

التهيئة

أوجد قيمة كل من العبارتين الآتيتين عند القيم المعطاة
بجوارهما :

$$(1) \quad 3س + ص \text{ إذا كانت } س = -4, \text{ ص} = 2$$

$$3س + ص$$

$$(2) + (-4)3 =$$

$$10 = 2 + 12 =$$

$$(2) \quad 2م - 3ك \text{ إذا كانت } م = -8, \text{ ك} = 3$$

$$2م - 3ك$$

$$(3)2 + (-8)3 =$$

$$25 = 9 + 16 =$$

٣) سيارات: تمثل العبارة $\frac{\text{ف كلم}}{\text{ل لتر}}$ معدل استهلاك الوقود في السيارة. احسب (إلى أقرب جزء من عشرة) معدل استهلاك سيارة للوقود إذا استهلكت ١٢ لترًا من البنزين عندما قطعت ٩٥ كلم.

$$\text{معدل استهلاك الوقود} = \frac{95}{12} = 7,9$$

حل كلاً من المعادلات الآتية:

$$٣ - = ٨ + س (٤)$$

$$٨ - ٣ - = س$$

$$١١ - = س$$

$$(5) \quad 16 - 4s = 16$$

$$4s = 4$$

$$(6) \quad 7 = \frac{3s}{3}$$

$$7 \times 3 = \frac{3s}{3} \times 3$$

$$21 = 3s$$

$$(7) \quad 9 = 1 + 2s$$

$$1 - 9 = 1 - 1 + 2s$$

$$-8 = 2s$$

$$-4 = s$$

$$(8) 9س + 2 = 3س - 10$$

$$9س - 3س = 10 - 2$$

$$6س = 12$$

$$س = 2$$

$$(9) 3(2س - 2) = 2(س + 13)$$

$$3س - 6 = 2س + 26$$

$$3س + 2س = 26 + 6$$

$$5س = 20$$

$$س = 4$$

(10) **نقود:** في حصالة صالح 325 ريالاً، ويرغب في أن يدخر 100 ريال كل شهر. اكتب معادلة لإيجاد المبلغ (م) الذي سيصبح معه بعد (ن) شهرًا.

$$م = 100ن + 325$$

حل كلاً من المعادلتين الآتيتين:

$$١٨ = |١١ + س| \quad (١١)$$

$$١٨ - = ١١ + س$$

$$١١ - ١٨ - = س$$

$$٢٩ - = س$$

$$١٨ = ١١ + س$$

$$١١ - ١٨ = س$$

$$٧ = س$$

$$\{٧, ٢٩-\}$$

$$١٦ = |٢ - س٣| \quad (١٢)$$

$$١٦ - = ٢ - س٣$$

$$١٤ - = س٣$$

$$\frac{14}{3} - = س$$

$$١٦ = ٢ - س٣$$

$$١٨ = س٣$$

$$٦ = س$$

$$\{٦, \frac{14}{3}-\}$$

(١٣) **دراسة:** في دراسة مسحية، وجد أن ٧٢٪ من الأشخاص يفضلون قراءة الكتب الدينية، فإذا كانت نسبة الخطأ في النتائج ٢٪، فما الحدان الأدنى والأعلى للنسبة المئوية للذين يفضلون قراءة الكتب الدينية.

الحد الأدنى: ٧٠٪.

الحد الأقصى: ٧٤٪.

حل المتباينات بالجمع أو بالطرح

١-٤

تحقق

حل كلاً من المتباينتين الآتيتين، وتحقق من صحة الحل:

$$٨ - م < ٢٢ \quad (١)$$

$$٨ - م < ٢٢$$

$$٨ + ٨ - م < ٨ + ٢٢$$

$$م < ٣٠$$

المتباينة الأصلية

أضف ٨ إلى كلا الطرفين

بسط

مجموعة الحل: {كل الأعداد الأقل من ٣٠}.

تحقق: للتحقق من صحة الحل عوض عن م في المتباينة الأصلية بعددين

مختلفين على أن يكون أحدهما أقل من ٣٠ والآخر أكبر من ٣٠.

$$\text{ا ب) د - ١٤} \leq ١٩$$

المتباينة الأصلية

$$\text{د - ١٤} \leq ١٩$$

أضف ١٤ إلى كلا الطرفين

$$\text{د - ١٤} + ١٤ \leq ١٩ + ١٤$$

بسط

$$\text{د} \leq ٥$$

مجموعة الحل: $\{ \text{كل الأعداد الأكبر أو تساوي - ٥} \}$.

تحقق: للتحقق من صحة الحل عوض عن د في المتباينة الأصلية بثلاثة

أعداد مختلفة على أن يكون أحدها - ٥، والعدد الثاني أكبر من - ٥ والعدد

الثالث أصغر من - ٥.

$$\text{٢) حل المتباينة ف + ٨} \geq ١٨.$$

المتباينة الأصلية

$$\text{ف + ٨} \geq ١٨$$

اطرح ٨ من كلا الطرفين

$$\text{ف + ٨} - ٨ \geq ١٨ - ٨$$

$$\text{ف} \geq ١٠$$

مجموعة الحل: $\{ \text{ف} \mid \text{ف} \geq ١٠ \}$.

حل كلاً من المتباينتين الآتيتين، ثم مثل مجموعة حلها بيانياً على خط الأعداد:

$$(أ) \quad 9n - 1 > 10n$$

المتباينة الأصلية

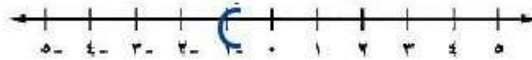
$$9n - 1 > 10n$$

اطرح 9ن من كلا الطرفين

$$9n - 9n - 1 > 10n - 9n$$

$$-1 > n$$

مجموعة الحل: $\{n \mid n < -1\}$.



$$(ب) \quad 5h \geq 12 + 4h$$

المتباينة الأصلية

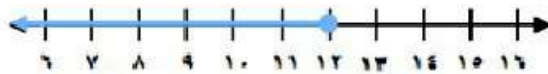
$$5h \geq 12 + 4h$$

اطرح 4هـ من الطرفين

$$5h - 4h \geq 12 + 4h - 4h$$

$$h \geq 12$$

مجموعة الحل: $\{h \mid h \geq 12\}$.



٤) تسوقا يرغب خالد في إنفاق ١٩٥ ريالاً في مركز تجاري، فاشترى قميصاً بمبلغ ٧٥ ريالاً، وحرزاً بمبلغ ٤٢ ريالاً. فإذا أراد أن يشتري بنظراً، فما المبلغ الذي يمكن أن يدفعه لذلك؟

$$195 \geq 42 + 75 + س$$

اطرح ١١٧ من الطرفين

$$195 \geq 117 + س$$

$$117 - 195 \geq 117 - 117 + س$$

$$س \geq 78 \text{ ريالاً.}$$

يجب ألا يزيد ثمن البنطلون عن ٧٨ ريال.



المثالان ١، ٢

حل كلاً من المتباينات الآتية، ثم مثل مجموعة حلها بيانياً على خط الأعداد:

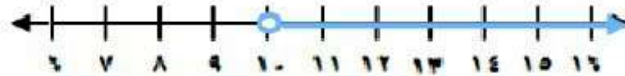
$$(١) \text{ س} - ٣ < ٧$$

أضف ٣ إلى كلا من الطرفين

$$\text{س} - ٣ + ٣ < ٧ + ٣$$

$$\text{س} < ١٠$$

مجموعة الحل: $\{\text{س} \mid \text{س} < ١٠\}$.



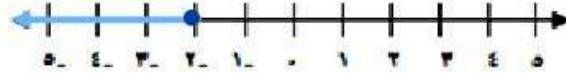
$$(2) \quad 5 + v \leq v$$

اطرح ٧ من الطرفين

$$5 + v - 7 \leq v - 7$$

$$-2 \leq v$$

مجموعة الحل: $\{v \mid v \geq -2\}$.



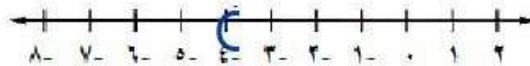
$$(3) \quad 2 > 6 + q$$

اطرح ٦ من الطرفين

$$2 - 6 > 6 - 6 + q$$

$$-4 > q$$

مجموعة الحل: $\{q \mid q < -4\}$.



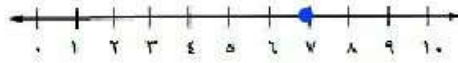
$$(4) \quad 11 \geq k + 4$$

اطرح 4 من الطرفين

$$11 - 4 \geq k + 4 - 4$$

$$k \geq 7$$

مجموعة الحل: $\{k \mid k \geq 7\}$.



$$(5) \quad 10 < n - 1$$

أضف 1 إلى كل من الطرفين

$$10 + 1 < n - 1 + 1$$

$$n < 11$$

مجموعة الحل: $\{n \mid n < 11\}$.



$$(6) \quad 8 \leq n \leq 7 - 3$$

اطرح 7 من الطرفين

$$8 - 7 \leq 7 - 3 - 7$$

$$1 \leq -3$$

مجموعة الحل: $\{n \mid n \leq -3\}$.



المثال 3

عرّف كل متغير فيما يأتي، ثم اكتب المتباينة وحلها:

(7) ناتج جمع عدد وأربعة لا يقل عن 10.

لتكن $n =$ العدد،

$$n + 4 \leq 10$$

اطرح 4 من كلا الطرفين

$$n + 4 - 4 \leq 10 - 4$$

$$n \leq 6$$

مجموعة الحل: $\{n \mid n \leq 6\}$.

٨) ناتج جمع عدد وثلاثة يقل عن مثليه.

لتكن $n =$ العدد،

$$n + 3 > 2n$$

$$n - n + 3 > 2n - n$$

$$3 > n$$

مجموعة الحل: $\{n \mid n < 3\}$.

اطرح n من كلا الطرفين

المثال ٤

٩) مدينة ألعاب، تتحرك أرجوحة إلى الأمام وإلى الخلف وترتفع قليلاً في كل مرة بحيث لا يتجاوز أقصى ارتفاع لها ١٣٧ قدماً. فإذا كان ارتفاع الأرجوحة بعد ٣٠ ثانية هو ٤٥ قدماً، فكم قدماً يمكن أن يزيد ارتفاعها على ذلك؟

$$s + 45 \geq 137$$

$$s + 45 - 45 \geq 137 - 45$$

$$s \geq 92$$

أي لا يزيد الارتفاع عن ٩٢ قدماً.

اطرح ٤٥ من كلا الطرفين

تدرب وحل المسائل:



المثالان ١ ، ٢

حل كلاً من المتباينات الآتية، ثم مثل مجموعة حلها بياناً على خط الأعداد:

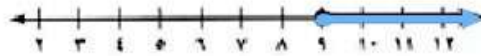
$$(١٠) \text{ ف} - ٦ \leq ٣$$

أضف ٦ إلى كلا الطرفين

$$\text{ف} - ٦ + ٦ \leq ٣ + ٦$$

$$\text{ف} \leq ٩$$

مجموعة الحل: $\{\text{ف} \mid \text{ف} \leq ٩\}$.



$$(11) \quad 7 \geq 8 - r$$

أضف ٨ إلى كلا الطرفين

$$8 + 7 \geq 8 + 8 - r$$

$$15 \geq r$$

مجموعة الحل: $\{r \mid r \leq 15\}$.



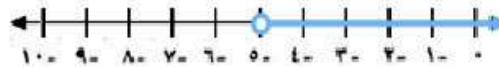
$$(12) \quad 8 - < 3 - t$$

أضف ٣ إلى كلا الطرفين

$$3 + 8 - < 3 + 3 - t$$

$$11 - < 6 - t$$

مجموعة الحل: $\{t \mid t < 5\}$.



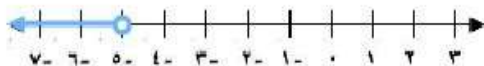
$$(13) \quad r + 18 < 13$$

اطرح ١٨ من كلا الطرفين

$$r + 18 - 18 < 13 - 18$$

$$r < -5$$

مجموعة الحل: $\{r \mid r < -5\}$.



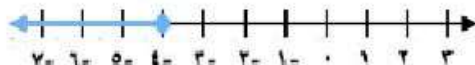
$$(14) \quad 5 + j \geq 1$$

اطرح ٥ من كلا الطرفين

$$5 + j - 5 \geq 1 - 5$$

$$j \geq -4$$

مجموعة الحل: $\{j \mid j \geq -4\}$.



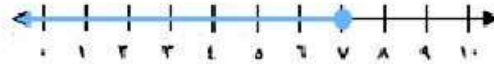
$$(15) \quad 23 - q \leq 30 - q$$

أضف ٣٠ إلى كلا الطرفين

$$23 - q + 30 \leq 30 - q + 30$$

$$q \leq 7$$

مجموعة الحل: $\{q \mid q \geq 7\}$.



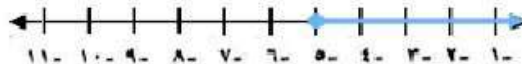
$$(16) \quad -5 \geq 2 \text{ و}$$

اطرح ومن كلا الطرفين

$$-5 - 2 \geq 2 - 2 \text{ و}$$

$$-7 \geq 0 \text{ و}$$

مجموعة الحل: $\{ \mid -7 \leq 0 \}$.



$$(17) \quad 3x + 6 \geq 2x$$

اطرح 2 ص من كلا الطرفين

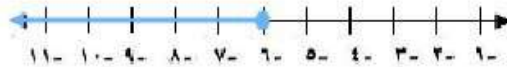
$$3x - 2x + 6 \geq 2x - 2x$$

اطرح 6 من كلا الطرفين

$$x + 6 \geq 0$$

$$x \geq -6$$

مجموعة الحل: $\{x \mid x \geq -6\}$.



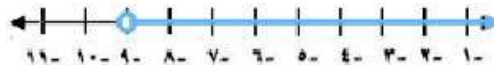
$$(18) \quad -9 + 2 > 3 - 2a$$

اطرح 2 أ من كلا الطرفين

$$-9 + 2 - 2 > 3 - 2a - 2$$

$$-9 > 1 - 2a$$

مجموعة الحل: $\{a \mid a < -9\}$.



مثال ٣

عرّف كل متغير فيما يأتي، ثم اكتب المتباينة، وحلها:

(١٩) ناتج طرح ٨ من عدد ما أقل من ٢١.

ن = العدد المتغير،

$$٢١ > ٨ - ن$$

أضف ٨ إلى كلا الطرفين

$$٨ + ٢١ > ٨ + ٨ - ن$$

$$٢٩ > ن$$

مجموعة الحل: $\{ن \mid ن > ٢٩\}$.

(٢٠) مثلاً عدد ما أكبر من مجموع ذلك العدد و ٩.

ن = العدد المتغير،

$$٩ + ن < ٢ن$$

$$٩ + ن - ن < ٢ن - ن$$

$$٩ < ن$$

مجموعة الحل: $\{ن \mid ن < ٩\}$.

مثال ٤

حل كلاً من المسائل (٢١-٢٤) بتعريف متغير، وكتابة متباينة، ثم حلها:
(٢١) **توفير:** يريد غانم أن يشتري سيارة ثمنها ٥٤٤٠٠ ريال على الأقل. وقد وفر ١٣٠٠٠ ريال، فما المبلغ المتبقي عليه لشراء السيارة؟

المتغير (ب) هو المبلغ المتبقي،

$$ب + ١٣٠٠٠ \leq ٥٤٤٠٠$$

$$ب + ١٣٠٠٠ - ١٣٠٠٠ \leq ٥٤٤٠٠ - ١٣٠٠٠$$

$$ب \leq ٤١٤٠٠$$

مجموعة الحل: $\{ب \mid ب \leq ٤١٤٠٠\}$.

المبلغ المتبقي على الأقل ٤١٤٠٠ ريال.

(٢٢) **تقنية**، أظهرت دراسة حديثة أن أكثر من ٢١ مليوناً ممن هم بين سن الثانية عشرة والسابعة عشرة يستعملون الإنترنت. منهم ١٦ مليوناً يستعملون الإنترنت في المدرسة، فما عدد الذين يستعملون الإنترنت خارج المدرسة؟

افرض أن s = عدد الذين يستعملون الإنترنت خارج المدرسة بالملايين؛

$$s < 21 - 16$$

$$s < 5$$

مجموعة الحل: $\{s \mid s < 5\}$.

هناك أكثر من ٥ ملايين من الشباب يستعملون الإنترنت خارج المدرسة.

(٢٣) مكتبة: أضاف أحمد ٢٠ كتاباً جديداً إلى مكتبته فأصبح لديه أكثر من ٦١ كتاباً. فكم كتاباً كان لديه؟

افرض أن ق = عدد الكتب الموجودة في مكتبة أحمد أصلاً؛

$$ق + ٢٠ < ٦١$$

اطرح ٢٠ من كلا الطرفين

$$ق + ٢٠ - ٢٠ < ٦١ - ٢٠$$

$$ق < ٤١$$

مجموعة الحل: $\{ق | ق < ٤١\}$.

أي أنه كان في المكتبة أصلاً أكثر من ٤١ كتاباً.

(٢٤) كرة سلة: أراد أحد اللاعبين إحراز ١٥٠ نقطة على الأقل في هذا الموسم. وسجل حتى الآن ١٢٣ نقطة، فكم نقطة بقيت عليه؟

افرض أن ص = عدد النقاط اللازمة؛

$$ص + ١٢٣ \leq ١٥٠$$

اطرح ١٢٣ من كلا الطرفين

$$ص + ١٢٣ - ١٢٣ \leq ١٥٠ - ١٢٣$$

$$ص \leq ٢٧$$

مجموعة الحل: $\{ص | ص \leq ٢٧\}$.

أي يجب أن يسجل ٢٧ نقطة على الأقل.

(٢٥) متطوعون: يتطوع بعض الشباب لخدمة حجاج بيت الله الحرام في مكة المكرمة ومنى. ويقول أحدهم: إن بإمكانه أن يتطوع لمدة لا تتجاوز ٣٠ ساعة في الأسبوع. فإذا تطوع المدة المبيّنة في الجدول المجاور، فما المدة التي يستطيع أن يتطوع بها هذا الأسبوع؟

الزمن	المكان
٥ ساعات و ٢٠ دقيقة	مكة المكرمة
٤ ساعات و ١٥ دقيقة	منى

افرض أن الزمن المتبقي = ن ساعة.

$$30 \geq n + 4\frac{1}{4} + 5\frac{1}{3}$$

اضرب كلا الطرفين في ١٢

$$30 \geq n + \frac{17}{4} + \frac{16}{3}$$

$$30 \times 12 \geq n \times 12 + \frac{17}{4} \times 12 + \frac{16}{3} \times 12$$

اجمع

$$360 \geq 12n + 51 + 64$$

اطرح ١٨ من كلا الطرفين

$$360 \geq 12n + 115$$

بسط

$$115 - 360 \geq 12n + 115 - 115$$

اقسم كلا الطرفين على ١٢

$$245 \geq 12n$$

$$20\frac{5}{12} = n$$

أي الوقت المتبقي ٢٠ ساعة و ٢٥ دقيقة على الأكثر.

حل كلاً من المتباينتين الآتيتين، وتحقق من صحة الحل، ثم مثل مجموعة الحل بيانياً على خط الأعداد:

$$(26) \quad 9,1ص + 4,5 > 10,1ص$$

$$9,1ص - 9,1ص + 4,5 > 10,1ص - 9,1ص$$

$$4,5 > ص$$

مجموعة الحل: $\{ص \mid ص < 4,5\}$.



$$(27) \quad د \frac{1}{2} + \frac{4}{9} \geq \frac{2}{3} - د \frac{3}{2}$$

اطرح $\frac{1}{2}د$ من كلا الطرفين

$$د \frac{1}{2} + \frac{4}{9} \geq \frac{2}{3} - د \frac{3}{2}$$

أضف $\frac{2}{3}$ إلى كلا الطرفين

$$\frac{2}{3} + \frac{4}{9} \geq د \frac{1}{2} - د \frac{3}{2}$$

$$\frac{6}{9} + \frac{4}{9} \geq د$$

$$\frac{10}{9} \geq د$$

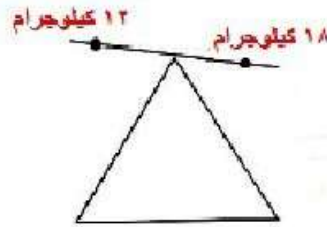
مجموعة الحل: $\{د \mid د \geq 1\frac{1}{9}\}$



(٢٨) تمثيلات متعددة، سوف تكشف في هذه المسألة عمليتي الضرب
والقسمة على المتباينات.



(أ) هندسيًا، افترض وجود ١٢ كجم على الكفة اليمنى للميزان، و
١٨ كجم على الكفة اليسرى. وضح بالرسم هذا الموقف.



(ب) عددياً، اكتب متباينة تمثل هذا الموقف.

$$١٢ \text{ كيلوجرام} < ١٨ \text{ كيلوجرام}$$

ج) جدولياً: أنشئ جدولاً يبين نتيجة جعل الكتل على كلتا الكفتين: مثلين، وثلاثة أمثال، وأربعة أمثال. وأنشئ جدولاً آخر يبين نتيجة إنفاص الكتل على كلتا الكفتين بنسبة $\frac{1}{3}$ ، و $\frac{1}{3}$ ، و $\frac{1}{4}$ وخصص عموداً للمتبينة في كلا الجدولين.

١٨	>	١٢	
٣٦	>	٢٤	٢
٥٤	>	٣٦	٣
٧٢	>	٤٨	٤
٩	>	٦	$\frac{1}{2}$
٦	>	٤	$\frac{1}{3}$
٤,٥	>	٣	$\frac{1}{4}$

د) لفظياً: صف تأثير ضرب أو قسمة كل من طرفي المتبينة، في العدد الموجب نفسه، على المتبينة.

إذا ضرب طرفاً متبينة في عدد موجب تكون المتبينة الناتجة صحيحة،
وإذا قسم كلاً من طرفي متبينة صحيحة على عدد موجب تكون المتبينة
الناتجة صحيحة أيضاً.

مسائل مهارات التفكير العليا:

(٢٩) **نظر:** حدد أوجه الشبه وأوجه الاختلاف بين التمثيل البياني لكل من المتباينتين $s > 4$ و $s \geq 4$.

كلا الخطين مظلل إلى اليسار، هناك دائرة عند العدد ٤ في المتباينة $s > 4$ تدل على أن ٤ ليست ضمن التمثيل، وهناك نقطة عند ٤ في المتباينة $s \geq 4$ تدل على أن ٤ ضمن التمثيل.

(٣٠) **نظر:** افترض $b < d + \frac{1}{3}$ ، $1 + a > 4 - e$ ، $d + \frac{5}{8} < a + 2$. رتب الأعداد أ، ب، ج، د من الأصغر إلى الأكبر.

$$\text{افرض } b < d + \frac{1}{3}$$

$$1 + a > 4 - e$$

$$2 + a < \frac{5}{8} + d$$

رتب الأعداد من الأكبر إلى الأصغر: $a > d > b$

(٣١) **مسألة مفتوحة:** اكتب ثلاث متباينات خطية تكافئ ص > -٣ .

$$\text{ص} + ١ > ٢$$

$$\text{ص} - ١ > ٤$$

$$\text{ص} + ٣ > ٠$$

(٣٢) **اكتب:** لخص عملية حل المتباينات الخطية وتمثيل مجموعة حلها على خط الأعداد.

أن حل المتباينة الخطية مشابه لحل المعادلة الخطية إذ يجب أن تفصل المتغير في أحد طرفي المتباينة، وعند تمثيل المتباينة بيانياً استعمل دائرة مفتوحة إذا كانت المتباينة تضم إحدى الإشارتين $>$ أو $<$ ، إن كانت غير ذلك استعمل دائرة مغلقة.

وإذا كان المتغير في الجهة اليمنى من المتباينة وكانت إشارة المتباينة "أقل من" أو "أكثر من أو يساوي" فإن التمثيل البياني يمتد إلى اليسار وما عدا ذلك يمتد التمثيل البياني إلى اليمين.

تدريب على اختبار

٣٣) ما مجموعة حل المتباينة $٧ + س > ٥$ ؟

(ج) $\{س | س > ٢ -\}$

(أ) $\{س | س > ٢\}$

(د) $\{س | س < ٢ -\}$

(ب) $\{س | س < ٢\}$

$$٧ + س > ٥$$

$$٧ - ٧ + ٧ + س > ٥ - ٧$$

$$س > ٢ -$$

الإجابة: (ج) $\{س | س < ٢ -\}$.

(٣٤) كان متوسط درجات ١٠ طلاب في مادة الكيمياء ٧٨. ثم اكتشف المعلم أنه أخطأ في رصد درجة أحد هؤلاء الطلاب فكانت أقل من درجته الحقيقية بعشر درجات. فكم يصبح متوسط درجات الطلاب بعد التعديل؟

$$790 = 10 + 780$$

$$79 = \frac{790}{10} = \text{إذن متوسط الدرجات}$$

مراجعة تراكمية

٣٥) اكتب بصيغة الميل والمقطع معادلة المستقيم المار بالنقطة $(-3, 2)$ والمعامد للمستقيم $ص = -3س + ٧$. (الدرس ٣-٢)

$$ص - ص_1 = م(س - س_1)$$

$$ص = \frac{1}{3}س + ٣$$

٣٦) أوجد قيمة الحد الثامن عشر في المتتابعة: $٩-، ٧-، ٥-، ٣-، \dots$ (الدرس ٢-٦)

$$ح_n = أ + (ن - ١)د$$

$$ح_{18} = ٩ - + ٢ \times (١٨ - ١)$$

$$ح_{18} = ٩ - + ٢ \times ١٧$$

$$ح_{18} = ٩ - + ٣٤$$

$$ح_{18} = ٢٥$$

الحد الثامن عشر = ٢٥

(٣٧) حل المعادلة : $12 = |6 - 3s|$. (الدرس ١-٥)

$$12 = |6 - 3s|$$

$$12 = 6 - 3s$$

$$18 = 3s$$

$$6 = s$$

$$12 = 6 - 3s$$

$$6 = 3s$$

$$2 = s$$

الاستعداد للدرس اللاحق

مهارة سابقة :

حُلَّ كل معادلة فيما يأتي:

$$(38) \quad 8ص = 56$$

بقسمة طرفي المعادلة $\div 8$ $ص = 7$

$$(39) \quad 4س = 120$$

بقسمة طرفي المعادلة $\div 4$ $س = 30$

$$(40) \quad \frac{2}{5}ل = 4$$

بضرب طرفي المعادلة $\times 5$ $2ل = 20$

بقسمة طرفي المعادلة $\div 2$ $ل = 10$

$$(41) \quad 6س = \frac{2}{3}$$

بقسمة طرفي المعادلة $\div 6$ $س = \frac{1}{9}$

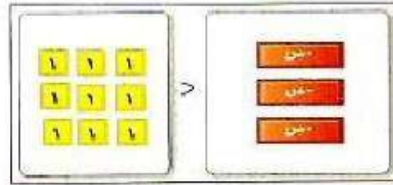
معمل الجبر: حل المتباينات

التمثيل والتحليل

استعمل بطاقات الجبر لحل كل من المتباينات الآتية:

$$(1) -3s > 9$$

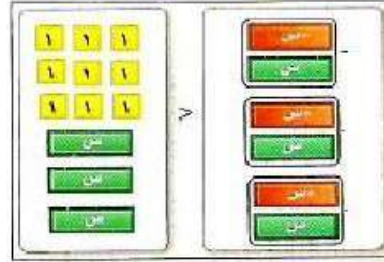
الخطوة ١: استعمل بطاقة لاصقة لتغطي إشارة المساواة على لوحة المعادلة، وكتب على البطاقة إشارة $>$ ثم مثل المتباينة ببطاقات الجبر.



$$-3s > 9$$

الخطوة ٢:

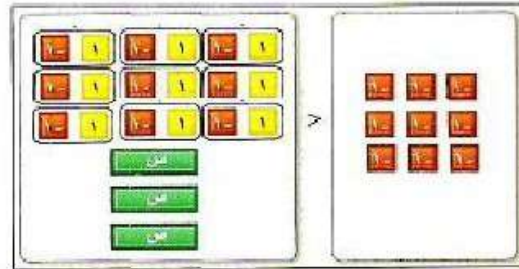
بما أنك لا تريد قيم س السالبة فيجب حذف بطاقات س السالبة بإضافة ٣ بطاقات موجبة إلى كل طرف من طرفي اللوحة واحذف الأزواج الصفرية.



$$3س + 9 > 3س + 3س$$

الخطوة ٣:

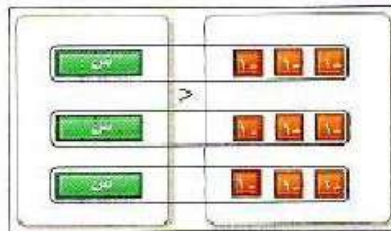
أضف ٩ من بطاقات العدد سالب ١ إلى طرفي اللوحة واحذف الأزواج الصفرية.



$$3س > 9$$

الخطوة ٤:

افصل البطاقات إلى مجموعتين.



$$3س < 3$$

مجموعة الحل: {س | س < 3}.

(٢) $4 - s < 4$

الخطوة ١: استعمل بطاقة لاصقة لتغطي إشارة المساواة على لوحة

المعادلة، وكتب على البطاقة $<$ ثم مثل المتباينة ببطاقات الجبر.

الخطوة ٢: بما أنك لا تريد قيم s السالبة فيجب حذف بطاقات s السالبة

بإضافة ٤ بطاقات موجبة إلى كل طرف من طرفي اللوحة واحذف الأزواج الصفرية.

$$-4s + 4s < -4 + 4s$$

الخطوة ٣: أضف ٤ من بطاقات العدد الموجب ١ إلى طرفي اللوحة

واحذف الأزواج الصفرية.

$$4 < 4s$$

الخطوة ٤: افصل البطاقات إلى مجموعتين

$$s > 1$$

مجموعة الحل: $\{s \mid s > 1\}$.

$$(3) \quad 5s - 15 \leq 15$$

الخطوة ١: استعمل بطاقة لاصقة لتغطي إشارة المساواة على لوحة

المعادلة، وكتب على البطاقة إشارة \leq ثم مثل المتباينة ببطاقات الجبر.

الخطوة ٢: بما أنك لا تريد قيم s السالبة فيجب حذف بطاقات s السالبة

بإضافة ٥ بطاقات موجبة إلى كل طرف من طرفي اللوحة واحذف الأزواج الصفرية.

$$-5s + 15 \leq 5s + 15$$

الخطوة ٣: أضف ١٥ بطاقة من العدد سالب ١ إلى طرفي اللوحة واحذف

الأزواج الصفرية.

$$-5s \leq 15$$

الخطوة ٤: افصل البطاقات إلى مجموعتين.

$$s \geq 3$$

مجموعة الحل: $\{s \mid s \geq 3\}$.

$$(4) \quad 6 - s \geq 12$$

الخطوة ١: استعمل بطاقة لاصقة لتغطي إشارة المساواة على لوحة

المعادلة، وكتب على البطاقة إشارة \geq ثم مثل المتباينة ببطاقات الجبر.

الخطوة ٢: بما أنك لا تريد قيم s السالبة فيجب حذف بطاقات s السالبة

بإضافة ٦ بطاقات موجبة إلى كل طرف من طرفي اللوحة واحذف الأزواج الصفرية.

$$-6 + 6 - s + 6 \geq -6 + 6 + 12 + 6 + 6$$

الخطوة ٣: أضف ١٢ من بطاقات العدد موجب ١ إلى طرفي اللوحة واحذف

الأزواج الصفرية.

$$12 \geq 6 - s$$

الخطوة ٤: افصل البطاقات إلى مجموعتين.

$$s \leq 2$$

مجموعة الحل: $\{s \mid s \leq 2\}$.

٥) هل معامل س موجب أم سالب في كل من المتباينات السابقة؟

معامل س **سالب** في كل المتباينات السابقة.

٦) ماذا تلاحظ على إشارة المتباينة وموقع المتغير في الأسئلة ١-٤، وحلولها؟

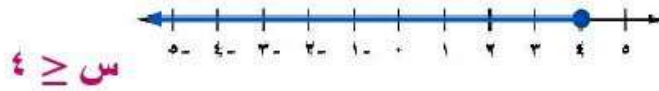
عند كتابة حل المتباينة (في كل من الأسئلة ١ - ٤) مع بقاء المتغير في الطرف نفسه كما في المتباينة الأصلية فإن إشارة المتباينة تنعكس.

(٧) مثل حل المتباينة: $١٢ \geq ٣س$ بيانياً. وبين كيف يختلف حل هذه المتباينة عن حل المتباينة: $١٢ \geq ٣س$.

$$١٢ \geq ٣س$$

$س \geq ٤$ ؛ رمز المتباينة يبقى كما هو عند حل $٣س \geq ١٢$ ، بينما ينعكس

اتجاهه عند حل $١٢ \geq ٣س$.



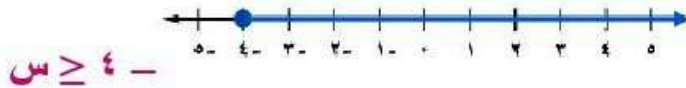
$$١٢ \geq ٣س -$$

$$٣س + ١٢ \geq ٣س + ٣س -$$

$$٣س + ١٢ \geq ٠$$

$$٣س \geq ١٢ -$$

$$س \geq ٤ -$$



٨) اكتب قاعدة لحل متباينات تتضمن الضرب والقسمة.

عند حل متباينات تتضمن الضرب يبقى رمز المتباينة دون تغير عند الضرب في عدد موجب ولكنه ينعكس عند الضرب في عدد سالب، وعند حل متباينات تتضمن القسمة يبقى رمز المتباينة دون تغير عند القسمة على عدد موجب ولكنه ينعكس عند القسمة على عدد سالب.

حل المتباينات بالضرب أو بالقسمة

٢-٤

تحقق

١) علم النبات، تتركز أشجار النخيل بصفة خاصة في العالم العربي، حيث يوجد به أكثر من ٦٠ مليون شجرة تمثل نحو ثلاثة أخماس أشجار النخيل في العالم. فما عدد أشجار النخيل في العالم؟

افرض عدد أشجار النخيل ص؛

$$60 \leq \frac{3}{5} \text{ ص} \quad \text{اضرب كلا الطرفين في ٥}$$

$$60 \times 5 \leq \frac{3}{5} \times 5 \text{ ص}$$

$$300 \leq 3 \text{ ص} \quad \text{اقسم كلا الطرفين على ٣}$$

$$100 \leq \text{ص}$$

هناك أكثر من ١٠٠ مليون شجرة نخيل في العالم.

حل كلاً من المتباينات الآتية، وتحقق من صحة الحل:

$$8 \geq \frac{N}{6} - (i)$$

اضرب كلا الطرفين في 6 $8 \geq \frac{N}{6} -$

$$6 \times 8 \geq 6 \times \frac{N}{6} -$$

$$48 \leq N -$$

للتحقق: $8 = \frac{48}{6} -$

$$10 < \frac{F}{3} - (ii)$$

اضرب كلا الطرفين في $\frac{3}{4} -$ $10 < \frac{F}{3} -$

$$\left(\frac{3}{4} -\right) \times 10 < \left(\frac{3}{4} -\right) \times \left(\frac{F}{3} -\right)$$

$$\frac{15}{2} > F -$$

$$7\frac{1}{2} > F -$$

للتحقق: عوض بعدد أقل من $7\frac{1}{2}$ في المتباينة الأصلية.

إذا كانت $F = 6$ فإن $8 = 6 \times \frac{4}{3} -$

والعدد 8 أكبر من العدد 10، ($10 < 8 -$).

$$٢ ج) \frac{1}{5}m \leq 3 -$$

اضرب كلا الطرفين في ٥

$$m \leq \frac{1}{5}m$$

$$5 \times 3 - \leq m \frac{1}{5} \times 5$$

$$١٥ - \leq m$$

للتحقق: عوض عن م بـ ١٥ في المتباينة الأصلية.

$$إذا كانت م = ١٥ فإن $١٥ - = 15 - \times \frac{1}{5}$$$

$$٢ د) \frac{3}{8}t > ٥$$

اضرب كلا الطرفين في ٨

$$5 > t \frac{3}{8}$$

$$8 \times 5 > t \frac{3}{8} \times 8$$

اقسم كلا الطرفين على ٣

$$40 > t 3$$

$$13 \frac{1}{3} > t$$

للتحقق: عوض بعدد أقل من $13 \frac{1}{3}$ في المتباينة الأصلية.

$$إذا كانت ت = ٨ فإن $3 = 8 \times \frac{3}{8}$ ، والعدد ٣ أصغر من العدد ٥$$

$$.(٥ > ٣)$$

$$٥٨ > ٨ \text{ ف } (١٣)$$

اقسم كلا الطرفين على ٨ $٥٨ > ٨ \text{ ف}$

$$\frac{58}{8} > \frac{8}{8}$$

$$٧,٢٥ > ١ \text{ ف}$$

$$٤٢ < ٦ \text{ (ب٣)}$$

اقسم كلا الطرفين على ٦ $٤٢ < ٦ \text{ -}$

$$\frac{42}{6} < \frac{6}{6} \text{ -}$$

$$٧ < ١ \text{ -}$$

$$١٥ < ١٢ - \text{ج ٣}$$

اقسم كلا الطرفين على -١٢ $١٥ < ١٢ -$

$$\frac{15}{12} - > \frac{12}{12} -$$

$$١,٢٥ - > ١ -$$

$$٦ > \frac{1}{2} - \text{د ٣}$$

اضرب كلا الطرفين في -٢ $٦ > \frac{1}{2} -$

$$٦ \times 2 - < \frac{1}{2} - \times 2 -$$

$$١٢ - < ١ -$$



مثال ١

(١) **كتب:** جمعت دار نشر أكثر من ٥٥٠٠ ريال من بيع كتاب جديد، ثمن النسخة الواحدة ١٥ ريالاً. عرّف متغيراً، واكتب متباينة تمثل عدد الكتب المباعة، ثم حلها وفسّر الحل.

لتكن k عدد الكتب المباعة

$$١٥ < k < ٥٥٠٠$$

$$k < ٣٦٦,٦٧$$

أي عدد الكتب المباعة **على الأقل ٣٦٦,٦٧ كتاب.**

المثالان ٢، ٣

حل كلاً من المتباينات الآتية، وتحقق من صحة الحل:

$$(٢) \quad ٣٠ < \frac{1}{٢} ن$$

اضرب كلا الطرفين في ٢ $\frac{1}{2} ن < 30$

$$\frac{1}{2} ن \times 2 < 30 \times 2$$

$$٦٠ > ن$$

للتحقق: عوض عن ن بعدد أصغر من ٦٠ في المتباينة الأصلية، إذا كانت ن = ٤٠، فإن $٤٠ = \frac{1}{2} \times ٨٠$ والعدد ٢٠ أصغر من ٣٠ ($٢٠ < ٣٠$).

$$(٣) \quad ١٠٨ < ٩ ل$$

اقسم كلا الطرفين على ٩ $١٠٨ < ٩ ل$

$$١٢ < ل$$

للتحقق: $١٣٥ = ١٥ \times ٩$ أي $١٠٨ < ١٣٥$

$$7 \leq \frac{7}{6} \quad \text{--- (4)}$$

اضرب كلا الطرفين في 6 - $7 \leq \frac{1}{6}$ -

$$7 \times 6 \geq \frac{1}{6} \times 6 -$$

$$42 \geq -$$

للتحقق: $7,3 = \frac{44}{6}$ أي $7 < 7,3$

$$7 > 84 \quad \text{--- (5)}$$

اقسم كلا الطرفين على 7 $7 > 84$ -

$$7 \times \frac{7}{7} > \frac{84}{7} -$$

$$7 > 12 -$$

للتحقق: $10,5 = 7 \times 1,5$ أي $84 < 10,5$

تدرب وحل المسائل:



مثال ١

عرّف متغيراً في كل من السؤالين ٦ ، ٧ واكتب متباينة، وحلها، ثم فسر الحل:

(٦) **هاتف نقال**، اشترى سعد بطاقة هاتف بمبلغ ٥٠ ريالاً، فإذا كان سعر الدقيقة ٠,٢٤ ريال، فكم دقيقة يمكنه أن يتكلم بهذه البطاقة؟

نفرض أن المتغير (د) هو عدد الدقائق التي يمكن أن يتكلمها سعد
بالبطاقة المدفوعة.

$$50 \geq 0,24d$$

$$208,3 \geq d$$

أي يمكن لسعد أن يتحدث ٢٠٨ دقيقة على الأكثر.

(٧) **نقود:** يحتاج رائد إلى ٥٦٠ ريالاً على الأقل لتغطية نفقات رحلته. وقد بدأ بتوفير ٢٥ ريالاً من مصروفه كل أسبوع. فبعد كم أسبوع يمكنه القيام بالرحلة؟

افرض أن المتغير s هو عدد الأسابيع يجب أن يوفر فيها رائد

$$٥٦٠ \leq s$$

$$٢٢,٤ \leq s$$

أي أن على رائد أن يوفر مدة ٢٣ أسبوع حتى يجمع المبلغ الكافي للرحلة.

المثالان ٢، ٣

حل كلا من المتباينات الآتية، وتحقق من صحة الحل:

$$(٨) \quad ١٧ - \geq m \frac{1}{4}$$

$$١٧ - \geq m \frac{1}{4} \quad \text{اضرب كلا الطرفين في ٤}$$

$$١٧ - \times ٤ \geq m \frac{1}{4} \times ٤$$

$$٦٨ - \geq m$$

$$\text{للتحقق: } ١٦,٥ - = \frac{1}{4} \times ٦٦ - \quad \text{أي } ١٧ - >$$

$$(9) \quad \frac{1}{11} - < 11 -$$

اضرب كلا الطرفين في - 11 ج $\frac{1}{11} - < 11 -$

$$\text{ج} \quad \frac{1}{11} - \times 11 - > 11 - \times 11 -$$

$$\text{ج} > 121$$

للتحقق: $11,9 - = 11 \div 122 -$ أي $11 - >$

$$(10) \quad \frac{s}{2} - \geq 10 -$$

اضرب كلا الطرفين في - 2 ج $\frac{s}{2} - \geq 10 -$

$$\frac{s}{2} - \times 2 - \leq 10 - \times 2 -$$

$$s \geq 20$$

للتحقق: $9 - = 2 - \div 18$ أي $10 - <$

$$\frac{f}{6} > 72 \quad (11)$$

اضرب كلا الطرفين في 6 - $\frac{f}{6} > 72$

$$\frac{f}{6} \times 6 < 72 \times 6$$

$$f > 432$$

للتحقق: $71,6 = \frac{430}{6}$ أي $72 < 71,6$

$$14 < \frac{2}{3} \quad (12)$$

اضرب كلا الطرفين في $\frac{3}{2}$ $14 < \frac{2}{3}$

$$\left(\frac{3}{2}\right)14 < \left(\frac{2}{3}\right)\left(\frac{3}{2}\right)$$

$$21 < 1$$

للتحقق: $18 = 27 \times \frac{2}{3}$ أي $14 < 18$

$$18 - \geq \frac{1}{6} - \text{ن} \quad (13)$$

اضرب كلا الطرفين في 6 - $18 - \geq \frac{1}{6} - \text{ن}$

$$18 - \times 6 - \leq \frac{1}{6} - \times 6 - \text{ن}$$

$$108 \leq \text{ن}$$

للتحقق: $18 - = 108 \times \frac{1}{6} -$

$$96 \geq \text{ص} \quad (14)$$

اقسم كلا الطرفين على 6 $96 \geq \text{ص}$

$$\frac{96}{6} \geq \frac{\text{ص}}{6}$$

$$16 \geq \text{ص}$$

للتحقق: $96 = 16 \times 6$

$$(15) \quad 64 > 4s$$

اقسم كلا الطرفين على 4

$$16 > s$$

$$\frac{64}{4} > \frac{4s}{4}$$

$$16 > s$$

$$\text{للتحقق: } 60 = 15 \times 4 \quad \text{أي } 64 >$$

$$(16) \quad 32 < 2e$$

اقسم كلا الطرفين على 2

$$16 < e$$

$$e > \frac{32}{2}$$

$$16 < e$$

$$\text{للتحقق: } 28 = 14 \times 2 \quad \text{أي } 32 >$$

$$٧٢- < ٦- (١٧)$$

اقسم كلا الطرفين على -٦

$$٧٢- < ٦-$$

$$\frac{72-}{6-} > \frac{6-}{6-}$$

$$١٢ > ١$$

للتحقق: -٦ = ١١ × ٦ أي -٧٢ < -٦٦

$$٣٣- \leq ٣- (١٨)$$

اقسم كلا الطرفين على -٣

$$٣٣- \leq ٣-$$

$$\text{س} \frac{33-}{3-} \geq \frac{3-}{3-}$$

$$١١ \leq \text{س}$$

للتحقق: -٣ = ١٢ × ٣ أي -٣٦ = -٣٦ > -٣٣

$$(19) \quad 5 < 7 - f$$

اقسم كلا الطرفين على - 7

$$7 - f > \frac{5}{7}$$

$$f > \frac{5}{7}$$

للتحقق: $7 - x = \frac{4}{7} = \epsilon$ أي $5 > 0$

(20) دورات تدريبية، من متطلبات الحصول على شهادة في إحدى الدورات حضور المشترك $\frac{3}{5}$ أيام التدريب على الأقل. فإذا حقق سالم هذا الشرط بحضوره 15 يومًا تدريبيًا. فما الحد الأعلى لعدد أيام التدريب في هذه الدورة؟

افرض $n =$ عدد أيام التدريب،

$$15 < \frac{3}{5}n$$

اقسم كلا الطرفين على $\frac{3}{5}$

$$15 \times \frac{5}{3} < \frac{3}{5} \times \frac{5}{3}n$$

$$25 > n$$

إن الحد الأعلى لعدد أيام التدريب في هذه الدورة 25 يوم.

(٢١) متحف: أراد مدرس التاريخ في مدرسة متوسطة اصطحاب طلابه لزيارة متحف. فإذا كان سعر بطاقة دخول المتحف للفرد ٨ ريالات. فما عدد الطلاب الذين يمكن أن يزوروا المتحف بمبلغ ٢٦٠ ريالاً؟

اقسم كلا الطرفين على ٨

$$٨ ط \geq ٢٦٠$$

$$\frac{260}{8} \geq ط \frac{8}{8}$$

$$٣٢ \frac{1}{2} \geq ط$$

أذن عدد الطلاب لا يزيد على ٣٢ طالباً.

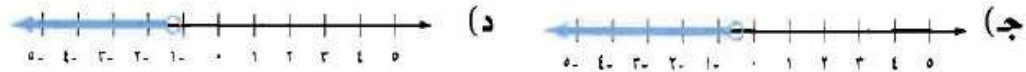
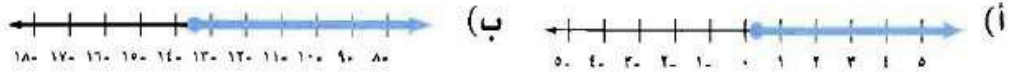
(٢٢) بنزين: إذا كان سعر لتر البنزين لا يقل عن ٠,٤٥ ريال، فكم لتراً من البنزين (لأقرب جزء من عشرة) يمكن أن يشتري خالد بمبلغ ٢٤ ريالاً؟

$$٢٤ \leq ل ٠,٤٥$$

$$٥٣,٣ \leq ل$$

أي أن عدد اللترات لا يزيد عن ٥٣,٣ لتر.

اكتب أمام كل متباينة رمز التمثيل البياني لحلها:



$$(٢٢) \quad 9 \geq \frac{2}{3}h$$

$$9 \times \left(\frac{3}{2}\right) \leq h \left(\frac{2}{3}\right) \left(\frac{3}{2}\right)$$

$$\frac{27}{2} \leq h$$

التمثيل (ب)

$$(٢٤) \quad 8 \leq \frac{25}{k}$$

$$\frac{8}{25} \leq k$$

$$0,٣٢ \leq k$$

التمثيل (أ)

٢٥) $3,6$ س $> 4,5$

س $> \frac{4,5}{3,6}$

س $> 1,25$

التمثيل: د)

٢٦) $2,3$ ت > 5

ت $< \frac{2,3}{5}$

ت $< 0,46$

التمثيل: ج)

(٢٧) **حلوى:** أشار ثلثا طلاب الصف الثالث في مدرسة متوسطة، وعددهم أقل من ٣٦ طالبًا، إلى أنهم يفضلون الشوكولاتة على غيرها من الحلوى. فما عدد طلاب الصف؟

$$36 > \frac{2}{3} \text{ ط}$$

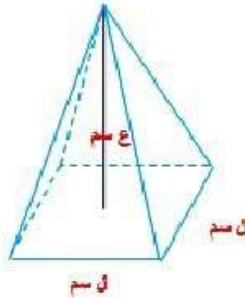
$$36 \times \frac{3}{2} > \frac{2}{3} \times \frac{3}{2} \text{ ط}$$

$$\text{ط} > ٥٤$$

أي أن عدد الطلاب أقل من ٥٤ طالباً.

(٢٨) **تمثيلات متعددة:** حجم الهرم = $\frac{1}{3}$ مساحة قاعدته \times الارتفاع.

(أ) هندسيًا، ارسم هرمًا قاعدته مربعة طول ضلعها ل سم وارتفاعه ع سم.



ب) عددياً، إذا كان حجم الهرم ٧٢ سم^٣، فاكتب معادلة لإيجاد ارتفاعه.

$$ع' ل \frac{1}{3} = ح$$

$$ع' ل \frac{1}{3} = ٧٢$$

$$٢١٦ = ع' ل$$

$$\frac{216}{ل} = ع$$

ج) جدولياً، أنشئ جدولاً يبين قيم ع عندما ل = ١، ٣، ٦، ٩، ١٢

١٢	٩	٦	٣	١	ل
$\frac{3}{2}$	$\frac{8}{3}$	٦	٢٤	٢١٦	ع

د) عددياً، اكتب متباينة لقيم ل الممكنة على أن يكون ل > ع، واكتب متباينة أخرى لقيم ع الممكنة على أن يكون ل < ع.

$$ل > ع \text{ عندما } ٠ > ل > ٦$$

$$ل > ع \text{ عندما } ٦ > ع$$

مسائل مهارات التفكير العليا:

(٢٩) **اكتشف الخطأ:** حل كل من طلال وجمال المتباينة $د٦ \leq -٨٤$. فأيهما كانت إجابته صحيحة؟ اشرح تبريرك.

جمال	طلال
$٨٤ \leq د٦$	$٨٤ \leq د٦$
$\frac{٨٤}{٦} \geq \frac{د٦}{٦}$	$\frac{٨٤}{٦} \leq \frac{د٦}{٦}$
$١٤ \geq د٦$	$١٤ \leq د٦$

طلال؛ لأنه لا يحتاج لعكس اتجاه إشارة المتباينة عند القسمة على عدد موجب.

(٣٠) **تحذ:** حدد إذا كانت المتباينتان $س١ < ١$ ، $س٢ < ١$ متكافئتين أم لا، وفسر إجابتك.

لا؛ غير متكافئتين، مجموعة حل $س٢ < ١$ تتضمن قيماً سالبة.

(٣١) **نفس:** وضع إذا كانت العبارة "إذا كان $a < b$ فإن $\frac{1}{a} < \frac{1}{b}$ " صحيحة أحياناً، أم دائماً، أم غير صحيحة أبداً، وفسر إجابتك.

أحياناً، فهي صحيحة عندما $a < 0$ ، $b < 0$.

(٣٢) **مسألة مفتوحة:** اكتب موقفاً من واقع الحياة يمثل المتباينة $\frac{0}{8} \leq s$.

لا تزيد درجة الحرارة في مكان ما على $\frac{5}{8}$ سيليزية.

(٣٣) **اكتب:** اشرح الحالات التي يتغير فيها اتجاه إشارة المتباينة، وأعط أمثلة تؤيد ذلك.

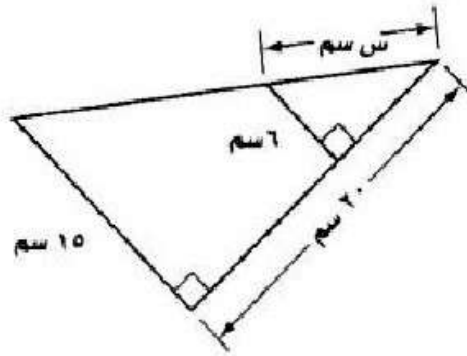
يتغير اتجاه إشارة المتباينة عند الضرب أو القسمة على عدد

سالِب، لتبقي المتباينة صحيحة.

مثال: عند قسمة $2 < s$ على 2 ينتج أن $s > 2$.

تدريب على اختبار

٣٤) إجابة قصيرة: أوجد قيمة س في الشكل الآتي.



$$\text{طول الوتر} = \sqrt{(15)^2 + (20)^2} = 25 \text{ سم}$$

$$\text{تشابه مثلثات} \quad \frac{6}{15} = \frac{س}{25}$$

$$١٥ س = ٦ \times ٢٥$$

$$س = ١٠ \text{ سم}$$

٣٥) ما حلُّ المعادلة : $4 - 3s = 2 - s$ ؟

(ج) $\frac{1}{2}$

(أ) 2

(د) 2

(ب) $\frac{1}{2}$

$$4 - 3s = 2 - s$$

$$4s + 2 - 3s = 2 - s + 2s$$

$$s + 2 = 2 + s$$

$$s = 0$$

$$s = \frac{1}{2}$$

(الحل ج)

مراجعة تراكمية

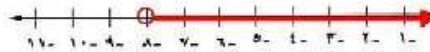
حل كلاً من المتباينات الآتية، وتحقق من صحة الحل، ثم مثله على خط الأعداد: (الدرس ١-٤)

$$٣٦- (٨ + ٤أ > ٥أ$$

$$٨- ٤أ + ٤أ > ٥أ - ٤أ$$

$$٨ > أ$$

مجموعة الحل: $\{أ | أ < ٨\}$.

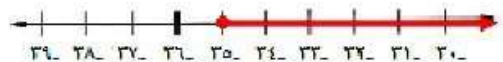


$$٣٧) ص + ١١ \leq ٢٤ -$$

$$ص \leq ٢٤ - ١١$$

$$ص \leq ٣٥ -$$

مجموعة الحل: $\{ص | ص \leq ٣٥\}$.

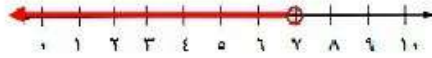


$$(38) \quad 2b - 7 < b$$

$$2b - 7 < 2b + b - 7$$

$$b < 7$$

مجموعة الحل: $\{b \mid b < 7\}$.

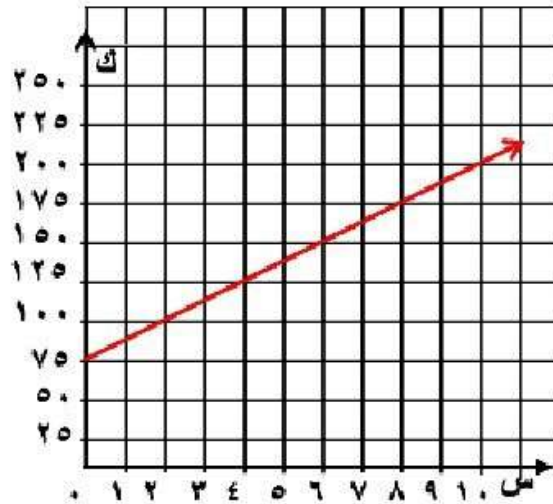


(39) مثل المعادلة $k = 75 + 16,5s$ بيانياً، ثم أوجد قيمة k عندما $s = 8$. (الدرس ٣-٢)

$$k = 75 + 16,5s$$

$$k = 75 + 16,5 \times 8$$

$$k = 207$$



الاستعداد للدرس اللاحق

حل كل معادلة فيما يأتي:

$$(٤٠) \quad ١٩ = ١١ + \text{ص}٤$$

$$\text{ص}٤ + ١١ - ١١ = ١٩ - ١١$$

$$\text{ص}٤ = ٨$$

$$\frac{8}{4} = \frac{\text{ص}٤}{4}$$

$$\text{ص} = 2$$

$$(٤١) \quad ٧ - \text{س}٢ = ٩ + \text{س}٤$$

$$\text{س}٢ - \text{س}٤ = ٩ + ٧$$

$$\text{س}٢ - ١٦ = ١٦$$

$$\frac{16}{2} = \frac{\text{س}٢ - 16}{2}$$

$$\text{س} = 8$$

$$8 - 4s = 2s + \frac{1}{4} \quad (42)$$

$$\frac{1}{4} - 8 = 4s - 2s$$

$$\frac{33}{4} = 2s -$$

$$s = 5,5$$

$$12 + 3j = (3 - 6j) \frac{1}{3} \quad (43)$$

$$12 + 3j = 1 - 2j$$

$$1 + 12 = 3j - 2j$$

$$13 = j -$$

$$13 = j$$

$$13 = \frac{5 + 7r}{2} \quad (44)$$

بضرب طرفي المعادلة $\times 2$

$$26 = 5 + 7r$$

$$5 - 26 = 5 - 5 + 7r$$

$$-21 = 7r$$

بقسمة طرفي المعادلة $\div 7$

$$r = -3$$

$$\frac{3 - b}{4} = b \frac{1}{2} \quad (45)$$

بضرب طرفي المعادلة $\times 4$

$$3 - b = 2b$$

$$3 = 2b + b$$

$$3 = 3b$$

حل المتباينات متعددة الخطوات

٣-٤

تحقق

(١) نقود، أعلنت إحدى المطابع عن عرض خاص لطباعة ٤٠٠ نسخة من نشرة إعلانية بأقل من ١٣٣,٥٠ ريالاً. فإذا علمت أن سعر الطباعة يشمل رسوماً مقدارها ١٣,٥٠ ريالاً، فما سعر طباعة النسخة الواحدة من النشرة الإعلانية؟

$$\text{عدد النسخ} \times \text{السعر} + \text{الرسوم} > ١٣٣,٥$$

$$٤٠٠ \text{ س} + ١٣,٥ > ١٣٣,٥$$

$$٤٠٠ \text{ س} > ١٢٠$$

$$\text{س} > ٠,٣$$

أي سعر النسخة الواحدة أقل من ٠,٣٠ ريال.

حل كلاً من المتبايتين الآتيتين:

$$(٢) \quad 23 \leq 10 - 2k$$

اطرح ١٠ من كلا الطرفين

$$23 - 10 \leq 2k$$

اقسم كلا الطرفين على ٢ -

$$13 \leq 2k$$

$$6,5 \leq k$$

مجموعة الحل: $\{k \mid k \geq 6,5\}$.

$$(٢) \quad 43 < -4v + 11$$

اطرح ١٠ من كلا الطرفين

$$43 < -4v + 11$$

اقسم كلا الطرفين على ٤ -

$$32 < -4v$$

$$8 < v$$

مجموعة الحل: $\{v \mid v < 8\}$.

٣) نصف عدد زائد اثنين أكبر من سبعة وعشرين.

افرض أن العدد = س

اطرح ١٠ من كلا الطرفين

$$\frac{1}{2}س + ٢ < ٢٧$$

اضرب كلا الطرفين في ٢

$$\frac{1}{2}س < ٢٥$$

$$س < ٥٠$$

مجموعة الحل: {س | س < ٥٠}.

حل كلاً من المتباينتين الآتيتين، وتحقق من صحة الحل:

$$٤٢ \geq (٣ - ٤٥)٦ (١٤)$$

خاصية التوزيع

$$٤٢ \geq (٣ - ٤٥)٦$$

أضف ١٨ إلى كلا الطرفين

$$٤٢ \geq ١٨ - ٤٣٠$$

اقسم كلا الطرفين على ٣٠

$$٦٠ \geq ٤٣٠$$

$$٢ \geq ٤$$

مجموعة الحل: {٤ | ٤ ≥ ٢}.

للتحقق: $٤٢ = (٣ - ٥ \times ٢)٦$ أي $٤٢ =$ والحل صحيح

$$\text{٤ب) } 2(6+h) < 3(-8-h)$$

$$12 + 2h < -24 - 3h$$

$$12 + 24 > -2h - 3h$$

$$36 > -5h$$

$$\{h \mid h > 36\}$$

$$\text{للتحقق: } 2(6+34) < 3(-8-34)$$

$$80 < 78 \text{ العبارة صحيحة.}$$

حل كلاً من المتباينتين الآتيتين، وتحقق من صحة الحل:

$$(10) \quad 18 - 3(8 + j) \leq 6(4 - j) - 1$$

المتباينة الأصلية

$$18 - 3(8 + j) \leq 6(4 - j) - 1$$

خاصية التوزيع

$$18 - 24 - 3j \leq 24 - 6j - 1$$

جمع الحدود المتشابهة

$$-6 - 3j \leq 23 - 6j$$

بما أن نتيجة الحل عبارة صحيحة دائماً، فإن مجموعة حل هذه المتباينة هي مجموعة الأعداد الحقيقية.

مجموعة الحل: $\{j \mid j \text{ عدد حقيقي}\}$.

$$(5) \quad 4(5 + m) - 8 \geq 6$$

المتباينة الأصلية

$$4(5 + m) - 8 \geq 6$$

خاصية التوزيع

$$20 + 4m - 8 \geq 6$$

جمع الحدود المتشابهة

$$12 + 4m \geq 6$$

بما أن نتيجة الحل عبارة غير صحيحة أبداً، فإن مجموعة حل هذه المتباينة هي المجموعة الخالية \emptyset .

مجموعة الحل: \emptyset .



مثال ١

١) قوارب: إذا أراد أربعة أشخاص ركوب قارب ومعهم حمولة مقدارها ٤٠ كجم، فاكتب متباينة لإيجاد معدل الكتلة المسموح بها للشخص الواحد (ن)، وحلها، علمًا بأن حمولة القارب ٤٠٠ كجم.

$$400 \geq 40 + 4n$$

$$40 - 400 \geq 40 - 40 + 4n$$

$$360 \geq 4n$$

$$90 \geq n$$

وزن الشخص الواحد ٩٠ كجم على الأكثر.

مثال ٢

حل كلاً من المتباينتين الآتيتين، وتحقق من صحة الحل:

$$(٢) \quad ٣ - س < ٧ + ٤٣$$

اطرح ٧ من كلا الطرفين

$$٧ - ٤٣ < ٧ - ٧ + ٣ - س$$

اقسم كلا الطرفين على -٣

$$٣٦ < ٣ - س$$

$$س > -١٢$$

مجموعة الحل: $\{س \mid س > -١٢\}$.

للتحقق: عوض عن س في المتباينة الأصلية بعدد أصغر من ١٢،

لتكن $س = -١٣$ ، فإن $٣ - (-١٣) = ١٦ > ٧ + ٤٣ = ٥٠$ ، إذا العدد الناتج أكبر

من $٤٣ < ٤٧$.

$$20 + 6m > 17 - 4m \quad (3)$$

$$20 - 17 < -4m - 6m$$

$$42 < -2m$$

$$21 < -m$$

مجموعة الحل: $\{m \mid m < -21\}$.

للتحقق: عوض عن m في المتباينة الأصلية بعدد أكبر من -21 ،

$$\text{لتكن } m = 1،$$

$$\text{فإن } 20 + 1 \times 6 > 17 - 1 \times 4$$

$$- \quad 31 > 13 \quad \text{العبارة صحيحة.}$$

مثال ٣

عرف المتغير، واكتب المتباينة وحلها، ثم تحقق من صحة الحل:
(٤) أربعة أمثال عدد ناقص ٦ أكبر من ٨ مضافاً إليها مثلاً ذلك العدد.

المتغير هو العدد n

$$٤n - ٦ < ٨ + ٢n$$

$$٤n - ٢n < ٨ + ٦$$

$$٢n < ١٤$$

$$n < ٧$$

مجموعة الحل: $\{n \mid n < ٧\}$.

المثالان ٤ ، ٥

حل كلاً من المتباينات الآتية، وتحقق من صحة الحل:

$$(٥) \quad ٦ - ٣(٥ - ص) \geq ٢$$

$$٦ - ١٥ + ٣ص \geq ٢$$

$$٣ص \geq ٠$$

$$ص \geq ٠$$

مجموعة الحل: $\{ص \mid ص \geq ٠\}$.

للتحقق: $٩ = (٢ - ١ \times ٥)٣$ أي أكبر من ٦

$$(6) \quad 5 - (4 + q) < 3(4 - q)$$

$$-5q - 20 < 3q - 12$$

$$-5q + 12 < 3q - 20$$

$$8 < 8q$$

$$q > 1$$

مجموعة الحل: $\{q | q > 1\}$.

$$\text{للتحقق: } 5 - (4 + 2) < 3(4 - 2)$$

$$-1 < 6 \quad \text{العبارة صحيحة.}$$

$$(7) \quad 3 - 8s \leq 9 + 2(1 - 4s)$$

$$3 - 8s \leq 11 - 8s$$

$$-8s \leq 8 - 8s$$

$$0 \leq 8$$

مجموعة الحل: \emptyset

تدرب وحل المسائل:



مثال ١

٨) تسوق يريد سليمان شراء حاسوب ثمنه ٢١٩٥ ريالاً وعددًا من البرمجيات التعليمية ثمن الواحدة ٥٠ ريالاً. فإذا كان معه ٢٥٠٠ ريال، فاكتب متباينة لإيجاد أكبر عدد من البرمجيات يمكن أن يشتريها، ثم حلها، وفسّر إجابتك.

$$2500 \geq 50 + 2195$$

$$305 \geq 50$$

$$6.1 \geq 50$$

إذا يمكنه أن يشتري ٦ برمجيات على الأكثر.

مثال ٢

حل كلاً من المتباينتين الآتيتين، وتحقق من صحة الحل:

$$(٩) \quad ١٠ - ٧ > ٣٧$$

$$١٠ - ٧ - ٧ > ٧ - ٣٧$$

$$١٠ - > ٣٠$$

$$٣ - > ١٠$$

مجموعة الحل: $\{٣ - > ١٠\}$.

للتحقق: $١٠ - ٧ = ٣ > ٣٧$ أي أكبر من ٣٧

$$(١٠) \quad ١٢ > ٦ + \frac{٥}{٤}ص$$

$$١ - ١٢ > ١ - ٦ + \frac{٥}{٤}ص$$

$$١ > \frac{٥}{٤}ص$$

$$\left(\frac{٤}{٥}\right)١ < \left(\frac{٥}{٤}\right)\left(\frac{٤}{٥}\right)ص$$

$$\frac{٤}{٥} < ص$$

مجموعة الحل: $\{ص < \frac{٤}{٥}\}$.

للتحقق: $١٢ = ٦ + ٠ \times \frac{٤}{٥}$ أصغر من ١٢.

مثال ٣

عرف متغيراً في كل من الأسئلة (١١-١٣)، واكتب المتباينة وحلها، ثم تحقق من صحة الحل:
(١١) ثلاثة أرباع عدد ناقص تسعة يساوي على الأقل اثنين وأربعين.

المتغير هو العدد s

$$\frac{3}{4}s - 9 \leq 42$$

$$\frac{3}{4}s - 9 + 9 \leq 42 + 9$$

$$\frac{3}{4}s \leq 51$$

$$\frac{4}{3} \times \frac{3}{4}s \leq \frac{4}{3} \times 51$$

$$s \leq 68$$

مجموعة الحل: $\{s \mid s \leq 68\}$.

١٢) عشرة لا تزيد على ٤ أمثال مجموع مثلي عدد مع ثلاثة.

$$4(3 + 2n) \geq 10$$

$$12 + 8n \geq 10$$

$$12 - 12 + 8n \geq 12 - 10$$

$$8n \geq 2 -$$

$$n \geq \frac{1}{4} -$$

مجموعة الحل: $\{n \mid n \geq \frac{1}{4}\}$.

١٣) ثلاثة أمثال مجموع عدد مع سبعة أكبر من خمسة أمثال ذلك العدد ناقص ثلاثة عشر.

$$3(7 + n) < 5n - 13$$

$$21 + 3n < 5n - 13$$

$$5n - 13 > 21 + 13$$

$$34 > 2n$$

$$17 > n$$

مجموعة الحل: $\{n \mid n > 17\}$.

المثالان ٤ ، ٥

حل كلاً من المتباينتين الآتيتين، وتحقق من صحة الحل:

$$(١٤) \quad ٦ > (٣ + ٧)٣ - ن$$

$$٦ > ٩ - ٢١ - ن$$

$$٩ - < ٦ + ٢١ - ن$$

$$٩ - < ٢٧ - ن$$

$$١ - < ٣ - ن$$

مجموعة الحل: $\{ن \mid ١ - < ٣ - ن\}$.

التحقق:

$$١ \times ٦ > (٣ + ١ \times ٧)٣ -$$

$$٦ > ٣٠ - \quad \text{العبارة صحيحة.}$$

$$(15) \quad (b-2)^3 > 10 - (b-6)^3.$$

$$b^3 - 6 > 10 - b^3 + 18$$

$$b^3 - 28 > b^3 - 6$$

$$28 > 6 \quad \text{العبارة صحيحة.}$$

مجموعة الحل: $\{b \mid b \text{ عدد حقيقي}\}$.

التحقق:

$$(1-2)^3 > 10 - (1-6)^3$$

$$27 > 3 \quad \text{العبارة صحيحة.}$$

(16) حل المتباينة: $6(m-3) < 5(2m+4)$ ، موضحًا كل خطوة مع التبرير.

$$\text{المتباينة الأصلية} \quad 6(m-3) < 5(2m+4)$$

$$\text{خاصية التوزيع} \quad 6m - 18 < 10m + 20$$

$$\text{اطرح } 6m \text{ من الطرفين} \quad 6m - 18 - 6m < 10m + 20 - 6m$$

$$\text{بالتبسيط} \quad 20 + m < 18 -$$

$$\text{اطرح } 20 \text{ من الطرفين} \quad 20 - 20 + m < 18 - 20 -$$

$$\text{بالتبسيط} \quad m < 38 -$$

$$\text{اقسم طرفي المتباينة على } 1 \quad m < 9,5 -$$

مجموعة الحل: $\{m \mid m > -9,5\}$.

(١٧) علوم: درجة حرارة جسم الجمل الطبيعية ٩٧,٧° ف في الصباح. وإذا لم يشرب ماءً حتى الظهر ترتفع درجة حرارته إلى أكثر من ١٠٤° ف. اكتب متباينة تمثل درجة حرارة جسم الجمل عند الظهر إذا لم يشرب ماءً بكل من درجتَي الحرارة الفهرنهايتية (ف)، والسيليزية (س)، علمًا بأن

$$٣٢ + \frac{٩}{٥} = ف$$

ف < ١٠٤ متباينة درجة الحرارة الفهرنهايتية.

$$٣٢ + \frac{٩}{٥} = ف$$

$$٣٢ + \frac{٩}{٥} = ١٠٤$$

$$\frac{٩}{٥} = ٧٢$$

$$٩ = ٣٦٠$$

$$٤٠ = س$$

س < ٤٠ متباينة الحرارة السليزية.

١٨) هدايا: يريد حسن أن يشتري هدية لوالدته بمبلغ لا يقل عن ٥٠٠ ريال. ويملك الآن ٣٨٠ ريالاً، ويمكنه توفير ١٠ ريالات يومياً.

أ) اكتب متباينة لإيجاد عدد الأيام اللازمة ليحقق هدفه، ثم حلها.

$$٥٠٠ \leq ١٠ + ٣٨٠$$

$$٣٨٠ - ٥٠٠ \leq ١٠ + ٣٨٠ - ٣٨٠$$

$$١٢٠ \leq ١٠$$

$$١٢ \leq ن$$

مجموعة الحل: $\{ن \mid ن \geq ١٢\}$.

ب) مثل مجموعة الحل بيانياً.



١٩) تمثيلات متعددة: سوف تحل في هذه المسألة المتباينات المركبة، مثل التي يكون فيها العدد س أكبر من ٤، وأقل من ٩.

أ) عددياً، اكتب متباينتين منفصلتين لهذه العبارة.

$$س < ٤، س > ٩$$

ب) بيانياً، مثل مجموعة حل المتباينة الأولى باللون الأحمر، ومجموعة حل المتباينة الثانية باللون الأزرق، وظلل بالقلم الفسفوري جزء التمثيل البياني الذي يتداخل فيه اللونان.



ج) جدولياً، أنشئ جدولاً باستعمال عشر نقاط من خط الأعداد الذي مثلته متضمنة أعداداً من الجزأين. استعمل عموداً لكل متباينة وعموداً ثالثاً بعنوان «حل مشترك»، واملأ الجدول بكتابة «صح» أو «خطأ».

النقاط	س < ٤	س > ٩	كلتا المتباينتين صحيحة
١	d	c	d
٢	d	c	d
٣	d	c	d
٤	d	c	d
٥	c	c	c
٦	c	c	c
٧	c	c	c
٨	c	c	c
٩	c	d	d
١٠	c	d	d

د) نفيًا، صف العلاقة بين الأجزاء الملونة في التمثيل البياني والجدول.

النقاط التي تجعل المتباينة $s <$ ؛ صحيحة تقع في المنطقة الحمراء
والنقاط التي تجعل المتباينة $s >$ ٩ صحيحة تقع في المنطقة
الزرقاء وبالتالي النقاط التي تجعل المتباينة $s >$ ٩ صحيحة تقع
في المنطقة المظللة بالقلم الفسفوري.

هـ) منطقيًا، ماذا تتوقع أن يكون التمثيل البياني للمتباينة $s >$ ٩؟

سيكون التمثيل هو الجزء المظلل بالقلم الفسفوري من خط الأعداد.

عرف المتغير في المسألة الآتية، واكتب المتباينة، ثم حلها، وفسر إجابتك:

(٢٠) **حيوانات:** كتلة حصان ٤١٤ كجم، وكتلته الطبيعية أقل من ٣٩٠ كجم، ويمكن أن يفقد من كتلة ٣ كجم في الأسبوع باستعمال برنامج غذائي معين. فكم أسبوعاً يلزم ليصل إلى كتلته الطبيعية؟

المتغير s هو عدد الأسابيع اللازمة ليعود الحصان إلى

الوزن الطبيعي

$$390 > 414 - 3s$$

$$414 - 390 > 3s$$

$$24 > 3s$$

$$8 > s$$

مجموعة الحل: $\{s \mid s < 8\}$.

إن حاجة إلى أكثر من ٨ أسابيع ليعود للوزن الطبيعي.

(٢١) **نظرية الأعداد:** أوجد جميع المجموعات المكونة من ثلاثة أعداد صحيحة زوجية موجبة متتالية لا يزيد مجموعها على ٣٦.

مجموعات الأعداد هي: (٢، ٤، ٦)، (٤، ٦، ٨)، (٦، ٨، ١٠)،

(٨، ١٠، ١٢)، (١٠، ١٢، ١٤).

حل كلاً من المتباينات الآتية، وتحقق من صحة الحل:

$$(22) \quad 2(4-s) \geq 3(s-6) + 2$$

$$8 - 2s \geq 3s - 18 + 2$$

$$8 - 2s \geq 3s - 16$$

$$16 - 2s \geq 3s$$

$$s \geq 8$$

مجموعة الحل: $\{s \mid s \geq 8\}$.

التحقق:

$$2(4-9) \geq 3(9-6) + 2$$

$$-10 \geq 11 \quad \text{العبارة صحيحة.}$$

$$(23) \quad 13s - 11 \geq 7s + 37$$

$$13s - 11 \geq 7s + 37$$

$$6s \geq 48$$

$$s \geq 8$$

مجموعة الحل: $\{s \mid s \geq 8\}$.

التحقق:

$$13 \times 8 - 11 \geq 7 \times 8 + 37$$

$$85 \geq 93 \quad \text{العبارة صحيحة.}$$

$$٤,٧ - ع٢,٥ > ١,٥ + ع٥,٦ \quad (٢٤)$$

$$١,٥ - ٤,٧ - > ع٢,٥ - ع٥,٦$$

$$٦,٢ - > ع٣,١$$

$$٦٢ - > ع٣١$$

$$٢ - > ع$$

مجموعة الحل: $\{ع | ع - > ٢\}$

التحقق:

$$٤,٧ - (٣ -)٢,٥ > ١,٥ + (٣ -) \times ٥,٦$$

$٢,٨ > ١٥,٣ -$ العبارة صحيحة.

$$٢٢ - س \leq \frac{٢}{٣} - س٢ \quad (٢٥)$$

$$٢ - س - س٢ \leq \frac{٢}{٣} + ٢٢ -$$

$$\frac{٦٤}{٣} - \leq س$$

مجموعة الحل: $\{س | س - \leq \frac{٦٤}{٣}\}$.

مسائل مهارات التفكير العليا:

(٢٦) **نبر:** اشرح كيف يمكن أن تحل المتباينة: $3 - f \leq 7 + 2$ دون أن تضرب كلا الطرفين في عدد سالب أو تقسهما عليه.

أضف ٣ ف، ٢ إلى كل طرف فتصبح المتباينة $3 \leq 9 + f$ ثم اقسم كل طرف على ٣ لتحصل على $3 \leq f$.

(٢٧) **تحذ:** إذا كان للمتباينة $أس + ب > أس + ج$ عدد لا نهائي من الحلول، فما مجموعة حل المتباينة: $أس + ب < أس + ج$ ؟ وضح الطريقة التي عرفت بها الإجابة.

∅؛ إذا كانت المتباينة الأولى صحيحة دائماً، فعكسها خطأ دائماً.

(٢٨) **مسألة مفتوحة:** اكتب متباينتين مختلفتين تحلان بخطوات متعددة ولهما التمثيل البياني نفسه؟

$$٢ < ٤ + س \quad \text{و} \quad ٣ < ١ + س$$

كلتاهما لهما التمثيل البياني نفسه س < ١ .

(٢٩) حدد المتباينة التي تختلف عن المتباينات الثلاث الأخرى. وفسر إجابتك.

$$١٣ > ٢ + س - ٥$$

$$٥ > ١ + س - ٢$$

$$٥ < ٤ - س - ٣$$

$$٣ < ٩ + س - ٤$$

$$٣ < ٩ + س - ٤$$

إنها المتباينة الوحيدة من بين المتباينات الأربع التي مجموعة حلها ليست

$$\{س | س < ٣\}.$$

(٣٠) **اكتب:** اشرح متى تكون مجموعة حل المتباينة المجموعة الخالية أو مجموعة كل الأعداد الحقيقية، وأعط مثلاً على كل حالة.

المجموعة الخالية هي مجموعة حل المتباينة التي نتيجتها عبارة خطأ كما في

$$١٢ > ١٥ - ١٥. \text{ أما المتباينة التي تبقى صحيحة مهما كانت قيمة س فتكون}$$

$$\text{مجموعة حلها هي مجموعة الأعداد الحقيقية كما في } ١٢ \geq ١٢.$$

تدريب على اختبار

٣١) ما مجموعة حل المتباينة:

$$4t + 2 > 8 - (6t - 10) ?$$

ج) $\{t | t > 4\}$

أ) $\{t | t > -6,5\}$

د) $\{t | t < 4\}$

ب) $\{t | t < -6,5\}$

الإجابة: ج) $\{t | t > 4\}$.

(٣٢) إجابة قصيرة، تلقى ماجد ٧٢ ريالاً مقابل ٤ ساعات عمل. فكم ساعة يعمل بهذا المعدل، حتى يحصل على ١١٧٠ ريالاً؟

$$\frac{4}{72} = \frac{\text{س}}{1170}$$

$$٧٢ \text{ س} = ٤٦٨٠$$

$$\text{س} = ٦٥ \text{ ساعة.}$$

مراجعة تراكمية

(٣٣) حل المتباينة: $\frac{ص}{٢} \geq ٥$ وتحقق من صحة الحل. (الدرس ١-٢)

$$\frac{ص}{٢} \geq ٥$$

$$ص \geq ١٠$$

مجموعة الحل: $\{ص | ص \geq ١٠\}$.

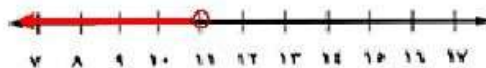
(٣٤) حل المتباينة: $٢ > ٩ - ف$ وتحقق من صحة الحل ومثله على خط الأعداد. (الدرس ١-١)

$$٢ > ٩ - ف$$

$$٩ + ٢ > ٩ + ٩ - ف$$

$$١١ > ١٨ - ف$$

للتحقق: $١٠ - ٩ = ١$ أي أصغر من ٢



٣٥) حل المعادلة: $٢(س - ٣) = ٥س + ١٢$ بيانياً، وتحقق من صحة الحل جبرياً. (الدرس ٢-٤)

الحل جبرياً:

$$١٢ + ٥س = ٢(س - ٣)$$

$$١٢ + ٥س = ٦ - ٢س$$

$$٥س - ٢س = ٦ - ١٢$$

$$٣س = ١٨$$

$$س = ٦$$

التحقق: $١٢ + ٦ \times ٥ = ٢(٦ - ٣)$

$$١٨ = ١٨$$

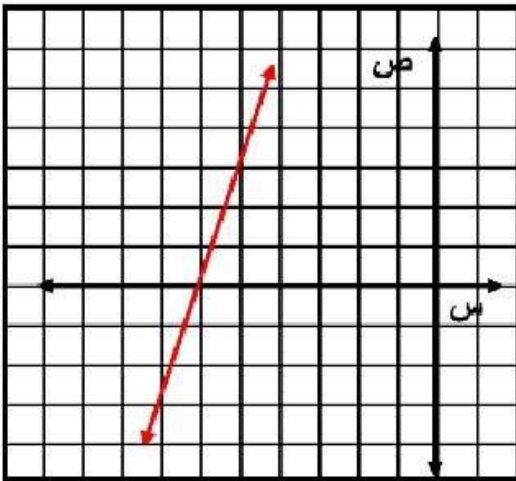
الحل بيانياً:

$$١٢ + ٥س = ٢(س - ٣)$$

$$٠ = ١٢ - ٥س - ٦ - ٢س$$

$$٠ = ١٨ - ٣س$$

$$١٨ - ٣س = ٠$$



إذا كان ق (س) = ٤ - ٣، هـ (س) = ٢س + ٥، فأوجد كلاً مما يأتي: (الدرس ٢-٢)

(٣٦) ق (٢-)

$$٣ - ٢ - \times ٤ =$$

$$١١ - = ٣ - ٨ - =$$

(٣٧) هـ (٢-) ٥ -

$$٥ - (٥ + ٢ \times ٢) =$$

$$٨ = ٥ - ٥ + ٨ =$$

(٣٨) ق (ج+٣)

$$٣ - (٣ + ج) ٤ =$$

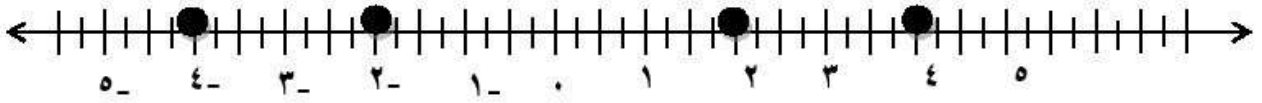
$$٣ - ١٢ + ج ٤ =$$

$$٩ + ج ٤ =$$

الاستعداد للدرس اللاحق

حدد على خط الأعداد جميع الأعداد المعطاة في كل مما يأتي:

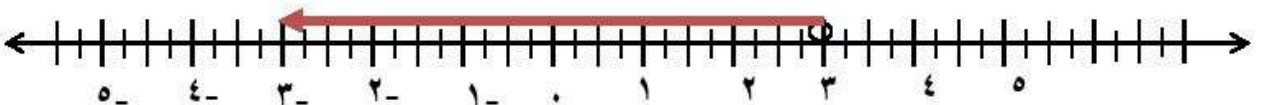
(٣٩) $\{-٤, ٢, ٢-, ٤\}$



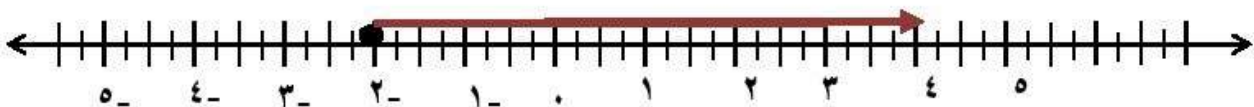
(٤٠) $\{-٥, ١, ٠, ٣-\}$



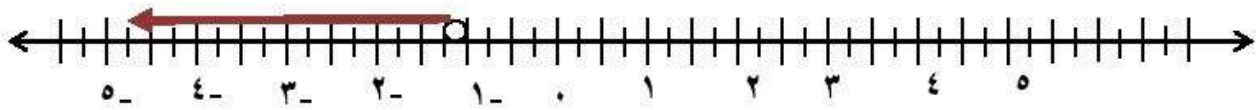
(٤١) {الأعداد الصحيحة الأصغر من ٣}



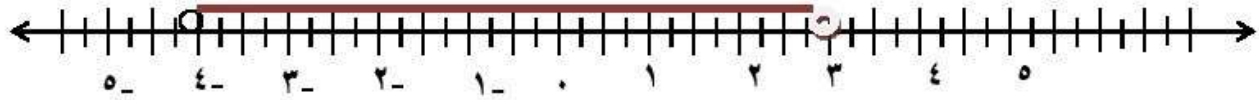
(٤٢) {الأعداد الصحيحة الأكبر من أو تساوي ٢}



(٤٣) {الأعداد الصحيحة الأصغر من -١}



(٤٤) {الأعداد الصحيحة الواقعة بين -٣،٤}



اختبار منتصف الفصل

4

حل كلاً من المتباينات الآتية، ثم مثل مجموعة حلها بيانياً على خط الأعداد. (الدرس ٤-١)

$$(١) \text{ س } - ٨ < ٤$$

$$\text{س} - ٨ + ٨ < ٤ + ٨$$

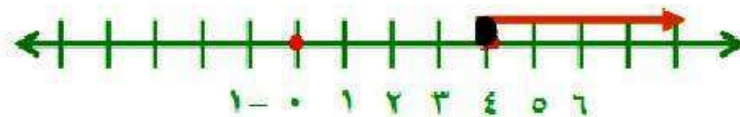
$$\text{س} < ١٢$$



$$(٢) \text{ م } + ٢ \leq ٦$$

$$\text{م} + ٢ - ٢ \leq ٦ - ٢$$

$$\text{م} \leq ٤$$



$$3) \text{ ب} - 4 > 7$$

$$\text{ب} - 4 + 7 > 7 + 4 - 4$$

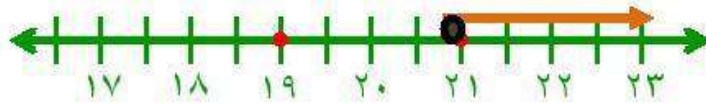
$$\text{ب} > 3$$



$$4) 12 \geq 9 - \text{ق}$$

$$9 + 9 - \text{ق} \geq 9 + 12$$

$$\text{ق} \geq 21$$



5) مدينة الألعاب: مع حمزة 60 ريالاً، دفع منها 10 ريالات
ثمن تذكرة دخول مدينة الألعاب.

أ) اكتب متباينة تبين المبلغ (س) الذي يمكن لحمزة إنفاقه
داخل مدينة الألعاب، وحلها.

$$س \geq 50$$

(ب) إذا أنفق حمزة ٢٠ ريالاً ثمن وجبة الغداء، فاكتب متباينة تبين المبلغ الذي يمكن لحمزة إنفاقه، بعد دفع ثمن تذكرة الدخول وثمان وجبة الغداء. وحلها.

$$س \geq 50 - 20$$

$$س \geq 30$$

عرّف كل متغير فيما يأتي، ثم اكتب المتباينة، وحلها:

(٦) ناتج جمع عدد و-٢ لا يزيد على ٦ .

افترض أن المتغير هو العدد س

$$س - 2 \geq 6$$

$$س - 2 + 2 \geq 6 + 2$$

$$س \geq 8$$

(٧) ناتج طرح ٨ من عدد ما أكبر من -١ .

افترض أن المتغير هو العدد س

$$س - 8 < -1$$

$$س - 8 + 8 < -1 + 8$$

$$س < 7$$

٨) العدد ٣ مضافاً إلى مثلي عدد أصغر من ذلك العدد.

افترض أن المتغير هو العدد s

$$٣ + ٢s > s$$

$$٣ > s - ٢s$$

$$٣ > -s$$

$$s < ٣$$

٩) **اختيار من متعدد:** وفرت عزيمة ٥٢ ريالاً، لشراء كتاب يزيد ثمنه على ٩٠ ريالاً، ما المبلغ الإضافي الذي يجب أن توفره عزيمة

لشراء الكتاب؟ (الدرس ٤-١)

أ) ٣٨ ريالاً.

ب) أكثر من ٣٨ ريالاً.

ج) ليس أكثر من ٣٨ ريالاً.

د) ٣٨ ريالاً على الأكثر.

الإجابة: ب) أكثر من ٣٨ ريالاً

حل كلاً من المتباينات الآتية، وتحقق من صحة الحل:

$$(10) \frac{1}{3}ص \leq 5$$

بضرب طرفي المعادلة في 3 $ص \leq 15$

التحقق

$$ص = 18 \text{ إذن } 18 \leq 5$$

$$(11) \frac{ج}{5} > 4$$

بضرب طرفي المعادلة في 5 $ج > 20$

التحقق:

$$ج = 25 \text{ إذن } 25 > 4$$

$$(12) 8س < 24$$

بقسمة طرفي المعادلة ÷ 8 $س < 3$

التحقق:

$$س = 4 \text{ إذن } 24 < 32$$

$$10 - \geq m \quad (13)$$

بقسمة طرفي المعادلة $\div 2$ $5 - \geq m$

التحقق:

$$10 - \geq 12 - \text{ إذن } 6 - = m$$

$$\frac{5}{8} > \frac{s}{2} \quad (14)$$

بضرب طرفي المعادلة $\times 2$ $\frac{5}{4} > s$

التحقق:

$$\frac{5}{4} > 0,25 \text{ إذن } 0,5 = s$$

$$45 - \leq r \quad (15)$$

بضرب طرفي المعادلة $\times 6$ $18 - < w$

التحقق:

$$12 - = w \text{ إذن } 2 - < 3 -$$

$$3 - < \frac{9}{7} \quad (16)$$

بضرب طرفي المعادلة $\times 6$ $18 - < w$

التحقق:

$$12 - = w \text{ إذن } 2 - < 3 -$$

$$17) \frac{f}{7} > 2$$

بضرب طرفي المعادلة $\times 7$ **ف > 14**

التحقق:

$$f = 21 \quad \text{إذن} \quad 3 > 2$$

حل كلاً من المتباينات الآتية، وتحقق من صحة الحل: (الدرس 4-3)

$$18) 14 < 2 - 4$$

بإضافة 2 للطرفين $2 + 14 < 2 + 2 - 4$

$$16 < 4$$

بقسمة طرفي المعادلة $\div 4$ $4 < 1$

$$19) 10 - 5s \geq 11 + 2s$$

$$11 - 10 - \geq 5s - 2s$$

$$1 - \geq 3s$$

$$s \leq 7$$

$$(20) \quad 9 - > 4 + \text{ب}$$

$$\text{بإضافة } 4 \text{ للطرفين} \quad 4 - 9 - > 4 - 4 + \text{ب}$$

$$\text{بقسمة طرفي المعادلة } \div 1 \quad 13 - > \text{ب}$$

$$\text{ب} < 13$$

$$(21) \quad 3 - \leq 1 + \frac{\text{د}}{4}$$

$$\text{بضرب طرفي المعادلة } \times 4 \quad 12 - \leq 4 + \text{د}$$

$$\text{بإضافة } 4 \text{ للطرفين} \quad 4 - 12 - \leq 4 - 4 + \text{د}$$

$$\text{د} - \leq 16$$

$$(22) \quad 8 + \text{ب}^3 - > (1 + \text{ب}^4) 2 -$$

$$8 + \text{ب}^3 - > 2 - \text{ب}^4 -$$

$$2 + 8 > \text{ب}^3 + \text{ب}^4 -$$

$$10 > \text{ب}^5 -$$

$$\text{ب} - < 2$$

عرف المتغير، واكتب المتباينة وحلها، ثم تحقق من صحة الحل.

٢٣) ثلاثة أمثال عدد مضافاً إليه ٨ لا يزيد على العدد مطروحاً منه ٤

افترض أن المتغير هو العدد s

$$3s + 8 \geq s - 4$$

$$3s - s \geq -4 - 8$$

$$2s \geq -12$$

$$s \geq -6$$

معمل الجبر: قراءة العبارات المركبة

تمارين:

حدد ما إذا كانت كل من العبارات المركبة الآتية صحيحة أم لا، وفسر إجابتك:

(١) العدد ٥ أولي أو العدد ٢ فردي.

العبارة صحيحة؛ لأن العدد ٥ أولي، فأحدى العبارتين صحيحة، لذا فالعبارة المركبة صحيحة.

(٢) للمثلث ثلاثة أضلاع وثلاث زوايا.

العبارة صحيحة؛ لأن كلا جزئي العبارة المركبة صحيح، لذا فالعبارة المركبة صحيحة.

$$(3) \quad 7 > 9 \text{ أو } 5 > 11$$

العبارة خطأ؛ لأن كلا العبارتين خطأ، لذا فالعبارة المركبة خطأ.

$$(4) \quad 7 > 3 \text{ و } 0 < 2 -$$

العبارة خطأ؛ لأن $(2 -)$ ليس أكبر من (0) ، فأحدى العبارتين خطأ، لذا فالعبارة المركبة خطأ.

$$(5) \quad 5 - < 2 - \text{ أو } 8 \neq 8$$

العبارة صحيحة؛ لأن $(2 -)$ أكبر من $(5 -)$ ، فأحدى العبارتين صحيحة، لذا فالعبارة المركبة صحيحة.

$$(6) \quad 2 - < 4 \text{ و } 10 < 5$$

العبارة خطأ؛ لأن 5 ليس أكبر من 10 ، فأحدى العبارتين خطأ، لذا فالعبارة المركبة خطأ.

حل المتباينات المركبة

٤-٤

تحقق

١) حل المتباينة $6 \leq 7+r < 10$ ، ومثل مجموعة الحل بيانيًا.

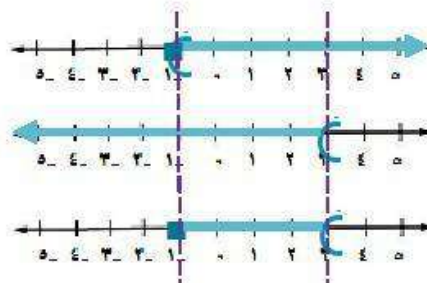
$$6 \leq 7+r < 10$$

$$6 \leq 7+r \quad \text{و} \quad 7+r < 10$$

$$6-7 \leq 7-7+r \quad 7-7+r < 10-7$$

$$-1 \leq r \quad r < 3$$

مجموعة الحل: $\{r \mid -1 \leq r < 3\}$.



(٢) صناعة: تنتج شركة جهازًا لا يقل طوله عن ١١,٢ سم، ولا يزيد على ١١,٤ سم. اكتب متباينة مركبة تصف الأطوال الممكنة لهذا الجهاز، ومثلها بيانياً.

ل طول الجهاز.

$$11,2 \leq l \text{ و } 11,4 \geq l$$



مجموعة الحل: $\{l \mid 11,2 \leq l \leq 11,4\}$.

حل كلاً من المتباينتين المركبتين الآتيتين، ومثل مجموعة الحل بيانياً:

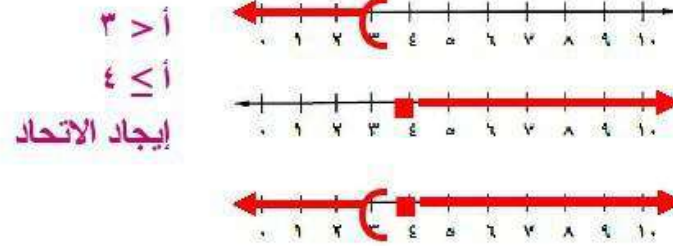
$$(i) \quad 3 \leq 1 - a \text{ أو } 4 > 1 + a$$

$$3 \leq 1 - a \quad \text{أو} \quad 4 > 1 + a$$

$$1 + 3 \leq 1 + 1 - a \quad \text{أو} \quad 1 - 4 > 1 - 1 + a$$

$$4 \leq a \quad \text{أو} \quad 3 > a$$

مجموعة الحل: $\{a \mid 3 > a \text{ أو } 4 \leq a\}$.



٣ب) $9 \geq s$ أو $2 + 4s > 10$

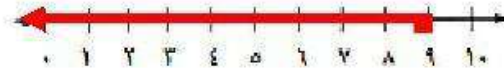
$9 \geq s$ أو $2 + 4s > 10$

$2 - 10 > 4s + 2 - 2$

$8 > 4s$

$2 > s$

مجموعة الحل: $\{s \mid s \geq 9\}$.





المثالان ١. ٣

حل كلاً من المتباينات المركبة الآتية، ومثل مجموعة الحل بيانياً:

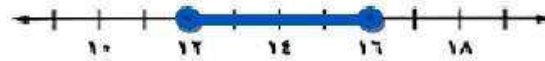
$$(١) \quad ٤ \geq ف - ٨ \quad \text{و} \quad ف - ١٤ \geq ٢$$

$$٤ \geq ف - ٨ \quad \text{و} \quad ف - ١٤ \geq ٢$$

$$٨ + ٨ - ف \geq ٨ + ٤ \quad \text{ف} - ١٤ + ١٤ + ٢ \geq ١٤ + ٢$$

$$١٦ \geq ف \quad \text{ف} \geq ١٢$$

مجموعة الحل: $\{ف | ١٢ \leq ف \leq ١٦\}$.



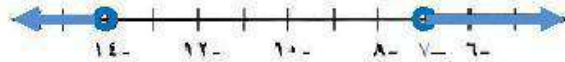
$$(2) \quad r + 6 > 8 \text{ أو } r - 3 < 10$$

$$r + 6 > 8 \quad r - 3 < 10$$

$$r + 6 - 6 > 8 - 6 \quad r - 3 + 3 < 10 + 3$$

$$r > 2 \quad r < 13$$

مجموعة الحل: $\{r \mid r > 2 \text{ أو } r < 13\}$.



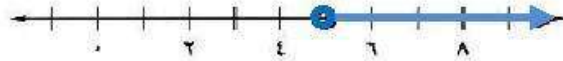
$$(3) \quad 5 < a \text{ أو } 31 \leq 7 + a$$

$$5 < a \text{ أو } 7 - 31 \leq 7 - 7 + a$$

$$24 \leq a$$

$$a \leq 7$$

مجموعة الحل: $\{a \mid a < 5\}$.



$$٧ > ٤ + ق \geq ٢ \quad (٤)$$

$$٧ > ٤ + ق \quad ٤ + ق \geq ٢$$

$$٤ - ٧ > ٤ - ٤ + ق \quad ٤ - ٤ + ق \geq ٤ - ٢$$

$$٣ > ق \quad ق \geq ٢ -$$

مجموعة الحل: $\{ق | ٢ - \leq ق < ٣\}$.



مثال ٢

(٥) **دراجات**، ينصح صانعو الدراجات الجبلية ألا يقل ضغط الهواء في الإطارات عن ١٦ كجم للبوصة المربعة الواحدة ولا يزيد على ٣٦ كجم. فإذا كان ضغط الهواء في إطارات دراجة ١١ كجم للبوصة المربعة الواحدة، فما مدى الضغط الذي ينصح بإضافته إلى الإطارات؟

$$٣٦ \geq ١١ + س \geq ١٦$$

$$٣٦ \geq ١١ + س$$

$$١١ + س \geq ١٦$$

$$١١ - ٣٦ \geq ١١ - ١١ + س$$

$$١١ - ١١ + س \geq ١١ - ١٦$$

$$٢٥ \geq س$$

$$س \geq ٥$$

$\{س | ٥ \leq س \leq ٢٥\}$.

مدى الضغط الذي ينصح بإضافته إلى الإطارات هو ٥ و ٢٥ للبوصة المربعة الواحدة.

تدرب وحل المسائل:



المثالان ٣.١

حل كلاً من المتباينات المركبة الآتية، ثم مثل مجموعة الحل بيانياً:

$$(٦) \quad ٥ - \geq ٢ + ن \quad \text{و} \quad ٦ - \leq ٦ + ن$$

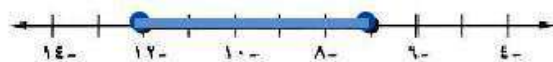
$$٥ - \geq ٢ + ن \quad \text{و} \quad ٦ - \leq ٦ + ن$$

$$٥ - \geq ٢ + ن \quad \text{و} \quad ٦ - \leq ٦ + ن$$

$$٥ - ٢ - \geq ٢ - ٢ + ن \quad \text{و} \quad ٦ - ٦ - \leq ٦ - ٦ + ن$$

$$٣ - \geq ن \quad \text{و} \quad ٠ - \leq ن$$

$$\{ن | ٠ \leq ن \leq ٣\}$$



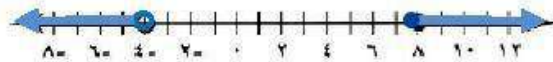
$$(7) \text{ ص} - 1 \leq 7 \text{ أو ص} + 3 > 1$$

$$\text{ص} - 1 \leq 7 \quad \text{أو} \quad \text{ص} + 3 > 1$$

$$\text{ص} - 1 + 1 \leq 7 + 1 \quad \text{ص} + 3 - 3 > 1 - 3$$

$$\text{ص} \leq 8 \quad \text{ص} > -2$$

$$\{\text{ص} \mid \text{ص} \leq 8 \text{ أو ص} > -2\}$$



$$(8) \text{ ص} - 5 > 3 + \text{ب} + 7 \geq 22$$

$$\text{ص} - 5 > 3 + \text{ب} + 7 \geq 22$$

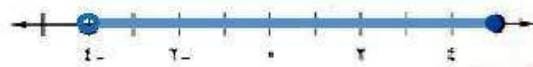
$$\text{ص} - 5 > 10 + \text{ب} \geq 22$$

$$\text{ص} - 5 - 10 > 10 + \text{ب} - 10 \geq 22 - 10$$

$$\text{ص} - 15 > \text{ب} \geq 12$$

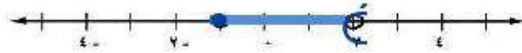
$$\text{ص} > 15 \quad \text{ب} \geq 12$$

$$\{\text{ب} \mid \text{ب} > 15 \text{ أو ب} \geq 12\}$$



$$(9) \quad 18 > 4 + m \geq 3 -$$

$$\begin{aligned} 18 > 4 + m & \qquad 4 + m \geq 3 - \\ 4 - 18 > 4 - 4 + m & \qquad 4 - 4 + m \geq 4 - 3 - \\ 14 > m & \qquad m \geq 7 - \\ 2 > m & \qquad m \geq 1 - \\ \{m | 2 > m \geq 1 -\} & \end{aligned}$$



مثال ٢

(١٠) **سرعة:** تبين اللوحتان المجاورتان أقصى سرعة وأدنى سرعة على طريق. عبّر عن ذلك بمتباينة، ومثلها بيانياً.



افرض أن ع تمثل السرعة.

$$125 \geq e \geq 60$$



(١١) نظرية الأعداد: أوجد جميع المجموعات التي يتكون كل منها من عددين صحيحين فرديين موجبين متتاليين مجموعهما على الأقل ٨ ويقل عن ٢٤.

افترض العددين الفرديين s ، $s + 2$

$$8 \geq (s + 2) + s \geq 24$$

$$8 \geq 2 + s^2 \geq 24$$

$$8 \geq 2 + s^2 \geq 24$$

$$8 - 2 \geq 2 + s^2 - 24 \quad 8 - 2 + s^2 \geq 2 - 24$$

$$6 \geq s^2 \geq 22$$

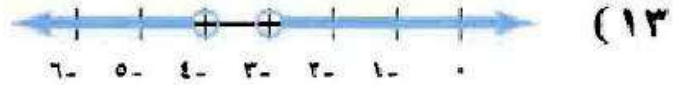
$$3 \geq s \geq 11$$

المجموعات: (٣، ٥)؛ (٥، ٧)؛ (٧، ٩)؛ (٩، ١١).

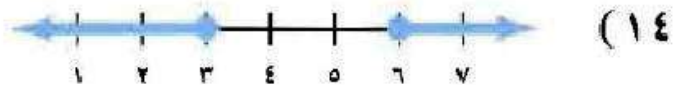
اكتب متباينة مركبة تعبر عن كل تمثيل بياني فيما يأتي:



$$-1 \leq x \leq 1 \text{ و } 3 \leq x < 4$$



$$-4 < x < -3 \text{ و } -2 < x < -1$$



$$3 \leq x < 4 \text{ و } 6 \leq x < 7$$



$$-3 < x < -1 \text{ و } 0 < x < 1$$

حل كلاً من المتباينتين المركبتين الآتيتين، ثم مثل مجموعة حلها بيانياً:

$$(16) \quad 9 + 2b \geq 6 - 5b > 2 + 3b$$

$$9 + 2b \geq 6 - 5b$$

$$6 - 5b > 2 + 3b$$

$$6 + 9 \geq 6 - 5b + 2b$$

$$6 - 5b > 2 + 3b$$

$$15 \geq -3b$$

$$-8 > 2b$$

$$b \geq -5$$

$$b < -4$$

$$\{b \mid -5 \leq b < -4\}$$



$$(17) \quad 8 > 1 - 3n \text{ أو } 16 > 1 - 5n$$

$$8 > 1 - 3n$$

$$16 > 1 - 5n$$

$$1 + 8 > 1 + 1 - 3n$$

$$1 + 16 > 1 + 1 - 5n$$

$$9 > -3n$$

$$15 > -5n$$

$$n < -3$$

$$n > -3$$

$$\{n \mid n > -3 \text{ أو } n < -3\}$$



(١٨) أفاع: تعيش معظم الأفاعي في المناطق التي تتراوح درجة الحرارة فيها من ٢٤° سيليزية إلى ٣٣° سيليزية. اكتب متباينة تمثل درجات حرارة المناطق التي لا تعيش فيها الأفاعي.

تبين المسألة درجة الحرارة التي تعيش فيها الأفاعي والمطلوب درجة الحرارة التي لا تعيش فيها الأفاعي.

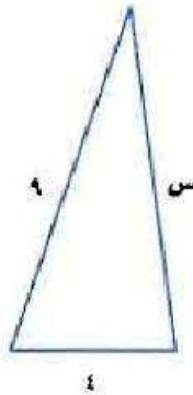
$$س < ٢٤ \text{ أو } س < ٣٣$$

(١٩) سلاحف: نادرًا ما تنفس بيوض السلاحف البحرية في درجة حرارة أقل من ٢٣° أو فوق ٣٣° سيليزية. اكتب متباينة تمثل درجات الحرارة التي يجب أن تحضن فيها البيوض كي تنفس.

درجات الحرارة التي تحضن فيها البيوض كي تنفس هي:

$$٢٣^\circ \leq ت \leq ٣٣^\circ$$

(٢٠) هندسة: تنص متباينة المثلث على أن مجموع طولي أي ضلعين في المثلث أكبر من طول الضلع الثالث.



أ) اكتب ثلاث متباينات تعبر عن العلاقة بين أطوال أضلاع المثلث المجاور، وحلها.

$$\begin{array}{ccc} \text{س} < 9 + 4 & \text{و} & 9 < 4 + \text{س} & \text{و} & 4 < 9 + \text{س} \\ \text{س} > 13 & & \text{س} < 5 & & \text{س} < 5 \end{array}$$

ب) أعطِ أربعة أطوال ممكنة للضلع الثالث في هذا المثلث.

الأطوال الممكنة: 6، 9، 10، 11

ج) اكتب متباينة مركبة تمثل قيم س الممكنة.

$$\text{المتباينة: } 5 > \text{س} > 13$$

(٢١) تمثيلات متعددة: سوف نكتشف في هذه المسألة: الخطأ المطلق للقياس الذي يساوي نصف وحدة القياس، والخطأ النسبي وهو نسبة الخطأ المطلق إلى القياس نفسه. (أ) جدولياً، انقل الجدول الآتي وأكمه:

الخطأ النسبي	الخطأ المطلق	القياس
$\frac{0,05 \text{ سم}}{14,3 \text{ سم}} \approx 0,0035 \text{ أو } 0,4\%$	$\frac{1}{2} (0,1) = 0,05 \text{ سم}$	سم ١٤,٣
		سم ١,٨٥
		سم ٦١,٢
		سم ٢٣٧

الخطأ النسبي	الخطأ المطلق	القياس
$\frac{0,05 \text{ سم}}{14,3 \text{ سم}} \approx 0,0035 \text{ أو } 0,4\%$	$\frac{1}{2} (0,1) = 0,05 \text{ سم}$	سم ١٤,٣
$\approx 0,0027 \text{ أو } 0,3\%$	$\frac{1}{2} (0,1) = 0,05 \text{ سم}$	سم ١,٨٥
$\approx 0,0082 \text{ أو } 0,08\%$	$\frac{1}{2} (0,1) = 0,05 \text{ سم}$	سم ٦١,٢
$\approx 0,0021 \text{ أو } 0,2\%$	$\frac{1}{2} (1) = 0,5 \text{ سم}$	سم ٢٣٧

ب) تحليلياً، إذا كان طول قطعة مستقيمة ٨, ١٢ سم، فاحسب الخطأ المطلق، ثم اكتب مدى الأطوال الممكنة.

$$\text{الخطأ المطلق: } \frac{1}{2} (0,1) = 0,05 \text{ سم}$$

مدى الأطوال الممكنة:

$$0,05 + 12,8 \geq m \geq 0,05 - 12,8$$

$$12,85 \geq m \geq 12,75$$

ج) منطقياً، إلى أي حد تقيس دقة الطول بالسنتيمترات لكي يكون الخطأ المطلق أقل من ٠,٠٥ سم؟

يقاس لأقرب جزء من مئة.

عرف متغيراً في كل من الأسئلة (٢٢ - ٢٤)، واكتب المتباينة، ثم حلها، وتحقق من صحة الحل:
(٢٢) عدد ناقص ثمانية لا يزيد على ١٤ ولا يقل عن ٥.

افترض أن العدد المتغير هو n .

$$n \geq 5 - n \geq 14$$

$$n \geq 5 - n \geq 14$$

$$n \geq 13 \quad n \geq 22$$

$$\{n \mid 13 \leq n \leq 22\}$$

التحقق: افترض العدد $n = 14$ وقم بالتعويض عنه في المتباينة الأصلية.

$$14 \geq 5 - 14 \geq 14$$

العبارة صحيحة. $14 \geq 6 \geq 5$

(٢٣) ناتج جمع ثلاثة أمثال عدد مع أربعة يقع بين ٨- و ١٠.

$$10 > 4 + 3n > 8 -$$

$$10 > 4 + 3n \quad 4 + 3n > 8 -$$

$$6 > 3n \quad 3n > 12 -$$

$$2 > n \quad n > 4 -$$

$$\{n \mid 2 > n > 4 -\}$$

التحقق: افترض العدد $n = 0$ وقم بالتعويض عنه في المتباينة الأصلية.

$$10 > 4 + 0 \times 3 > 8 -$$

العبارة صحيحة. $10 > 4 > 8 -$

٢٤) ناتج ضرب عدد في ٥ - يزيد على ٣٥ أو يقل عن ١٠ .

$$- ٣٥ < ٥ن \text{ أو } ١٠ > ٥ن$$

$$٧ - < ن \quad ٢ - < ن$$

$$\{ن | ن > ٧ \text{ أو } ن < ٢\}.$$

٢٥) أعاصير: تصنف قوة الأعاصير في ٥ فئات تبعاً لسرعة رياحها.

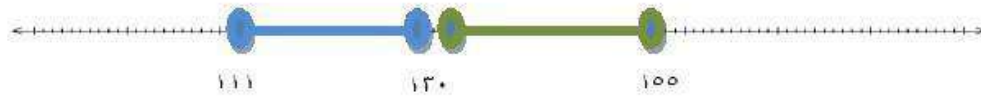
أ) اكتب متباينة مركبة تعبر عن سرعة الرياح في إعصار من الفئة ٣، ثم في إعصار من الفئة ٤.

الفرقة	سرعة الريح ميل / ساعة
١	٧٤ - ٩٥
٢	٩٦ - ١١٠
٣	١١١ - ١٣٠
٤	١٣١ - ١٥٥
٥	$١٥٥ <$

الفرقة الثالثة: $١١١ \leq س \leq ١٣٠$

الفرقة الرابعة: $١٣١ \leq س \leq ١٥٥$

ب) ما تقاطع التمثيلين البيانيين للمتبايتين اللتين كتبتهما في الفرع أ؟



$\emptyset =$ التقاطع

مسائل مهارات التفكير العليا:

(٢٦) **اكتشف الخطأ:** حل كل من سعد ومسفر المتباينة $٢ > ٣$ س - $٧ > ٥$. فأيهما إجابته صحيحة؟
وضح تبريرك.

مسفر	لسعد
$٧ > ٥ - س$	$٧ > ٥ - س$
$١٢ > ٣$	$٧ > ٨$
$٦ > \frac{٢}{٢}$	$\frac{٧}{٢} > ٤$

كلاهما خطأ؛ لأن كلاهما أضاف ٥ إلى طرف واحد من المتباينة.

(٢٧) **نبرين:** اكتب متباينة مركبة يكون تمثيلها البياني المجموعة الخالية، ومتباينة أخرى يكون تمثيلها البياني مجموعة جميع الأعداد الحقيقية.

المجموعة الخالية: $س \geq ٤$ و $س \leq ١$
جميع الأعداد الحقيقية: $س \geq ٥$ أو $س \leq ١$

(٢٨) **مسألة مفتوحة:** أعطِ مثالاً لمتباينة مركبة تحتوي (أو) وحلولها كثيرة وغير منتهية.

$$س \geq ٢ \text{ أو } س \leq ٤$$

(٢٩) **اكتب:** أعطِ مثالاً من واقع الحياة يمكن تمثيله بمتباينة مركبة، ثم حلها.

تتراوح درجة حرارة جسم الإنسان الحي بين ٣٦ و ٣٩ درجة سيليزية.

$$٣٩ \geq س \geq ٣٦$$

تدريب على اختبار

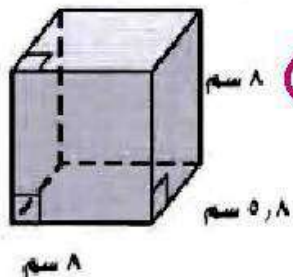
٣٠) ما مجموعة حل المتباينة: $7 - س > 2 + س > 4$ ؟

(أ) $\{س | 5 - س > 6\}$ (ب) $\{س | 9 - س > 2\}$

(ب) $\{س | 5 - س > 2\}$ (د) $\{س | 9 - س > 6\}$

الإجابة: (ج) $\{س | 9 - س > 2\}$.

٣١) هندسة، ما مساحة سطح المنشور الرباعي المجاور؟



(أ) $249,6 \text{ سم}^2$ (ب) $278,4 \text{ سم}^2$

(ج) $313,6 \text{ سم}^2$ (د) $371,2 \text{ سم}^2$

الإجابة: (ج) $313,6 \text{ سم}^2$

مراجعة تراكمية

(٣٢) يتقاضى عامل في مصنع أجرًا شهريًا مقداره ٣٠٠٠ ريال بالإضافة إلى ٢٠ ريالاً عن كل ساعة عمل إضافية. فإذا أراد الحصول في هذا الشهر على ٣٤٣٠ ريالاً على الأقل، فما عدد الساعات الإضافية التي يجب أن يعملها؟ (الدرس ٤-٣)

افترض أن كل ساعة عمل إضافية ص

$$٣٤٣٠ \leq ٣٠٠٠ + ٢٠ص$$

$$٤٣٠ \leq ٢٠ص$$

$$٢١,٥ \leq ص$$

عدد الساعات الإضافية التي يجب أن يعملها على الأقل ٢٢ ساعة.

(٣٣) اكتب بصيغة الميل ونقطة معادلة المستقيم المار بالنقطة (١، ٢) وميله $\frac{٣}{٢}$. (الدرس ٣-٣)

$$ص - ص = ١ م (س - س)$$

$$ص - ٢ = \frac{٣}{٢} (س - ١).$$

٣٤) أوجد ميل المستقيم المار بالنقطتين (٦، ١)، (١، ٦). (الدرس ٥-٢)

$$m = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1}$$

$$m = \frac{1 - 6}{6 - 1} = -1$$

الاستعداد للدرس اللاحق

حل كل معادلة فيما يأتي:

$$(35) \quad 6 - 2 = 4 - b$$

$$6 - 2 = 4 - b + 2$$

$$4 = 4 - b$$

$$b = 0$$

$$(36) \quad 3 + 5s = 18$$

$$3 + 5s - 3 = 18 - 3$$

$$5s = 15$$

$$s = 3$$

$$\frac{p}{7} + 1 = 9 \quad (37)$$

$$p + 7 = 63$$

$$p + 7 - 7 = 63 - 7$$

$$p = 56$$

$$11 = 8 - s, 5 \quad (38)$$

$$8 + 11 = 8 + 8 - s, 5$$

$$19 = s, 5$$

$$s = 12, 7$$

$$17 - = \frac{4 + b}{2 -} \quad (39)$$

$$34 = 4 + b$$

$$4 - 34 = 4 - 4 + b$$

$$b = 30$$

$$۲۰ = \frac{۳ - ن}{۸} \quad (۴۰)$$

$$۱۶۰ = ۳ - ن$$

$$۳ + ۱۶۰ = ۳ + ۳ - ن$$

$$۱۶۳ = ن$$

حل المتباينات التي تتضمن القيمة المطلقة

٥-٤

تحقق

$$(i) \quad |n - 8| \geq 2$$

أعد كتابة $|n - 8| \geq 2$ لكل من الحالتين ١ ، ٢ .

الحالة ١ : $n - 8$ غير سالبة. الحالة ٢ : $n - 8$ سالبة.

$$- \quad n + 8 \geq 2$$

$$- \quad n - 8 \geq 2$$

$$- \quad n + 8 - 8 \geq 2 - 8$$

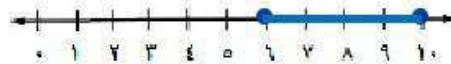
$$- \quad n + 8 - 8 \geq 2 + 8$$

$$- \quad n \geq -6$$

$$- \quad n \geq 10$$

$$n \leq 6$$

$$\{n \mid 6 \leq n \leq 10\}$$



$$(ب) \quad |2 - 5| > 3$$

مجموعة الحل: \emptyset ؛ لأن $|2 - 5|$ لا يمكن أن تكون سالبة.

(٢) **كيمياء**، درجة انصهار الجليد هي 0° سيليزية. لكن خالدًا لاحظ في أثناء إجراء تجربة أن درجة انصهار الجليد تتغير ضمن 1° سيليزية. اكتب مدى درجات الحرارة التي لاحظها خالد.

افترض أن درجات الحرارة s .

$$|s - 0| \geq 1$$

$$s \geq 1 \quad \text{و} \quad s - 1 \geq 1$$

مدى درجات الحرارة التي لاحظها خالد هي: $\{s \mid 1 \leq s \leq 2\}$.

٣) حل كلاً من المتباينات التالية، ومثل مجموعة الحل بيانياً.

$$(أ) |6 - r| \leq 5$$

$$5 \leq 6 + r$$

$$5 \leq 6 - r$$

$$11 \leq r$$

$$1 \leq r$$

$$11 \geq r$$

$$1 \leq r$$

$\{r \mid r \text{ عدد حقيقي}\}$



$$(ب) |2k + 1| \leq 7$$

$$7 \leq 1 - 2k$$

$$7 \leq 1 + 2k$$

$$8 \leq 2k$$

$$6 \leq 2k$$

$$4 \geq k$$

$$3 \leq k$$

$\{k \mid 3 \leq k \leq 4\}$





المثالان ١، ٣

حل كلًا من المتباينات الآتية، ومثل مجموعة حلها بيانياً:

$$(١) \quad ٧ > |٣ + ي|$$

$$٧ > ٣ - ي -$$

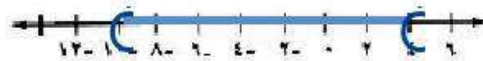
$$٧ > ٣ + ي$$

$$١٠ > ي -$$

$$٤ > ي$$

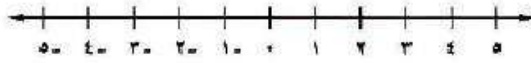
$$١٠ - < ي$$

$$\{ ي | -١٠ > ي > ٤ \}.$$



$$(2) \quad |t + 4| \geq -2$$

مجموعة الحل \emptyset



$$(3) \quad |j + 2| < -2$$

$$-2 < -j - 2$$

$$0 < -j$$

$$j > 0$$

$$-2 < j + 2$$

$$-4 < j$$

$\{j \mid j \text{ عدد حقيقي}\}$



$$(4) \quad 8 \leq |2 - b|$$

$$8 \leq 2 + b -$$

$$8 \leq 2 - b -$$

$$6 \leq b -$$

$$10 \leq b -$$

$$b \geq 6 -$$

{b | b ≥ 6 أو b ≤ 10}.



$$(5) \quad 3 \leq |5 + n|$$

$$3 \leq 5 - n -$$

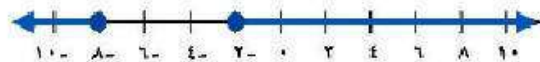
$$3 \leq 5 + n -$$

$$8 \leq n -$$

$$n \leq -2 -$$

$$n \geq 8 -$$

{n | n ≥ 8 أو n ≤ -2}.



$$(6) \quad 3 > 10 - k$$

$$3 > 0 + k$$

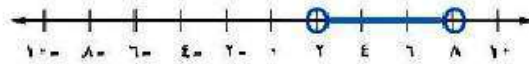
$$3 > 0 - k$$

$$2 > k$$

$$8 > k$$

$$2 > k$$

$$\{k \mid 2 > k > 8\}$$



مثال ٢

(٧) أسهم: بلغ سعر سهم إحدى الشركات ٧٠,٨٥ ريالاً. وقد تذبذب هذا السعر ضمن ٠,٧٥ ريال في اليوم. أوجد مدى سعر التداول لهذا السهم.

افترض سعر التداول ك.

$$0,75 \geq |70,85 - k|$$

$$0,75 \geq 70,85 + k$$

$$0,75 \geq 70,85 - k$$

$$70,10 \geq k$$

$$71,60 \geq k$$

$$70,10 \leq k$$

$$\{k \mid 70,10 \leq k \leq 71,60\}$$

تدرب وحل المسائل:



المثالان ٣، ١

حل كلاً من المتباينات الآتية، ومثل مجموعة حلها بيانياً:

$$(٨) \quad ٧ \geq |١ - ٢ج|$$

$$٧ \geq ١ + ٢ج -$$

$$٦ \geq ٢ج -$$

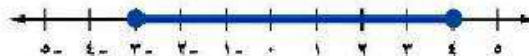
$$٣ \leq ج -$$

$$٧ \geq ١ - ٢ج$$

$$٨ \geq ٢ج$$

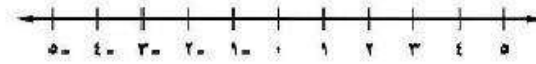
$$٤ \geq ج$$

$$\{ج - |٣ \geq ج \geq ٤\}.$$



$$8 > |5 + r| \quad (9)$$

مجموعة الحل: \emptyset



$$6 < |2 + r| \quad (10)$$

$$6 < 2 - r -$$

$$8 < r -$$

$$8 > r$$

$$6 < 2 + r$$

$$4 < r$$

$\{r \mid r > 8 \text{ أو } r < 4\}$.



$$(11) \quad 3 < |4 - k|$$

$$3 < 4 + k -$$

$$3 < 4 - k$$

$$1 < k -$$

$$7 < k$$

$$1 > k$$

حلك $|k > 1$ أو $k < 7$.



$$(12) \quad 9 \leq |3 - 5h|$$

$$9 \leq 3 + 5h -$$

$$9 \leq 3 - 5h$$

$$6 \leq 5h -$$

$$12 \leq 5h$$

$$3 - \geq h$$

$$6 \leq h$$

$\{h | 3 - \geq h$ أو $6 \leq h\}$.



$$(۱۳) \quad ۹ - < |۳ + ۵|$$

$$۹ - < ۳ - ۵ -$$

$$۹ - < ۳ + ۵$$

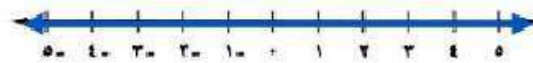
$$۶ - < ۵ -$$

$$۱۲ - < ۵$$

$$۱, ۲ > ۵$$

$$۲, ۴ - < ۵$$

{۵ | عدد حقيقي}.



$$(۱۴) \quad ۴ - < |۳ - ۲|$$

$$۴ - < ۳ + ۲$$

$$۴ - < ۳ - ۲ -$$

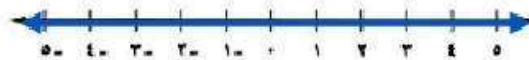
$$۷ - < ۲$$

$$۱ - < ۲ -$$

$$۳, ۵ - < ۲$$

$$۰, ۵ > ۲$$

{۲ | عدد حقيقي}.



$$(15) \quad 16 > |8 + n|$$

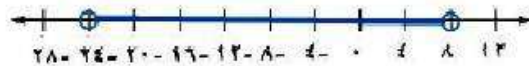
$$16 > 8 - n -$$

$$1 > 6 + n$$

$$24 > n -$$

$$5 - > n$$

$$\{n \mid 8 > n > 24 -\}$$



$$(16) \quad 2 \geq |1 + r|$$

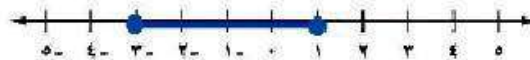
$$2 \geq 1 - r -$$

$$2 \geq 1 + r$$

$$3 - \leq r$$

$$1 \geq r$$

$$\{r \mid 1 \geq r \geq 3 -\}$$



مثال ٢

(١٧) غوص: يجب أن يبقى ضغط أسطوانة الغوص ١١٣٦ كجم لكل بوصة مربعة، بزيادة أو نقصان لا يتجاوز ٢٢٧ كجم. اكتب مدى الضغط المثالي لأسطوانة الغوص.

$$|س - ١١٣٦| \geq ٢٢٧$$

$$س - ١١٣٦ \geq ٢٢٧ \quad -س + ١١٣٦ \geq ٢٢٧$$

$$س \geq ١٣٦٣ \quad س \leq ٩٠٩$$

$$\{س \mid ٩٠٩ \leq س \leq ١٣٦٣\}.$$

حل كلاً من المتباينات الآتية، ومثل مجموعة حلها بيانياً:

$$(18) \quad 18 \leq |3 + 4n|$$

$$18 \leq 3 - 4n -$$

$$21 \leq 4n -$$

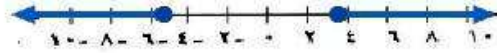
$$5,25 \geq n -$$

$$18 \leq 3 + 4n$$

$$15 \leq 4n$$

$$3,75 \leq n$$

$$\{n \mid n \geq 3,75 \text{ أو } n \leq 5,25\}$$



$$(19) \quad 8 > \left| \frac{1 + 5h}{2} \right|$$

$$16 > 1 - 5h -$$

$$17 > 5h -$$

$$5,4 < h$$

$$16 > 1 + 5h$$

$$15 > 5h$$

$$3 > h$$

$$\{h \mid 3 > h > 5\frac{2}{3}\}$$



$$9 \leq \left| \frac{8 - 2b}{4} \right| \quad (20)$$

$$36 \leq 8 + 2b -$$

$$28 \leq 2b -$$

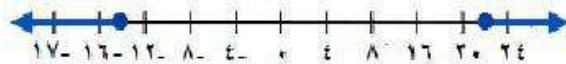
$$14 \leq b -$$

$$36 \leq 8 - 2b$$

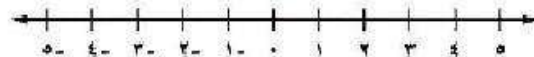
$$44 \leq 2b$$

$$22 \leq b$$

{ب | ب ≥ 14 أو ب ≤ 22}.



$$0 \leq \left| \frac{3 + 7x}{2} \right| \quad (21)$$



الحل: ∅

$$7 - < \left| \frac{3 + 2q}{2} \right| \quad (22)$$

$$14 - < 3 - 2q -$$

$$11 - < 2q -$$

$$5,5 > q$$

$$14 - < 3 + 2q$$

$$17 - < 2q$$

$$8,5 - < q$$

{q | عدد حقيقي}.



$$3 > \left| 1,5 + h - \right| \quad (23)$$

$$3 > 1,5 - h$$

$$1,5 > h$$

$$3 > 1,5 + h -$$

$$1,5 > h -$$

$$1,5 < h$$

{h | $1,5 - > h > 1,5 -$ }



$$6 \geq |5 - t| \quad (24)$$

$$6 \geq 5 + t -$$

$$6 \geq 5 - t$$

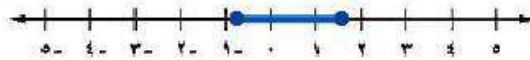
$$1 \geq t -$$

$$1 \geq t$$

$$0, 1 \leq t$$

$$1, 6 \geq t$$

$$\{t \mid 0, 1 \leq t \leq 1, 6\}$$



$$5 < |7 - 3j| \quad (25)$$

$$5 < 7 + 3j$$

$$5 < 7 - 3j -$$

$$2 < 3j$$

$$12 < 3j -$$

$$0, 7 < j$$

$$4 > j$$

$$\{j \mid 4 > j > 2/3\}$$



٢٦) ادخار، يدخر سعد في العادة ٥٠٠ ريال شهرياً، بزيادة أو نقصان لا يتجاوز ٦٠ ريالاً.

أ) اكتب مدى المبلغ الذي يدخره سعد شهرياً.

$$60 \geq 500 + m -$$

$$440 - \geq m -$$

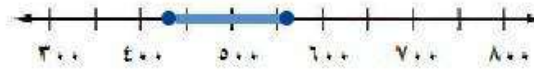
$$440 \leq m$$

$$60 \geq 500 - m$$

$$560 \geq m$$

المدى $\{m : 560 \geq m \geq 440\}$.

ب) مثل هذا المدى بيانياً.



(٢٧) **كيمياء:** يوجد الماء في حالات ثلاث: صلبة وسائلة وغازية. ويتجمد عند درجة ٠ سيليزية، ويتبخر عند درجة ١٠٠ سيليزية. اكتب مدى درجات الحرارة التي لا يكون فيها الماء سائلاً.

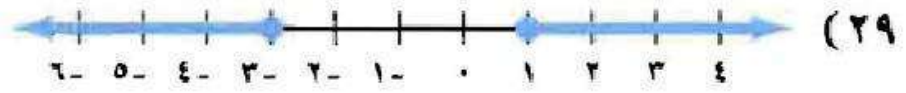
مدى درجات الحرارة التي لا يكون فيها الماء سائلاً:

$$\{d \mid d > 0 \text{ أو } d < 100\}.$$

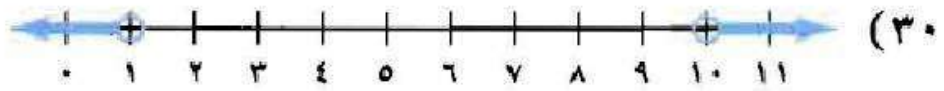
اكتب متباينة تتضمن قيمة مطلقة لكل من التمثيلات البيانية الآتية:



$$|s| > 2$$



$$2 \leq |s + 1|$$



$$4,5 < |s - 5,5|$$

(٣١) **حيوانات:** تبلغ درجة الحرارة الطبيعية لجسم الشاة السليمة ٣٩ سيليزية، وقد تزيد أو تقل عن ذلك بمقدار ١ سيليزية. فما مدى درجة حرارة جسم الشاة السليمة؟

$$\begin{aligned}
 & |39 - d| \geq 1 \\
 & 1 \geq 39 - d \quad \text{---} \\
 & 38 \geq d \quad \text{---} \\
 & 38 \leq d \\
 & 1 \geq 39 + d \quad \text{---} \\
 & 39 + 1 \geq d \quad \text{---} \\
 & 40 \geq d \\
 & \{d \mid 40 \geq d \geq 38\}.
 \end{aligned}$$

عبر عن كل من العبارتين الآتيتين باستعمال متباينة تتضمن قيمة مطلقة:

(٣٢) تبلغ درجة الحرارة المثلى داخل الثلاجة ٣٨ ف بزيادة أو نقصان لا يتجاوز ١,٥ ف.

$$|38 - s| \geq 1,5$$

(٣٣) يحفظ مثبت السرعة سرعة السيارة عند ٨٨ كيلومترًا / ساعة بزيادة أو نقصان مقداره ٥ كيلومترات / ساعة.

$$|س - ٨٨| \geq ٥$$

(٣٤) يجب أن تبقى درجة حموضة بركة السباحة ٥,٧ بزيادة أو نقصان لا يتجاوز ٠,٣ ، اكتب مدى درجة الحموضة المثالية للبركة.

$$|ح - ٧,٥| \geq ٠,٣$$

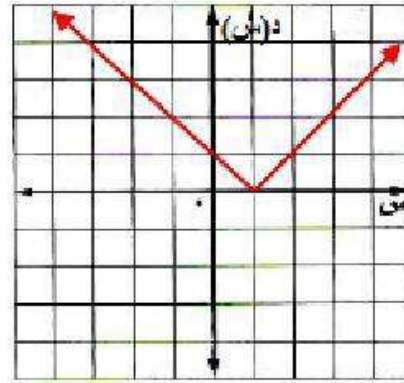
٣٥ تمثيلات متعددة، سوف تكتشف في هذه المسألة التمثيل البياني لمتباينات القيمة المطلقة في المستوى الإحداثي.

أ) جدولياً، انقل الجدول الآتي وأكمله، وعوض في المتباينة قيم s وقيم d (س) لكل نقطة، ثم بين هل العبارة الناتجة صحيحة أم خاطئة:

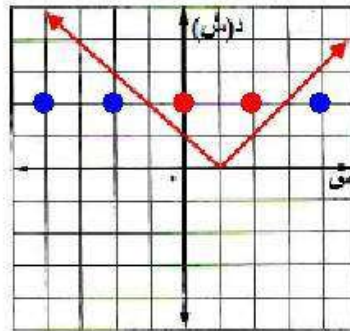
النقطة	$d(s) \leq s - 1 $	صحيحة / خاطئة	$d(s) \geq s - 1 $	صحيحة / خاطئة
$(-4, 2)$				
$(-2, 2)$				
$(0, 2)$				
$(2, 2)$				
$(4, 2)$				

النقطة	$d(s) \leq s - 1 $	صحيحة/خطأ	$d(s) \geq s - 1 $	صحيحة/خطأ
$(-4, 2)$	$5 \leq 2$	خطأ	$5 \geq 2$	صحيحة
$(-2, 2)$	$3 \leq 2$	خطأ	$3 \geq 2$	صحيحة
$(0, 2)$	$1 \leq 2$	صحيحة	$1 \geq 2$	خطأ
$(2, 2)$	$1 \leq 2$	صحيحة	$1 \geq 2$	خطأ
$(4, 2)$	$3 \leq 2$	خطأ	$3 \geq 2$	صحيحة

ب) بيانيًا، مثل الدالة $d(s) = |s - 1|$ بيانيًا.

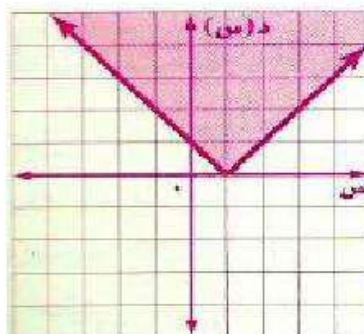


ج) بيانيًا، عيّن في المستوى الإحداثي جميع النقاط التي تجعل $d(s) \leq |s - 1|$ عبارة صحيحة بلون أحمر، وعيّن جميع النقاط التي تجعل $d(s) \geq |s - 1|$ صحيحة باللون الأزرق.

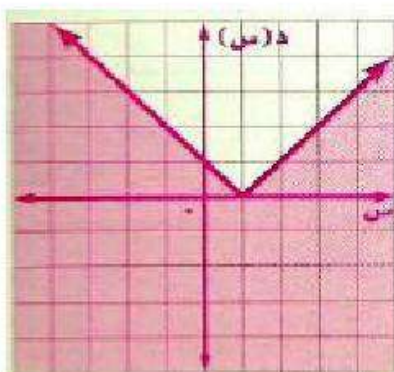


د) منطقيًا، كوّن تخمينًا حول شكل التمثيل البياني للمتباينتين د(س) $|س - ١| \leq$ ،
د(س) $|س - ١| \geq$ ، وأضف إلى الجدول نقاطًا جديدة للتحقق من صحة تخمينتك.

$$د(س) |س - ١| \leq$$

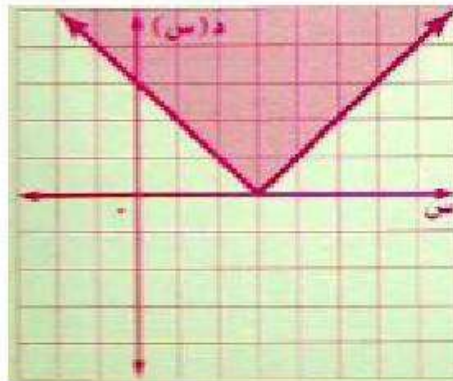


$$د(س) |س - ١| \geq$$

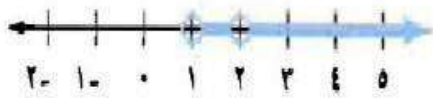


هـ) بيانياً، استعمل ما اكتشفته في هذه المسألة لتمثيل المتباينة $|س - ٣| \leq ٣$.

$$|س - ٣| \leq ٣$$



مسائل مهارات التفكير العليا:



(٣٦) **اكتشف الخطأ:** مثل أحمد حل المتباينة $|٣ - ٢| < ١$.
كما في الشكل المجاور. فهل كان على صواب؟ فسر إجابتك.

لا، لأن أحمد نسي تغيير اتجاه إشارة المتباينة في الحالة السالبة للقيمة المطلقة.

(٣٧) **برر:** هل يتكون التمثيل البياني لمتباينة القيمة المطلقة من اتحاد تمثيلين أحياناً أم دائماً، أم أنه لا يكون كذلك أبداً؟ اشرح إجابتك.

أحياناً؛ قد يكون التمثيل تقاطع تمثيلين، أو مجموعة خالية أو جميع الأعداد الحقيقية.

(٣٨) **تحدد:** بين لماذا لا يكون حل المتباينة $|x| < 0$ صفر مجموعة الأعداد الحقيقية جميعها.

إذا كان $s = 0$ صفراً، فإن القيمة المطلقة $= 0$ ، وليست أكبر من صفر.

(٣٩) **مسألة مفتوحة:** اكتب متباينة قيمة مطلقة تمثل موقفاً من واقع الحياة، وحلها، ثم فسر الحل.

$|f - 98.6| > 1.4$ ، المدى $\{f \mid 97.2 < f < 100\}$ ، تتراوح درجة حرارة الإنسان السليم بين 97.2 ، 100 درجة فهرنهايت.

(٤٠) **اكتب:** اشرح كيف تحدد ما إذا كانت متباينة القيمة المطلقة تتحول إلى متباينة مركبة تحتوي (و)، أو متباينة مركبة تحتوي (أو).

إذا كانت القيمة المطلقة إلى يمين رمز المتباينة $>$ أو \geq فتستعمل (و) في الجمل المركبة، أما إذا كان رمز المتباينة $<$ أو \leq فتستعمل (أو) في الجمل المركبة، فإذا كانت $|s| > n$ فالحل هو $s > n$ و $s < -n$ وإذا كانت $|s| < n$ فالحل هو $s < n$ أو $s > -n$.

تدريب على اختبار

٤١) إجابة قصيرة ، سحبت بطاقة عشوائياً من كيس يحتوي
٩ بطاقات مرقمة بأرقام مختلفة من ١-٩ .
ما احتمال أن يكون الرقم المسحوب فردياً؟

$$\frac{5}{9} = \text{الاحتمال}$$

٤٢) مجموعة حل المعادلة $|٣-٢ن| = ٥$ هي :

أ) $\{-٤، -١\}$ ج) $\{١، ١\}$

ب) $\{-١، ٤\}$ د) $\{٤، ٤\}$

الإجابة: ب) $\{-١، ٤\}$.

مراجعة تراكمية

(٤٣) حل المتباينة: $2t \geq 6$ - $4 \geq 8$ ، ثم مثل مجموعة حلها بيانيًا. (الدرس ٤-٤)

$$8 \geq 4 - 2t$$

$$12 \geq 2t$$

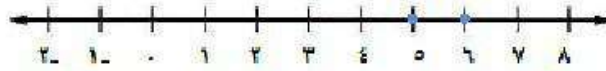
$$6 \geq t$$

$$4 - 2t \geq 6$$

$$2t \geq 10$$

$$t \geq 5$$

$$\{t \mid 5 \leq t \leq 6\}$$



(٤٤) حدد ما إذا كان المستقيمان $2s + 8 = v$ ، $s + v = 4$ متعامدين أم لا، وفسر إجابتك. (الدرس ١-٣)

المستقيمان غير متعامدان؛ لأن حاصل ضرب ميلهما لا يساوي -١.

(٤٥) هندسة، يزيد قياس إحدى زوايا مثلث ١٠ عن قياس الزاوية الثانية، وقياس الزاوية الثالثة يساوي مثلي مجموع قياسي الزاويتين الأولى والثانية. أوجد قياس كل من زوايا المثلث. (الدرس ١-٣)

افترض الزاوية الأولى س،

والزاوية الثانية س + ١٠،

والزاوية الثالثة $2(s + 10)$

$$20 + 4s = (s + 10)^2 = (s + 10)^2$$

بما أن مجموع زوايا المثلث = 180°

$$180 = 20 + 4s + 10 + s + s$$

$$180 = 30 + 6s$$

$$150 = 6s$$

$$s = 25$$

إذاً الزاوية الأولى = 25°

الزاوية الثانية = $10 + 25 = 35^\circ$

الزاوية الثالثة = $20 + (25 \times 2) = 120^\circ$

(٤٦) حل المعادلة: $20 = \frac{t}{5}$ ، ثم تحقق من صحة الحل: (الدرس ١-٢)

$$20 = \frac{t}{5}$$

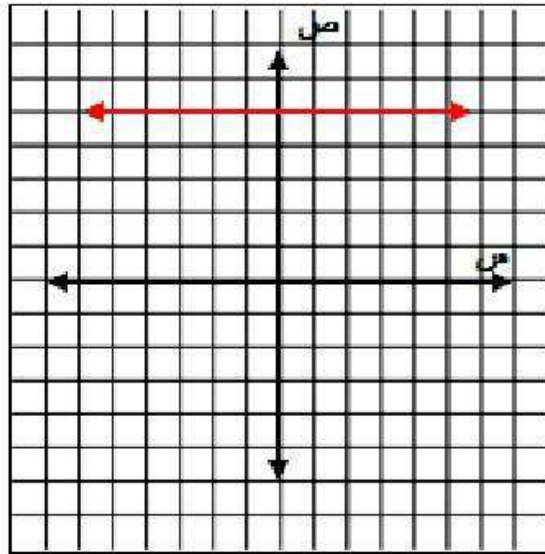
$$20 \times 5 = \frac{t}{5} \times 5$$

$$100 = t$$

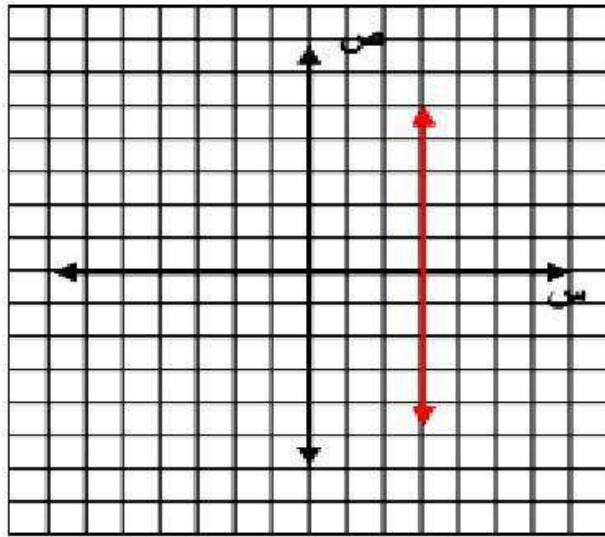
الاستعداد للدرس اللاحق

مثّل كل معادلة مما يأتي بيانياً:

$$٥ = ص$$



٣ = ٣ (٤٨)



$$(٤٩) \text{ ص} = ٣ + ٢\text{س}$$

المقطع السيني عند ص = ٠

$$٠ = ٣ + ٢\text{س}$$

$$\text{س} = -\frac{3}{2}$$

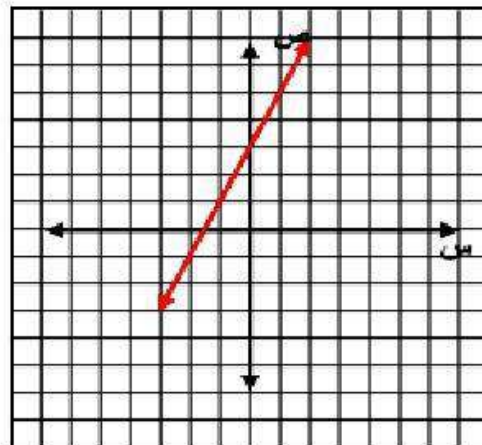
$$\left(-\frac{3}{2}, ٠\right)$$

المقطع الصادي عند س = ٠

$$\text{ص} = ٣ + (٠)٢$$

$$\text{ص} = ٣$$

$$(٣, ٠)$$



$$\epsilon = 2s + v \quad (50)$$

المقطع السيني عند $v = 0$

$$\epsilon = 0 + 2s$$

$$2 = 2s$$

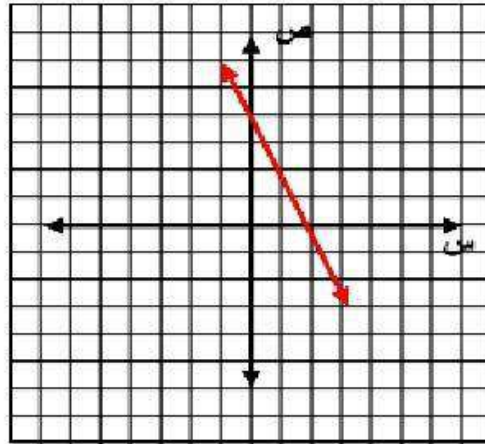
$$(0, 2)$$

المقطع الصادي عند $s = 0$

$$\epsilon + (0)^2 = v$$

$$\epsilon = v$$

$$(\epsilon, 0)$$



اختبار الفصل

حل كلاً من المتباينتين الآتيتين، ومثل مجموعة حلها على خط الأعداد:

$$(1) \quad 4 > 9 - s$$

$$s - 9 > 9 + 4$$

$$s > 5$$



$$(2) \quad 3 - b \leq 6$$

$$6 - b \leq 5 - b - 3$$

$$b \leq -3$$



٣) **اختيار من متعدد:** لدى سعد ٣١ كتاباً ولدى خالد ٥٨ كتاباً.
فكم كتاباً يجب أن يضيف سعد إلى مجموعته ليصبح لديه عدد
من الكتب أكبر مما لدى خالد؟

(أ) ٢١ على الأكثر

(ب) ٢٧

(ج) ٢٨ على الأقل

(د) أكثر من ٣٠

الإجابة: (ج) ٢٨ على الأقل.

حل كلاً من المتباينات الآتية، وتحقق من صحة حلها:

$$(٤) \quad 3 < \frac{1}{5} هـ$$

اضرب طرفي المتباينة في ٥ $3 < \frac{1}{5} هـ$

$$3 \times 5 < \frac{1}{5} \times 5 هـ$$

$$١٥ < ٥ هـ$$

للتحقق: $4 = 20 \times \frac{1}{5}$ أي أكبر من ٣.

$$(٥) \quad ٤٢ - \geq ٤٧ ع$$

اقسم طرفي المتباينة على ٧ $٤٢ - \geq ٤٧ ع$

$$٦ - \geq ٤ ع$$

للتحقق: $٤٢ - = ٦ - \times ٧ ع$

$$(6) \quad 36 - > 9 - m$$

اقسم طرفي المتباينة على -9

$$36 - > 9 - m$$

$$4 < m$$

للتحقق: $9 - 5 = 4$ أي أصغر من $36 -$

$$(7) \quad 9 - \geq 3 + \frac{q}{4}$$

اضرب طرفي المتباينة في 4

$$9 - \geq 3 + \frac{q}{4}$$

اطرح 12 من كلا الطرفين

$$36 - \geq 12 + q$$

$$12 - 36 - \geq 12 - 12 + q$$

$$q \geq -24$$

للتحقق: $9 - 5 = 4$ أي أصغر من $9 -$

$$(8) \quad 2 - (س - ٤) < ٥س - ١٣$$

المتباينة الأصلية

$$2 - (س - ٤) < ٥س - ١٣$$

خاصية التوزيع

$$٢س - ٨ + ٨ < ٥س - ١٣$$

$$٢س - ٨ + ٨ < ٥س - ١٣ \quad \text{اطرح ٨ من طرفي المتباينة}$$

$$٧س - ٨ + ٨ < ١٣س - ١٣ \quad \text{اطرح ٨ من طرفي المتباينة}$$

$$٧س < ٢١$$

$$س > ٣$$

$$\text{للتحقق: } 2 - (٤ - ٢) < ٥ \times ٣ - ١٣$$

$$٣ < ٤ \quad \text{العبرة صحيحة.}$$

(٩) مدينة الألعاب، زار أحمد مدينة الألعاب خلال عيد الأضحى المبارك. وقرّر أن يصرف مبلغاً لا يزيد على ٤٠ ريالاً. إذا كانت أجرة اللعبة الواحدة تكلف ٧ ريالات، فكتب متباينة تمثل هذا الموقف.

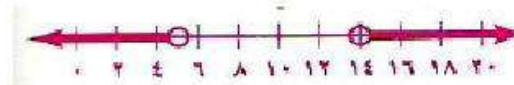
افترض أن اللعبة س وتكلفة ركوبها ٧ ريال.

$$٧س \geq ٤٠$$

حل كلاً من المتباينتين المركبتين الآتيتين، ومثل مجموعة حلها
بيانياً:

$$(١٠) \text{ ص} - ٨ > ٣ - \text{أو ص} + ٥ < ١٩$$

$$\text{ص} > ٥ \quad \text{أو} \quad \text{ص} < ١٤$$



$$(١١) -١١ \geq ٥ - ٥٢ \quad \text{أو} \quad ١٣ \geq ٥ - ٥٢$$

$$١٣ \geq ٥ - ٥٢$$

$$٥ - ٥٢ \geq ١١ -$$

$$٥ + ١٣ \geq ٥٢$$

$$٥٢ \geq ٥ + ١١ -$$

$$١٨ \geq ٥٢$$

$$٥٢ \geq ٦ -$$

$$٩ \geq ٥$$

$$٥ \geq ٣ -$$



عرف المتغير في كل مما يأتي، واكتب المتباينة، ثم حلها، وتحقق من صحة الحل:

(١٢) عدد ناقص ٤ لا يزيد على ٨.

افترض العدد س

$$س - ٤ \geq ٨$$

$$س \geq ١٢$$

$$\text{للتحقق: } ٨ = ٤ - ١٢$$

(١٣) تسعة أمثال عدد ناقص أربعة يساوي ثلاثة وعشرين على الأقل.

افترض العدد س

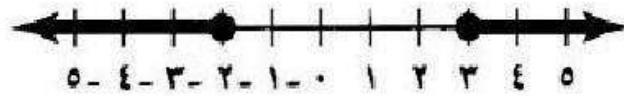
$$٩س - ٤ \leq ٢٣$$

$$٩س \leq ٢٧$$

$$س \leq ٣$$

$$\text{للتحقق: } ٢٣ = ٤ - ٣ \times ٩$$

١٤) اختيار من متعدد: أي المتباينات المركبة الآتية حلها ممثَّل على خط الأعداد أدناه؟



(أ) $2 \leq s < 3$ (ب) $2 > s \geq 3$

(ج) $2 > s \leq 3$ (د) $2 > s \geq 3$ (ب) $2 \geq s \leq 3$

الإجابة: (ب) $2 \geq s \leq 3$

حل كلاً من المتباينات الآتية، ومثل مجموعة حلها بيانياً:

$$(١٥) ٣ > |٥ - ب|$$

$$\begin{aligned} ٣ > ٥ - ب & \quad ٣ > ٥ + ب \\ ٣ + ٥ > ٥ - ب & \quad ٣ - ٥ > ٥ + ب \\ ٨ > ٥ - ب & \quad -٢ > ٥ + ب \\ ٨ > ٥ - ب & \quad -٧ > ٥ + ب \\ ٣ > ب & \quad -١٢ > ب \end{aligned}$$

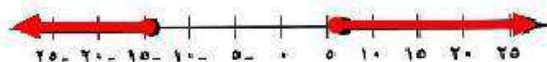
{ب | $٣ > ب > -١٢$ }.}



$$(١٦) ٢١ \leq |٧ + ٢ف|$$

$$\begin{aligned} ٢١ \leq ٧ + ٢ف & \quad ٢١ \leq ٧ - ٢ف \\ ١٤ \leq ٢ف & \quad ١٤ \leq -٢ف \\ ٧ \leq ف & \quad -٧ \leq -ف \\ ٧ \leq ف \text{ أو } ف \leq -٧ \end{aligned}$$

{ف | $٧ \leq ف$ أو $ف \leq -٧$ }.}



$$15 \geq |3 + 4m| \quad (17)$$

$$15 \geq 3 - 4m$$

$$18 \geq 4m$$

$$4,5 \geq m$$

$$15 \geq 3 + 4m -$$

$$12 \geq 4m -$$

$$3 - \leq m$$

$$\{m \mid 3- \leq m \leq 4,5\}$$



$$5 < \left| \frac{3 - s}{4} \right| \quad (18)$$

$$5 < \frac{3 + s}{4}$$

$$20 < 3 + s -$$

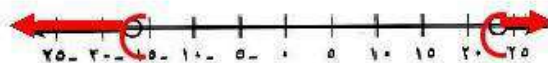
$$17 < s -$$

$$17 > s$$

$$5 < \frac{3 - s}{4}$$

$$20 < 3 - s$$

$$23 < s$$



(١٩) بيع بالتجزئة: عرض أحد المتاجر خصمًا قدره ١٥ ريالاً على أي زوج من الأحذية.

(أ) إذا كان أعلى ثمن لزوج من الأحذية ١٤٩,٩٥ ريالاً، وأقل ثمن ٨٤,٩٥ ريالاً. فما مدى أثمان الأحذية بعد الخصم؟

$$١٤٩,٩٥ \geq ١٥ - س \geq ٨٤,٩٥$$

$$١٣٤,٩٥ \geq س \geq ٦٩,٩٥$$

(ب) إذا خيّر شخص عند شراء زوج من الأحذية ثمنه ١٠٩,٩٥ ريالاً بين أن يحصل على خصم مقداره ١٥ ريالاً أو خصم بنسبة ١٥٪، فأى العرضين أفضل له؟

العرض الأفضل هو الخصم ١٥٪.

لأنه عند خصم ١٥ ريال يكون سعره ٩٤,٩٥ ريال،

أما عند خصم ١٥٪ يكون سعره ٩٣,٤٦ ريال.

اختبار تراكمي

القسم ١: اختبار من متعدد



١) مع يزيد ١٠٠ ريال دفع منها ٣٨ ريالاً ثمنًا لوجبة الغداء، واشترى عددًا من الهدايا لأصدقائه، عبر عن المتباينة التي تمثل عدد الهدايا التي اشتراها يزيد، إذا كان ثمن الهدية الواحدة ١٢ ريالاً.

ج) $n \leq 5$

أ) $n \geq 6$

د) $n \geq 5$

ب) $n > 5$

الإجابة: د) $n \geq 5$

٢) يتقاضى موظف أجرًا عن كل ساعة عمل بحسب الجدول أدناه.

الشرط	الأجر عن كل ساعة (ريال)
أول ٤٠ ساعة	١٢٨
بعد ٤٠ ساعة	١٩٢

إذا كان هدف الموظف جمع مبلغ ٦٠٠٠ ريال خلال الأسبوع القادم، فما أقل عدد من الساعات يمكن أن يعملها الموظف؟

ج) ٤٤ ساعة

أ) ٤٣ ساعة

د) ٤٦ ساعة

ب) ٤٥ ساعة

الإجابة: ب) ٤٥ ساعة

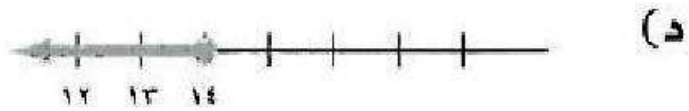
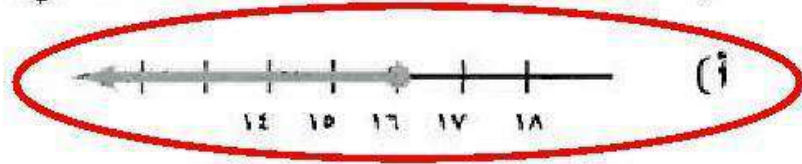
٣) اكتب معادلة المستقيم الذي ميله $-\frac{2}{3}$ ، ومقطعه الصادي يساوي ٦ .

(أ) $ص = ٦س + \frac{2}{3}$ (ج) $ص = -\frac{2}{3}س + ٦$

(ب) $ص = -\frac{2}{3}س - ٦$ (د) $ص = ٦س - \frac{2}{3}$

(الإجابة: ب)

٤) قرأت مها في اليوم الأول ١٤ صفحة من قصة، إذا كان مجموع ما قرأته مها في اليومين الأول والثاني على الأقل ٣٠ صفحة، فأَيُّ من التمثيلات التالية يعبرُ عما قرأته مها في اليوم الثاني؟



الإجابة: أ)

٥) أيُّ المستقيمات التالية ميلها غير معرّف؟

ج) $٢س + ٣ص = ١$

أ) $س = ٥$

د) $٢س + ٣ص = ٠$

ب) $ص = ٥$

الإجابة: ب)

إجابة قصيرة

(٦) حُلّ المتباينة: $23 \leq 3s + 8 < 4$

بيضافة ٨ - لأطراف المعادلة $8 - 4 < 8 - 8 + 3s \leq 8 - 23$

بقسمة أطراف المعادلة $\div 3$ $12 < s \leq 15$

$$4 < s \leq 5$$

(٧) **جوال:** يريد مسعود شراء جوال ثمنه ٧٥٠ ريالاً على الأقل، إذا وفر مسعود ٥٠ ريالاً كل أسبوع، فاكتب المتباينة التي تعبّر عن عدد الأسابيع التي يحتاج إليها مسعود ليوفّر ثمن الجوال، وحلّها.

افترض أن s عدد الأسابيع

$$750 \leq 50s$$

(٨) حُلُّ المتباينة: $|س - ٤| > ٢$

$$\begin{aligned} &س - ٤ > ٢ \quad \text{أو} \quad ٤ - س > ٢ \\ &س > ٦ \quad \text{أو} \quad س > ٢ \end{aligned}$$

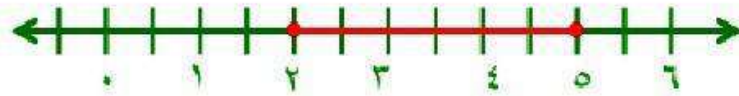
(٩) مثل بيانًا حُلُّ المتباينة $س^٣ - ٦ \geq ٤ - س \geq ٤ + س^٣ + ١$

$$س^٣ - ٦ \geq ٤ - س \quad \text{و} \quad ٤ - س \geq ٤ + س^٣ + ١$$

$$س^٣ - ٦ + س \geq ٤ \quad \text{و} \quad ٤ - س - ٤ - س^٣ - ١ \geq ٠$$

$$س^٣ + س - ٢ \geq ٠ \quad \text{و} \quad -س^٣ - س - ١ \geq ٠$$

$$س^٣ + س - ٢ \geq ٠ \quad \text{و} \quad -س^٣ - س - ١ \geq ٠$$



١٠) حدّد ما إذا كانت الدالة التالية خطية أم لا، وفسّر إجابتك.

ص	س
١٢,٥	٣
١٦	٤
١٩,٥	٥
٢٣	٦
٢٦,٥	٧

$$3,5 = \frac{16 - 12,5}{4 - 3} = \text{معدل التغير}$$

$$3,5 = \frac{19,5 - 16}{5 - 4} = \text{معدل التغير}$$

$$3,5 = \frac{23 - 19,5}{6 - 5} = \text{معدل التغير}$$

$$3,5 = \frac{26,5 - 23}{7 - 6} = \text{معدل التغير}$$

بما أن معدل التغير ثابت فإن الدالة خطية

(١١) مدينة ألعاب: دفعت هند ١٠ ريالاً رسوم دخول مدينة الألعاب و ٥ ريالاً لاستعمال كل لعبة مرة. اكتب معادلة خطية باستعمال الميل والمقطع الصادي تعبر عن المبلغ الذي أنفقته هند في مدينة الألعاب.

افرض س المبلغ الذي أنفقته هند، وص هي عدد الألعاب

$$س = ٥ص + ١٠$$

(١٢) يخطط مروان للذهاب لرحلة عمرة في إجازته على نفقته الخاصة. إذا كانت تكلفة رحلة العمرة ٦٤٠ ريالاً، وقرّر مروان أن يوفر كل أسبوع ٣٥ ريالاً.

(أ) فاكتب متباينة تعبر عن الموقف لمعرفة عدد الأسابيع التي يحتاج إليها مروان لتوفير المبلغ.

$$٦٤٠ \leq ٣٥س$$

ب) حُلّ المتباينة في الفقرة أ، وأوجد أقل عدد ممكن من الأسابيع يحتاج إليه مروان.

$$640 \leq 35s$$

بقسمة طرفي لمعادلة $\div 35$

$$18 \leq s$$

أقل عدد من الأسابيع هو ١٨ سبوع

ج) إذا وفر مروان ٤٥ ريالاً كل أسبوع، فما أقل عدد من الأسابيع يحتاج إليه لتوفير المبلغ؟

$$640 \leq 45s$$

$$14 \leq s$$

أقل عدد من الأسابيع هو ١٤ أسبوع