



تمثيل المعادلات المكتوبة بصيغة الميل والمقطع بيانياً

تحقق من فهمك

اكتب معادلة المستقيم في كل مما يأتي بصيغة الميل والمقطع، ثم مثلها بيانياً:

(أ) الميل = $-\frac{1}{3}$ ، المقطع الصادي = 3

ص = م س + ب

ص = $3 + س(-\frac{1}{2})$

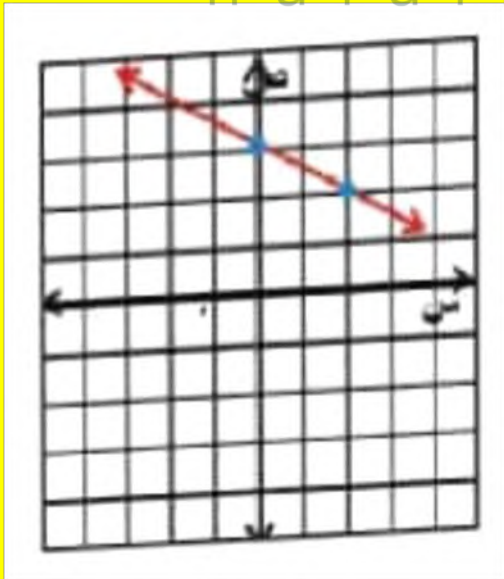
بيانياً:

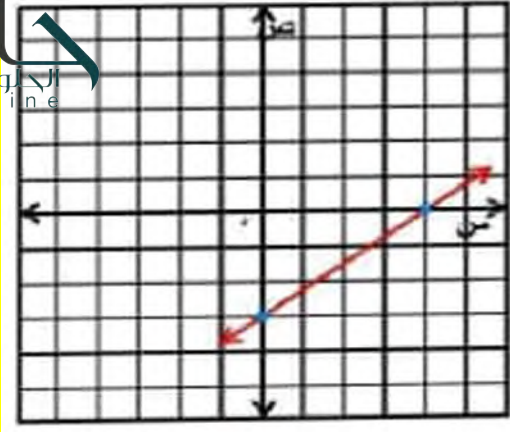
الخطوة 1: عين النقطة (0، 3) التي تمثل المقطع الصادي.

الخطوة 2: الميل = $-\frac{1}{2}$ ، تحرك من النقطة

(0، 3) بمقدار وحدة إلى الأسفل ووحدين إلى اليمين وعين النقطة الجديدة.

الخطوة 3: ارسم خط مستقيم يمر بهاتين النقطتين





٢) $2س - ٥ص = ١٠$

$2س + 5ص = 10$

$5ص = 10 - 2س$

$ص = \frac{2}{5}(10 - 2س)$

$ص = م س + ب$

$ص = -\frac{1}{2}س + 3$

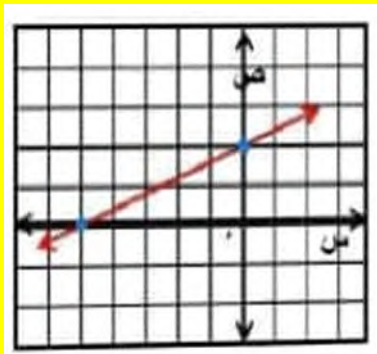
بيانيا:

الخطوة 1: عين النقطة (0, 2) التي تمثل المقطع الصادي.

الخطوة 2: الميل = $-\frac{2}{5}$ ، تحرك من النقطة

(2, 0) بمقدار وحدتين إلى الأعلى و ٥ وحدات إلى اليمين وعين النقطة الجديدة.

الخطوة 3: ارسم خط مستقيم يمر بهاتين النقطتين.



١) الميل = -3، المقطع الصادي = -8

$ص = م س + ب$

$ص = -3س - 8$

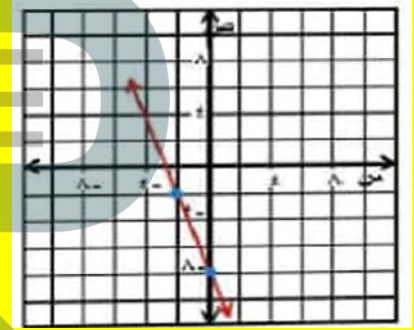
بيانيا:

الخطوة 1: عين النقطة (0, -8) التي تمثل المقطع الصادي.

الخطوة 2: الميل = -3، تحرك من النقطة

(0, -8) بمقدار ثلاث وحدات إلى الأعلى ووحدة إلى اليسار وعين النقطة الجديدة.

الخطوة 3: ارسم خط مستقيم يمر بهاتين النقطتين.



مثل كل معادلة فيما يأتي بيانياً:

١٢) $٣س - ٤ص = ١٢$

$3س - 4ص = 12$

$4ص - 3س = 12$

$4ص - 3س = 12$

$ص = \frac{3}{4}س - 3$

بيانيا:

الخطوة 1: عين النقطة (0, -3) التي تمثل المقطع الصادي.

الخطوة 2: الميل = $\frac{3}{4}$ ، تحرك من النقطة (0, -3) بمقدار ثلاث وحدات إلى الأعلى و ٤ وحدات إلى اليمين وعين النقطة الجديدة.

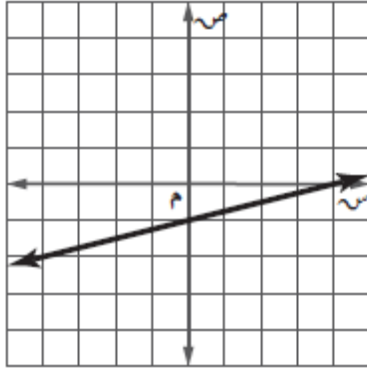
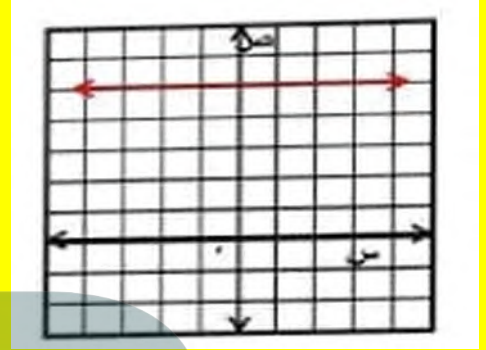
الخطوة 3: ارسم خط مستقيم يمر بهاتين النقطتين.

مثّل كل معادلة فيما يأتي بيانيًا:

$$5 = \text{ص}$$

الخطوة 1: عين المقطع الصادي (0، 5)

الخطوة 2: الميل = 0، ارسم خط مستقيم يمر بالنقاط التي إحداثها الصادي = 5



(ج) $\text{ص} = 4\text{س} + 4$

(أ) $\text{ص} = \frac{1}{4}\text{س} - 1$

(د) $\text{ص} = \frac{1}{4}\text{س} + 4$

(ب) $\text{ص} = 4\text{س} - 1$

٥) مهرجان خيرى، بلغت تكلفة وجبات العشاء في مهرجان خيرى ١١٦٠ ريالاً، فإذا بيعت الوجبة الواحدة بـ ٥ ريالات.

(أ) فاكتب معادلة تبين مقدار ربح المهرجان عند بيع (ن) وجبة.

(ب) مثّل هذه المعادلة بيانيًا.

(ج) أوجد مقدار الربح إذا بيعت ٨٠٠ وجبة.

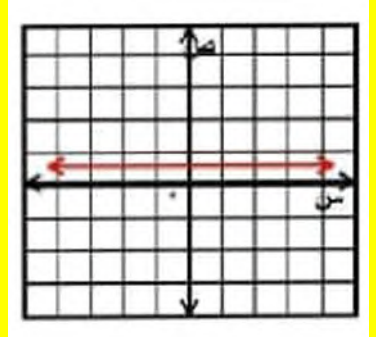
(٣) $\text{ص} = 2$

$$\text{ص} = \left(\frac{1}{2}\right)$$

الخطوة 1: عين المقطع الصادي (0، 1/2)

الخطوة 2: الميل = 0، ارسم خط مستقيم يمر بالنقاط

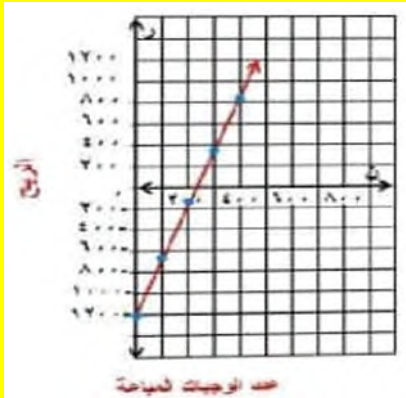
التي إحداثها الصادي = 1/2



الربح = معدل التغير × عدد الوجبات المباعة - سعر بيع الوجبة

$$\text{ر} = 5\text{ن} - 1160$$

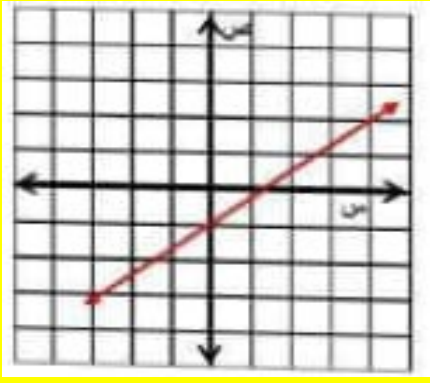
(ب)



$$\text{ر} = 5\text{ن} - 1160$$

$$= 5(800) - 1160$$

$$= 2840 \text{ ريال}$$



مثّل كل معادلة فيما يأتي بيانياً:

$$-4s + 2 = v$$

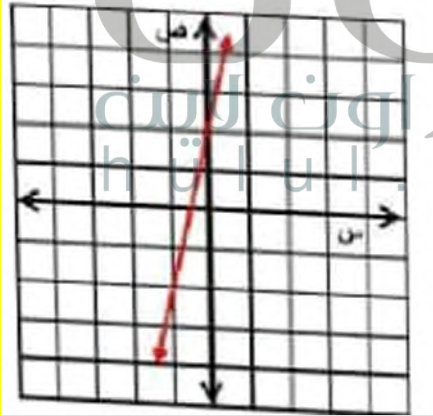
$$-4s + 2 = v + 4s$$

$$v = 4s + 2$$

الخطوة 1: عين النقطة (0, 2) التي تمثل المقطع الصادي.

الخطوة 2: الميل = $(\frac{5}{2})$ ، تحرك من النقطة (2, 0) بمقدار وحدتين إلى الأعلى و 5 وحدات إلى اليمين وعين النقطة الجديدة.

الخطوة 3: ارسم خط مستقيم يمر بهاتين النقطتين



اكتب معادلة كل مستقيم فيما يأتي بصيغة الميل والمقطع، ثم مثلها بيانياً:

الميل: 2، المقطع الصادي: 4

$$v = m s + b$$

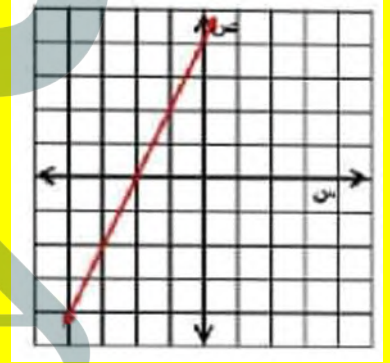
$$v = 2s + 4$$

بيانياً:

الخطوة 1: عين النقطة (0, 4) التي تمثل المقطع الصادي.

الخطوة 2: الميل = 2 تحرك من النقطة (0, 4) بمقدار وحدتين إلى الأسفل ووحدة إلى اليسار وعين النقطة الجديدة.

الخطوة 3: ارسم خط مستقيم يمر بهاتين النقطتين



الميل: $\frac{3}{4}$ ، المقطع الصادي: -1

$$v = m s + b$$

$$v = \left(\frac{3}{4}\right)s - 1$$

بيانياً:

الخطوة 1: عين النقطة (0, -1) التي تمثل المقطع الصادي.

الخطوة 2: الميل = $(\frac{3}{4})$ ، تحرك من النقطة (0, -1) بمقدار 3 وحدات إلى الأعلى و 4 وحدات إلى اليمين وعين النقطة الجديدة.

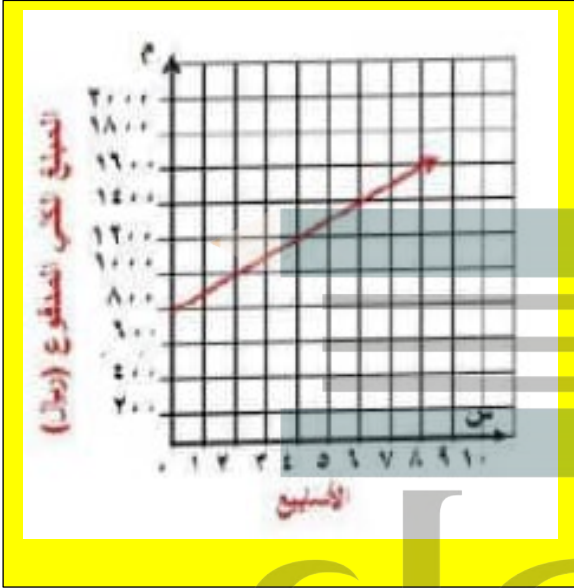
الخطوة 3: ارسم خط مستقيم يمر بهاتين النقطتين.

٧) نقود: اشترى محمد أجهزة كهربائية بالتقسيط حيث دفع ٧٥٠ ريالاً دفعة أولى، لدفع ١٠٠ ريال أسبوعاً كل أسبوع.

(أ) اكتب معادلة للمبلغ الكلي الذي سيدفعه بعد (س) أسبوعاً.

$$\text{معادلة المبلغ الكلي هي: } 750 + 100s = m$$

(ب) مثل المعادلة بيانياً.

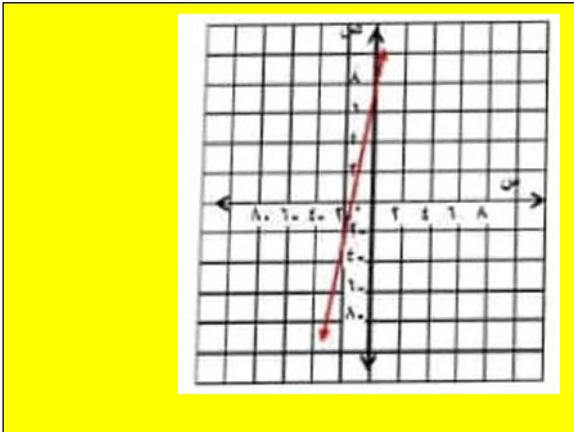


(ج) أوجد المبلغ الذي سيدفعه محمد بعد ٨ أسابيع.

$$\text{المبلغ الذي سيدفعه محمد} = 1550 = 750 + 8 \times 100$$

اكتب معادلة كل مستقيم فيما يأتي بصيغة الميل والمقطع، ثم مثلها بيانياً:

(٨) الميل: ٥، المقطع الصادي: ٨



$$2s + 2 = -6 - s$$

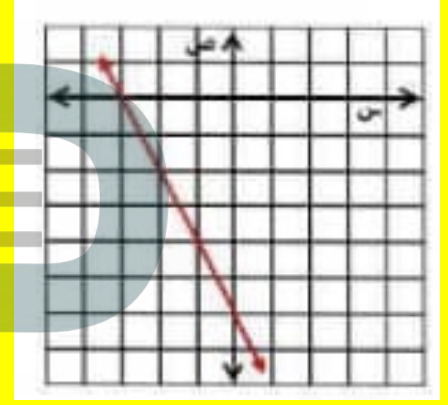
$$2s + 2 + s = -6 - s - s$$

$$3s + 2 = -6 - 2s$$

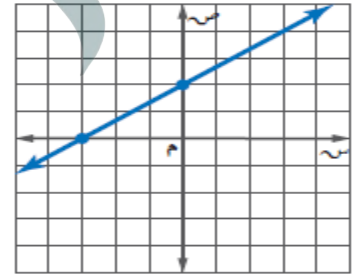
الخطوة 1: عين النقطة (0, -6) التي تمثل المقطع الصادي.

الخطوة 2: الميل $= \frac{2}{5}$ ، تحرك من النقطة (0, -6) بمقدار وحدتين إلى الأعلى ووحدة إلى اليسار وعين النقطة الجديدة.

الخطوة 3: ارسم خط مستقيم يمر بهاتين النقطتين

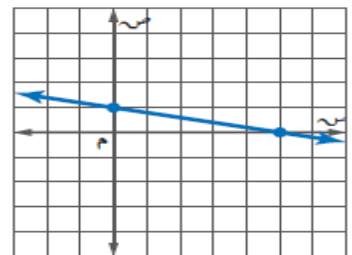


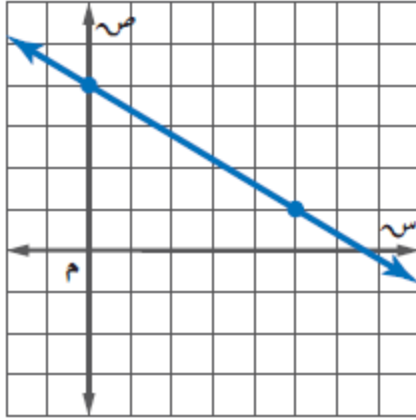
اكتب بصيغة الميل والمقطع معادلة المستقيم الممثل في كل مما يأتي:



$$2 + \frac{2}{3}s = v$$

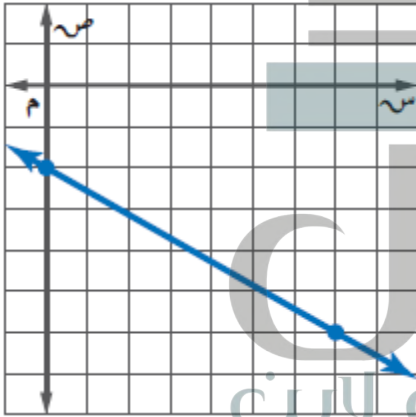
$$1 + \frac{1}{5}s = -v$$





(١٢)

$$ص = -\left(\frac{1}{5}\right)س + 4$$



(١٣)

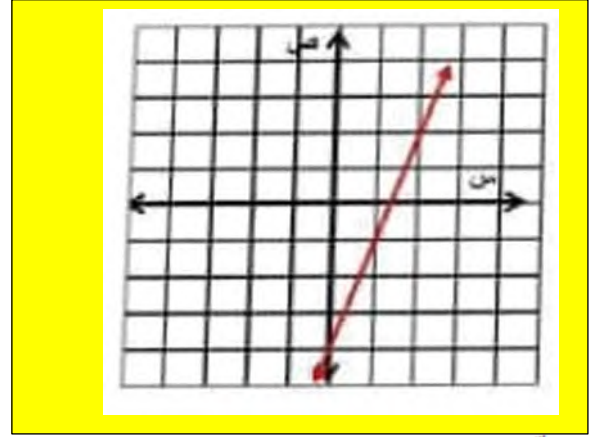
$$ص = \left(\frac{4}{7}\right)س - 2$$

١٤) **المها العربي:** المها العربي من الثدييات المعرضة للانقراض. وقد أنشأت المملكة عدة محميات للحفاظ عليها، فكان عددها عام ١٤١٧هـ، نحو ٤٠٠ رأس، وقد ازداد هذا العدد بمعدل ٥٠ رأساً تقريباً كل سنة.

(أ) اكتب معادلة تمثل عدد المها في المملكة بعد (س) سنة منذ عام ١٤١٧هـ.

$$\text{المعادلة هي: } ع = 50 + 400س$$

٩) الميل: ٣، المقطع الصادي: -٤

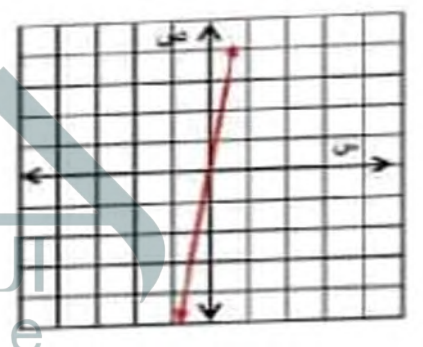


مثّل كل معادلة فيما يأتي بيانياً:

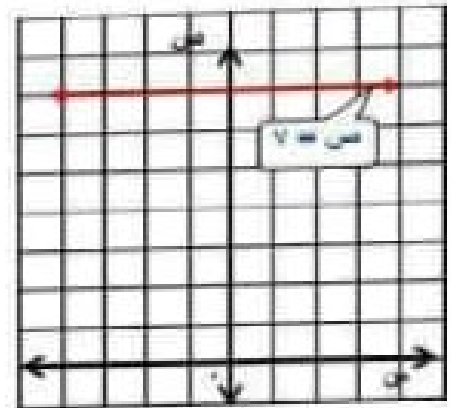
$$(١٠) -٥س + ص = ١$$

$$-٥س + ص = 1$$

$$ص = ٥س + 1$$



$$(١١) ص = ٧$$



(ب) مثل المعادلة بيانياً.

(١٧) الميل: -١، المقطع الصادي: ٠

$$\text{ص} = \text{م} + \text{س} + \text{ب}$$

$$\text{ص} = -\text{س}$$

(١٨) الميل: -٥، المقطع الصادي: -٢٥، ٠

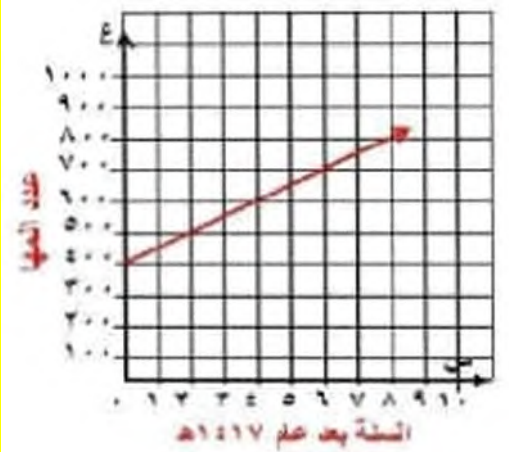
$$\text{ص} = \text{م} + \text{س} + \text{ب}$$

$$\text{ص} = -1.5\text{س} - 0.25$$

(١٩) اكتب معادلة المستقيم المار بنقطة الأصل وميله ٣.

$$\text{ص} = \text{م} + \text{س} + \text{ب}$$

$$\text{ص} = 3\text{س}$$



(ج) قدر عدد المها عام ١٤٤٥ هـ.

$$\text{ع} = 50 + 400(16)$$

$$= 1200 \text{ رأس}$$

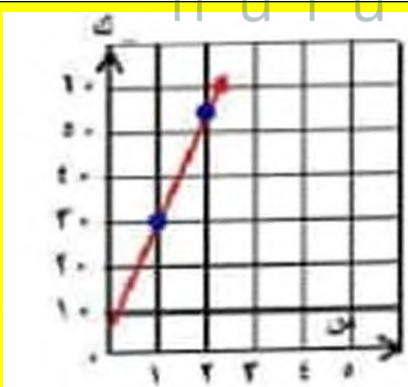
(٢٠) دراجات: يتقاضى محل لتأجير الدراجات النارية ٥ ريالاً بالإضافة إلى ٢٥ ريالاً عن كل ساعة.

(أ) اكتب معادلة التكلفة الكلية لاستئجار دراجة نارية مدة (س) ساعة بصيغة الميل والمقطع.

التكلفة الكلية لاستئجار دراجة نارية مدة س هي:

$$\text{ك} = 25\text{س} + 5$$

(ب) مثل المعادلة بيانياً.



(ج) ما تكلفة تأجير دراجتين مدة ٨ ساعات؟

$$\text{تكلفة تأجير دراجتين} = 5 + 8 \times 25 = 410 \text{ ريال}$$

(١٥) اكتب معادلة المستقيم الذي ميله $-\frac{3}{7}$ ، ومقطعه الصادي: ٢

$$\text{معادلة المستقيم هي: ص} = -\frac{3}{7}\text{س} + 2$$

(١٦) مثل المعادلة ص $= \frac{3}{4}\text{س} - 3$ بيانياً.

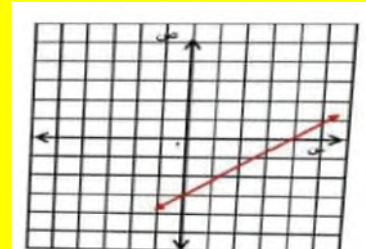
$$\text{ص} = \frac{3}{4}\text{س} - 3$$

الخطوة 1: عين النقطة (0, -3) التي تمثل المقطع الصادي.

الخطوة 2: الميل $= \frac{3}{4}$ ، تحرك من النقطة

(0, -3) بمقدار 3 وحدات إلى الأعلى و 4 وحدات إلى اليمين وعين النقطة الجديدة.

الخطوة 3: ارسم خط مستقيم يمر بهاتين النقطتين.



(٢١) مجلات: تم بيع ٥٠٠٠٠ نسخة من إحدى المجلات في سنتها الأولى، وازداد هذا العدد بعد ذلك بمعدل ٥٠٠٠ نسخة في السنة.

(أ) اكتب معادلة تمثل عدد النسخ المباعة (ن) بعد (ص) سنة.

معادلة تمثيل عدد النسخ المباعة هي:

$$ن = ٥٠٠٠ + ٥٠٠٠ ص$$

(ب) ماذا يمثل الميل؟

يمثل الميل الزيادة في عدد نسخ المجلة المباعة كل سنة

(ج) ماذا يمثل المقطع الصادي؟

يمثل المقطع الصادي عدد النسخ في السنة الأولى

(د) إذا بدأت المجلة سنة ١٤٢٠هـ، ففي أي سنة يصل عدد النسخ المباعة إلى ١٥٠٠٠٠ وفق المعدل نفسه؟

$$٥٠٠٠ ص + ٥٠٠٠ = ن$$

$$١٥٠٠٠٠ = ٥٠٠٠ + ٥٠٠٠ ص$$

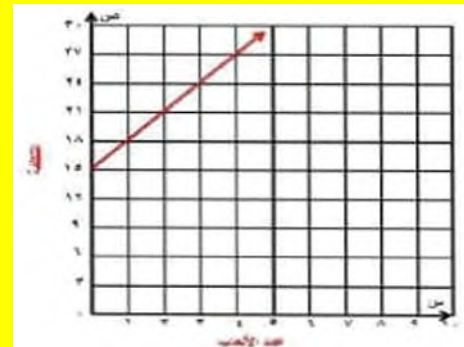
$$١٠٠٠٠٠ = ٥٠٠٠ ص$$

$$ص = ٢٠$$

١٤٣٠ هـ يصل عدد النسخ المباعة إلى ١٥٠٠٠٠ نسخة

(٢٢) مسألة مفتوحة: اكتب موقفاً من واقع الحياة يمكن تمثيله بدالة خطية، ثم اكتب هذه الدالة ومثلها بيانياً.

رسم الدخول إلى مدينة الألعاب ١٥ ريال وتكلفة اللعبة الواحدة ٣ ريالات، ص = ٣س + ١٥



لا، لأن الخط الرأسي ليس له ميل

(٢٤) تحدّد: ما الخصائص المشتركة للتمثيلات البيانية للمعادلات الآتية:

$$ص = ٢س + ٣, ص = ٤س + ٣, ص = -س + ٣, ص = -١٠س + ٣$$

جميعها مستقيمات تقطع محور الصادات عند 3

(٢٥) اكتب: وضح كيف تجد معدل تغير معادلة خطية بالصيغة القياسية.

افترض أن معامل ص لا يساوي صفراً، فعلينا أولاً إعادة كتابة المعادلة بصيغة الميل والمقطع وبما أن معدل التغير يساوي الميل أيضاً، إذاً فإن معامل المتغير س هو معدل التغير.

(٢٦) يحتوي مخزن للإلكترونيات على س قرصاً مدمجاً، فإذا بيع منها ٣٥٠ قرصاً، وأضيف إليها ٣ ص من الأقراص، فأى عبارة مما يأتي تمثل عدد الأقراص التي أصبحت موجودة في المخزن؟

$$(أ) ٣٥٠ + ٣ - ص$$

$$(ب) ٣٥٠ + ٣ + ص$$

$$(ج) ٣٥٠ + ٣ + ص$$

$$(د) ٣ - ٣٥٠ - ص$$

(٢٧) تحتاج وصفة كعكة الفواكه إلى ٥٠ مللترًا من عصير البرتقال لكل ١٥٠ مللترًا من عصير الليمون، فإذا استعملت فدوى ٦٠٠ مللتر من عصير الليمون، فكم مللترًا من عصير البرتقال تم استعماله؟

$$(أ) ١٥٠$$

$$(ب) ٦٠٠$$

$$(ج) ٢٠٠$$

$$(د) ٥٠$$

(٣٢) (٤،٢)، (٦،٣-)

$$\frac{2-}{5} = \frac{6-4}{3+2} = \frac{1ص-2ص}{1س-2س} = م$$

(٣٣) (٣،١)، (٣،٣-)

$$0 = \frac{0}{4-} = \frac{3-3}{1-3-} = \frac{1ص-2ص}{1س-2س} = م$$

(٢٨) اكتب معادلة الحد النوني للمتتابعة الحسابية ٣، ٧، ١١، ١٥، ... (الدرس ٢-١)

$$أ ن = 1 + (ن-1) د$$

$$أ ن = 3 + (ن-1) (4)$$

$$أ ن = 4 + 3 ن - 4$$

$$أ ن = 4 ن - 1$$

(٢٩) أوجد الحدين الرابع والخامس للمتتابعة ٥، ١، ٦، ٢، ٧، ٣، ... (الدرس ٢-١)

$$د = 1.1 = 1.5 - 2.6$$

$$الحد الرابع = 4.8 = 1.1 + 3.7$$

$$الحد الخامس = 5.9 = 1.1 + 4.8$$

الحدين الرابع و الخامس للمتتابعة هما: 4.8،

5.9

(٣٠) حُلّ المعادلة ٣ - ٢س = ٦. (الدرس ١-٣)

$$6 = 2س - 3$$

$$3 - = 2س$$

$$س = \frac{3}{2}$$

استعد للدرس اللاحق

أوجد ميل المستقيم المار بكل نقطتين من النقاط الآتية:

(٣١) (٧،٩)، (٣،٢)

$$\frac{4}{7} = \frac{3-7}{2-9} = \frac{1ص-2ص}{1س-2س} = م$$