



الاسم: _____

9-7 المعادلات النسبية

ورقة عمل الصف التاسع المتقدم

نواتج التعلم:

1- حل المعادلات النسبية.

2- استخدام المعادلات النسبية في حل المسائل.

حل كل من المعادلات التالية. واذكر أي حلولٍ دخيلة.

$$\frac{2}{x+1} = \frac{4}{x}$$

$$2x = 4(x+1)$$

$$2x = 4x + 4$$

$$2x - 4x = 4$$

$$-2x = 4$$

$$x = \frac{4}{-2} = -2 \checkmark$$

$$\frac{t+3}{5} = \frac{2t+3}{9}$$

$$9(t+3) = 5(2t+3)$$

$$9t + 27 = 10t + 15$$

$$9t - 10t = 15 - 27$$

$$-t = -12$$

$$t = 12 \checkmark$$

$$\frac{a+3}{a} - \frac{6}{5a} = \frac{1}{a} \quad \times (5a)$$

$$(5a) \frac{a+3}{a} - (5a) \frac{6}{5a} = (5a) \frac{1}{a}$$

$$5(a+3) - 6 = 5$$

$$5a + 15 - 6 = 5$$

$$5a = 5 + 6 - 15$$

$$5a = -4$$

$$a = \frac{-4}{5} \checkmark \checkmark$$

$$\frac{2t}{t+1} + \frac{4}{t-1} = 2 \quad \times (t+1)(t-1)$$

$$\frac{(t+1)(t-1) \cdot 2t}{(t+1)(t-1)} + \frac{(t+1)(t-1) \cdot 4}{(t+1)(t-1)} = (t+1)(t-1)(2)$$

$$(t-1)(2t) + (t+1)(4) = (t+1)(t-1)(2)$$

$$2t^2 - 2t + 4t + 4 = (t^2 - 1)(2)$$

$$2t^2 + 2t + 4 = 2t^2 - 2$$

$$2t + 4 = -2$$

$$2t = -2 - 4$$

$$2t = -6$$

$$t = \frac{-6}{2}$$

$$t = -3 \checkmark \checkmark$$

$$\frac{x+3}{x^2-1} - \frac{2x}{x-1} = 1$$

$$\frac{x+3}{(x+1)(x-1)} - \frac{2x}{x-1} = 1 \quad \times (x-1)(x+1)$$

$$\frac{(x+1)(x-1) \cdot (x+3)}{(x+1)(x-1)} - \frac{(x-1)(x+1) \cdot 2x}{(x-1)(x+1)} = 1(x-1)(x+1)$$

$$x+3 - 2x(x+1) = (x-1)(x+1)$$

$$x+3 - 2x^2 - 2x = x^2 - 1$$

$$x+3 - 2x^2 - 2x - x^2 + 1 = 0$$

$$-3x^2 - x + 4 = 0 \quad \times (-1)$$

$$3x^2 + x - 4 = 0$$

$$(3x+4)(x-1) = 0$$

$$3x+4=0 \quad | \quad (x-1)=0$$

$$x = \frac{-4}{3}$$

✓

$$x = 1$$

✓

حل دخيل

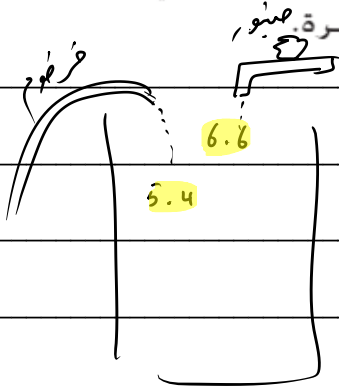
$$\text{الحل} = \left\{ \frac{-4}{3} \right\}$$



إزالة الأعشاب الضارة يستطيع سلطان إزالة الأعشاب الضارة بالحديقة في 45 دقيقة. وتستطيع أخته عبير القيام بذلك في 50 دقيقة. فكم سيستغرقان من الوقت لإزالة الأعشاب الضارة بالحديقة إذا عملا معًا؟

$$\begin{aligned}
 & \text{جزء سلطان} + \text{جزء عبير} = 1 \\
 & \left(\frac{1}{45} \right) t + \left(\frac{1}{50} \right) t = 1 \quad 50 \times 45 \\
 & (50)(45) \frac{1}{45} t + \frac{1}{50} t (50)(45) = 1 (50)(45) \\
 & 50t + 45t = 2250 \\
 & 95t = 2250 \\
 & t = \frac{2250}{95} \\
 & t = \boxed{23.68} \text{ دقيقة} \\
 & = \frac{15}{38} = 0.4 \text{ ساعة}
 \end{aligned}$$

تنسيق الحدائق يملأ أمير دلوًا سعته 13.2 لترًا لري النباتات من صنوبر يتدفق منه الماء بمعدل 6.6 لترات في الدقيقة. إذا كان سيضيف خرطومًا يتدفق منه الماء بمعدل 5.4 لترات في الدقيقة، فكم عدد الدقائق التي سيستغرقها لملء الدلو؟ قرب إلى أقرب جزء من عشرة.



13.2 L

$$\begin{aligned}
 & \text{امتلاء الدلو} = \text{كمية ماء الصنبور} + \text{كمية ماء الخرطوم} \\
 & 13.2 = (6.6)t + (5.4)t \\
 & 12t = 13.2 \\
 & t = \frac{13.2}{12} \\
 & t = \boxed{1.1} \text{ دقيقة}
 \end{aligned}$$