

اهم المصطلحات العلمية

- 1- **الكميات العددية:** كميات يكفي لتحديدها معرفة المقدار وحدة القياس وهي مثل الكتلة والطول .
- 2- **الكميات المتجهة:** هي كميات يلزم لتحديدها المقدار والاتجاه وحدة القياس وهي مثل الازاحة والقوة وشدة المجال الكهربائي والعزم.
- 3- **الازاحة :-** اقصر مسافة من نقطة البداية الي نقطة النهاية في اتجاه من البداية الي النهاية .
- 4- **المتجهات الحرة :-** هي متجهات غير مقيدة بنقطة تاثير لذلك يمكن نقل المتجه من مكان لآخر دون ان تتغير قيمته او اتجاهه .
- 5- **المتجهات المقيدة:-** نوع من المتجهات محددة بنقطة تأثيرها و خط عملها .
- 6- **جمع المتجهات:-** هي عملية يستعاض فيها عن متجهين او اكثر بمتجه واحد.
- 7- **المحصلة:-** المتجه المفرد الذي يكافيء باقي المتجهات مقدارا واتجاها.
- 8- **الضرب الاتجاهي(الخارجي):-** هو متجه عمودي علي المستوي الذي يحوي المتجهين ويساوي عدديا مساحة متوازي الاضلاع.
- 9- **تحليل المتجهات:-** استبدال متجه ما بمتجهين متعامدين يسميان مركبتي المتجه بحيث يمثل المتجه المراد تحليله محصلة هذين المتجهين ويكون متحدا معهما في نقطة البداية .
- 10- **القذيفة :-** الاجسام التي تقذف في الهواء وتتعرض لقوة جاذبية الارض .
- 11- **حركة القذيفة :-** حركة مركبة من حركة منتظمة السرعة علي المحور الافقي وحركة منتظمة العجلة علي المحور الرأسي .
- 12- **معادلة المسار y :-** علاقة بين مركبة الحركة الافقية ومركبة الحركة الرأسية خالية من متغير الزمن t .
- 13- **المدى R :-** المسافة الافقية التي تقطعها القذيفة بين نقطة الاطلاق ونقطة الوصول علي الخط الافقي المار بنقطة الاطلاق .

اهم التعليقات

- 1) تسمى متجهات السرعة والازاحة بالمتجهات الحرة ؟
لأنها غير مقيدة بنقطة تاثير معينة .
- 2) يمكن نقل متجه الازاحة ولا يمكن نقل متجه القوة؟
لان متجه الازاحة حر وغير مقيد بنقطة تاثير اما متجه القوة فهو مقيد بنقطة تاثير .
- 3) تكون محصلة قوتين أكبر ما يمكن عندما تكون الزاوية بينهم تساوي صفرا ؟
لان المحصلة تساوي حاصل جمعها .
- 4) يمكن الحصول على قيم متعددة لمحصلة أي متجهين رغم ثبات مقداريهما .
لان قيمة المحصلة تتوقف علي مقدار الزاوية بين اتجاهي المتجهين .
- 5) يعتبر الشغل كمية قياسية ؟
لأنه ناتج من حاصل الضرب القياسي لمتجهي القوة و الازاحة .

6) عند درجة كرة علي سطح افقي عديم الاحتكاك تبقي سرعتها ثابتة ؟

لعدم وجود قوة أفقية تؤثر علي الكرة وبالتالي عدم وجود عجلة أفقية .

7) الحركة الأفقية للقذيفة غير معجلة ؟

لعدم وجود قوة أفقية تؤثر عليها وبالتالي فان السرعة الأفقية ثابتة .

8) الحركة الرأسية للقذيفة معجلة بانتظام ؟

لأنها تتأثر بقوة ثابتة وهي قوة الجاذبية الأرضية .

9) مسار حركة القذيفة في حال غياب مقاومة الهواء يكون علي شكل قطع مكافئ ؟

لأنها تنتج من حركتين في نفس الوقت حركة أفقية بسرعة ثابتة ورأسية بعجلة ثابتة .

10) عندما يتحرك جسمان احدهما يقذف افقيا والاخر يسقط سقوطا حرا فانهما يصلان

الي الارض في نفس الوقت ؟

لانهما يتحركان بنفس العجلة المنتظمة وهي عجلة الجاذبية الأرضية .

11) السرعة التي تفقدها القذيفة اثناء الصعود هي نفسها التي تكتسبها اثناء الهبوط ؟

لان عجلة التباطؤ عند الصعود لاعلي تساوي عجلة التسارع عند الهبوط لاسفل .

ملاحظات هامة

بالرغم من تساوي مقدار المتجهين إلا أن المحصلة متغيرة وتتغير تبعاً للزاوية بين المتجهين

كلما ازدادت الزاوية بين المتجهين تقل قيمة المحصلة .

ضرب المتجه بكمية سالبة يعكس من اتجاهه ويغير من مقداره اما ضربه بكمية موجبه فانه يغير من مقداره فقط

يحدد اتجاه محصلة الضرب الاتجاهي بتطبيق قاعدة اليد اليمنى .

حاصل الضرب الاتجاهي يساوي حاصل الضرب العددي اذا كانت الزاوية تساوي 45° $\theta=45$

تتحرك القذيفة بسرعة منتظمة علي المحور الافقي بينما تتحرك بعجلة منتظمة علي الراسي .

مقدار سرعة قذيفة أطلقت بزاوية (θ) نتيجة الاحتكاك مع الهواء تتباطأ سرعتها ويتغير شكل المسار .

يكون المدى الذي تقطعه كل من القذيفتين متساوي اذا كان مجموع زوايا الانطلاق لهما يساوي 90° بفرض اهمال مقاومة الهواء

ما هي العوامل التي يتوقف عليها كل من؟

| | |
|--|--|
| # مقدار كل من المتجهين # الزاوية المحصورة بينهما | 1- حاصل الجمع لمتجهين (محصلة المتجهين) 2- حاصل الضرب القياسي لمتجهين . 3- حاصل الضرب الاتجاهي لمتجهين |
| # مقدار المتجه # الزاوية التي يصنعها مع محور الاسناد | المركبة الأفقية لمتجه |
| # سرعة القذيفة # زاوية الإطلاق # عجلة الجاذبية الأرضية | 1- معادلة المسار لقذيفة أطلقت بزاوية مع الأفقي . 2- أقصى ارتفاع تبلغه قذيفة أطلقت بزاوية مع الأفقي . 3- المدى الأفقي لقذيفة أطلقت بزاوية مع الأفقي . |
| # زاوية الإطلاق | شكل مسار قذيفة أطلقت بزاوية (θ) مع المحور الأفقي |

مقارنات الكميات العددية والكميات المتجهة

| وجه المقارنة | الكميات العددية (القياسية) | الكميات المتجهة |
|--------------|--------------------------------------|---|
| التعريف | كميات يكفي لتحديد مقدار ووحدة القياس | كميات يكفي لتحديد مقدار ووحدة القياس والاتجاه |
| مثال | المسافة & الكتلة & المزمّن | الازاحة & العجلة & القوة |

المتجه الحر والمتجه المقيد

| وجه المقارنة | المتجه الحر | المتجه المقيد |
|--------------|--|---|
| التعريف | متجهات غير مقيد بنقطة تأثير | نوع من المتجهات محددة بنقطة تأثيرها و خط عمله |
| امكانية نقله | يمكن نقله بشرط المحافظة علي المقدار والاتجاه | مقيد بنقطة تأثير لا يمكن نقله |
| امثلة | الازاحة & السرعة المتجهة | القوة |

المسافة والازاحة

| وجه المقارنة | المسافة | الازاحة |
|--------------|--|---|
| التعريف | المسار الفعلي للحركة من موضع لموضع اخر | المسافة في خط مستقيم في اتجاه معين من نقطة البداية الي نقطة النهاية |
| نوع الكمية | عددية / قياسية | متجهة |

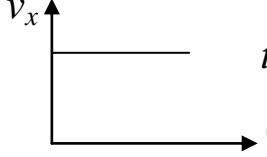
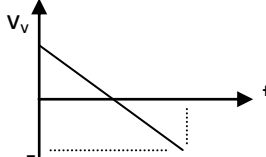
الضرب العددي والضرب الاتجاهي

| وجه المقارنة | الضرب العددي | الضرب الاتجاهي |
|---------------------|--|--|
| المفهوم | مقدار احد المتجهين في مسقط الاخر عليه | مساحة متوازي الاضلاع المنشأ علي المتجهين |
| العلاقة (القانون) | $\vec{A} \cdot \vec{B} = AB \cos \theta$ | $\vec{A} \times \vec{B} = AB \sin \theta$ |
| نوع الكمية الناتجة | عددية / قياسية | متجهة |
| اكبر ما يمكن | عندما $\theta = 0$ لان $\cos 0 = 1$ | عندما $\theta = 90$ لان $\sin 90 = 1$ |
| اقل ما يمكن (معدوم) | $\theta = 90$ لان $\cos 90 = 0$ | $\theta = 0$ لان $\sin 0 = 0$ |
| الابدالية | عملية ابدالية $\vec{A} \cdot \vec{B} = \vec{B} \cdot \vec{A}$ | عملية لا ابدالية $\vec{A} \times \vec{B} \neq \vec{B} \times \vec{A}$ $\vec{A} \times \vec{B} = -\vec{B} \times \vec{A}$ |

حركة المقذوفات

| الزاوية | صفر | 90 |
|---|---|--|
| شكل مسار قذيفة عندما تطلق بزاوية مع المحور الأفقي | نصف قطع مكافئ | خطاً رأسياً . |
| وجه المقارنة | أقصى ارتفاع | المدى الأفقي |
| العلاقة الرياضية لجسم مقذوف بزاوية (θ) | $h_{\max} = \frac{v_0^2 \sin^2 \theta}{2g}$ | $R = \frac{v_0^2 \sin \theta \times 2}{g}$ |

❖ مركبة حركة القذيفة بالاتجاه الأفقي والاتجاه الرأسى

| | | |
|----------------|--|---|
| وجه المقارنة | مركبة حركة القذيفة في الاتجاه الأفقي | مركبة حركة القذيفة في الاتجاه الرأسى |
| وجود قوة مؤثرة | لا وجود لأي قوة في الاتجاه الأفقي | توجد قوة الجاذبية الأرضية واتجاهها لأسفل |
| نوع الحركة | حركة بسرعة منتظمة | حركة بعجلة منتظمة |
| مركبة السرعة | $v_x = v_0 \cos \theta$ | $v_y = v_0 \sin \theta$ |
| الشكل البياني |  |  |

قوانين هامة

| | |
|--|--|
| ضرب المتجهات | جمع المتجهات |
| 1- الضرب العددي (النقطي) $\vec{A} \cdot \vec{B} = AB \cos \theta$ | المحصلة $R = \sqrt{A^2 + B^2 + 2AB \cos \theta}$ ← |
| 2- الضرب الاتجاهي (التقاطعي) $\vec{A} \times \vec{B} = AB \sin \theta$ | الاتجاه $\alpha = \frac{B \sin \theta}{R}$ ← |
| مركبتي سرعة المقذوف | 1- اذا كانت الزاوية $(\theta = 0)$ $\vec{R} = \vec{A} + \vec{B}$ |
| المركبة الأفقية $v_x = v_0 \cos \theta$ | 2- اذا كانت الزاوية $(\theta = 180)$ $\vec{R} = \vec{A} - \vec{B}$ |
| المركبة الرأسية $v_y = v_0 \sin \theta$ | 3- اذا كانت الزاوية $(\theta = 90)$ $\vec{R} = \sqrt{A^2 + B^2}$ |
| القانون الثاني لنيوتن $F = ma$ | الوزن $w = mg$ |
| زمن وصول المقذوف لأقصى ارتفاع | تحليل المتجهات |
| $t = \frac{\Delta x}{v_0 \cos \theta}$ | المركبة الأفقية $A_x = A \cos \theta$ |
| $t = \frac{v_0 \sin \theta}{g}$ | المركبة الرأسية $A_y = A \sin \theta$ |
| | محصلة المركبتين $A = \sqrt{A_x^2 + A_y^2}$ |
| | اتجاه متجه المحصلة $\tan \theta = \frac{R_y}{R_x}$ |
| أقصى ارتفاع للقذيفة $h_{\max} = \frac{v_0^2 \sin^2 \theta}{2g}$ | زمن وصول القذيفة لأقصى مدى $t' = \frac{2v_0 \sin \theta}{g}$ |
| المدى (أكبر مسافة أفقية للقذيفة) $R = \frac{v_0^2 \sin 2\theta}{g}$ | معادلة المسار $y = x \tan \theta - \frac{g \cdot x^2}{2v_0^2 \cos^2 \theta}$ |
| $R = v_0 \cos \theta \cdot t'$ | |

استنتاجات

استنتاج العلاقة التي تعطي اقصى ارتفاع يصل اليه جسم قذف بسرعة تصنع زاوية مع الافق؟

$$\therefore v_y^2 = (v_0 \sin \theta)^2 - 2gy$$

$$\therefore V_y = 0$$

$$\therefore 2gy = (v_0 \sin \theta)^2$$

$$\therefore y = h_{\max} = \frac{v_0^2 \sin^2 \theta}{2g}$$

استنتاج معادلة لحساب المدى؟

$$\therefore x = v_{0x} t' \quad \therefore t' = \frac{2v_0 \sin \theta}{g}$$

$$x = v_0 \cos \theta \cdot \frac{2v_0 \sin \theta}{g}$$

$$\therefore R = x = \frac{v_0^2 \sin 2\theta}{g}$$

استنتاج العلاقة التي تعطي معادلة المسار؟

$$\therefore y = v_0 t - \frac{1}{2} g t^2 \quad \rightarrow \quad 1$$

$$\therefore t = \frac{\Delta x}{v_0 \cos \theta} \quad \rightarrow \quad 2$$

بالتعويض من 2 في 1

$$\therefore y = v_0 \sin \theta \left(\frac{x}{v_0 \cos \theta} \right) - \frac{1}{2} g \left(\frac{x}{v_0 \cos \theta} \right)^2$$

$$\therefore y = x \cdot \tan \theta - \frac{g \cdot x^2}{2v_0^2 \cos^2 \theta}$$