

خصائص الدوال الأسية

<p>مثل الدالة <math>f(x) = 2^x</math> بيانياً، ثم حدد المجال، والمدى، والمقطع، وخطوط التقارب، والسلوك الطرفي.</p>	<p>1</p>
<p>للصف الثاني عشر</p> <p>الرياضيات</p> <p>المسار الآلي</p> <p>مزمعة</p> <p>MR. AYMAN</p> <p>50505441</p>	
<p>مثل الدالة <math>g(x) = 5\left(\frac{1}{2}\right)^x</math> بيانياً، ثم حدد المجال، والمدى، والمقطع، وخطوط التقارب، والسلوك الطرفي.</p>	<p>2</p>
<p>MR. AYMAN</p> <p>50505441</p>	
<p>مثل الدالة <math>f(x) = 4(0.5)^x</math> بيانياً، ثم حدد المجال، والمدى، والمقطع، وخطوط التقارب، والسلوك الطرفي.</p>	<p>3</p>
<p>2022-2021</p>	

4	مثل الدالة $f(x) = 4 \times 3^x$ بيانيا، ثم حدد المجال، والمدى، والمقطع، وخطوط التقارب، والسلوك الطرقي.
تدريب	
5	مثل الدالة $f(x) = 0.75 \cdot \left(\frac{2}{3}\right)^x$ بيانيا، ثم حدد المجال، والمدى، والمقطع، وخطوط التقارب، والسلوك الطرقي.
تدريب	
6	ما وجه المقارنة بين خط التقارب والمقطع ولكل من الدالة $h(x) = 3^x - 4$ والدالة الرئيسية $f(x) = 3^x$
7	ما وجه المقارنة بين خط التقارب والمقطع ولكل من الدالة $h(x) = 3^x + 5$ والدالة الرئيسية $f(x) = 3^x$
تدريب	
8	ما وجه المقارنة بين خط التقارب والمقطع ولكل من الدالة $h(x) = -3^x$ والدالة الرئيسية $f(x) = 3^x$

9	ما وجه المقارنة بين خط التقارب والمقطع ولكل من الدالة $g(x) = 5^{x+5}$ والدالة الرئيسية $f(x) = 5^x$
10	ما وجه المقارنة بين خط التقارب والمقطع ولكل من الدالة $h(x) = 3^{x-7}$ والدالة الرئيسية $f(x) = 3^x$
11	ما وجه المقارنة بين خط التقارب والمقطع ولكل من الدالة $h(x) = 5^{-x}$ والدالة الرئيسية $f(x) = 5^x$
12	ما وجه المقارنة بين خط التقارب والمقطع ولكل من الدالة $h(x) = 3^{-3x}$ والدالة الرئيسية $f(x) = 3^x$
13	ما وجه المقارنة بين خط التقارب والمقطع ولكل من الدالة $h(x) = 3^{0.2x}$ والدالة الرئيسية $f(x) = 3^x$
14	ما وجه المقارنة بين خط التقارب والمقطع ولكل من الدالة $h(x) = 3^{-\frac{2}{5}x}$ والدالة الرئيسية $f(x) = 3^x$

15	ما وجه المقارنة بين خط التقارب والمقطع ولكل من الدالة $h(x) = 5^{-x}$ والدالة الرئيسية $f(x) = 5^x$
تدرب	
16	ما وجه المقارنة بين خط التقارب والمقطع ولكل من الدالة $h(x) = 5^{x+3}$ والدالة الرئيسية $f(x) = 5^x$
تدرب	
17	صف التمثيل البياني للدالة $g(x) = 4(0.5)^{x-3}$ بدلالة التحويلات على الدالة $f(x) = 4(0.5)^x$
تدرب	
18	وضح كيف يمكن أن نحصل على التمثيل البياني للدالة $g(x) = 6 \cdot 2^{x+1} - 4$ من التمثيل البياني للدالة $f(x) = 6 \cdot 2^x$
تدرب	
19	أوجد الدالة $g(x)$ التي تمثل الدالة $f(x) = 2^x$ بعد تمدد رأسي معاملته 6 ، وانعكاس حول المحور $x$ ، ثم مثل الدالتين بيانياً.
تدرب	
20	وضح كيف يمكن أن نحصل على التمثيل البياني للدالة $g(x) = 6 \cdot 2^{x+1} - 4$ من التمثيل البياني للدالة $f(x) = 6 \cdot 2^x$
تدرب	
21	بلغ عدد سكان مدينة كبيرة 4.6 مليون نسمة تقريبا عام 2010 ، ثم تزايد بمعدل 1.3% في السنوات الأربع التالية. A. أوجد الدالة الأسية التي تنمذج عدد سكان المدينة خلال فترة الأربع سنوات.

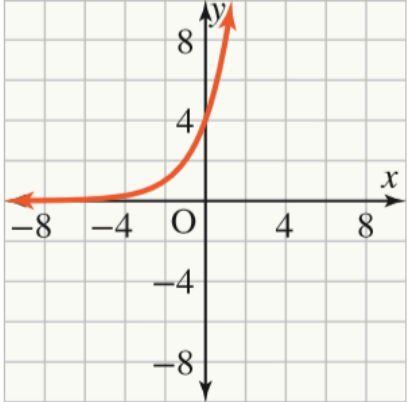
50505441

2022-2021

<p>22 بلغ عدد سكان مدينة كبيرة 4.6 مليون نسمة تقريبا عام 2010 ، ثم تزايد بمعدل 1.3% في السنوات الأربع التالية. B. إذا استمر عدد السكان في النمو بنفس المعدل، أوجد عدد السكان عام 2040.</p>	22
<p>23 اشترى صاحب مصنع طابعة ثلاثية الأبعاد عام 2010، تنمذج الدالة <math>f(x) = 30(0.93)^x</math> قيمة الطابعة حيث <math>x</math> عدد السنوات ابتداء من عام 2010. a. أوجد قيمة الطابعة بعد 10 سنوات. b. هل تفقد الطابعة من قيمتها أكثر في السنوات العشر الأولى أم في السنوات العشر الثانية بعد شرائها؟</p>	23
<p>MR. AYMAN</p> <p>50505441</p> <p>2022-2021</p>	

<p>اشترت شركة بناء شاحنتين عام 2016، تنمذج الدالتان  <math>f(x) = 46(0.75)^x</math> و <math>f(x) = 35(0.85)^x</math>  قيمتي الشاحنتين، حيث <math>x</math> عدد السنوات ابتداء من عام 2016، أي دولة قيمة الشاحنة التي ستكون الأعلى بعد 5 سنوات. وضح إجابتك.</p>	24
<p>تدرب  اشترى خالد سيارة بمبلغ QR 96000، يمكن أن يستعمل الدالة <math>y = 96 \cdot (0.8)^x</math> لنمذجة قيمة السيارة (بالآلاف الريالات) بعد <math>x</math> سنة من شرائها.  A. هل تمثل الدالة نموًا أم اضمحلالًا أسيا؟  B. أوجد معدل الاضمحلال في هذه الدالة. ماذا يعني؟  C. مثل الدالة بيانيا في مجال معقول. ماذا يمثل كل من المقطع <math>Y</math> وخط التقارب؟ ومتى ستبلغ قيمة السيارة QR 20000 تقريبا؟</p>	25
<p>MR. AYMAN</p> <p>50505441</p> <p>2022-2021</p>	

<p>أطلق مئتان وعشرون صقرا في إحدى المناطق في 2 يناير عام 2016، تنمذج الدالة <math>f(x) = 220(1.05)^x</math> عدد الصقور في المنطقة بعد <math>x</math> سنة ابتداء من عام 2016</p> <p>a. هل يتزايد عدد الصقور أم يتناقص؟ وضح إجابتك.</p> <p>b. في أي عام سيبلغ عدد الصقور 280 صقرا؟</p>	26
<p>للصف الثاني عشر ✨ المسار الأدبي</p> <p>الرياضيات في الملحق</p> <p>MR. AYMAN</p>	
<p>قال سعيد أن الدالة <math>f(x) = \frac{3^x}{2}</math> تمثل اضمحلالا أسيا. بين خطأ سعيد و صححه.</p>	27
<p>تنمذج الدالة الأسية <math>f(x) = 2500(0.4)^x</math> رصيد يوسف في حساب التوفير خلال السنوات العشر الأخيرة.</p> <p>a. هل يتزايد رصيد يوسف أم يتناقص؟</p> <p>b. اكتب الأساس بدلالة معدل النمو أو الاضمحلال.</p>	28
<p>لدى حمد مجموعة من الطوابع القديمة تبلغ قيمتها QR 8 000. من المتوقع أن تزداد قيمة مجموعة الطوابع بمعدل 1.5% كل سنة. اكتب دالة النمو الأسي، ثم أوجد قيمة مجموعة الطوابع بعد سنوات.7</p>	29
<p><b>حلل الخطأ</b> وضح خطأ منصور و صححه عندما أوجد معامل النمو أو الاضمحلال للدالة <math>y = 2.55(0.7)^x</math> كما هو مبين أدناه.</p> <p>الخطوة 1 أساس الدالة هو 0.7، لذا فإن الدالة تمثل اضمحلالاً أسياً.</p> <p>الخطوة 2 الدالة في الصورة <math>y = a(1 - r)^x</math> هي <math>y = 2.55(1 - 0.7)^x</math>.</p> <p>الخطوة 3 معامل الاضمحلال هو 0.3</p> <p style="text-align: center; color: red; font-size: 2em;">X</p>	30

<p>31 في عام 2000، بلغ عدد سكان إحدى المدن 346904 نسمة، وفي عام 2010 تناقص هذا العدد إلى 319257 نسمة. عند نمذجة هذا التناقص في عدد السكان بدالة اضمحلال أسّي، فأى قيمة سوف تمثل المقطع <math>y</math>؟ وضح إجابتك.</p>	31
تدريب	
<p>32 بلغ عدد سكان إحدى القرى 4007 نسمة عام 2000، ومن المتوقع أن يتناقص هذا العدد بمعدل 0.35% كل سنة. اكتب دالة اضمحلال أسّي واستعملها لإيجاد التقدير التقريبي لعدد سكان القرية عام 2020.</p>	32
تدريب	
<p>33 حدد ما إذا كانت الدالة تمثل دالة نمو أم اضمحلال أسّي. اكتب الأساس بدلالة معدل النمو أو الاضمحلال، أوجد قيمة <math>r</math>، ثم فسر معدل النمو أو الاضمحلال.</p> $y = 100 \cdot 2.5^x$	33
تدريب	
<p>34 حدد ما إذا كانت الدالة تمثل دالة نمو أم اضمحلال أسّي. اكتب الأساس بدلالة معدل النمو أو الاضمحلال، أوجد قيمة <math>r</math>، ثم فسر معدل النمو أو الاضمحلال.</p> $y = 10200 \cdot \left(\frac{3}{5}\right)^x$	34
تدريب	
<p>35 حدد ما إذا كانت الدالة تمثل دالة نمو أم اضمحلال أسّي. اكتب الأساس بدلالة معدل النمو أو الاضمحلال، أوجد قيمة <math>r</math>، ثم فسر معدل النمو أو الاضمحلال.</p> $f(x) = 450 \cdot 2^x$	35
تدريب	
<p>36 ما قيمة <math>a</math> التي تكمل المعادلة <math>y = a \cdot 2^x</math> لدالة النمو الأسّي الموضحة أدناه</p> 	36



37

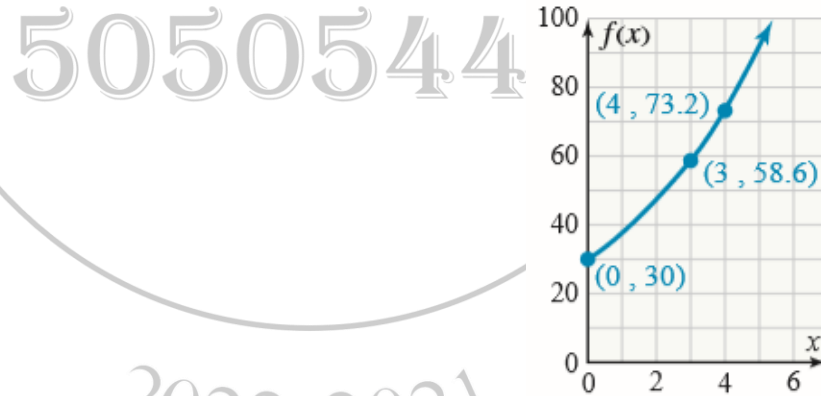
اشترى متحف لوحة ومنحوتة في نفس السنة. التغير في قيمتي العملين الفنيين مبين في الشكل أدناه. أوجد متوسط معدل تغير قيمة كل من هذين العملين الفنيين على مدى 5 سنوات، ثم حدد العمل الفني الذي تزايد قيمته بوتيرة أسرع؟



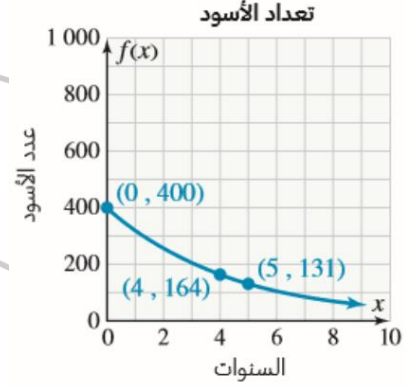
MR. AYMAN

38

تمثل الدالة  $f(x)$ ، الممثلة بيانياً أدناه، دالة نمو أسي. قارن بين متوسط معدل التغير للدالة  $f(x)$  ومتوسط معدل التغير للدالة النمو الأسي  $g(x) = 25(1.4)^x$ . استعمل الفترة  $[0, 4]$ .



تمثل الدالة المبيّنة في التمثيل البياني عدد الأسود في إحدى المناطق بعد  $x$  سنة، حيث معدل الاضمحلال هو 20%، ويمكن نمذجة عدد حيوانات الحمار الوحشي في نفس المنطقة بعد  $x$  سنة باستعمال الدالة  $f(x) = 300(0.95)^x$  يدعي ممثل إحدى مجموعات حماية البيئة أن عدد الأسود سيصبح أقل من عدد حيوانات الحمار الوحشي بعد سنتين. هل هو على صواب؟ برر إجابتك.



للصف الثاني عشر  
المسار الأدبي

MR. AYMAN

50505441

2022-2021