينة (S) وعدد عناصر $n(s)$
- (2) مدى المتغير العشوائي X
- (3) احتمال وقوع كل عنصر من عناصر مدى المتغير العشوائي X
- (4) دالة التوزيع الاحتمالي f للمتغير العشوائي X

الحل :

القسم الثاني (البنود الموضوعية) :
أولاً : في البنود (1-4) ظلل في ورقة الإجابة: (a) إذا كانت العبارة صحيحة
(b) إذا كانت العبارة خاطئة

(1) إذا كانت $f(x) = \frac{-1}{x} + \frac{1}{2}x^2 - \frac{1}{2}$ فإن $f(2) = 1$ ، $f'(x) = \frac{1}{x^2} + x$

(2) إذا كان $y = 1$ عند $x = 0$ و $y' + y = 0$ فإن $y = 2e^{-x}$

(3) $y^2 = \frac{1}{2}x$ هي معادلة قطع مكافئ بؤرته $(\frac{1}{8}, 0)$

(4) إذا كانت X متغيراً عشوائياً متصلاً ودالة كثافة الاحتمال له هي :

$$f(x) = \begin{cases} 2 & : 0 \leq x \leq \frac{1}{2} \\ 0 & \text{في ما عدا ذلك} \end{cases} \quad \text{فإن } P(X \geq 2) = 1$$

ثانياً : في البنود (5 -14) لكل بند أربع اختيارات واحد فقط منها صحيح ظلل في ورقة الإجابة الرمز الدال على الاختيار الصحيح

(5) $\int \sqrt[3]{\cot x} \csc^2 x \, dx =$

a) $\frac{3}{4} \sqrt[3]{(\cot x)^4} + c$

b) $-\frac{3}{4} \sqrt[3]{(\cot x)^4} + c$

c) $-\frac{3}{4} \sqrt[4]{(\cot x)^3} + c$

d) $3 \sqrt[3]{(\cot x)^4} + c$

(6) حجم الجسم الناتج من دوران دورة كاملة حول محور السينات للمنطقة المحددة بمنحنى الدالة $f : f(x) = \sqrt{x+1}$ ومحور السينات والمستقيمين $x = 0$ ، $x = 2$ بالوحدات المكعبة هو :

a) 4π

b) 16π

c) 8π

d) 2π

$$\int \frac{2x}{x^2+1} dx = \quad (7)$$

a) $2 \ln(x^2 + 1) + c$

b) $\ln(x^2 + 1) + c$

c) $\frac{x^2}{x^2 + 1} + c$

d) $\frac{x^2}{\frac{x^3}{3} + x} + c$

(8) المعادلة التفاضلية التالية $(y')^2 + 2xy = 0$ من:

a) الرتبة الأولى و الدرجة الأولى

b) الرتبة الثانية و الدرجة الأولى

c) الرتبة الثانية و الدرجة الثانية

d) الرتبة الأولى و الدرجة الثانية

$$\int (2x + 1) \sin x dx = \quad (9)$$

a) $(2x + 1) \cos x + 2 \sin x + c$

b) $-(2x + 1) \cos x - 2 \sin x + c$

c) $-(x + 1) \cos x - 2 \sin x + c$

d) $-(2x + 1) \cos x + 2 \sin x + c$

(10) معادلة منحنى الدالة الذي ميل العمودي عليه عند أي نقطة (x, y) هو $-x + 3$ ويمر

بالنقطة $A(2, 3)$ هي y تساوي:

a) $\frac{-x^2}{2} + 3x - 4$

b) $3 - \ln|3 - x|$

c) $\ln|3 - x| + 3$

d) $\frac{-x^2}{2} + 3x + 4$

(11) إذا كانت $y = x^2 e^x - x e^x$ ، فإن $\frac{dy}{dx}$ تساوي:

a) $e^x(x^2 + x + 1)$

b) $e^x(x^2 - x)$

c) $e^x(x^2 + x - 1)$

d) $2x e^x - e^x$

(12) النقطة $A(-10, 0)$ تنتمي إلى القطع الناقص الذي معادلته : $\frac{x^2}{100} + \frac{y^2}{64} = 1$ فإن $AF_1 + AF_2$ حيث F_1, F_2 هما البؤرتان يساوي :

- a) 10 units b) 12 units c) 14 units d) 20 units

$$\int_{-\frac{\pi}{2}}^{\frac{\pi}{2}} (\sin x + \cos x) dx = \quad (13)$$

- a) 2 b) 0 c) 4 d) π

(14) إذا كان Z يتبع التوزيع الطبيعي فإن : $P(0 \leq Z \leq 2.35)$ يساوي :

- (a) 0.9906 (b) 0.5 (c) 0.4906 (d) 0.218

انتهت الأسئلة

دولة الكويت
وزارة التربية

امتحان الدور الثاني (الفترة الدراسية الثانية) - الصف الثاني عشر العلمي 2018 / 2019
المجال الدراسي: الرياضيات الزمن: ساعتان و 45 دقيقة الأسئلة في 11 صفحة

القسم الأول : أسئلة المقال
أجب عن الأسئلة التالية موضحاً خطوات الحل في كل منها:

14

السؤال الأول :
(a) أوجد

(6 درجات)

$$\int (x + 2) \sqrt[3]{x^2 + 4x - 1} dx$$

الحل :

(8 درجات)

تابع السؤال الأول :

(b) أوجد طول القوس من منحنى الدالة f :

$$f(x) = \frac{1}{3}(3 + 2x)^{\frac{3}{2}} \text{ في الفترة } [0,6]$$

الحل :

14

السؤال الثالث:

(a) أوجد

(6 درجات)

$$\int x^2 \cos x dx$$

الحل :

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

.....

السؤال الرابع:
(a) أوجد

14

(7 درجات)

$$\int \frac{x^2 - 2x + 4}{x^2 - 2x} dx$$

الحل :

تابع السؤال الرابع:

(7 درجات)

(b) في تجربة إلقاء قطعة نقود 8 مرات. أوجد التوقع والتباين والانحراف المعياري .

إذا كان المتغير العشوائي X هو ظهور كتابة .

الحل :

القسم الثاني (البنود الموضوعية) :

أولاً : في البنود (1-4) ظلل في ورقة الإجابة: (a) إذا كانت العبارة صحيحة
(b) إذا كانت العبارة خاطئة

(1) إذا كان $F(x) = \int (3x^2 - 5)dx$ وكان $F(2) = 3$ فإن $F(x) = x^3 - 5x + 3$

(2) إذا كان منحنى الدالة f : $f(x) = x^2 - 2x - 3$ يقطع محور السينات عند

$x = -1$ ، $x = 3$ فإن مساحة المنطقة المحددة بمنحنى الدالة f ومحور السينات

هي : $A = \int_{-1}^3 f(x)dx$

(3) معادلة القطع المكافئ الذي بؤرته $(-4, 0)$ ودليله $x = 4$ هي : $y^2 = -16x$

(4) لدالة توزيع تراكمي F للمتغير العشوائي X يكون : $P(X < a) = 1 - F(a)$

ثانياً : في البنود (5 - 14) لكل بند أربع اختيارات واحد فقط منها صحيح ظلل في ورقة

الإجابة الرمز الدال على الاختيار الصحيح

(5) المعادلة التفاضلية التالية $\frac{(2y''+x)^3}{xy}$ من :

(a) الرتبة الثانية والدرجة الأولى

(b) الرتبة الثانية والدرجة الثانية

(c) الرتبة الثانية والدرجة الثالثة

(d) الرتبة الثالثة والدرجة الثانية

(6) $\int \frac{1}{(x+3)^2} dx$ يساوي:

(a) $\frac{-1}{x+3} + c$

(b) $\frac{1}{x+3} + c$

(c) $\frac{3}{(x+3)^3} + c$

(d) $\frac{1}{(x+3)^3} + c$

$$\text{يساوي: } \int \frac{e^x + e^{-x}}{2} dx \quad (7)$$

$$(a) \frac{e^x + e^{-x}}{2} + C$$

$$(b) \frac{e^x - e^{-x}}{2} + C$$

$$(c) \frac{e^{-x} - e^x}{2} + C$$

$$(d) \frac{e^{2x} - e^{-2x}}{2} + C$$

$$\text{يساوي: } \int_2^3 f(x) dx + \int_3^2 f(x) dx - \int_5^2 f(x) dx \quad (8)$$

$$(a) 0$$

$$(b) 2 \int_2^3 f(x) dx$$

$$(c) - \int_2^5 f(x) dx$$

$$(d) \int_2^5 f(x) dx$$

$$\text{يساوي: } \int \sec^5 x \tan x dx \quad (9)$$

$$(a) \frac{5}{3} \sec^5 x + C$$

$$(b) \frac{1}{5} \sec^6 x + C$$

$$(c) \frac{1}{5} \sec^5 x + C$$

$$(d) \frac{-5}{3} \sec^5 x + C$$

$$\text{حل المعادلة التفاضلية } 2y' + y = 1 \text{ الذي يحقق } y = 3, x = 5 \text{ هو: } \quad (10)$$

$$(a) y = 2e^{\frac{5}{2}}$$

$$(b) \frac{2}{e^{\frac{5}{2}}}$$

$$(c) y = 2e^{\left(-\frac{1}{2}x - \frac{5}{2}\right)} + 1$$

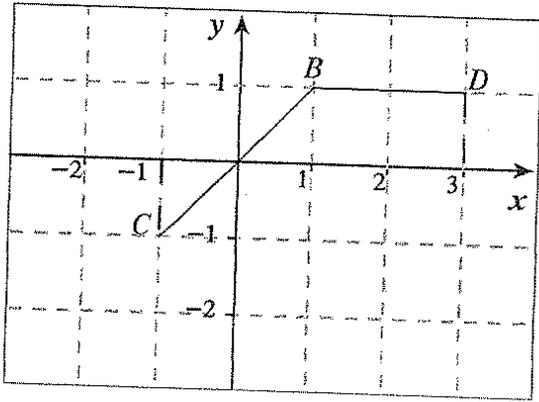
$$(d) y = 2e^{\left(-\frac{1}{2}x + \frac{5}{2}\right)} + 1$$

(11) إذا كانت $y = (\ln x)^2$ فإن $\frac{dy}{dx}$ تساوي :

- (a) $\frac{\ln x}{x}$ (b) $\frac{x \ln x}{2}$ (c) $\frac{2 \ln^2 x}{x}$ (d) $\frac{2 \ln x}{x}$

(12) المسافة بين البورتين للقطع الناقص $15x^2 + 25y^2 - 75 = 0$ بوحدة الطول هي :

- (a) $2\sqrt{2}$ (b) $\sqrt{2}$ (c) $2\sqrt{3}$ (d) 10



(13) إذا كان بيان الدالة يمثلها $\overline{CB} \cup \overline{BD}$ كما هو موضح بالشكل فإن مساحة المنطقة المحددة بمنحنى الدالة f ومحور السينات والمستقيمين $x = -1$ ، $x = 3$ هي :

- (a) 2 units^2 (b) 3 units^2 (c) 4 units^2 (d) 5 units^2

(14) إذا كانت دالة التوزيع الاحتمالي f للمتغير العشوائي X هي :

x	-1	0	1
$f(x)$	0.3	$2k$	0.1

فإن قيمة k هي :

- (a) 0.6 (b) 0.4 (c) 0.3 (d) 0.2

انتهت الأسئلة

دولة الكويت

وزارة التربية

2018 / 2017 م

امتحان نهاية الفترة الدراسية الثانية للصف الثاني عشر علمي

الأسئلة في 11 صفحة

الزمن : ساعتان و 45 دقيقة

المجال الدراسي : الرياضيات

القسم الأول : أسئلة المقال

أجب عن الأسئلة التالية موضحاً خطوات الحل في كل منها

14

السؤال الأول :

(a) أوجد

(8 درجات)

$$\int \frac{5}{\sqrt{x} (\sqrt{x} + 2)^3} dx$$

الحل :



تابع السؤال الأول:

(6 درجات)

(b) أوجد مساحة المنطقة المحددة بمنحنى الدالة $f(x) = x^2 - 9$ ومحور السينات

الحل:

السؤال الثاني:

(a) أوجد

$$\int x^3 \sqrt{x^2 - 2} dx$$

الحل:

(6 درجات)

14

(8 درجات)

تابع السؤال الثاني:

(b) أوجد طول القوس من منحنى الدالة f :

$$f(x) = \frac{2}{3}x^2 + 1 \text{ في } [3, 8]$$

الحل :

14

السؤال الثالث:

(a) أوجد :

(8 درجات)

$$\int \frac{4x + 1}{x^2 + 5x + 4} dx$$

الحل :

(6 درجات)

تابع السؤال الثالث:

(b) أوجد معادلة القطع المكافئ الذي رأسه نقطة الأصل ويمر بالنقطتين
 $A(-1, 4)$, $B(1, 4)$ ثم أوجد بؤرتيه ومعادلة دليته

الحل :

السؤال الرابع:

(a) لتكن الدالة f :

$$f(x) = \begin{cases} \frac{1}{3} & : 0 \leq x \leq 3 \\ 0 & : \text{فيما عدا ذلك} \end{cases}$$

(8 درجات)

(a) اثبت أن f هي دالة كثافة احتمال

(b) اثبت أن f تتبع التوزيع الاحتمالي المنتظم

(c) أوجد التوقع والتباين للدالة f

الحل :

القسم الثاني (البنود الموضوعية) :
أولاً : في البنود (1-2) ظلل في ورقة الإجابة: (a) إذا كانت العبارة صحيحة
(b) إذا كانت العبارة خاطئة

(1) إذا كانت : $f'(x) = \frac{1}{x^2} + x$, $f(2) = 1$, فإن $f(x) = -\frac{1}{x} + \frac{1}{2}x^2 + \frac{1}{2}$

(2) لدالة توزيع تراكمي F للمتغير العشوائي X يكون : $P(X > a) = 1 - F(a)$

ثانياً : في البنود (3 - 10) لكل بند أربع اختيارات واحد فقط منها صحيح ظلل في ورقة
الإجابة الرمز الدال على الاختيار الصحيح

(3) إذا كان : $y'' = 2x^2 + 3x$ فإن :

a) $y = \frac{2}{3}x^3 + \frac{3}{2}x^2 + c$

b) $y = \frac{2}{3}x^3 + \frac{3}{2}x^2$

c) $y = \frac{1}{6}x^4 + \frac{1}{2}x^3 + c_1x + c_2$

d) $y = \frac{1}{6}x^4 + \frac{1}{2}x^3 + c_1x$

(4) $\int \left(\frac{x^2 - 4x + 4}{x - 2} + 2 \right)^2 dx =$

a) $2x + c$

b) $x^2 + c$

c) $\frac{x^2}{2} + 2x + c$

d) $\frac{1}{3}x^3 + c$

(5) إذا كانت : $y = \ln\left(\frac{10}{x}\right)$, فإن $\frac{dy}{dx}$ يساوي :

a) $-\frac{10}{x}$

b) $\frac{10}{x}$

c) $\frac{1}{x}$

d) $-\frac{1}{x}$

$$(6) \quad \int_{-1}^3 f(x) dx = 4 \quad , \quad \int_3^{-1} g(x) dx = 2 \quad \text{إذا كان}$$

$$\int_{-1}^3 (2f(x) + 3g(x) + 1) dx \quad \text{فإن يساوي :}$$

- a) 6 b) 18 c) 12 d) -6

$$(7) \quad \int \frac{\csc^2 x}{\sqrt[3]{2 + \cot x}} dx =$$

- a) $\frac{3}{2}(2 + \cot x)^{\frac{2}{3}} + c$ b) $-\frac{3}{2}(2 + \cot x)^{\frac{2}{3}} + c$
c) $-2\sqrt{2 + \cot x} + c$ d) $\frac{4}{3}(2 + \cot x)^{\frac{4}{3}} + c$

(8) المسافة بين نقطة الأصل وأحد رأسي القطع الناقص على المحور الأكبر الذي معادلته

$$\frac{x^2}{20.25} + \frac{y^2}{4} = 1 \quad \text{هي :}$$

- a) 9 units b) 2 units c) 4.5 units d) 16.25 units

(9) حجم الجسم الناتج من دوران دورة كاملة حول محور السينات للمنطقة المحددة

بين منحنيني $y = \frac{1}{2}x$ ، $y = \sqrt{x}$ بالوحدات المكعبة هو:

- a) $\frac{64\pi}{15}$ b) $\frac{32\pi}{15}$ c) $\frac{64\pi}{5}$ d) $\frac{8\pi}{3}$

(10) معادلتا الخطين المقاربتين للقطع الزائد : $\frac{x^2}{8} - \frac{y^2}{32} = 2$ هما :

- a) $y = \pm 2x$ b) $y = \pm \frac{1}{2}x$ c) $y = \pm 4x$ d) $y = \pm \frac{1}{4}x$

انتهت الأسئلة

دولة الكويت

وزارة التربية

امتحان الدور الثاني (الفترة الدراسية الثانية) - الصف الثاني عشر علمي
المجال الدراسي: الرياضيات الزمن: ساعتان و 45 دقيقة
2017 / 2018 م
الأسئلة في 11 صفحة

14

القسم الأول : أسئلة المقال

أجب عن الأسئلة التالية موضحاً خطوات الحل في كل منها:

السؤال الأول :

(a) أوجد

(8 درجات) $\int x \cos 3x dx$

الحل :

تابع السؤال الأول: (6 درجات)

(b) أوجد حجم المجسم الناتج من دوران المنطقة المستوية المستوية دورة كاملة حول محور السينات والمحددة بمنحني الدالتين :

$$f(x) = x^2 , \quad g(x) = \sqrt{x}$$

الحل :

14

السؤال الثاني :

(a)

أوجد طول القوس من منحنى الدالة f :

(6 درجات)

$$f(x) = 5 + 2\sqrt{x^3} \text{ في الفترة } \left[0, \frac{1}{3}\right]$$

الحل :

(8 درجات)

تابع السؤال الثاني:

(b) أوجد :

$$\int x \sin x \, dx$$

الحل :

السؤال الثالث:

(a) أوجد :

$$\int \frac{5x - 2}{x^2 - 5x + 4} dx$$

الحل :

14

(8 درجات)

تابع السؤال الثالث:

(6 درجات)

(b) أوجد معادلة القطع الزائد الذي مركزه نقطة الأصل وأحد رأسيه $A(\frac{2}{3}, 0)$ ويمر بالنقطة $(1, 1)$ ثم أوجد معادلتا الخطين المقاربتين

الحل:

السؤال الرابع:

14

(a) إذا كان X متغيرًا عشوائيًا متصلًا ودالة كثافة الاحتمال له هي :

$$f(x) = \begin{cases} \frac{2}{9}x & : 0 \leq x \leq 3 \\ 0 & : \text{فيما عدا ذلك} \end{cases}$$

(8 درجات)

أوجد :

1) $p(0 < X \leq 3)$

2) $p(X \geq 2)$

3) $P(X = 1)$

الحل :

تابع السؤال الرابع:

(6 درجات)

(b) أوجد معادلة منحنى الدالة f الذي ميله عند أي نقطة عليه (x, y) هو
 $4x^3 + 6x^2 - 2x + 1$ ويمر بالنقطة $P(0, 1)$

الحل :

القسم الثاني (البنود الموضوعية) :

أولاً : في البنود (1-2) ظلل في ورقة الإجابة: (a) إذا كانت العبارة صحيحة
(b) إذا كانت العبارة خاطئة

$$\int \csc^2 x \, dx = -\cot x + c \quad (1)$$

x	0	1	2	3
f(x)	0.1	0.05	0.4	0.4

(2) التوزيع المجاور يمثل دالة التوزيع الاحتمالي f للمتغير X

ثانياً : في البنود (3 - 10) لكل بند أربع اختيارات واحد فقط منها صحيح ظلل في ورقة الإجابة الرمز الدال على الاختيار الصحيح

$$\int \frac{2 + \sqrt[3]{x^2}}{\sqrt{x}} \, dx = \quad (3)$$

a) $x^{\frac{1}{2}} + \frac{6}{7}x^{\frac{7}{6}} + c$

b) $4x^{\frac{1}{2}} + \frac{6}{7}x^{\frac{7}{6}} + c$

c) $x^{\frac{1}{2}} + \frac{7}{6}x^{\frac{7}{6}} + c$

d) $4x^{\frac{1}{2}} + \frac{7}{6}x^{\frac{7}{6}} + c$

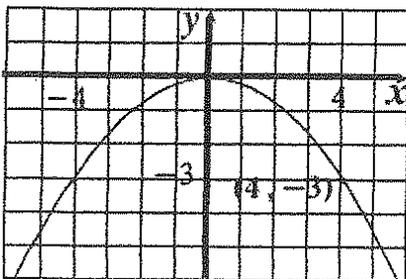
(4) مساحة المنطقة المحددة بمنحنى الدالة f : $f(x) = \sqrt{9 - x^2}$ ومحور السينات هي:

a) $9\pi \text{ units}^2$

b) $6\pi \text{ units}^2$

c) $3\pi \text{ units}^2$

d) $\frac{9}{2}\pi \text{ units}^2$



(5) معادلة دليل القطع المكافئ في الشكل المقابل هي :

a) $y = \frac{4}{3}$

b) $y = \frac{9}{20}$

c) $y = \frac{-1}{12}$

d) $y = \frac{-4}{3}$

(6) إذا كان $y_{\theta=0} = -3$, $\frac{dy}{d\theta} = \sin\theta$ فإن y تساوي :

- a) $-\cos\theta$ b) $2 - \cos\theta$ c) $-2 - \cos\theta$ d) $4 - \cos\theta$

(7) $\int \frac{e^x + e^{-x}}{2} dx =$

- a) $\frac{e^x + e^{-x}}{2} + c$ b) $\frac{e^{-x} - e^x}{2} + c$
 c) $\frac{e^x - e^{-x}}{2} + c$ d) $\frac{e^{-2x} - e^{2x}}{2}$

(8) طول المحور الأكبر للقطع الناقص $\frac{x^2}{100} + \frac{y^2}{64} = 1$ يساوي :

- a) 12 units b) $2\sqrt{41}$ units c) 16 units d) 20 units

(9) حل المعادلة التفاضلية $2y' + y = 1$ الذي يحقق $y = 3$ عند $x = 5$ هو :

- a) $y = 2e^{\frac{5}{2}}$ b) $y = \frac{2}{e^{\frac{5}{2}}}$
 c) $y = 2e^{(\frac{-1}{2}x + \frac{5}{2})} + 1$ d) $y = 2e^{(\frac{-1}{2}x - \frac{5}{2})} + 1$

(10) لتكن $f(x) = x^2 + 1$ فإن $\int_{-a}^a f(x) dx > 0$ لكل قيم a تنتمي إلى :

- a) $R - R^-$ b) $R - R^+$ c) R^- d) R^+

انتهت الأسئلة

دولة الكويت

وزارة التربية

إمتحان نهاية الفترة الدراسية الثانية للصف الثاني عشر علمي 2016 / 2017 م
المجال الدراسي: الرياضيات الزمن: ساعتان و 45 دقيقة الأسئلة في 11 صفحة

القسم الأول: أسئلة المقال:

أجب عن الأسئلة التالية موضحاً خطوات الحل في كل منها:

السؤال الأول:

14

(a) أوجد حجم الجسم الناتج من دوران المنطقة المستوية دورة كاملة حول

محور السينات والمحددة بمنحنى الدالة $f(x) = x^2 + 2$:

(8 درجات)

ومحور السينات في الفترة $[-1, 1]$

تابع السؤال الأول:

(b) أوجد:

(6 درجات)

$$\int (2x + 1) \ln x \, dx$$

14

السؤال الثاني

(a) أوجد :

$$\int_0^{\frac{\pi}{4}} \tan x \sec^2 x \, dx$$

(6 درجات)

تابع السؤال الثاني :

(b) إذا كان ميل العمودي لمنحنى الدالة f عند أي نقطة عليه هو $3x^2$
فأوجد معادلة المنحنى عندما يمر بالنقطة $A(1, 5)$ (8 درجات)

14

السؤال الثالث:

(a) لتكن الدالة f :

$$f(x) = \frac{2}{x^2 - 4x + 3}$$

(8 درجات)

فأوجد :

(1) الكسور الجزئية

$$\int f(x) dx \quad (2)$$

تابع السؤال الثالث :
(b) أوجد :

(6 درجات)

$$\int \frac{1}{x^2 \left(\frac{1}{x} + 2\right)^5} dx$$

14

السؤال الرابع

(a) أوجد معادلة القطع الناقص الذي مركزه $(0, 0)$ وإحدى بؤرتيه $F(4, 0)$

ويمر بالنقطة $A(6, 0)$ ثم أوجد الاختلاف المركزي له

(7 درجات)

تابع السؤال الرابع :

(7 درجات)

$$f(x) = \begin{cases} \frac{1}{2} & : 1 \leq x \leq 3 \\ 0 & : \text{في ما عدا ذلك} \end{cases}$$

(b) لتكن الدالة f هي دالة كثافة احتمال:

1) اثبت أن الدالة f تتبع التوزيع الإحتمالي المنتظم

2) أوجد : $P(2 < X \leq 3)$

3) أوجد : التوقع والتباين للدالة f

القسم الثاني (الأسئلة الموضوعية) :

أولاً: في البنود (1 - 2) ظلل في جدول الإجابة (a) إذا كانت العبارة صحيحة و (b) إذا كانت العبارة خاطئة

(1) $(F'(x) = \sec^2 x, F\left(\frac{\pi}{4}\right) = 1) \Rightarrow F(x) = \tan x + 2$

(2) $\int \frac{2x+3}{\sqrt{x}} dx = \frac{4}{3}x^{\frac{3}{2}} + 6x^{\frac{1}{2}} + C$

ثانياً: في البنود (3 - 10) لكل بند أربع إختيارات واحد منها فقط صحيح اختر الإجابة الصحيحة ثم ظلل في جدول الإجابة الرمز الدال على الإجابة الصحيحة:

(3) $\int_0^3 3x|x| dx =$

(a) - 27

(b) - 9

(c) 9

(d) 27

(4) $\int \frac{e^x + e^{-x}}{2} dx =$

(a) $\frac{e^x - e^{-x}}{2} + C$

(b) $\frac{e^x + e^{-x}}{2} + C$

(c) $\frac{e^{-x} - e^x}{2} + C$

(d) $\frac{e^{2x} - e^{-2x}}{2} + C$



(5) طول القوس من منحنى الدالة $f: f(x) = x - 3$ في الفترة $[0, 2]$ هو

(a) $\sqrt{2}$ units

(b) $2\sqrt{2}$ units

(c) $3\sqrt{2}$ units

(d) $\frac{\sqrt{2}}{2}$ units

(6) مساحة المنطقه المحددة بمنحنى الدالة $f: f(x) = \sqrt{9 - x^2}$ ومحور السينات هي:

(a) 9π units²

(b) 6π units²

(c) $\frac{3}{2}\pi$ units²

(d) $\frac{9}{2}\pi$ units²

(7) إذا كان $y'' = 2x^2 + 3x$ فإن :

(a) $y = \frac{2x^3}{3} + \frac{3x^2}{2} + C$

(b) $y = \frac{2x^3}{3} + \frac{3x^2}{2}$

(c) $y = \frac{1}{6}x^4 + \frac{1}{2}x^3 + C_1x + C_2$

(d) $y = x^4 + x^3 + C_1x + C_2$

(8) إذا كان $y^2 = \frac{-1}{6}x$ معادلة قطع مكافئ فإن معادلة الدليل هي :

(a) $y = \frac{-1}{24}$

(b) $y = \frac{1}{24}$

(c) $x = \frac{-1}{24}$

(d) $x = \frac{1}{24}$

(9) معادلتا الخطين المقاربتين للقطع الزائد :

هما $\frac{x^2}{8} - \frac{y^2}{32} = 1$

(a) $y = \pm 2x$

(b) $y = \pm \frac{1}{2}x$

(c) $y = \pm 4x$

(d) $y = \pm \frac{1}{4}x$

(10) إذا كانت دالة التوزيع الإحتمالي f للمتغير العشوائي المتقطع X هي :

x	0	1	2
$f(x)$	$\frac{1}{3}$	$\frac{5}{9}$	$\frac{1}{9}$

فإن التوقع μ للمتغير العشوائي المتقطع X يساوي

(a) 1

(b) $\frac{2}{3}$

(c) $\frac{7}{9}$

(d) 0

إنتهت الأسئلة ...

دولة الكويت

وزارة التربية

امتحان الدور الثاني (الفترة الدراسية الثانية) للصف الثاني عشر علمي 2016 / 2017 م
المجال الدراسي : الرياضيات الزمن : ساعتان و 45 دقيقة الأسئلة في 11 صفحة

القسم الأول : أسئلة المقال :

أجب عن الأسئلة التالية موضحا خطوات الحل في كل منها :

السؤال الأول :

(a) أوجد :

14

(6 درجات)

$$\int x e^x dx$$

تابع السؤال الأول :

(8 درجات)

(b) أوجد طول القوس من منحنى الدالة f :

$$f(x) = 5 + 2\sqrt{x^3}$$

في الفترة : $\left[0, \frac{1}{3} \right]$

14

السؤال الثاني

(a) أوجد :

(6 درجات)

$$\int_1^4 |x - 2| dx$$

تابع السؤال الثاني :
(b) أوجد

(8 درجات)

$$\int \frac{12}{x^2 + 2x - 3} dx$$

السؤال الثالث :

(a) أوجد :

14

(6 درجات)

$$\int \frac{dx}{(\sin^2 x) \sqrt{1 + \cot x}}$$

تابع السؤال الثالث :

(b) أوجد حجم المجسم الناتج من دوران المنطقة دورة كاملة حول محور السينات و المحدده

بمنحنيي الدالتين :

(8 درجات)

$$y_1 = x + 3 , y_2 = x^2 + 1$$

السؤال الرابع

14

(a) أوجد معادلة القطع الناقص الذي مركزه (0, 0) وطول محوره

الأكبر 16 cm و ينطبق على المحور الصادي والمسافة بين البؤرتين 10 cm

(7 درجات)

Handwritten solution area with horizontal lines.

(7 درجات)

تابع السؤال الرابع :

(b) يبين الجدول التالي دالة التوزيع الإحتمالي f للمتغير العشوائي المنقطع X

x	1	2	3	4	5
$f(x)$	0.2	0.1	0.3	0.1	0.3

أوجد :

- (1) التوقع μ
- (2) التباين σ^2
- (3) الإنحراف المعياري σ

القسم الثاني (الأسئلة الموضوعية) :

<p>أولاً : في البنود (1 - 2) ظلل في جدول الإجابة (a) إذا كانت العبارة صحيحة و (b) إذا كانت العبارة خاطئة</p>	
(1)	<p>مساحة المنطقة المحددة بمنحنى الدالة $f : f(x) = 4 - x^2$ و محور السينات في $[-2, 2]$ هي :</p> $2 \int_0^2 f(x) dx$
(2)	<p>الخطان المقاربان للقطع الزائد الذي معادلته $x^2 - y^2 = 12$ هما متعامدان</p>
<p>ثانياً : في البنود (3 - 10) لكل بند أربع إختيارات واحد منها فقط صحيح اختر الإجابة الصحيحة ثم ظلل في جدول الإجابة الرمز الدال على الإجابة الصحيحة :</p>	
(3)	<p>$\int \left(\frac{x^2 - 4x + 4}{x - 2} + 2 \right)^2 dx$</p> <p>(a) $x^2 + C$ (b) $2x + C$</p> <p>(c) $\frac{x^2}{2} + 2x + C$ (d) $\frac{1}{3}x^3 + C$</p>
(4)	<p>إذا كانت $y_{x=0} = -3$ و $\frac{dy}{dx} = \sin x$ فإن y تساوي</p> <p>(a) $-\cos x$ (b) $2 - \cos x$</p> <p>(c) $-2 - \cos x$ (d) $4 - \cos x$</p>
(5)	<p>إذا كانت $y = \ln x^2$ فإن $\frac{dy}{dx}$ تساوي</p> <p>(a) $\frac{2}{x^2}$ (b) $\frac{2}{x}$</p> <p>(c) $\frac{x \ln x}{2}$ (d) $\frac{2 \ln x^2}{x}$</p>
(6)	<p>إذا كان $y = 3$ عند $x = 0$ ، فإن $y' + y = 2$</p> <p>(a) $y = e^{-x} - 2$ (b) $y = \frac{1}{2}e^{-x}$</p> <p>(c) $y = e^{-x} + 2$ (d) $y = 2e^{-x}$</p>

<p>(7) المعادلة التي تمثل قطاعا مكافئا رأسه $(0, 0)$ ويمر بالنقطة $B(-5, 2)$، وخط تماثله هو محور السينات هي :</p> <p>(a) $y^2 = \frac{-4}{5}x$ (b) $x^2 = \frac{-4}{5}y$</p> <p>(c) $y^2 = \frac{4}{5}x$ (d) $x^2 = \frac{4}{5}y$</p>	
<p>(8) إذا كان $\int_{-1}^3 f(x) dx = 4$ ، $\int_{-1}^3 g(x) dx = 2$ فإن</p> <p>تساوي $\int_{-1}^3 (3f(x) + 2g(x) + 1) dx$</p> <p>(a) 9 (b) 10</p> <p>(c) 12 (d) 17</p>	
<p>(9) لتكن $A(1, 3)$ نقطة على منحنى الدالة $f : f'(x) = 3x^2 - 12x + 9$ فإن $f(x)$ تساوي</p> <p>(a) $x^3 - 6x^2 + 9x - 1$ (b) $x^3 - 6x^2 + 9x + 1$</p> <p>(c) $x^3 - 6x^2 + 9x - 3$ (d) $x^3 - 6x^2 + 9x + 3$</p>	
<p>(10) إذا كان X متغيرا عشوائيا متصلا و دالة كثافة الاحتمال له هي :</p> $f(x) = \begin{cases} \frac{1}{5}x & : -2 \leq x \leq 3 \\ 0 & : \text{في ما عدا ذلك} \end{cases}$ <p>فإن $P(X \leq -2.5)$ تساوي</p> <p>(a) 0 (b) 1</p> <p>(c) $\frac{1}{5}$ (d) $\frac{1}{10}$</p>	

إنتهت الأسئلة،،،

دولة الكويت

وزارة التربية

إمتحان نهاية الفترة الدراسية الرابعه للصف الثاني عشر علمي 2015 / 2016 م
المجال الدراسي : الرياضيات الزمن : ساعتان و 45 دقيقة الأسئلة في 11 صفحه

القسم الأول : أسئلة المقال :

أجب عن الأسئلة التالية موضحا خطوات الحل في كل منها :

السؤال الأول :

10

(a) أوجد :

(5 درجات)

$$\int x^5 \sqrt{4 - x^2} dx$$

تابع السؤال الأول :

(b) أوجد طول القوس من منحنى الدالة f : $f(x) = \frac{2}{9}(9 + 3x)^{\frac{3}{2}}$

(5 درجات)

في الفترة [2, 5]

السؤال الثاني

(a) أوجد :

10

(6 درجات) $\int x^2 \cos x \, dx$

تابع السؤال الثاني :
(b) أوجد :

(4 درجات)

$$\int_{-2}^0 \frac{5x - 1}{x^2 + 2x - 3} dx$$

السؤال الثالث :

10

(a) أوجد :

(4 درجات)

$$\int (x + 1) e^{x^2+2x+3} dx$$

تابع السؤال الثالث :

(b) أوجد مساحة المنطقة المحددة بمنحنى الدالة $f : f(x) = 4x - x^2$

و منحنى الدالة $g : g(x) = 5 + x^2$ والمستقيمين $x = 0, x = 2$

علما بأن منحني الدالتين f, g غير متقاطعين (6 درجات)

السؤال الرابع

(α) للقطع الزائد الذي معادلته :

$$\frac{x^2}{7} - \frac{y^2}{16} = 1$$

أوجد كلا من :

- (1) الرأسين (2) البؤرتين (3) الإختلاف المركزي (6 درجات)

تابع السؤال الرابع :

(b) لتكن الداله f : $f(x) = \begin{cases} \frac{1}{2} & , 1 \leq x \leq 3 \\ 0 & \text{في ما عدا ذلك} \end{cases}$ داله كثافة إحتمال

(1) أثبت أن الداله f تتبع التوزيع الإحتمالي المنتظم

(2) أوجد التوقع و التباين للداله f

(4 درجات)

أولاً : في البنود (3 - 1) ظلل في جدول الإجابة (a) إذا كانت العبارة صحيحة و (b) إذا كانت العبارة خاطئة

(1) إذا كانت $y = x \ln x - x$ فإن $y' = \ln x$

(2) حل المعادلة التفاضلية : $2y' + y = 1$ الذي يحقق $y = 2$ عند $x = -1$ هو : $y = e^{-\frac{1}{2}x - \frac{1}{2}} + 1$

(3) $y^2 = \frac{1}{2}x$ هي معادلة قطع مكافئ بؤرته $F(0, \frac{-3}{2})$

ثانياً : في البنود (10 - 4) لكل بند أربع إختيارات واحد منها فقط صحيح اختر الإجابة الصحيحة ثم ظلل في جدول الإجابة الرمز الدال على الإجابة الصحيحة :

(4) الصورة العامة للمشتقة العكسية للدالة $f : f(x) = 8 + \csc x \cot x$ هي :

(a) $F(x) = 8x + \csc x + C$ (b) $F(x) = 8x - \cot x + C$

(c) $F(x) = 8x - \csc x + C$ (d) $F(x) = 8x + \cot x + C$

(5) لتكن $f : f(x) = x^2 + 1$ فإن $\int_{-a}^a f(x) dx > 0$ لكل قيم a تنتمي إلى :

(a) $\mathbb{R} - \mathbb{R}^-$

(b) $\mathbb{R} - \mathbb{R}^+$

(c) \mathbb{R}^-

(d) \mathbb{R}^+

(6) حجم الجسم الناتج من دوران دورة كاملة حول محور السينات للمنطقة المحددة بمنحنى

الدالة : $y = -\sqrt{4 - x^2}$ بالوحدات المكعبة هو :

(a) 4π

(b) $\frac{16}{3}\pi$

(c) 6π

(d) $\frac{32}{3}\pi$

دولة الكويت

وزارة التربية

امتحان الدور الثاني الفترة الدراسية الرابعه للصف الثاني عشر علمي 2015 / 2016 م
المجال الدراسي : الرياضيات الزمن : ساعتان و 45 دقيقة الأسئلة في 11 صفحه

القسم الأول : أسئلة المقال :

أجب عن الأسئلة التالية موضحا خطوات الحل في كل منها :

السؤال الأول :

10

(a) أوجد :

(4 درجات)

$$\int \frac{\sec^2 x}{\sqrt{1 + \tan x}} dx$$

تابع السؤال الأول :

(b) أوجد :

(6 درجات)

$$\int \frac{x+2}{x^2-6x+8} dx$$

السؤال الثاني

10

(a) دون حساب قيمة التكامل أثبت أن :

(4 درجات)
$$\int_0^1 (x^2 - 3x + 7) dx \geq \int_0^1 (4x - 5) dx$$

تابع السؤال الثاني :

(b) أوجد مساحة المنطقة المحددة بمنحنى الدالتين : $f(x) = x$, $g(x) = \sqrt[3]{x}$

(6 درجات)

10



السؤال الثالث :

(a) أوجد :

(4 درجات)

$$\int (x + 1) e^{x+1} dx$$

تابع السؤال الثالث :
(b) حل المعادلة التفاضلية :

(6 درجات)

$$y' - 2xy = 0$$

السؤال الرابع

10

(a) أوجد معادلة القطع الزائد الذي مركزه نقطة الأصل وإحدى بؤرتيه :

$$F(0, -\sqrt{5}) \text{ ومعادلة أحد خطيه المقاربين : } y = 2x$$

(6 درجات)

ثم أوجد إختلافه المركزي

تابع السؤال الرابع :

(b) عند إلقاء قطعة نقود ثلاث مرات متتالية إذا كان المتغير العشوائي X يعبر عن

" عدد الصور " أوجد

(1) فضاء العينة - مدى المتغير العشوائي

(2) دالة التوزيع الإحتمالي f للمتغير العشوائي

(4 درجات)

<p>أولاً : في البنود (3 - 1) ظلل في جدول الإجابة (a) إذا كانت العبارة صحيحة و (b) إذا كانت العبارة خاطئة</p>	
(1)	$\int \frac{1}{x^2} dx = \frac{1}{x} + C$
(2)	<p>حجم المجسم الناتج من دوران دورة كاملة حول محور السينات للمنطقة المحددة بمنحنى الدالة $f : f(x) = x$ ومنحنى الدالة $g : g(x) = \frac{1}{2}x^2$ هو</p> $V = \pi \int_0^2 (x - \frac{1}{2}x^2) dx$
(3)	<p>الخطان المقاربان للقطع الزائد الذي معادلته : $x^2 - y^2 = 12$ متعامدان</p>
<p>ثانياً : في البنود (10 - 4) لكل بند أربع إختيارات واحد منها فقط صحيح اختر الإجابة الصحيحة ثم ظلل في جدول الإجابة الرمز الدال على الإجابة الصحيحة :</p>	
(4)	$\int \frac{e^x}{e^x - 4} dx =$ <p>(a) $\frac{-1}{2} (e^x - 4) + C$ (b) $\ln e^x - 4 + C$</p> <p>(c) $-\ln e^x - 4 + C$ (d) $\frac{1}{2} \ln e^x - 4 + C$</p>
(5)	$\int_{-1}^1 (1 - x) dx =$ <p>(a) -1 (b) 0</p> <p>(c) $\frac{1}{2}$ (d) 1</p>
(6)	<p>طول القوس من منحنى الدالة $f : f(x) = x - 3$ في الفترة $[0, 3]$ هو</p> <p>(a) $\sqrt{2}$ units (b) $2\sqrt{2}$ units</p> <p>(c) $3\sqrt{2}$ units (d) $\frac{\sqrt{2}}{2}$ units</p>

	<p>(7) المسافة بين البورتين للقطع الناقص $15x^2 + 25y^2 - 75 = 0$ تساوي</p> <p>(a) $2\sqrt{2}$ units (b) $\sqrt{2}$ units</p> <p>(c) 10 units (d) $2\sqrt{5}$ units</p>	
	<p>(8) إذا كانت $y = e^x - e^{-x}$ فإن $\frac{dy}{dx}$ تساوي</p> <p>(a) $e^x + e^{-x}$ (b) $e^x - e^{-x}$</p> <p>(c) e^{2x} (d) $2e^x$</p>	
	<p>(9) المعادلة التي تمثل قطاعا مكافئا رأسه $(0, 0)$ ويمر بالنقطة $(-5, -6)$ وخط تماثله y-axis هي</p> <p>(a) $y^2 = \frac{-25}{6}x$ (b) $x^2 = \frac{-25}{6}y$</p> <p>(c) $y^2 = \frac{-6}{25}x$ (d) $x^2 = \frac{-6}{25}y$</p>	
	<p>(10) إذا كان X متغيرا عشوائيا متقطعا يأخذ القيم: $-1, 1, 1.5$ و كان:</p> <p>$P(X = 1) = 0.3, P(X = -1) = 0.6$</p> <p>فإن $P(X > 0)$ يساوي</p> <p>(a) 0.7 (b) 0.4</p> <p>(c) 0.9 (d) 0.6</p>	

إنتهت الأسئلة ،،،

(الصفحة الأولى)

امتحان نهاية الفترة الدراسية الرابعة للصف الثاني عشر علمي للعام الدراسي : 2014 / 2015 م

المجال الدراسي : الرياضيات للقسم العلمي الزمن : ساعتان وخمس وأربعون دقيقة

عدد صفحات الإمتحان (11) صفحة مختلفة

القسم الأول - أسئلة المقال

أجب عن الأسئلة التالية (موضحا خطوات الحل في كل منها)

السؤال الأول :- (10 درجات)

(4 درجات)

$$\int x \ln x \, dx$$

(a) أوجد

الإجابة

السؤال الثاني :- (10 درجات)

(6 درجات)

(a) أوجد :

$$\int_0^{\frac{\pi}{4}} \tan x \sec^2 x dx$$

الإجابة

(4 درجات)

تابع السؤال الثاني :-

(b) أوجد معادلة منحنى الدالة f الذي ميله عند أي نقطة عليه $p(x, y)$ يساوي :

$$3x^2 - 4x + 1 \quad \text{و يمر بالنقطة } A(1, 2)$$

الإجابة

السؤال الثالث :- (10 درجات)

(4 درجات) حل المعادلة التفاضلية : $3y' - 2y = 4$ (a)

ثم أوجد الحل الذي يحقق $y = 3$ عندما $x = 0$

الإجابة

(6 درجات)

تابع السؤال الثالث :-

(b) أوجد معادلة القطع الزائد الذي بؤرتاه $F_1(-4, 0), F_2(4, 0)$ ورأساه $A_1(-2, 0), A_2(2, 0)$ ثم أوجد معادلة كل من خطيه المقاربتين

الإجابة

السؤال الرابع :- (10 درجات)

(5 درجات) (a) أوجد مساحة المنطقة المحددة بمنحني :

$$f(x) = x^2 + 1 , g(x) = -x^2 + 9$$

الإجابة

تابع السؤال الرابع :-

(5 درجات)

(b) إذا كان X متغير عشوائياً ذو حدين ومعلمتيه هما : $P = 0.1$, $n = 7$

فأوجد :

a) $P(X = 0)$

b) $P(1 < X \leq 3)$

الإجابة

القسم الثاني : البنود الموضوعية

أولاً :- في البنود (1-3) ظلل في ورقة الإجابة (a) إذا كانت العبارة صحيحة
وظلل (b) إذا كانت العبارة غير صحيحة

(1) $F(x) = x^{-3}$ هي مشتقة عكسية للدالة : $f(x) = -3x^{-4}$ (a) (b)

(2) عدد أحرف كلمات كتاب هو متغير عشوائي متصل (a) (b)

(3) بؤرتا القطع الناقص الذي معادلته : $\frac{x^2}{16} + \frac{y^2}{36} = 1$ هما $(\pm 3, 0)$ (a) (b)

ثانياً :- في البنود (4-10) لكل بند أربع إختيارات إحداها فقط صحيح ظلل في ورقة الإجابة
الدائرة الدالة على الاختيار الصحيح :

(4) إذا كانت $y = \ln\left(\frac{10}{x}\right)$ فإن $\frac{dy}{dx}$ تساوي :

(a) $-\frac{10}{x}$ (b) $\frac{10}{x}$ (c) $\frac{1}{x}$ (d) $-\frac{1}{x}$

(5) $\int x(x^2 + 2)^7 dx =$

(a) $\frac{1}{16}(x^2 + 2)^8 + c$

(b) $\frac{1}{4}(x^2 + 2)^8 + c$

(c) $\frac{1}{12}(x^2 + 2)^6 + c$

(d) $\frac{1}{3}(x^2 + 2)^6 + c$

(6) لتكن $f(x) = x^2 + 5$ فإن $\int_{-a}^a f(x)dx > 0$ لكل قيم a تنتمي إلى :

- (a) $R - R^-$ (b) $R - R^+$ (c) R^- (d) R^+

(7) حجم الجسم الناتج من دوران دورة كاملة حول محور السينات للمنطقة المحددة بمنحنى

الدالة : $y = -\sqrt{4 - x^2}$ بالوحدات المكعبة يساوي :

- (a) 4π (b) 6π (c) $\frac{16}{3}\pi$ (d) $\frac{32}{3}\pi$

(8) طول القوس من منحنى الدالة $f(x) = \frac{1}{3}$ في الفترة $[-2,3]$ هو :

- (a) 7 units (b) 6 units (c) 5 units (d) 1 unit

(9) النقطة المشتركة بين كل القطوع المكافئة التي هي على الصورة $x^2 = 4py$ هي :

- (a) (1, 1) (b) (1, 0) (c) (0, 0) (d) (0, 1)

(10) الإختلاف المركزي للقطع الناقص الذي معادلته : $\frac{x^2}{36} + \frac{y^2}{25} = 1$ هو :

- (a) $\frac{\sqrt{11}}{6}$ (b) $\frac{\sqrt{11}}{5}$ (c) $\frac{36}{25}$ (d) $\frac{25}{36}$

إنتهت الأسئلة

(الصفحة الأولى)

امتحان (الدور الثاني) الفترة الدراسية الرابعة للصف الثاني عشر علمي للعام الدراسي : 2014 / 2015 م

المجال الدراسي : الرياضيات للقسم العلمي الزمن : ساعتان وخمس وأربعون دقيقة

عدد صفحات الامتحان (11) صفحة مختلفة

القسم الأول - أسئلة المقال

أجب عن الأسئلة التالية (موضحا خطوات الحل في كل منها)

السؤال الأول :- (10 درجات)

(5 درجات)

$$\int \frac{x^2 - 3x + 7}{x^2 - 4x + 4} dx$$

الإجابة

(a) أوجد

تابع السؤال الأول -

(5 درجات)

$$\int x^2 \cos x dx$$

(b) أوجد

الإجابة

(3 درجات)

تابع السؤال الثاني :-

$$\int \sin^5(x + 1) \cdot \cos(x + 1) dx$$

(b) أوجد

الإجابة

السؤال الثالث :- (10 درجات)

(a) أوجد مساحة المنطقة المحددة بمنحني الدالة $f(x) = e^x$:

ومنحني الدالة $g(x) = -1 - x^2$: (5 درجات)

والمستقيمين $x = 0$, $x = 3$ علماً بأن المنحنيين للدالتين f ، g غير متقاطعين

الإجابة

(5 درجات)

تابع السؤال الثالث :-

(b) دون حساب قيمة التكامل اثبت أن :

$$\int_{-1}^1 (x^2 - 1) dx \leq 0$$

الإجابة

السؤال الرابع :- (10 درجات)

(6 درجات) (a) حل المعادلة : $2y' + y = 1$

ثم أوجد الحل الذي يحقق $y = 2$ عند $x = -1$

الإجابة

تابع السؤال الرابع :-

(4 درجات)

b (يبين الجدول التالي دالة التوزيع الاحتمالي للمتغير العشوائي X

x	1	2	3	4	5
$f(x)$	0.43	0.29	0.17	0.09	0.02

أوجد (a) التوقع (μ) (b) التباين (σ^2) (c) الإنحراف المعياري (σ)

الإجابة



القسم الثاني : البنود الموضوعية

أولاً :- في البنود (1-3) ظلل في ورقة الإجابة (a) إذا كانت العبارة صحيحة
وظلل (b) إذا كانت العبارة غير صحيحة

(1) إذا كانت $f(x) = \ln(2x + 2)$ فإن $f'(x) = \frac{1}{x+1}$ إذا كانت العبارة صحيحة (a) (b)

(2) طول القوس من منحنى الدالة $f(x) = \frac{1}{3} (1 + 4x)^{\frac{3}{2}}$ في الفترة $[0,1]$ هو $L = \frac{2}{3}$ وحدة طول (a) (b)

(3) معادلة القطع المكافئ الذي رأسه $(0,0)$ ودليله $x = -2$ هي $x^2 = 8y$ (a) (b)

ثانياً :- في البنود (4-10) لكل بند أربع اختيارات إحداها فقط صحيح ظلل في ورقة الإجابة
الدائرة الدالة على الاختيار الصحيح :

(4) معادلة منحنى الدالة الذي ميل العمودي عليه عند أي نقطة (x, y) هو $-x + 3$ ويمر بالنقطة $A(2,3)$ هي y تساوي :

(a) $\frac{-x^2}{2} + 3x - 4$

(b) $\ln|3 - x| + 3$

(c) $\frac{-x^2}{2} + 3x + 4$

(d) $3 - \ln|3 - x|$

(5) $\int \frac{2x+3}{\sqrt{x}} dx =$

(a) $\frac{3}{4}x^{\frac{3}{2}} + \frac{3}{2}x^{\frac{1}{2}} + c$

(b) $\frac{1}{3}x^{\frac{3}{2}} + 6x^{\frac{1}{2}} + c$

(c) $\frac{4}{3}x^{\frac{3}{2}} + 6x^{\frac{1}{2}} + c$

(d) $\frac{4}{3}x^{\frac{3}{2}} + \frac{1}{6}x^{\frac{1}{2}} + c$

(6) إذا كان X متغير عشوائياً متصلًا ودالة كثافة الاحتمال له هي :

$$f(x) = \begin{cases} \frac{1}{2}x & : 0 \leq x \leq 2 \\ 0 & : \text{في ما عدا ذلك} \end{cases}$$

فإن $P(X = 1)$ يساوي

- (a) $\frac{1}{3}$ (b) -1 (c) 1 (d) 0

(7) حجم الجسم الناتج من دوران دورة كاملة حول محور السينات للمنطقة المحددة بمنحنى

الدالة $f(x) = \frac{1}{x}$ والمستقيمتين $x = 1, x = 2, y = 0$ بالوحدات المكعبة هو :

- (a) π (b) $\frac{\pi}{3}$ (c) $\frac{\pi}{2}$ (d) $\frac{\pi}{4}$

(8) الصورة العامة للمشتقة العكسية للدالة f حيث $f(x) = 8 + \csc x \cot x$ هي :

- (a) $F(x) = 8x + \csc x + c$ (b) $F(x) = 8x - \cot x + c$
(c) $F(x) = 8x - \csc x + c$ (d) $F(x) = 8x + \cot x + c$

(9) طول المحور الأكبر للقطع الناقص : $\frac{x^2}{100} + \frac{y^2}{64} = 1$ يساوي :

- (a) 12 units (b) $2\sqrt{41}$ units (c) 16 units (d) 20 units

(10) إذا كان z يتبع التوزيع الطبيعي فإن $p(0 \leq z \leq 2.35)$ يساوي :

- (a) 0.9906 (b) 0.5 (c) 0.218 (d) 0.4906

إنتهت الأسئلة

بعض القوانين في الصف الثاني عشر علمي

إذا كان X متغيراً عشوائياً متقطعاً له دالة التوزيع الاحتمالي f فإن التباين للمتغير العشوائي يعطى بالصيغة :

$$\mu = \sum(x_i f(x_i)) \quad \text{التوقع :}$$

$$\text{التباين : } \sigma^2 = \sum(x_i^2 f(x_i)) - \mu^2 \quad \text{حيث } \mu \text{ هو التوقع}$$

$$\text{الانحراف المعياري : } \sigma = \sqrt{\sigma^2} \quad \text{(الجذر التربيعي الموجب للتباين)}$$

خواص دالة التوزيع التراكمي للمتغير العشوائي X

$$(1) P(X > a) = 1 - P(X \leq a) = 1 - F(a)$$

$$(2) P(a < X \leq b) = F(b) - F(a)$$

إحتمال النجاح في X من المحاولات يعطى بالعلاقة (توزيع ذات الحدين)

$$P(X = x) = f(x) = {}_n C_x \cdot p^x \cdot (1-p)^{n-x}, \quad n \in \mathbb{Z}^+$$

التوقع والتباين لتوزيع ذات الحدين

$$\mu = np \quad \text{التوقع :}$$

$$\sigma^2 = np(1-p) \quad \text{التباين :}$$

$$\sigma = \sqrt{np(1-p)} \quad \text{الانحراف المعياري :}$$

دالة كثافة الاحتمال للتوزيع الاحتمالي المنتظم على $[a, b]$ هي:

$$f(x) = \begin{cases} \frac{1}{b-a} & : a \leq x \leq b \\ 0 & \text{فيما عدا ذلك} \end{cases}$$

$$\mu = \frac{a+b}{2} \quad \text{التوقع (الوسط) للتوزيع الاحتمالي المنتظم هو:}$$

$$\sigma^2 = \frac{(b-a)^2}{12} \quad \text{التباين للتوزيع الاحتمالي المنتظم هو :}$$

$$Z = \frac{x - \mu}{\sigma} \quad \text{القيمة المعيارية هي}$$

الاحتمالات في توزيع ذات الحدين: $f(x)$

n	x	P										
		0.05	0.1	0.2	0.3	0.4	0.5	0.6	0.7	0.8	0.9	0.95
2	0	0.902	0.810	0.640	0.490	0.360	0.250	0.160	0.090	0.040	0.010	0.002
	1	0.095	0.180	0.320	0.420	0.480	0.500	0.480	0.420	0.320	0.180	0.095
	2	0.002	0.010	0.040	0.090	0.160	0.250	0.360	0.490	0.0640	0.0810	0.0902
3	0	0.857	0.729	0.512	0.343	0.216	0.125	0.064	0.027	0.008	0.001	
	1	0.135	0.243	0.384	0.441	0.432	0.375	0.288	0.189	0.096	0.027	0.007
	2	0.007	0.027	0.096	0.189	0.288	0.375	0.432	0.441	0.384	0.243	0.135
	3		0.001	0.008	0.027	0.064	0.125	0.216	0.343	0.512	0.729	0.857
4	0	0.815	0.656	0.410	0.240	0.130	0.062	0.026	0.008	0.002		
	1	0.171	0.292	0.410	0.412	0.346	0.250	0.154	0.076	0.026	0.004	
	2	0.014	0.049	0.154	0.265	0.346	0.375	0.346	0.265	0.154	0.049	0.014
	3		0.004	0.026	0.076	0.154	0.250	0.346	0.412	0.410	0.292	0.171
	4			0.002	0.008	0.026	0.062	0.130	0.240	0.410	0.656	0.815
5	0	0.774	0.590	0.328	0.168	0.078	0.031	0.010	0.002			
	1	0.204	0.328	0.410	0.360	0.259	0.156	0.077	0.028	0.006		
	2	0.021	0.073	0.205	0.309	0.346	0.312	0.230	0.132	0.051	0.008	0.001
	3	0.001	0.008	0.051	0.132	0.230	0.312	0.230	0.309	0.205	0.073	0.021
	4			0.006	0.028	0.077	0.156	0.346	0.360	0.410	0.328	0.204
	5				0.002	0.010	0.031	0.259	0.168	0.328	0.590	0.774
6	0	0.735	0.531	0.262	0.118	0.047	0.016		0.001			
	1	0.232	0.354	0.393	0.303	0.187	0.094	0.004	0.010	0.002		
	2	0.031	0.098	0.246	0.324	0.311	0.234	0.037	0.060	0.015	0.001	
	3	0.002	0.015	0.082	0.185	0.276	0.312	0.138	0.185	0.082	0.015	0.002
	4		0.001	0.015	0.060	0.138	0.234	0.276	0.324	0.246	0.098	0.031
	5			0.002	0.010	0.037	0.094	0.311	0.303	0.393	0.354	0.232
	6				0.001	0.004	0.016	0.187	0.118	0.262	0.531	0.735
7	0	0.698	0.478	0.210	0.082	0.028	0.008					
	1	0.257	0.372	0.367	0.247	0.131	0.055	0.002	0.004			
	2	0.041	0.124	0.275	0.318	0.261	0.164	0.017	0.025	0.004		
	3	0.004	0.023	0.115	0.227	0.273	0.273	0.077	0.097	0.029	0.003	
	4		0.003	0.029	0.097	0.290	0.273	0.194	0.227	0.115	0.023	0.004
	5			0.004	0.025	0.194	0.164	0.290	0.318	0.275	0.124	0.041
	6				0.004	0.077	0.055	0.261	0.247	0.367	0.372	0.257
	7					0.017	0.008	0.131	0.082	0.210	0.478	0.698
					0.002			0.028				

الاحتمالات في توزيع ذات الحدين: $f(x)$

		P										
n	x	0.05	0.1	0.2	0.3	0.4	0.5	0.6	0.7	0.8	0.9	0.95
8	0	0.663	0.430	0.168	0.058	0.017	0.004	0.001				
	1	0.279	0.383	0.336	0.198	0.090	0.031	0.008	0.001			
	2	0.051	0.149	0.294	0.296	0.209	0.109	0.041	0.010	0.001		
	3	0.005	0.033	0.147	0.254	0.279	0.219	0.124	0.047	0.009		
	4		0.005	0.046	0.136	0.232	0.273	0.232	0.136	0.046	0.005	
	5			0.009	0.047	0.124	0.219	0.279	0.254	0.147	0.033	0.005
	6			0.001	0.010	0.041	0.109	0.209	0.296	0.294	0.149	0.051
	7				0.001	0.008	0.031	0.090	0.198	0.336	0.383	0.279
	8					0.001	0.004	0.017	0.058	0.168	0.430	0.663
9	0	0.630	0.387	0.134	0.040	0.010	0.002					
	1	0.299	0.387	0.302	0.156	0.060	0.018	0.004				
	2	0.063	0.172	0.302	0.267	0.161	0.070	0.021	0.004			
	3	0.008	0.045	0.176	0.267	0.251	0.164	0.074	0.021	0.003		
	4	0.001	0.007	0.065	0.172	0.251	0.246	0.167	0.074	0.017	0.001	
	5		0.001	0.017	0.074	0.167	0.246	0.251	0.172	0.066	0.007	0.001
	6			0.003	0.021	0.074	0.164	0.251	0.267	0.176	0.045	0.008
	7				0.004	0.021	0.070	0.161	0.267	0.302	0.172	0.063
	8					0.004	0.018	0.060	0.156	0.302	0.387	0.299
9						0.002	0.010	0.040	0.134	0.387	0.630	
10	0	0.599	0.349	0.107	0.028	0.006	0.001					
	1	0.315	0.387	0.268	0.121	0.040	0.010	0.002				
	2	0.075	0.194	0.302	0.233	0.121	0.044	0.011	0.001			
	3	0.010	0.057	0.201	0.267	0.215	0.117	0.042	0.009	0.001		
	4	0.001	0.011	0.088	0.200	0.251	0.205	0.111	0.037	0.006		
	5		0.001	0.026	0.103	0.201	0.246	0.201	0.103	0.026	0.001	
	6			0.006	0.037	0.111	0.205	0.251	0.200	0.088	0.011	0.001
	7			0.001	0.009	0.042	0.117	0.215	0.267	0.201	0.057	0.010
	8				0.001	0.011	0.044	0.121	0.233	0.302	0.194	0.075
	9					0.002	0.010	0.040	0.121	0.268	0.387	0.315
	10						0.001	0.006	0.028	0.107	0.349	0.599

الاحتمالات في توزيع ذات الحدين: $f(x)$

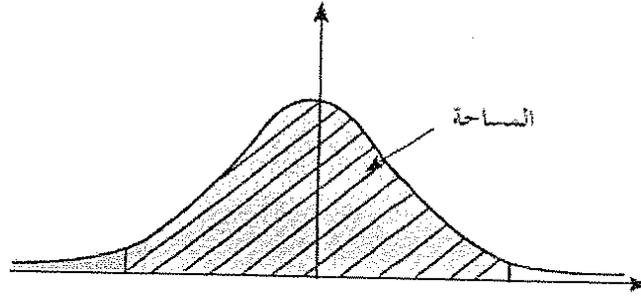
		<i>P</i>										
<i>n</i>	<i>x</i>	0.05	0.1	0.2	0.3	0.4	0.5	0.6	0.7	0.8	0.9	0.95
11	0	0.569	0.314	0.086	0.020	0.004						
	1	0.329	0.384	0.236	0.093	0.027	0.005	0.001				
	2	0.087	0.213	0.295	0.200	0.089	0.027	0.005	0.001			
	3	0.014	0.071	0.221	0.257	0.177	0.081	0.023	0.004			
	4	0.001	0.016	0.111	0.220	0.236	0.161	0.070	0.017	0.002		
	5		0.002	0.039	0.132	0.221	0.226	0.147	0.057	0.010		
	6			0.010	0.057	0.147	0.226	0.221	0.132	0.039	0.002	
	7			0.002	0.017	0.070	0.161	0.236	0.220	0.111	0.016	0.001
	8				0.004	0.023	0.081	0.177	0.257	0.221	0.071	0.014
	9				0.001	0.005	0.027	0.089	0.200	0.295	0.213	0.087
	10					0.001	0.005	0.027	0.093	0.236	0.384	0.329
11								0.004	0.020	0.086	0.314	0.569
12	0	0.540	0.282	0.069	0.014	0.002						
	1	0.341	0.377	0.206	0.071	0.017	0.003					
	2	0.099	0.230	0.283	0.168	0.064	0.016	0.002				
	3	0.017	0.085	0.236	0.240	0.142	0.054	0.012	0.001			
	4	0.002	0.021	0.133	0.231	0.213	0.121	0.042	0.008	0.001		
	5		0.004	0.053	0.158	0.227	0.193	0.101	0.029	0.003		
	6			0.016	0.079	0.177	0.226	0.177	0.079	0.016		
	7			0.003	0.029	0.101	0.193	0.227	0.158	0.053	0.004	
	8			0.001	0.008	0.042	0.121	0.213	0.231	0.133	0.021	0.002
	9				0.001	0.012	0.054	0.142	0.240	0.236	0.085	0.017
	10					0.002	0.010	0.064	0.168	0.283	0.230	0.099
	11						0.003	0.017	0.071	0.206	0.377	0.341
12								0.002	0.014	0.069	0.282	0.540

الاحتمالات في توزيع ذات الحدين: $f(x)$

		P											
n	x	0.05	0.1	0.2	0.3	0.4	0.5	0.6	0.7	0.8	0.9	0.95	
13	0	0.513	0.254	0.055	0.010	0.001							
	1	0.351	0.367	0.179	0.054	0.011	0.002						
	2	0.111	0.245	0.268	0.139	0.045	0.010	0.001					
	3	0.021	0.100	0.246	0.218	0.111	0.035	0.005	0.001				
	4	0.003	0.028	0.154	0.234	0.184	0.087	0.024	0.003				
	5		0.006	0.069	0.180	0.221	0.157	0.066	0.014	0.001			
	6		0.001	0.023	0.103	0.197	0.209	0.131	0.044	0.006			
	7			0.006	0.044	0.131	0.209	0.197	0.103	0.023	0.001		
	8			0.001	0.014	0.066	0.157	0.221	0.180	0.069	0.006		
	9				0.003	0.024	0.087	0.184	0.234	0.154	0.028	0.003	
	10				0.001	0.006	0.035	0.111	0.218	0.246	0.100	0.021	
	11					0.001	0.010	0.045	0.139	0.268	0.245	0.111	
	12						0.002	0.011	0.054	0.179	0.367	0.351	
	13							0.001	0.010	0.055	0.254	0.513	
14	0	0.488	0.229	0.044	0.007	0.001							
	1	0.359	0.356	0.154	0.041	0.007	0.001						
	2	0.123	0.257	0.250	0.113	0.032	0.006	0.001					
	3	0.026	0.114	0.250	0.194	0.085	0.022	0.003					
	4	0.004	0.035	0.172	0.229	0.155	0.061	0.014	0.001				
	5		0.008	0.086	0.196	0.207	0.122	0.041	0.007				
	6		0.001	0.032	0.126	0.207	0.183	0.092	0.023	0.002			
	7			0.009	0.062	0.157	0.209	0.157	0.062	0.0009			
	8			0.002	0.023	0.092	0.183	0.207	0.126	0.032	0.001		
	9				0.007	0.041	0.122	0.207	0.196	0.086	0.008		
	10				0.001	0.014	0.061	0.155	0.229	0.172	0.035	0.004	
	11					0.003	0.022	0.085	0.194	0.250	0.114	0.026	
	12					0.001	0.006	0.032	0.113	0.250	0.257	0.123	
	13						0.001	0.007	0.041	0.154	0.356	0.359	
	14							0.001	0.007	0.044	0.229	0.488	

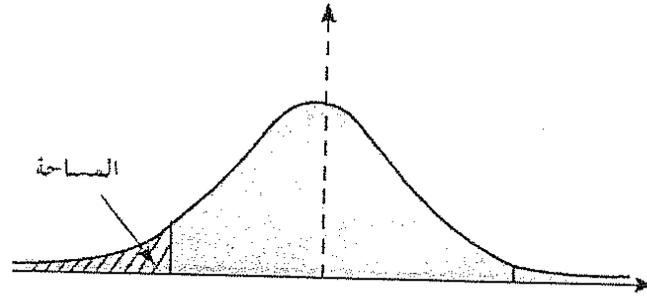
الاحتمالات في توزيع ذات الحدين: $f(x)$

n	x	P																			
		0.05	0.1	0.2	0.3	0.4	0.5	0.6	0.7	0.8	0.9	0.95									
15	0	0.463	0.206	0.035	0.005																
	1	0.366	0.343	0.132	0.031	0.005															
	2	0.135	0.267	0.231	0.092	0.022	0.003														
	3	0.031	0.129	0.250	0.170	0.063	0.014	0.002													
	4	0.005	0.043	0.188	0.219	0.127	0.042	0.007	0.001												
	5	0.001	0.010	0.103	0.206	0.186	0.092	0.024	0.003												
	6		0.002	0.043	0.147	0.207	0.153	0.061	0.012	0.001											
	7			0.014	0.081	0.177	0.196	0.118	0.035	0.003											
	8			0.003	0.035	0.118	0.196	0.177	0.081	0.014											
	9			0.001	0.012	0.061	0.153	0.207	0.147	0.043	0.002										
	10				0.003	0.024	0.092	0.186	0.206	0.103	0.010	0.001									
	11				0.001	0.007	0.042	0.127	0.210	0.188	0.043	0.005									
	12					0.002	0.014	0.063	0.170	0.250	0.129	0.031									
	13						0.003	0.022	0.092	0.231	0.267	0.135									
	14							0.005	0.031	0.132	0.343	0.366									
	15								0.005	0.035	0.206	0.463									



جدول التوزيع الطبيعي المعياري (z) لحساب قيم المساحات من اليسار

z	0.00	0.01	0.02	0.03	0.04	0.05	0.06	0.07	0.08	0.09
0.0	0.50000	0.50399	0.50798	0.51197	0.51595	0.51994	0.52392	0.52790	0.53188	0.53586
0.1	0.53983	0.54380	0.54776	0.55172	0.55567	0.55962	0.56356	0.56749	0.57142	0.57535
0.2	0.57926	0.58317	0.58706	0.59095	0.59483	0.59871	0.60257	0.60642	0.61026	0.61409
0.3	0.61791	0.62172	0.62552	0.62930	0.63307	0.63683	0.64058	0.64431	0.64803	0.65173
0.4	0.65542	0.65910	0.66276	0.66640	0.67003	0.67364	0.67724	0.68082	0.68439	0.68793
0.5	0.69146	0.69497	0.69847	0.70194	0.70540	0.70884	0.71226	0.71566	0.71904	0.72240
0.6	0.72575	0.72907	0.73237	0.73565	0.73891	0.74215	0.74537	0.74857	0.75175	0.75490
0.7	0.75804	0.76115	0.76424	0.76730	0.77035	0.77337	0.77637	0.77935	0.78230	0.78524
0.8	0.78814	0.79103	0.79389	0.79673	0.79955	0.80234	0.80511	0.80785	0.81057	0.81327
0.9	0.81594	0.81859	0.82121	0.82381	0.82639	0.82894	0.83147	0.83398	0.83646	0.83891
1.0	0.84134	0.84375	0.84614	0.84849	0.85083	0.85314	0.85543	0.85769	0.85993	0.86214
1.1	0.86433	0.86650	0.86864	0.87076	0.87286	0.87493	0.87698	0.87900	0.88100	0.88298
1.2	0.88493	0.88686	0.88877	0.89065	0.89251	0.89435	0.89617	0.89796	0.89973	0.90147
1.3	0.90320	0.90490	0.90658	0.90824	0.90988	0.91149	0.91309	0.91466	0.91621	0.91774
1.4	0.91924	0.92073	0.92220	0.92364	0.92507	0.92647	0.92785	0.92922	0.93056	0.93189
1.5	0.93319	0.93448	0.93574	0.93699	0.93822	0.93943	0.94062	0.94179	0.94295	0.94408
1.6	0.94520	0.94630	0.94738	0.94845	0.94950	0.95053	0.95154	0.95254	0.95352	0.95449
1.7	0.95543	0.95637	0.95728	0.95818	0.95907	0.95994	0.96080	0.96164	0.96246	0.96327
1.8	0.96407	0.96485	0.96562	0.96638	0.96712	0.96784	0.96856	0.96926	0.96995	0.97062
1.9	0.97128	0.97193	0.97257	0.97320	0.97381	0.97441	0.97500	0.97558	0.97615	0.97670
2.0	0.97725	0.97778	0.97831	0.97882	0.97932	0.97982	0.98030	0.98077	0.98124	0.98169
2.1	0.98214	0.98257	0.98300	0.98341	0.98382	0.98422	0.98461	0.98500	0.98537	0.98574
2.2	0.98610	0.98645	0.98679	0.98713	0.98745	0.98778	0.98809	0.98840	0.98870	0.98899
2.3	0.98928	0.98956	0.98983	0.99010	0.99036	0.99061	0.99086	0.99111	0.99134	0.99158
2.4	0.99180	0.99202	0.99224	0.99245	0.99266	0.99286	0.99305	0.99324	0.99343	0.99361
2.5	0.99379	0.99396	0.99413	0.99430	0.99446	0.99461	0.99477	0.99492	0.99506	0.99520
2.6	0.99534	0.99547	0.99560	0.99573	0.99585	0.99598	0.99609	0.99621	0.99632	0.99643
2.7	0.99653	0.99664	0.99674	0.99683	0.99693	0.99702	0.99711	0.99720	0.99728	0.99736
2.8	0.99744	0.99752	0.99760	0.99767	0.99774	0.99781	0.99788	0.99795	0.99801	0.99807
2.9	0.99813	0.99819	0.99825	0.99831	0.99836	0.99841	0.99846	0.99851	0.99856	0.99861
3.0	0.99865	0.99869	0.99874	0.99878	0.99882	0.99886	0.99889	0.99893	0.99896	0.99900
3.1	0.99903	0.99906	0.99910	0.99913	0.99916	0.99918	0.99921	0.99924	0.99926	0.99929
3.2	0.99931	0.99934	0.99936	0.99938	0.99940	0.99942	0.99944	0.99946	0.99948	0.99950
3.3	0.99952	0.99953	0.99955	0.99957	0.99958	0.99960	0.99961	0.99962	0.99964	0.99965
3.4	0.99966	0.99968	0.99969	0.99970	0.99971	0.99972	0.99973	0.99974	0.99975	0.99976
3.5	0.99977	0.99978	0.99978	0.99979	0.99980	0.99981	0.99981	0.99982	0.99983	0.99983
3.6	0.99984	0.99985	0.99985	0.99986	0.99986	0.99987	0.99987	0.99988	0.99988	0.99989
3.7	0.99989	0.99990	0.99990	0.99990	0.99991	0.99991	0.99992	0.99992	0.99992	0.99992
3.8	0.99993	0.99993	0.99993	0.99994	0.99994	0.99994	0.99994	0.99995	0.99995	0.99995
3.9	0.99995	0.99995	0.99996	0.99996	0.99996	0.99996	0.99996	0.99996	0.99997	0.99997



جدول التوزيع الطبيعي المعياري (z) لحساب قيم المساحات من اليسار

z	0.00	0.01	0.02	0.03	0.04	0.05	0.06	0.07	0.08	0.09
-3.9	0.00005	0.00005	0.00004	0.00004	0.00004	0.00004	0.00004	0.00004	0.00003	0.00003
-3.8	0.00007	0.00007	0.00007	0.00006	0.00006	0.00006	0.00006	0.00005	0.00005	0.00005
-3.7	0.00011	0.00010	0.00010	0.00010	0.00009	0.00009	0.00008	0.00008	0.00008	0.00008
-3.6	0.00016	0.00015	0.00015	0.00014	0.00014	0.00013	0.00013	0.00012	0.00012	0.00011
-3.5	0.00023	0.00022	0.00022	0.00021	0.00020	0.00019	0.00019	0.00018	0.00017	0.00017
-3.4	0.00034	0.00032	0.00031	0.00030	0.00029	0.00028	0.00027	0.00026	0.00025	0.00024
-3.3	0.00048	0.00047	0.00045	0.00043	0.00042	0.00040	0.00039	0.00038	0.00036	0.00035
-3.2	0.00069	0.00066	0.00064	0.00062	0.00060	0.00058	0.00056	0.00054	0.00052	0.00050
-3.1	0.00097	0.00094	0.00090	0.00087	0.00084	0.00082	0.00079	0.00076	0.00074	0.00071
-3.0	0.00135	0.00131	0.00126	0.00122	0.00118	0.00114	0.00111	0.00107	0.00104	0.00100
-2.9	0.00187	0.00181	0.00175	0.00169	0.00164	0.00159	0.00154	0.00149	0.00144	0.00139
-2.8	0.00256	0.00248	0.00240	0.00233	0.00226	0.00219	0.00212	0.00205	0.00199	0.00193
-2.7	0.00347	0.00336	0.00326	0.00317	0.00307	0.00298	0.00289	0.00280	0.00272	0.00264
-2.6	0.00466	0.00453	0.00440	0.00427	0.00415	0.00402	0.00391	0.00379	0.00368	0.00357
-2.5	0.00621	0.00604	0.00587	0.00570	0.00554	0.00539	0.00523	0.00508	0.00494	0.00480
-2.4	0.00820	0.00798	0.00776	0.00755	0.00734	0.00714	0.00695	0.00676	0.00657	0.00639
-2.3	0.01072	0.01044	0.01017	0.00990	0.00964	0.00939	0.00914	0.00889	0.00866	0.00842
-2.2	0.01390	0.01355	0.01321	0.01287	0.01255	0.01222	0.01191	0.01160	0.01130	0.01101
-2.1	0.01786	0.01743	0.01700	0.01659	0.01618	0.01578	0.01539	0.01500	0.01463	0.01426
-2.0	0.02275	0.02222	0.02169	0.02118	0.02068	0.02018	0.01970	0.01923	0.01876	0.01831
-1.9	0.02872	0.02807	0.02743	0.02680	0.02619	0.02559	0.02500	0.02442	0.02385	0.02330
-1.8	0.03593	0.03515	0.03438	0.03362	0.03288	0.03216	0.03144	0.03074	0.03005	0.02938
-1.7	0.04457	0.04363	0.04272	0.04182	0.04093	0.04006	0.03920	0.03836	0.03754	0.03673
-1.6	0.05480	0.05370	0.05262	0.05155	0.05050	0.04947	0.04846	0.04746	0.04648	0.04551
-1.5	0.06681	0.06552	0.06426	0.06301	0.06178	0.06057	0.05938	0.05821	0.05705	0.05592
-1.4	0.08076	0.07927	0.07780	0.07636	0.07493	0.07353	0.07215	0.07078	0.06944	0.06811
-1.3	0.09680	0.09510	0.09342	0.09176	0.09012	0.08851	0.08691	0.08534	0.08379	0.08226
-1.2	0.11507	0.11314	0.11123	0.10935	0.10749	0.10565	0.10383	0.10204	0.10027	0.09853
-1.1	0.13567	0.13350	0.13136	0.12924	0.12714	0.12507	0.12302	0.12100	0.11900	0.11702
-1.0	0.15866	0.15625	0.15386	0.15151	0.14917	0.14686	0.14457	0.14231	0.14007	0.13786
-0.9	0.18406	0.18141	0.17879	0.17619	0.17361	0.17106	0.16853	0.16602	0.16354	0.16109
-0.8	0.21186	0.20897	0.20611	0.20327	0.20045	0.19766	0.19489	0.19215	0.18943	0.18673
-0.7	0.24196	0.23885	0.23576	0.23270	0.22965	0.22663	0.22363	0.22065	0.21770	0.21476
-0.6	0.27425	0.27093	0.26763	0.26435	0.26109	0.25785	0.25463	0.25143	0.24825	0.24510
-0.5	0.30854	0.30503	0.30153	0.29806	0.29460	0.29116	0.28774	0.28434	0.28096	0.27760
-0.4	0.34458	0.34090	0.33724	0.33360	0.32997	0.32636	0.32276	0.31918	0.31561	0.31207
-0.3	0.38209	0.37828	0.37448	0.37070	0.36693	0.36317	0.35942	0.35569	0.35197	0.34827
-0.2	0.42074	0.41683	0.41294	0.40905	0.40517	0.40129	0.39743	0.39358	0.38974	0.38591
-0.1	0.46017	0.45620	0.45224	0.44828	0.44433	0.44038	0.43644	0.43251	0.42858	0.42465
-0.0	0.50000	0.49601	0.49202	0.48803	0.48405	0.48006	0.47608	0.47210	0.46812	0.46414