

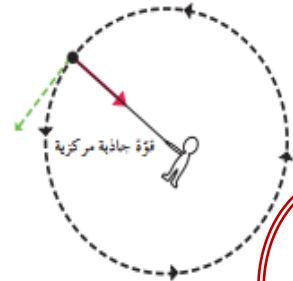
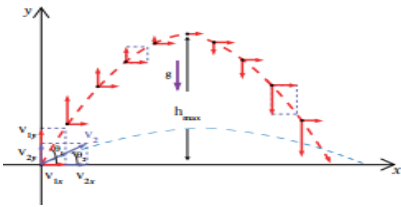
ثانوية سعد العبد الله الصباح
قسم العلوم (فيزياء - كيمياء)

مدير المدرسة
أ / حميدي العتيبي

رئيس القسم
أ / أحمد عايض العنزي

مراجعة مادة الفيزياء
الصف الحادي عشر
الفصل الدراسي الأول
2019 - 2020

إعداد : أ / محمد نعمان



هذه المذكرة لا تغني عن الكتاب المدرسي

اكتب الاسم أو المصطلح العلمي

المصطلح	تعريفات
الكميات القياسية	الكميات التي يكفي لتحديد عددها مقدارها ووحدة فيزيائية تميز هذا المقدار
الكميات المتجهة	الكميات التي تحتاج في تحديدها إلى الاتجاه الذي تتخذه ، بالإضافة إلى العدد الذي يحدد مقدارها ووحدة القياس التي تميزها
الإزاحة	المسافة الأقصر بين نقطة بداية الحركة ونقطة نهايتها ، وباتجاه من نقطة البداية إلى نقطة النهاية
جمع المتجهات	عملية تركيب تتم فيها الاستعاضة عن متجهين أو أكثر بمتجه واحد
السرعة المتجهة	السرعة العددية ولكن في اتجاه محدد
المحصلة	المتجه المفرد الواحد الذي يكافئ باقي المتجهات مقداراً واتجاهاً
المتجهات المقيدة	نوع من المتجهات مقيدة بنقطة تأثيرها وخط عملها ولا يمكن نقلها من مكان لآخر
المتجهات الحرة	متجهات يمكن نقلها من مكان لآخر بشرط المحافظة على المقدار والاتجاه
نتاج الضرب الاتجاهي	متجه مقداره يساوي مساحة متوازي الأضلاع المنشأ على متجهين واتجاهه عمودي على المستوي الذي يجمعهما
تحليل المتجهات	عملية استبدال متجه ما بمتجهين متعامدين يسميان مركبتي المتجه وهي العملية المعاكسة لعملية جمع المتجهات
المقذوفات	الأجسام التي تقذف أو تطلق في الهواء وتتعرض لقوة جاذبية الأرض
حركة المقذوفات	حركة مركبة من حركة أفقية بسرعة منتظمة وحركة رأسية بعجلة منتظمة
معادلة المسار	علاقة بين مركبة الحركة الأفقية ومركبة الحركة الرأسية خالية من متغير الزمن
القطع المكافئ	مسار منحنى ينتج عن حركة المقذوف لأعلى لفترة ثم عودته لأسفل
المدى	المسافة الأفقية التي تقطعها القذيفة بين نقطة الإطلاق ونقطة الوصول على الخط الأفقي المار بنقطة الإطلاق
الحركة الدائرية	حركة الجسم على مسار دائري حول مركز دوران ، مع المحافظ على مسافة ثابتة منه
الحركة الدائرية المنتظمة	حركة الجسم على مسار دائري حول مركز دوران وبسرعة خطية ثابتة المقدار
المحور	الخط المستقيم الذي تحدث حوله الحركة الدائرية
الحركة المحورية أو المغزلية	حركة جسم يدور حول محور داخلي
الحركة المدارية	حركة جسم يدور حول محور خارجي
السرعة الخطية (المماسية)	طول القوس المقطوع خلال وحدة الزمن
السرعة الدائرية (الزاوية)	مقدار الزاوية بالراديان التي يمسحها نصف القطر في وحدة الزمن
التردد	عدد الدورات في وحدة الزمن
العجلة الزاوية	معدل أو مقدار تغير السرعة الزاوية (ω) خلال وحدة الزمن
العجلة الخطية	معدل تغير السرعة المتجهة بالنسبة للزمن
الزمن الدوري	الزمن الذي يستغرقه الجسم ليدور دورة كاملة على محيط دائرة الحركة
قوة الجذب المركزية	القوة التي تسبب الحركة الدائرية للكتلة ويكون اتجاهها دائماً نحو المركز أو محصله لعدة قوى مؤثره على جسم متحرك حركة دائرية منتظمة تكسبه تسارعا مركزيا يتناسب مقداره طرديا مع مربع السرعة الخطية و يتناسب عكسيا مع نصف قطر
معامل الاحتكاك	النسبة بين قوة الاحتكاك (\vec{F}) وقوة رد الفعل (\vec{N})
مركز الثقل	النقطة التي تقع عند الموضع المتوسط لثقل الجسم الصلب المتجانس
مركز الثقل	نقطة تأثير (ارتكاز) محصلة قوة الجاذبية المؤثرة على أجزاء الجسم
ثقل (وزن) الجسم	القوة التي يخضع لها الجسم بسبب جذب الأرض له

مركز الكتلة	الموضع المتوسط لكلت جميع الجزيئات التي يتكون منها الجسم
توازن غير مستقر (قلق)	توازن الجسم عندما تسبب أي إزاحة انخفاضاً في مركز ثقل الجسم و عندها يبتعد الجسم نهائياً عن حالة اتزانه إذا دُفع عنها
توازن مستقر	توازن الجسم عندما تسبب أي إزاحة ارتفاعاً في مركز ثقل الجسم و عندها يعود الجسم إلي حالة اتزانه الأولي إذا دُفع عنها
توازن محايد (متعادل)	توازن الجسم عندما لا تسبب أي إزاحة ارتفاعاً أو انخفاضاً في مركز الثقل و عندها ينتقل من حالة اتزان إلى حالة اتزان جديدة إذا دُفع عنها
اتزان ديناميكي	اتزان يكون فيه الجسم متحرك بسرعة منتظمة على خط مستقيم او يدور بسرعة دورانية ثابتة
اتزان سكوني	اتزان يكون فيه الجسم ساكن ولا يتحرك حول من موضعه او يدور حول اي محور
حجم مترن	الجسم الذي تكون محصلة القوى المؤثرة عليه تساوي صفر
نتاج الضرب العددي	الكمية العددية الناتجة من ضرب أحد متجهين في مسقط الآخر عليه
الإزاحة الزاوية	الزاوية المحصورة بين الخط المرجعي و الخط المار بالنقطة المتحركة ومحور الدوران
الراديان	زاوية مركزية يكون طول القوس المقابل لها يساوي نصف القطر
الجسم الجاسئ	جسم تكون لجميع أجزاءه السرعة الزاوية نفسها بالرغم من اختلاف السرعة المماسية
السرعة الآمنة (التصميم)	أكبر سرعة يمكن أن تتعطف بها السيارة دون الحاجة إلى قوة الاحتكاك
زاوية الانقلاب الحدية	الزاوية التي يكون فيها مركز ثقل الجسم في أعلى نقطة

علل لما يأتي

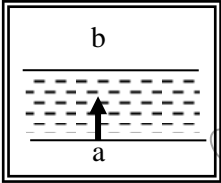
1- يمكن نقل متجه الإزاحة ، بينما لا يمكن نقل متجه القوة ؟

ج / لأن متجه الإزاحة متجه حر بينما متجه القوة مقيد بنقطة تأثير

2- تتغير السرعة التي تطلق بها طائرة في الجو على الرغم من ثبات السرعة التي يكسبها المحرك للطائرة ؟

ج / بسبب وجود رياح متغيرة السرعة (مقداراً واتجاهاً) تؤثر عليها لذلك تتحرك بمحصلة سرعتها وسرعة الرياح

3- لا يستطيع سباح أن يعبر النهر من نقطة (a) إلى نقطة (b) بصورة مباشرة كما في الشكل المقابل ؟



ج / لأنه يتحرك بتأثير سرعة (قوة) الحركة نحو الضفة الأخرى وسرعة تيار الماء العمودي على اتجاه سرعة السباح .

4- تعتبر المسافة كمية عددية بينما الإزاحة كمية متجهة ؟

ج / لأن المسافة تحدد بمعرفة المقدار فقط أما الإزاحة يلزم لتحديدها معرفة المقدار والاتجاه .

5- يمكن الحصول على عدة قيم مختلفة لمحصلة نفس المتجهين ؟ ← ج / بسبب اختلاف الزاوية بينهما .

6- تتساوى السرعة العددية و السرعة المتجهة إذا كانت الحركة في خط مستقيم ؟

ج / لأن الإزاحة تساوي المسافة إذا كانت الحركة في خط مستقيم و في اتجاه واحد .

7- الشغل كمية عددية ؟ ← ج / لأنه حاصل الضرب العددي لمتجهي القوة والأزاحة .

8- تكون محصلة قوتين أكبر ما يمكن عندما تكون الزاوية بينهما = صفر ؟

ج / لأن الزاوية = صفر ، $\cos 0 = 1$ لذلك تكون المحصلة $R = \sqrt{A^2 + B^2 + 2AB \cos \theta} = A + B$

9- يكون ناتج الضرب القياسي أكبر ما يمكن إذا كانت الزاوية بينهما صفر (المتجهين في نفس الاتجاه) ؟

$$\vec{A} \cdot \vec{B} = A \cdot B \quad \because \text{أكبر ما يمكن } \cos 0 = 1 \quad \therefore \vec{A} \cdot \vec{B} = A \cdot B \cos \theta$$

10- عند درجة كرة على سطح أفقي عديم الاحتكاك ، تبقى سرعتها ثابتة (تبقى مركبة السرعة الأفقية ثابتة) ؟

ج / لعدم وجود مركبة لقوة الجاذبية (عدم وجود قوة أفقية وبالتالي عدم وجود عجلة) .

11- عدم وجود عجلة أفقية للجسم المقذوف بزاوية (θ) مع المحور الأفقي ؟ ج / لعدم وجود قوة أفقية .

12- تتبع المقذوفات مسارا منحنياً بالقرب من سطح الأرض ؟

ج / لأنها حركة مركبة من حركة أفقية بسرعة ثابتة وحركة رأسية بعجلة ثابتة .

13- أطلقت قذيفتان بسرعة ابتدائية متساوية ، فيكون للقذيفة التي أطلقت بزاوية إطلاق أكبر ، مدى أفقي أصغر ؟
ج / لأن مركبة السرعة الأفقية للقذيفة التي أطلقت بزاوية إطلاق أكبر تكون أصغر من تلك التي أطلقت بزاوية أقل مما يؤدي إلي مدى أصغر . ($v_x = v_o \cos \theta$) .

14- السرعة التي تفقدها القذيفة أثناء الصعود هي نفسها التي تكتسبها أثناء الهبوط (زمن صعود القذيفة

لأعلى يساوي زمن الهبوط لأسفل) ؟

ج / لأن عجلة التباطؤ عند الصعود لأعلى تساوي عجلة التسارع عند الهبوط لأسفل

15- يتغير مسار القذيفة بتغيير زاوية الإطلاق بالنسبة إلي المحور الأفقي ؟

ج / من معادلة المسار $y = \left(\frac{-g}{2v_o^2 \cos^2 \theta} \right) x^2 + \tan \theta \cdot x$ نجد أن مسار القذيفة يتغير بتغيير زاوية

الإطلاق بالنسبة إلي المحور الأفقي فإذا كانت الزاوية الصفر يكون شكل المسار نصف قطع مكافئ ، أما إذا كانت الزاوية 90 يصبح مسار القذيفة خطاً رأسياً .

16- أطلقت قذيفتان كتلتها (m) ، $(2m)$ بالسرعة الابتدائية نفسها ، و بزاوية (θ) مع المحور الأفقي

فيكون المدى الأفقي للقذيفة (m) يساوي المدى الأفقي للقذيفة $(2m)$ ؟

ج - من معادلة المدى $R = \frac{v_o^2 \sin \times 2 \theta}{g}$ نجد أن المدى لا يتوقف على الكتلة .

17- أطلقت قذيفتان بالسرعة الابتدائية نفسها ، و بزاويتي إطلاق مختلفتين الأولى بزاوية (30°) والثانية

بزاوية (60°) بالنسبة إلي المحور الأفقي نفسه فإن القذيفة التي أطلقت بزاوية (60°) تصل إلي ارتفاع أكبر ؟

ج- لأن القذيفة التي أطلقت بزاوية (60°) لها مركبة رأسية أكبر من تلك التي أطلقت بزاوية (30°) ومن

المعادلة $h_{\max} = \frac{v_o^2 \sin^2 \theta}{2g}$ نجد أن القذيفة التي أطلقت بزاوية (60°) لها ارتفاع أكبر .

18- يكون المدى الأفقي أكبر ما يمكن عندما تكون زاوية القذف (45°) بالنسبة للمحور الأفقي ؟

ج / من معادلة المدى $R = \frac{v_o^2 \sin \times 2 \theta}{g}$ ويكون $\sin (2 \times 45) = 1$

$$R = \frac{v_o^2}{g} \quad (\text{أكبر ما يمكن})$$

19- حركة مسقط القذيفة على المحور الرأسي تكون معجلة بانتظام في خط مستقيم ؟

ج / لوجود قوة رأسية مؤثرة هي قوة الوزن (قوة الجاذبية الأرضية)

20- قيمة المركبة الأفقية لتجه تساوي مقدار المتجه الأصلي إذا كان المتجه منطبقاً على المحور الأفقي الموجب ؟

$$F_x = F \cos \theta \quad \cos (0) = 1 \quad \therefore F_x = F \quad / \text{ج}$$

21- تسمى سرعة الجسم الذي يتحرك علي طول مسار دائري بالسرعة المماسية ؟

ج / لأن اتجاه السرعة يكون مماس للدائرة دائماً .

22- تكون جميع أجزاء الجسم المتحرك حركة دائرية السرعة الدائرية نفسها علي الرغم من أن السرعة الخطية تتغير

ج / لأن السرعة المماسية تعتمد علي السرعة الدائرية (الزاوية) والمسافة من محور الدوران (نصف القطر)

23- الحركة الدائرية حركة معجلة (معجلة مركزية) بالرغم من ثبات مقدار السرعة الخطية ؟

ج / لأن الحركة تكون بسرعة خطية ثابتة المقدار ومتغيرة الاتجاه لحظياً ، ونتيجة لتغير الاتجاه يكتسب عجلة تسمى العجلة المركزية .

24- في الحركة الدائرية المنتظمة تكون قيمة العجلة المماسية صفراً ؟ ج / لثبات مقدار السرعة الخطية .

25- العجلة الزاوية في الحركة الدائرية المنتظمة تساوي صفر ؟

ج / لأن السرعة الزاوية في الحركة الدائرية المنتظمة ثابتة و لا تتغير بالنسبة إلي الزمن .

26- كلما زادت سرعة دوران لعبة الساقية الدوارة في المدينة الترفيهية زادت السرعة المماسية ؟

ج / لأن السرعة المماسية تتناسب طردياً مع السرعة الدائرية .

27- يكون لكل أجزاء دوران المنضدة الدوارة المعدل نفسه ؟

ج/لأن كل الأجزاء الصلبة للمنضدة تدور حول محورها في الفترة الزمنية نفسها أوعدد الدورات نفسه في وحدة الزمن

28- تنعدم السرعة الخطية (المماسية) عند مركز الدوران (المحور) ؟

ج / ($V = 0$) ∴ $V = \omega \cdot r$, ∴ $r = 0$)

29- دوران السيارة في المنحنى و عدم انزلاقها ؟

ج / لوجود قوة احتكاك كافية بين الإطارات و المسار الدائري (تعمل كقوة جذب مركزية)

30- انزلاق السيارة بعيدا عن المنحنى أحيانا ؟ ج / لأن قوة الاحتكاك بين الإطارات و المسار الدائري تكون غير كافية

31- ينطلق الجسم في خط مستقيم و باتجاه المماس عند موقعه لحظة إفلات الخيط ؟

ج / لانعدام قوة الجذب المركزية (و بالتالي محصلة القوى = صفر فيتحرك الجسم في خط مستقيم و بسرعة ثابتة)

32- يجب وجود قوة احتكاك بين عجلات السيارة و الطريق الدائري ؟

ج / لإيجاد قوة جذب مركزية كافية تعمل على إبقاء السيارة على مسارها الدائري .

33- يسهل انزلاق السيارة عن مسارها في الأيام الممطرة ؟ ج / لضعف قوة الاحتكاك بين الإطارات و الطريق .

34- إمالة المنعطفات عن المستوى الأفقى بزواوية بحيث تكون الحافة الخارجية أكبر من الحافة الداخلية ؟

ج / لتوفير قوة جذب مركزية $N \sin \theta$ تساعد السيارة على الالتفاف من غير الاعتماد على قوة الاحتكاك مما يقلل من احتمال الانزلاق

35- يخرج الماء من الملابس باتجاه الثقوب في النشافة بينما تتجه الملابس نحو داخل الحوض ؟

ج / يؤثر الجدار الداخلي للحوض على الملابس بقوة جاذبة مركزية ليجبرها على الحركة في المسار الدائري (و لا يؤثر على الماء) الذى يخرج من الفتحات الموجودة في جدار الحوض بفعل قصوره الذاتي .

36- السرعة القصوى الآمنة على طريق دائري لا تعتمد على كتلة السيارة ؟

ج / - $v = \sqrt{rg \tan \theta}$ من العلاقة السابقة نجد أن السرعة لا تتوقف على كتلة السيارة .

37- لا يقع مركز ثقل مضرب كرة القاعدة على نقطة الوسط للمضرب ؟

ج / لأن شكله الهندسي يظهر أن كتلته تتركز قرب أحد طرفيه و مركز الكتلة يكون أقرب للجزء الأثقل

38- مركز الثقل يقطع مسافات متساوية في أزمنة متساوية في خط مستقيم أثناء حركة الجسم على طاولة ملساء أفقية

ج / بسبب انعدام القوة المحصلة في اتجاه الحركة . (عجلة = صفر فتتحرك بسرعة ثابتة و في خط مستقيم)

39- عند القاء مضرب (كرة القاعدة) فإنه يتأرجح حول نقطة معينة ترسم حركتها قطع مكافئ ؟

ج / لأن حركة مضرب كرة القاعدة (البيسبول) عند قذفه بالهواء محصلة حركتين هما : 1- حركة دورانية حول النقطة

2- حركة انتقالية في الهواء يبدو فيها أن ثقل المضرب مركز في هذه النقطة و تسمى هذه النقطة بمركز الثقل .

40- يتزن الجسم عند تطبيق قوة عليه في مركز ثقله بحيث تكون معاكسة لقوة ثقله في الاتجاه و مساوية في المقدار

ج / لأن محصلة القوى = صفر (معدومة) لذلك يعتبر مركز ثقل الجسم نقطة توازن له .

41- يتطابق مركز الثقل و مركز الكتلة عندما يكون الجسم صغير ؟

ج / لعدم وجود اختلاف في قوى الجاذبية بين أجزاءه المختلفة .

42- لا يتطابق مركز الثقل و مركز الكتلة عندما يكون الجسم كبير ؟

ج / بسبب اختلاف قوة الجاذبية الأرضية المؤثرة على جزء من الجسم عن تلك المؤثرة على جزء آخر .

43- يعتبر مركز ثقل الجسم نقطة توازن له ؟ ج / لأن محصلة القوى المؤثرة على الجسم عنده = صفر (منعدم)

أو لأنه عند التأثير عليه بقوة مساوية لثقله في المقدار و معاكسة في الاتجاه يتزن الجسم

44- مركز الثقل للمباني المرتفعة مثل مركز التجارة العالمي يقع أسفل مركز كتلته بحوالي (1 mm) أو هناك فرق

بسيط بين مركز الثقل ومركز الكتلة في حالة الأجسام الكبيرة جداً ؟

ج / لأن قوى الجاذبية على الجزء السفلي القريب من سطح الأرض أكبر من القوى المؤثرة على الجزء العلوي منه.

45- حركة دوران الشمس تبدو للمراقب البعيد على شكل تآرجح بسيط بين نقطتين ؟

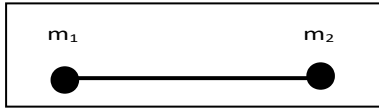
ج / لأن لتلك النجوم المتأرجحة مجموعة كواكب تبعد مركز كتلة المجموعة عن مركز كتلة النجم نفسه .

46- يمكن وجود أكثر من مركز ثقل لجسم واحد ؟

ج / لأن الجسم الجاسئ له مركز كتلة واحد ، أما الأجسام المجوفة فيمكن أن يكون لها أكثر من مركز ثقل واحد ، حيث يكون موضع مركز الثقل مجموعة نقاط تشكل محور التناظر .

47- يمكن موازنة المسطرة بالتأثير على مركز الثقل بقوة واحدة لأعلي ؟

ج / لأن ثقل المسطرة مرتكز في نقطة مركز الثقل فتكون محصلة القوى المؤثرة عليه = صفر .



48- الشكل المقابل يمثل كتلتين نقطيتين تقعان على محور السينات فإذا

حلت كل منهما محل الأخرى فإن مركز الكتلة للمجموعة يتغير موضعه ؟

ج / لأن مركز الكتلة لا يتوقف على طريقة اختيارنا للمحاور والإحداثيات ولكن على توزيع الجسيمات المؤلفة للنظام .

49- باص لندن الشهير الذي يتكون من طابقتين يصمم ليميل بزاوية (28°) بدون أن ينقلب ؟

ج / لأن معظم ثقل الحافلة يرتكز في الطابق السفلي ، وأن ثقل ركاب الطابق العلوي لا يرفع موضع مركز الثقل إلا مسافة صغيرة وبالتالي يبقى مركز الثقل فوق مساحة القاعدة الحاملة له .

50- برج بيزا المائل لا ينقلب ؟

ج / لأن مركز ثقله يقع فوق مساحة القاعدة الحاملة له ، فالخط العمودي من مركز الثقل يقع داخل القاعدة .

51- مد ذراعك أفقياً عندما تحمل شيئاً ثقيلًا باليد الأخرى ؟

ج / لكي يبقي مركز ثقل الجسم وما تحمله باليد الأخرى داخل منطقة ارتكاز الجسم على الأرض فلا تتعرض للانقلاب.

52- لمنع اهتزاز إطارات السيارة أثناء دورانها توضع قطع من الرصاص في الجزء المعدني من الإطار ؟

ج / حتى يقع مركز ثقل الإطار المتزن عند محور دورانه تماماً وذلك كي لا يتمايل عند الدوران و يدور بانتظام

53- لا تنقلب سيارات السباق السريعة على الرغم من السرعات الكبيرة التي تتحرك بها ؟

ج / لأنها تصمم بحيث يجعل مركز الثقل قريباً جداً من المساحة الحاملة للجسم فلا تتقلب .

54- يبعد المصارع قدميه الواحدة عن الأخرى ويثني ركبتيه أثناء اللعب ليقاوم الانقلاب ؟

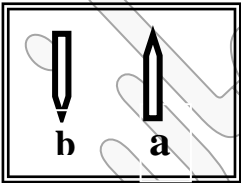
ج / إبعاد القدمين يوسع مساحة القاعدة الحاملة للجسم و يخفض ثني الركبتين مركز ثقل الجسم مما يجعله أكثر اتزاناً .

55- لا يستطيع القلم الرصاص (b) أن يتزن في حين يكون أتران القلم (a) أسهل ؟

ج / لأن مساحة القاعدة الحاملة للقلم الرصاص (a) أوسع من المساحة الحاملة للقلم (b) .

56- اتزان قلم رصاص قصير أسهل من اتزان قلم رصاص طويل ؟

ج / لأن مركز ثقل القلم الرصاص القصير يكون أقرب إلي القاعدة الحاملة

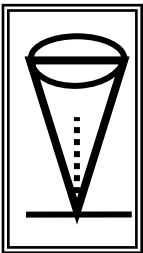


57- عدم اتزان مخروط مصمت موضوع على رأسه كما في الشكل المقابل ؟

ج / لأن المساحة الحاملة للجسم صغيرة جداً و من الصعب أن يقع مركز الثقل فوق المساحة الحاملة كما أن مركز الثقل يزاح إلي أسفل عندما تحرك المخروط (اتزان غير مستقر)

58- يعتبر استقرار بعض أنواع من ألعاب الأطفال اتزاناً مستقراً ؟

ج / لأن مركز الثقل يقع أسفل نقطة الارتكاز و مركز ثقل هذه الألعاب يرتفع لأعلي عند إمالة اللعبة .

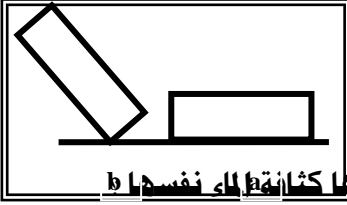


59- يكون ارتكاز قلم رصاص على قاعدته المستوية في حالة توازن مستقر ؟

ج / لأن انقلابه يتطلب ارتفاعاً صغيراً في مستوي مركز ثقله (عند حدوث إزاحة بسيطة يرتفع مركز الثقل)

60- عندما تطفو قطعة ثلج في كأس به ماء . فإن مركز ثقل المجموعة ينخفض لأسفل ؟

ج / لأن ارتفاع الثلج يحتم انخفاض حجم مساو من الماء ذات الكثافة الأكبر .



61- الكتاب (a) الموضح في الشكل المقابل يكون أكثر استقراراً من الكتاب (b) ؟

ج / لأن الكتاب (a) يحتاج إلي بذل شغل لرفع مركز ثقله أكثر من الكتاب (b) المرتكز علي جانبه .

62- وزن أي من الأسماك يجب أن يساوي وزن الماء الذي له الحجم نفسه أي لكثافته الماء نفسه b

ج / لأن مركز ثقل المجموعة لا يعتمد علي موضع الجسم طالما أنه موجود بكامله أسفل سطح الماء .

و تستطيع التحرك بحرية لان كثافتها مساوية لكثافة الماء

63- استقرار بعض الأنواع من ألعاب الأطفال في حاله اتزان مستقر على عكس ما تبدو عليه اي غير مستقرة؟

ج / لأن مركز الثقل يقع اسفل نقطة الارتكاز تماما

64- عند تعليق ثمرتي البطاطا بطرفي القلم يصبح توازن مستقر؟

ج / لأن مركز الثقل يكون قريب من القاعدة (فتحدث ازاحة لمركز الثقل لأعلى)

65- مهما ازيحت كرة مجوفة مملوءة حتى منتصفها بمعدن الرصاص عن موضع اتزانها فإنها تعود الي الوضع العمودي

مرة اخرى ؟

ج / لان مركز الثقل يقع ناحية الجزء الممتلئء بالرصاص (يقع في اسفل مستوى ممكن)

66- تضع الأرض لنوعي الحركة الدائرية (المحورية والمدارية) ؟

ج / لأن دوران الأرض حول الشمس تعتبر حركة مدارية بينما دوران الأرض حول محورها تعتبر حركة محورية



67- تسمى السرعة الخطية بالسرعة المماسية ؟

ج / لأن اتجاه الحركة يكون مماس للدائرة دائماً

68- ينقلب الكرسي الموضح بالشكل إذا جلس عليه شخص بعد إزالة أحد أرجله الأمامية ؟

ج / لأنه عند إزالة أحد الأرجل تصبح قاعدته مثلثة الشكل نصف مساحة المستطيل ويبقى الكرسي

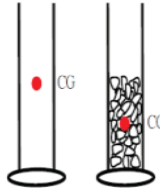
متزناً ولكنه ينقلب إذا جلس عليه شخص بسبب خروج الخط العمودي من مركز ثقل الكرسي عن المساحة الحاملة له

69- عند التأثير بقوتين صغيرتين على الحافة العليا فإن المخبار الفارغ ينقلب بينما المخبار الذي

به حصى يميل ولا ينقلب ؟

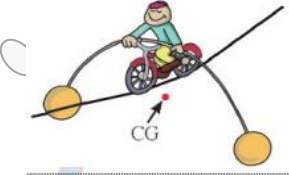
ج / لأنه في حالة المخبار الفارغ يكون مركز الثقل بعيداً عن المساحة الحاملة له فيسهل انقلابه وعند

وضع الحصى في المخبار يقترب مركز الثقل من المساحة الحاملة له فيصبح أكثر اتزاناً .



70- يمسك لاعب السيرك عصا طويلة في نهايتها ثقلين أثناء سيره على الجبل ؟

ج / لكي يقع مركز الثقل أسفل نقطة الاتزان مما يساعده على الاحتفاظ بتوازنه .



71- يسهل فصل الحصى (الزيتون) مختلفة الأحجام عن بعضها البعض بوضها في صندوق ورج الصندوق جيداً ؟

ج / لأن الصندوق يحاول الاحتفاظ بمركز الثقل عند أدنى مستوى ممكن فتتخفص الأحجار الأصغر لأسفل وترتفع

الأحجار الأكبر إلى أعلى .

72- لا يمكن أن تكون قيمة إحدى مركبتي المتجه أكبر من المتجه الأصلي ؟

ج / لأن $F_x = F \cos \theta$, $F_y = F \sin \theta$ و أكبر قيمة ل $\cos \theta$, $\sin \theta = 1$

73- السرعة المماسية للحصان القريب من الطرف الخارجي في لعبة دوارة الخيل تكون أكبر منها للحصان القريب من المحور

ج / لأن السرعة المماسية تتناسب طردياً مع نصف القطر (البعد عن محور الدوران)

74- ضرورة الالتزام بسرعة محددة عندما تقود سيارتك بالمنعطفات المائلة ؟

ج / حتى تكون المركبة الأفقية لرد الفعل مساوية للقوة المركزية اللازمة لجعل السيارة تنعطف على المسار الدائري دون الاعتماد على قوة الاحتكاك

75- يكون ناتج الضرب القياسي لمتجهين مساوياً لناتج الضرب الاتجاهي لهما إذا كانت الزاوية بينهما 45° ؟

$$\therefore \vec{F}_1 \cdot \vec{F}_2 = F_1 \times F_2 \cos 45 = 0.707 F_1 F_2 \quad , \quad \therefore \vec{F}_1 \times \vec{F}_2 = F_1 \times F_2 \sin 45 = 0.707 F_1 F_2$$

∴ الناتجان متساويان .

76- عند وضع مخروط على أحد جوانبه لا يحدث ارتفاع لمركز ثقله أو انخفاض عند إزاحته في أي اتجاه ؟

ج / لأن المخروط يكون في حالة توازن محايد (متعادل)

77- يقف برج الكويت شامخاً غير قابل للسقوط (مبنى سبائس سيائل في أمريكا لا يسقط) ؟

- لا يمكن لجبل جليد عائم أن يسقط سقوطاً كاملاً ؟

ج / لأن معظمه يوجد أسفل سطح الأرض وبالتالي يكون مركز ثقله يقع أسفل سطح الأرض

اذكر العوامل التي يتوقف عليها كل من

مقدار المتجهين ، الزاوية بينهما	1- محصلة متجهين 2- حاصل الضرب العددي 3- حاصل الضرب الاتجاهي
أ- السرعة الابتدائية للقذيفة ب- زاوية الإطلاق ج- عجلة الجاذبية الأرضية	4- معادلة المسار للقذيفة أطلقت بزاوية (θ) مع المحور الأفقي 5- أقصى ارتفاع للقذيفة أطلقت بزاوية (θ) مع المحور الأفقي 6- المدى الأفقي للقذيفة أطلقت بزاوية (θ) مع المحور الأفقي
زاوية الإطلاق - مقاومة الهواء	7- شكل مسار قذيفة أطلقت بزاوية (θ) مع المحور الأفقي
السرعة الزاوية - نصف القطر أو طول القوس - الزمن	8- السرعة المماسية (الخطية)
الإزاحة الزاوية - الزمن	9- السرعة الزاوية
السرعة المماسية (الزاوية) - نصف القطر	10- العجلة المركزية
التغير في السرعة الزاوية - الزمن	11- العجلة الزاوية
السرعة المماسية - نصف القطر - الكتلة	12- قوة الجذب المركزية
زاوية الميل - نصف قطر - عجلة الجاذبية	13- السرعة الأمنة (القصى) على منعطف دائري مائل
شكل الجسم و طبيعة السطح أو (قوة الاحتكاك - رد الفعل) أو (السرعة القصى - نصف القطر)	14- معامل الاحتكاك
1- مقدار المساحة الحاملة للجسم 2- ارتفاع مركز الثقل عن المساحة الحاملة 3- زاوية الانقلاب الحدية 4- وجود مركز الثقل فوق المساحة الحاملة للجسم	15- ثبات الأجسام (انقلاب الأجسام)
لا يعتمد على طريقة اختيار محاور الإحداثيات بل على توزيع الجسيمات المؤلفة للنظام .	16- تحديد موضع مركز كتلة عدة أجسام
معامل الاحتكاك - نصف القطر - عجلة الجاذبية	17- السرعة القصى على المنعطفات الأفقية
السرعة المماسية - نصف القطر - عجلة الجاذبية	18- زاوية إمالة الطريق
ارتفاع مركز الثقل - طول القاعدة	19- زاوية الانقلاب الحدية

أهم المقارنات

وجه المقارنة	لهما نفس الاتجاه $(\theta = 0)$	متعاكسين في الاتجاه $(\theta = 180)$
مقدار محصلة المتجهين	أكبر ما يمكن (حاصل جمعهما)	أقل ما يمكن (حاصل طرحهما)

وجه المقارنة	الكميات العددية	الكميات المتجهة
التعريف	الكمية التي يلزم معرفة مقدارها و وحدة قياسها	الكمية التي يلزم معرفة مقدارها واتجاهها ووحدة قياسها
أمثلة	1- المسافة 2- السرعة العددية	1- الإزاحة 2- السرعة المتجهة 3- العجلة
العملية التي تخضع لها	العمليات الحسابية العادية (الجبر الحسابي)	عمليات جبر المتجهات

وجه المقارنة	المسافة	الإزاحة
التعريف	هي طول المسار المقطوع أثناء الحركة من موضع إلى موضع لآخر	هي المسافة في خط مستقيم في اتجاه معين أو المسافة الأقصر بين نقطة البداية والنهاية في اتجاه محدد
النوع	كمية عددية	كمية متجهة

وجه المقارنة	الضرب القياسي (الداخلي) (العددي)	الضرب الاتجاهي (الخارجي)
القانون	$\vec{a} \cdot \vec{b} = a \times b \times \cos \theta$	$\vec{a} \times \vec{b} = a \times b \times \sin \theta$
الخاصية الإبدالية	الضرب العددي عملية إبدالية $\vec{a} \cdot \vec{b} = \vec{b} \cdot \vec{a}$	الضرب الاتجاهي عملية ليست إبدالية $\vec{a} \times \vec{b} \neq \vec{b} \times \vec{a}$ $\vec{a} \times \vec{b} = -\vec{b} \times \vec{a}$
نوع الكمية الناتجة	قياسية (عددية)	متجهة
المتجهان متوازيان $\theta = 0$	حاصل الضرب العددي أكبر ما يمكن $\vec{a} \cdot \vec{b} = a \times b$	حاصل الضرب الاتجاهي = صفر
المتجهان متعامدان $\theta = 90$	حاصل الضرب العددي = صفر	حاصل الضرب الاتجاهي أكبر ما يمكن $\vec{a} \times \vec{b} = a \times b$
المتجهان متعاكسان $\theta = 180$	$\vec{a} \cdot \vec{b} = - a \times b$	حاصل الضرب الاتجاهي = صفر

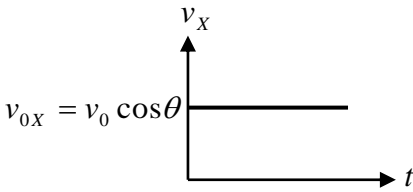
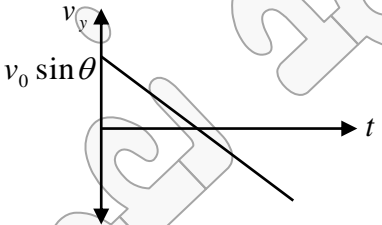
وجه المقارنة	المتجهات الحرة	المتجهات المقيدة
التعريف	متجهات يمكن نقلها من مكان لآخر بشرط المحافظة على المقدار و الاتجاه	نوع من المتجهات مقيدة بنقطة تأثيرها و خط عملها و لا يمكن نقلها من مكان لآخر
أمثلة	الإزاحة - السرعة المتجهة	القوة

وجه المقارنة	المركبة الأفقية	المركبة الرأسية
قوة مقدارها 20 N تميل بزاوية 60^0 مع الأفقي	$20 \cos 60 = 10 \text{ N}$	$20 \sin 60 = 17.7 \text{ N}$

وجه المقارنة	زاوية إطلاق أكبر (θ_1)	زاوية إطلاق أقل (θ_2)
مركبة السرعة الرأسية	أكبر	أقل
ارتفاع القذيفة	أكبر	أقل
مركبة السرعة الأفقية	أقل	أكبر
مدى القذيفة	أقل	أكبر

وجه المقارنة	صفر	90°	أي زاوية أخرى
شكل مسار قذيفة عندما تطلق بزاوية مع المحور الأفقي	نصف قطع مكافئ	خطاً رأسياً	قطع مكافئ
وجه المقارنة	أقصى ارتفاع	المدى الأفقي	
العلاقة الرياضية لجسم مقذوف بزاوية (θ)	$h_{\max} = \frac{v_0^2 \sin^2 \theta}{2g}$	$R = \frac{v_0^2 \sin \theta \times 2 \theta}{g}$	

وجه المقارنة	الحركة الدائرية المحورية (المغزلية)	الحركة المدارية
التعريف	حركة جسم يدور حول محور داخلي	حركة جسم يدور حول محور خارجي
أمثلة	دوران الأرض حول محورها	دوران الأرض حول الشمس

الموضوع	مركبة حركة القذيفة في الاتجاه الأفقي	مركبة حركة القذيفة في الاتجاه الرأسي
وجود قوة مؤثرة	لا توجد قوة في الاتجاه الأفقي $\vec{F}_x = 0$	تؤثر قوة جذب الأرض علي الجسم (وزنه) واتجاهها رأسياً لأسفل دائماً $\vec{F}_y = W = m \cdot g$
نوع الحركة	حركة بسرعة ثابتة (منتظمة)	حركة بعجلة منتظمة
مركبة السرعة	$v_{0x} = v_0 \cos \theta$	$v_{0y} = v_0 \sin \theta$
معادلة السرعة في هذا الاتجاه	$v_{xt} = v_{0x} = v_0 \cos \theta$	$v_{yt} = v_{0y} - gt = v_0 \sin \theta - gt$
شكل منحنى (v-t)		
عجلة الحركة	منعدمة = صفر	ثابتة (g)

وجه المقارنة	السرعة المماسية (الخطية)	السرعة الزاوية (الدائرية)
التعريف	طول القوس المقطوع خلال وحدة الزمن	مقدار الزاوية بالراديان التي يمسحها نصف القطر في وحدة الزمن
وجه المقارنة	التردد	الزمن الدوري
التعريف	عدد الدورات الكاملة التي يدورها الجسم في الثانية الواحدة	الزمن الذي يستغرقه الجسم ليدور دورة كاملة علي محيط دائرة الحركة

وجه المقارنة	العجلة الخطية	العجلة المركزية	العجلة الزاوية
التعريف	تغير السرعة الخطية مع الزمن	المتجه العمودي على متجه السرعة المماسية بالنسبة لمتجه العجلة الخطية	تغير السرعة الزاوية خلال وحدة الزمن
نوع الكمية	كمية متجهه	كمية متجهه	كمية متجهه
العلاقة الرياضية	$a = \frac{\Delta v}{\Delta t}$	$a_c = \omega^2 r = \frac{v^2}{r}$	$\theta'' = \frac{\Delta \omega}{\Delta t}$
وحدة القياس	m/s^2	m/s^2	Rad/s^2

وجه المقارنة	جسم ممتلئ (جاسئ) (قرص معدني)	جسم مفرغ (مجوف) (حلقة مفرغة)
موضع مركز الثقل بالنسبة لجسم منتظم الشكل	عند المركز الهندسي و تكون نقطة داخل الجسم	عند المركز الهندسي و تكون نقطة خارج الجسم
عدد مراكز الثقل	واحد	عدة مراكز ثقل

وجه المقارنة	مركز ثقل الجسم خارج مساحة القاعدة الحاملة للجسم	مركز ثقل الجسم فوق مساحة القاعدة الحاملة للجسم
إمكانية انقلاب	ينقلب الجسم (غير متزن)	لا ينقلب الجسم (متزن)

وجه المقارنة	الأجسام منتظمة المقطع (كرة القاعدة)	الأجسام غير منتظمة المقطع (مضرب كرة القاعدة)
موضع مركز الثقل	عند المركز الهندسي	ناحية الطرف الأثقل

وجه المقارنة	جسم مثلث الشكل	جسم مخروط الشكل
موضع مركز الثقل بالنسبة للقاعدة	على الخط المار بمركز المثلث و رأسه و على بعد من القاعدة يساوي ثلث الارتفاع	على الخط المار بمركز المثلث و رأسه و على بعد من القاعدة يساوي ربع الارتفاع

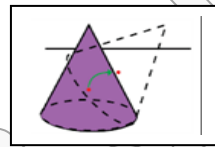
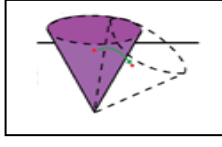
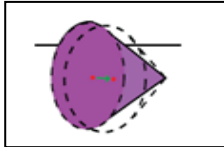
وجه المقارنة	كرة مجوفة تملئ حتى المنتصف بالرصاص	موضع مركز الثقل بالنسبة للمركز الهندسي
	يكون ناحية النصف الممتلئ (لا ينطبق مركز الثقل على المركز الهندسي)	

وجه المقارنة	جسم يتحرك على سطح أفقي	جسم يتحرك في الهواء
مسار مركز الثقل ومسار الجسم	يتحرك في خط مستقيم	يتحرك على شكل قطع مكافئ

وجه المقارنة	مطرقة حديدية	إطار المستطيل
موضع مركز الكتلة	أقرب إلى الرأس الحديدي	يكون نقطة تقاطع الوترين وخارج الإطار
وجه المقارنة	جسم كتلته موزعة بشكل متجانس	جسم كتلته موزعة بشكل غير متجانس
موضع مركز الكتلة	ينطبق علي مركزه الهندسي	يكون أقرب إلي المنطقة التي تحتوي كتلة أكبر

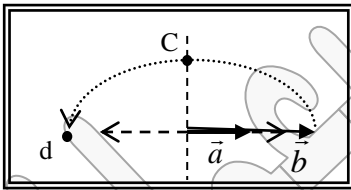
وجه المقارنة	كرسي	فنجان (وعاء)
موضع مركز الثقل	أسفل الكرسي	داخل التجويف

وجه المقارنة	جسم صغير	جسم كبير
مركز الثقل ومركز الكتلة	منطبقان	لا ينطبقان

توازن مستقر	توازن غير مستقر (قلق)	توازن محايد (متعادل)
هو الاتزان الذي يتسبب أي إزاحة فيه إلى ارتفاع في مركز الثقل	هو الاتزان الذي يتسبب أي إزاحة فيه إلى انخفاض في مركز الثقل	هو الاتزان الذي لا تسبب أي إزاحة فيه ارتفاعاً أو انخفاضاً في مركز الثقل
عند إزاحة الجسم إزاحة بسيطة فإنه يعود إلى وضع الاتزان	عند إزاحة الجسم إزاحة بسيطة فإنه لا يعود إلى وضع الاتزان و ينقلب	عند إزاحة الجسم إزاحة بسيطة فإنه يتحرك من حالة إتزان إلى حالة إتزان أخرى
أمثله : 1- مخروط موضوع على قاعدته	أمثله : 1- مخروط موضوع على رأسه	أمثله : 1- مخروط موضوع على جانبه
		
2- قلم رصاص يرتكز على قاعدته	2- قلم رصاص يرتكز على رأسه المدب	2- قلم رصاص يرتكز على جانبه

وجه المقارنة	$b > h$ CG	$b < h$ CG
قيمة الزاوية الحدية	كبيرة (أقرب إلى 90°)	صغيرة (أقرب إلى 0°)
إمكانية انقلاب الجسم	صعب الانقلاب	سهل الانقلاب
	ارتفاع مركز الثقل أقل من طول القاعدة	ارتفاع مركز الثقل أكبر من طول القاعدة

وجه المقارنة	قلم رصاص عند ارتكازه على رأسه	قلم رصاص عند ارتكازه على قاعدته المستوية
نوع الاتزان	اتزان غير مستقر	اتزان مستقر.
وجه المقارنة	جسم يدور بسرعة دورانية ثابتة	كتاب موضوع على سطح أفقي (جسم ساكن)
نوع الاتزان	اتزان ديناميكي	اتزان استاتيكي



ماذا يحدث في الحالات التالية

1- لحدار واتجاه محصلة المتجهين الموضحين بالشكل المقابل إذا دار المتجه (b) نصف دورة

موراً بالنقاط (c ، d) حول نقطة اتصاله بالمتجه (a) ؟

جـ / تقل تدريجياً حتى تصبح أقل ما يمكن عندما تصل إلى نقطة (d) .

2- لحدار سرعة قذيفة أطلقت بزاوية (θ) نتيجة الاحتكاك مع الهواء ؟ جـ / تتباطأ سرعتها ويتغير شكل المسار

3- لحدار سرعة كرة تتحرك على سطح أفقي عديم الاحتكاك ؟ جـ / تبقى ثابتة لعدم وجود قوة تؤثر عليها

4- لمسار قذيفتين تم إطلاقهما بالسرعة نفسها وبزاويتي (15°) ، (75°) بالنسبة إلى المحور الأفقي وبإهمال مقاومة الهواء

جـ / يكون المدى الذي تقطعه كل من القذيفتين متساوي بينما تكون القذيفة ذات الزاوية (75°) ذات ارتفاع أكبر .

5- لحاصل الضرب القياسي لمتجهين عندما يكونان متوازيان وفي نفس الاتجاه ؟

جـ / يكون أكبر ما يمكن $\vec{A} \cdot \vec{B} = Ax B \cos \theta \because \cos 0 = 1$ أكبر ما يمكن $\vec{A} \cdot \vec{B} = Ax B$

6- لحاصل الضرب القياسي لمتجهين عندما يكونان متعامدان ؟

جـ / يكون الناتج صفر $\vec{A} \cdot \vec{B} = Ax B \cos \theta \because \cos 90 = \text{صفر}$ $\vec{A} \cdot \vec{B} = \text{صفر}$

7- لحاصل الضرب الاتجاهي لمتجهين عندما يكونان متوازيان وفي نفس الاتجاه ؟

جـ / يكون الناتج صفر $\vec{A} \times \vec{B} = Ax B \sin \theta \because \sin 0 = \text{صفر}$ $\vec{A} \times \vec{B} = \text{صفر}$

8- لحاصل الضرب الاتجاهي لتجهين عندما يكونان متعامدان ؟

ج / يكون أكبر ما يمكن $\vec{A} \times \vec{B} = AB$ $\therefore \sin 90 = 1$ يكون ما يمكن $\vec{A} \times \vec{B} = AB \sin \theta$ $\vec{A} \times \vec{B} = Ax B \sin \theta$

9- لحاصل الضرب القياسي والاتجاهي عندما تكون الزاوية بين المتجهين (45°) ؟ ج / يكونان متساويان .

10- للسرعة الزاوية (ω) عند زيادة نصف القطر للمثلين ؟ ج / تظل السرعة الزاوية ثابتة لجميع الاجزاء

11- للسرعة الخطية (v) عند زيادة نصف القطر للمثلين ؟ ج / تزداد للمثلين .

12- اذا كانت قوة الاحتكاك بين عجلات السيارة والطريق اكبر من القوة الجاذبة ؟ ج / لا تنزلق السيارة .

13- اذا كانت قوة الاحتكاك بين عجلات السيارة والطريق اقل من القوة الجاذبة ؟ (في الأيام الممطرة) ج / تنزلق السيارة

14- عند تطبيق قوة على الجسم في مركز ثقله مساوية لقوة ثقله بالمقدار ومعاكسة بالاتجاه ؟ ج / يتزن الجسم

15- للعجلة المماسية (العجلة الزاوية) عندما تكون السرعة منتظمة (ثابتة) ؟ ج / تساوي صفر .

16- إذا كان مركز الثقل يقع فوق المساحة الحاملة للجسم ؟ ج / لا ينقلب الجسم .

17- إذا كان مركز الثقل يقع خارج المساحة الحاملة للجسم ؟ ج / ينقلب الجسم .

18- لمركز ثقل صندوق ومحتوياته عندما يهتز هذا الصندوق الذي يحتوى على حبوب جافه وفي قاعه كرة تنس طاوله ؟

ج / تتحرك الكرة لأعلى وينتقل مركز الثقل لأسفل

19- لمركز ثقل كوب يحتوى على ماء عند غمر كرة تنس طاوله تحت سطح الماء ؟

ج / يرتفع مركز الثقل لأعلى ويكون الكوب أقل ثباتا .

20- إذا مال برج بيزا وأصبح الخط العمودي من مركز الثقل خارج المساحة الحاملة ؟ ج / ينقلب البرج و ينهار .

21- إذا مال برج بيزا أكثر ماذا نفعلي لكي لا يسقط ؟

ج / نضع دعائمات لزيادة مساحة السطح الحاملة للبرج و نقي مركز الثقل داخلها

22- لاتزان الكرسي إذا تمت إزالة أحدي رجلي الكرسي الأماميتين.

ج / يقل الاتزان لأن المساحة الحاملة للجسم تقل لأنها تتحول من مربع الي مثلث .

23- وضعت مجموعة من الأحجار (الفواكه) مختلفة الأحجام في صندوق عند هز الصندوق يمينا ويسارا.

ج / ترتفع الثمار الأكبر لأعلى لأن مركز الثقل يميل للبقاء في الأسفل .

24- عند وضع كرة تنس طاوله في قاع صندوق يحتوي علي حصي وعند رج الصندوق ؟

ج / الحصي ينخفض الي الاسفل و ترتفع الكرة للأعلى و بذلك يصبح مركز الثقل للصندوق في أسفل مستوي ممكن.

25- عند وضع كرة تنس طاوله (مكعب ثلج) في حوض به ماء ؟

ج / يطفو مكعب الثلج (كرة التنس) لأعلى ويصبح مركز الثقل منخفض .

لأن ارتفاع الثلج يحتم انخفاض حجم مساوي من الماء الي أسفل.

26- عند غمر كرة التنس في كأس به ماء ؟

ج / يزاح الماء لأعلى فيرتفع مركز الثقل لأعلى ناحية الجزء الأثقل .

27- عند وضع حجر ثقيل في كأس به ماء ؟

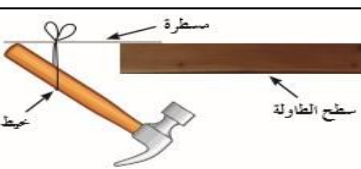
ج / الحجر يغوص لأسفل و ينخفض مركز ثقل المجموعة الي أسفل لأن الجزء الاسفل أصبح ثقيل بسبب الحجر

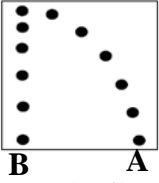
28- عند وضع جسم في كأس به ماء و كثافته تساوي كثافة الماء ؟

ج / مركز الثقل لا يرتفع ولا ينخفض مثل الاسماك في الماء تستطيع التحرك بحرية لان كثافتها مساوية لكثافة الماء

29- اذا علقنا مطرقة في مسطرة غير مثبتة بالشكل الموضح ،

ج / لن تسقط المطرقة والمسطرة لان مركز الثقل يقع تماما أسفل نقطة التعليق.





30- عند سقوط الكرتان A و B من نفس الارتفاع فكى غياب مقاومة الهواء ؟

ج / تصلان للأرض بنفس اللحظة لانهما يسقطان لاسفل بنفس عجلة الجاذبية

31- عند افان الخيط لحسم مربوط فكى خط بندرك حركة دائرية ؟

ج / يتحرك في خط مستقيم وباتجاه المماس عند موقعه لحظة افلات الخيط

32- لجسم عندما تكون زاوية إمائه أصغر من زاويته الحدية ؟

ج / يعود الجسم إلى وضع الاتزان

أهم الرسومات البيانية

التردد (f) والزمن الدوري (T)	العجلة المركزية (ac) ومربع السرعة الزاوية (ω^2)	العجلة المركزية (ac) ومربع السرعة الخطية (V^2)	العجلة المركزية (ac) ونصف القطر (r) عند ثبوت (ω)	العجلة المركزية (ac) ونصف القطر (r) عند ثبوت (V)

القوة المركزية (Fc) و الكتلة (m)	القوة المركزية (Fc) ومربع السرعة الزاوية (ω^2)	العجلة المركزية (Fc) ومربع السرعة الخطية (V^2)	القوة المركزية (Fc) ونصف القطر (r) عند ثبوت (ω)	القوة المركزية (Fc) ونصف القطر (r) عند ثبوت (V)

مركبة السرعة الرأسية (V_y) لمقدوف والزمن (t)	مركبة السرعة الأفقية (V_x) لمقدوف والزمن (t)	السرعة الخطية (V) والتردد (f) و السرعة (V)	السرعة الخطية (V) والزمن الدوري (T) و السرعة الخطية (V)	السرعة الخطية (V) والسرعة الزاوية (ω) و السرعة الخطية (V)	السرعة الخطية (V) ونصف القطر (r)

السرعة الزاوية (ω) وزاوية الدوران (θ) عند ثبات الزمن	السرعة الزاوية (ω) للجسم نفسه ونصف القطر (r)	السرعة الزاوية (ω) والتردد (f) و السرعة الزاوية (ω)	السرعة الزاوية (ω) والزمن الدوري (T) و السرعة الزاوية (ω)	السرعة الآمنة (V) والجذر التربيعي لنصف القطر (\sqrt{r}) و السرعة الآمنة (V)	السرعة الآمنة (V) والتصميم (m) و الكتلة (m)

مربع السرعة الزاوية (ω^2) والإزاحة الزاوية (θ) لجسم يتحرك حركة دورانية منتظمة العجلة من السكون	الإزاحة الزاوية (θ) ومربع الزمن (t^2) لجسم يتحرك حركة دورانية منتظمة العجلة من السكون	السرعة الزاوية (ω) والزمن (t) لجسم يتحرك حركة دورانية منتظمة العجلة من السكون	السرعة الزاوية (ω) والزمن (t) لجسم يتحرك حركة دورانية منتظمة العجلة من السكون	المدى الأفقي للقذيفة (R) وكتلة القذيفة (m)	أقصى ارتفاع للقذيفة (h_{max}) وكتلة القذيفة (m)

أهم الإثباتات

* استنتاج معادلة المسار :

$$\Delta X = V_{0x}t = V_0 \cos \theta t \quad t = \frac{\Delta x}{V_0 \cos \theta}$$

$$\Delta Y = -\frac{1}{2}gt^2 + V_0 \sin \theta t$$

$$Y = \left(\frac{-g}{2V_0^2 \cos^2 \theta} \right) X^2 + \tan \theta X$$

* استنتاج معادلة لحساب أقصى ارتفاع :

تكون مركبة سرعة القذيفة الرأسية (V_y) عند أقصى ارتفاع (ارتفاع الذروة) تساوي صفر .

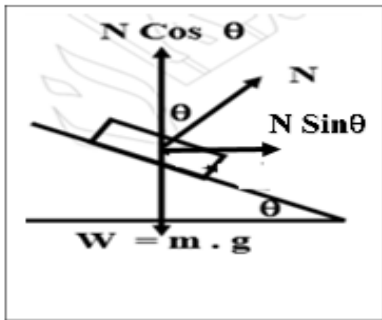
$$0 = -g \cdot t + V_0 \sin \theta \quad t = \frac{V_0 \cdot \sin \theta}{g}$$

وعند أقصى ارتفاع فان معادلة (Y) تكون

وبالتعويض بالزمن في المعادلة نحصل على

$$h_{max} = \frac{v_0^2 \sin^2 \theta}{2g}$$

* استنتاج معادلة لحساب زاوية إمالة الطرق :



$$N \sin \theta = \frac{m v^2}{r} \quad (1)$$

$$N \cos \theta = m \cdot g \quad (2)$$

$$\tan \theta = \frac{v^2}{g r}$$

بقسمة 1 على 2

$$\bar{t} = \frac{2 \cdot V_0 \sin \theta}{g}$$

* استنتاج المدى :

زمن الوصول للهدف

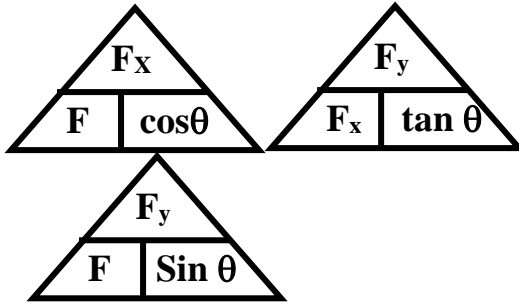
* وبالتعويض في معادلة الحركة على المحور الأفقي :

$$R = \frac{V_0^2 \cdot \sin 2\theta}{g}$$

أهم القوانين

* محصلة متجهين :

$\sin \alpha = \frac{F_2 \sin \theta}{R}$	اتجاه المحصلة	$R = \sqrt{F_1^2 + F_2^2 + 2F_1F_2 \cos \theta}$	محصلة متجهين
$\vec{F}_1 \times \vec{F}_2 = F_1F_2 \sin \theta$	الضرب الاتجاهي	$\vec{F}_1 \cdot \vec{F}_2 = F_1F_2 \cos \theta$	الضرب العددي

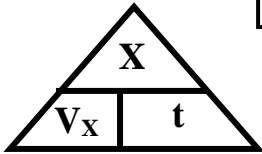


*** تحليل المتجهات :**

$F_y = F \cdot \sin \theta$	المركبة الرأسية	$F_x = F \cdot \cos \theta$	المركبة الأفقية
$\tan \theta = \frac{F_y}{F_x}$	اتجاه المحصلة	$F_R = \sqrt{F_x^2 + F_y^2}$	مقدار المحصلة

*** حركة جسم على مستوى مائل**

المركبة الأفقية للوزن $W_x = W \sin \theta = m \cdot g \cdot \sin \theta$
 المركبة الرأسية للوزن (ردالفعل) $W_y = W \cos \theta = m \cdot g \cdot \cos \theta$



*** حركة القذيفة أفقياً بدون زاوية :**

$t = \frac{X}{V_x}$	زمن الوصول للهدف	$y = \frac{1}{2} g t^2$	المسافة الرأسية	$X = V_x \cdot t$	المسافة الأفقية
$t = \sqrt{\frac{2y}{g}}$	زمن الوصول للهدف	$V_y = g \cdot t$ $V_y^2 = 2 g \cdot y$	السرعة الرأسية	$V_x = \frac{X}{t}$	السرعة الأفقية

*** حركة القذيفة بزوايا مع الأفقي :**

$V_{0y} = V_0 \cdot \sin \theta$	مركبة السرعة الرأسية الابتدائية	$V_{0x} = V_0 \cdot \cos \theta$	مركبة السرعة الأفقية الابتدائية
$V_y = V_0 \sin \theta - g t$	مركبة السرعة الرأسية	$V_x = V_{0x} = V_0 \cdot \cos \theta$	مركبة السرعة الأفقية
$y = (V_0 \sin \theta) t - \frac{1}{2} g t^2$ $V_y^2 = (V_0 \sin \theta)^2 - 2 g y$	المسافة الرأسية	$X = V_0 \cos \theta \cdot t$	المسافة الأفقية
$h_{\max} = \frac{V_0^2 \sin^2 \theta}{2 g}$	أقصى ارتفاع (ذروة المسار)	$R = \frac{V_0^2 \sin 2\theta}{g}$	المدى
$t = \frac{V_0 \sin \theta}{g}$	زمن الوصول لأقصى ارتفاع	$t = \frac{2 V_0 \sin \theta}{g}$	زمن الوصول للمدى (هدف)
$y = \tan \theta \cdot X - \left(\frac{g}{2 V_0^2 \cos^2 \theta} \right) \cdot X^2$			معادلة المسار
$\tan \theta = \frac{V_y}{V_x}$	اتجاه السرعة لحظة الاصطدام بالأرض	$V_R = \sqrt{V_x^2 + V_y^2}$	السرعة عند الاصطدام بالأرض

*** الحركة في دائرة :**

$T = \frac{t}{N} = \frac{1}{f} = \frac{2\pi}{\omega}$ (S)	الزمن الدوري (T)	$f = \frac{N}{t} = \frac{1}{T} = \frac{\omega}{2\pi}$ (Hz)	التردد (f)
$S = \theta \cdot r = v \cdot t = 2\pi \cdot r \cdot N$ (m)	طول القوس (S)	$\theta = \frac{S}{r} = 2\pi \cdot N = \omega \cdot t$ (rad)	الإزاحة الزاوية (θ)
$\omega = \frac{\theta}{t} = \frac{2\pi N}{t} = 2\pi f$ $= \frac{2\pi}{T} = \frac{V}{r}$ (rad/s)	السرعة الزاوية (ω)	$V = \frac{S}{t} = \frac{2\pi r N}{t} = 2\pi r f$ $= \frac{2\pi r}{T} = \omega \cdot r$ (m/s)	السرعة الخطية V $\frac{V_2}{V_1} = \frac{r_2}{r_1}$
$\theta'' = \frac{\Delta\omega}{\Delta t}$ (rad/s ²)	العجلة الزاوية (θ'')	$a_c = \frac{V^2}{r} = \omega^2 \cdot r$ (m/s ²)	العجلة المركزية (a _c)
		$N = \frac{\theta}{2\pi} = \frac{\omega \cdot t}{2\pi}$ (دورة)	عدد الدورات (N)

*** معادلات الحركة الدائرية منتظمة العجلة :**

$\omega = \omega_0 + \theta'' \cdot t$	$\Delta\theta = \omega_0 \cdot t + \frac{1}{2} \theta'' \cdot t^2$	$\omega^2 = \omega_0^2 + 2\theta'' \cdot \theta$
--	--	--

*** القوة الجاذبة المركزية :**

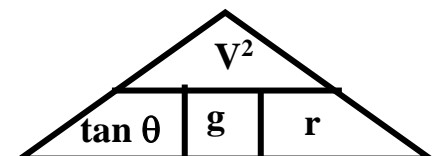
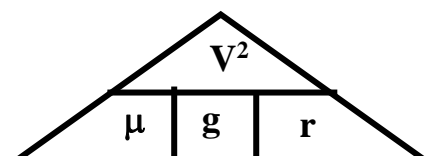
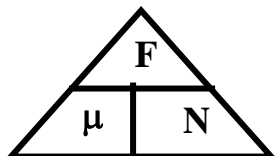
$r = \frac{m \cdot V^2}{F_c} = \frac{F_c}{m \cdot \omega^2}$ (m)	نصف القطر (r)	$F_c = m a_c = \frac{m \cdot V^2}{r} = m \cdot \omega^2 \cdot r$ (N)	قوة الجذب المركزية (F _c)
$V = \sqrt{\frac{F_c \cdot r}{m}}$ (m/s)	السرعة (V)	$m = \frac{F_c}{a_c} = \frac{r \cdot F_c}{V^2} = \frac{F_c}{\omega^2 \cdot r}$ (kg)	الكتلة (m)

*** المنعطفات الأفقية :**

$F = \mu \times N = \mu \cdot m \cdot g$ (N)	قوة الاحتكاك (F)	$N = m \cdot g$ $= \frac{F}{\mu}$ (N)	رد الفعل (N)	$\mu = \frac{F}{N} = \frac{F}{m \cdot g} = \frac{V^2}{g \cdot r}$	معامل الاحتكاك (μ)
* إذا كانت (F _c) ≤ (F) المركزية لا يحدث انزلاق . * إذا كانت (F _c) > (F) المركزية يحدث انزلاق .				$V = \sqrt{\mu \cdot g \cdot r}$	السرعة الآمنة القصى

*** المنعطفات المائلة :**

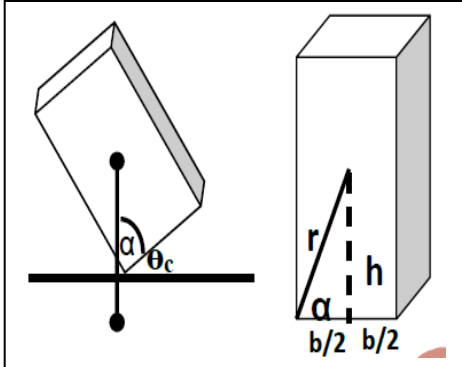
$N = \frac{m \cdot g}{\cos\theta}$	رد الفعل على الطريق المائل	$N \cdot \cos\theta = m \cdot g$	القوة الرأسية	$N \sin\theta = \frac{m v^2}{r}$	قوة الجاذبية أو القوة الأفقية
$V = \sqrt{g \cdot r \cdot \tan\theta}$			السرعة الآمنة القصى	$\tan\theta = \frac{v^2}{g r}$	زاوية إمالة الطريق



تحديد موقع مركز الكتلة

$$y_{c.m} = \frac{m_1 y_1 + m_2 y_2 + m_3 y_3}{m_1 + m_2 + m_3}$$

$$x_{c.m} = \frac{m_1 x_1 + m_2 x_2 + m_3 x_3}{m_1 + m_2 + m_3}$$



$$\tan \alpha = \frac{h_{CG}}{(b/2)} \Rightarrow \tan \alpha = \frac{2h_{CG}}{b}$$

* لحساب زاوية (α) :

$$\theta_c = 90 - \alpha$$

* لحساب زاوية (θ_c) :

$$\theta_c = 90 - \tan^{-1} \left(\frac{2h_{CG}}{b} \right)$$

* ويمكن حساب (θ_c) :

(θ_c) هي الزاوية الحدية ، ارتفاع مركز الثقل .
(α) الزاوية بين الضلع (b) و الخط العمودي على السطح

ماذا يحدث عندما تزداد قيمة زاوية الميل (θ) في الحالات التالية

تقل قيمة المحصلة بزيادة زاوية الميل بين المتجهان	المحصلة R
تقل قيمة الناتج بزيادة زاوية الميل بين المتجهان	الضرب العددي
تزداد قيمة الناتج بزيادة زاوية الميل بين المتجهان	الضرب الاتجاهي
تقل قيمة المركبة الأفقية للسرعة و بالتالي يقل المدى الأفقي (R)	السرعة الأفقية Vx
تزداد قيمة المركبة الرأسية للسرعة و بالتالي يزداد الارتفاع الرأسي (hmax)	السرعة الرأسية Vy

* اذكر قيمة الزاوية التي تحقق كلاً من :

صفر	* المركبة الأفقية تساوي مقدار المتجه الأصلي - * محصلة متجهين أكبر ما يمكن - * حاصل الضرب القياسي أكبر ما يمكن - * ينعدم حاصل الضرب الاتجاهي
90	* المركبة الرأسية تساوي مقدار المتجه الأصلي - * حاصل الضرب الاتجاهي أكبر ما يمكن - * ينعدم حاصل الضرب القياسي (العددي)
180°	المركبة الأفقية تساوي مقدار المتجه الأصلي و اتجاهها معاكس - * محصلة متجهين أقل ما يمكن
45°	المركبة الأفقية = مقدار المركبة الرأسية - * حاصل الضرب القياسي = حاصل الضرب الاتجاهي * المدى الأفقي أكبر ما يمكن

مسائل مراجعة

(1) الشكل المقابل يمثل متجهان (\vec{a}) ، (\vec{b}) في مستوي

أفقي واحد هو مستوي الصفحة والمطلوب حساب :

أ - محصلة المتجهين (مقداراً واتجاهاً) :

$$R = \sqrt{a^2 + b^2 + 2 \cdot a \cdot b \cdot \cos \theta} = \sqrt{8^2 + 6^2 + 2 \times 8 \times 6 \times \cos 30} = 13.53 \text{ unit}$$

$$\sin \alpha = \frac{b \sin \theta}{R} = \frac{6 \times \sin(30)}{13.53} = 0.22 \quad \therefore \alpha = \sin^{-1}(0.22) = 12.8^\circ$$

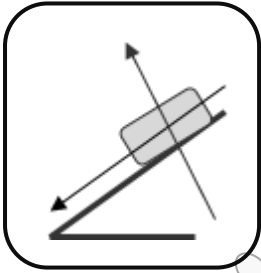
ب - حاصل الضرب الاتجاهي $(\vec{a} \times \vec{b})$ للمتجهين (مقداراً واتجاهاً)

$$\vec{a} \times \vec{b} = a \cdot b \sin \theta = 8 \times 6 \times \sin(30) = 24 \text{ unit}^2$$

ويكون اتجاه المتجه الناتج عمودي على المستوى إلى أعلى .

ج - حاصل الضرب القياسي $(\vec{a} \cdot \vec{b})$ للمتجهين :

$$\vec{a} \cdot \vec{b} = a \cdot b \cos \theta = 8 \times 6 \times \cos(30) = 41.56 \text{ unit}^2$$

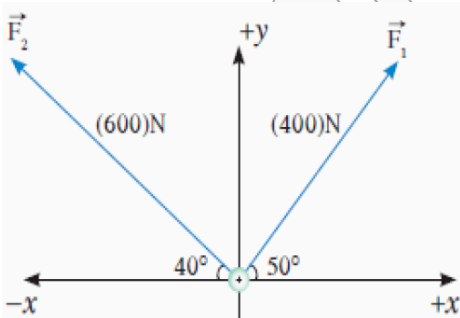


(2) يستقر جسم كتلته 50Kg على سطح مائل بزاوية 30° مع الخط الأفقي .

علماً بأن $g=10\text{m/s}^2$ احسب مقدار مركبتي الوزن بالنسبة إلى المحورين x,y الموضحين في الشكل

$$W_x = W \sin \theta = m \cdot g \sin \theta = 50 \times 10 \times \sin(30) = 250 \text{ N}$$

$$W_y = W \cos \theta = m \cdot g \cos \theta = 50 \times 10 \times \cos(30) = 433 \text{ N}$$



3- أ) احسب محصلة القوى المؤثرة على الحلقة؟

$F_y = F \cdot \sin \theta$	$F_x = F \cdot \cos \theta$	F
$400 \sin(50) = 306.4 \text{ N}$	$400 \cos(50) = 257.1 \text{ N}$	F_1
$600 \sin(40) = 385.6 \text{ N}$	$-600 \cos(40) = -459.6 \text{ N}$	F_2
$F_y = 306.4 + 385.6 = 692 \text{ N}$	$F_x = 257.1 - 459.6 = -202.5 \text{ N}$	F_r

$$R = \sqrt{F_x^2 + F_y^2} = \sqrt{(-202.5)^2 + (692)^2} = 721 \text{ N}$$

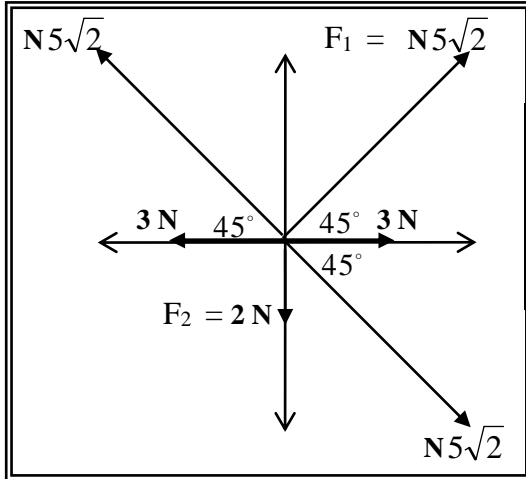
ب) احسب اتجاه المحصلة ؟ ثم عبر رياضياً عن المحصلة؟

$$\tan \theta = \frac{F_y}{F_x} = \frac{692}{-202.5} = -3.42 \quad \therefore \theta = \tan^{-1}(-3.42) = -73.7^\circ \text{ ربع ثاني}$$

$$\therefore \theta = 180 - 73.7 = 106.3^\circ$$

$$\therefore F_R = [(721 \text{ N} , 106.3^\circ)]$$

3) أحسب محصلة القوى الموضحة بالشكل المقابل :

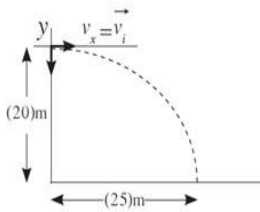


$F_y = F \cdot \sin\theta$	$F_x = F \cdot \cos\theta$	F
$5\sqrt{2} \sin 45 = 5 \text{ N}$	$5\sqrt{2} \cos 45 = 5 \text{ N}$	F_1
-2 N	0	F_2
$F_y = 5 - 2 = 3 \text{ N}$	$F_x = 5 \text{ N}$	F_r

$$R = \sqrt{F_x^2 + F_y^2} = \sqrt{(5)^2 + (3)^2} = 5.83 \text{ N}$$

$$\tan \theta = \frac{F_y}{F_x} = \frac{3}{5} = 0.6 \therefore \theta = \tan^{-1}(0.6) = 30.9^\circ$$

4- رمي جسم من ارتفاع 20m عن سطح الأرض وبسرعة أفقية v فإذا كانت الإزاحة الأفقية للمرة لحظة وصولها سطح الأرض تساوي 25m وبإهمال مقاومة الهواء احسب:



$$y = \frac{1}{2} g \cdot t^2 \quad \therefore t = \sqrt{\frac{2y}{g}} = \sqrt{\frac{2 \times 20}{10}} = 2 \text{ (s)}$$

(ب) احسب السرعة الابتدائية للجسم لحظة انطلاقه مبتعداً عن سطح الطاولة؟

$$V_x = \frac{X}{t} = \frac{25}{2} = 12.5 \text{ (m/s)}$$

5- أطلقت قذيفة بسرعة ابتدائية 20m/s وبزاوية 60° مع المحور الأفقي مع إهمال مقاومة الهواء ($g = 10 \text{ m/s}^2$) أوجد؟

1- زمن الوصول لأقصى ارتفاع (زمن الوصول إلى ذروة المسار)؟

$$t = \frac{v_0 \sin \theta}{g} = \frac{20 \times \sin(60)}{10} = 1.73 \text{ (s)}$$

2- زمن الوصول للمدى؟

$$t' = \frac{2v_0 \sin \theta}{g} = \frac{2 \times 20 \times \sin(60)}{10} = 3.46 \text{ (s)}$$

3- أقصى ارتفاع؟

$$h_{\max} = \frac{v_0^2 \sin^2 \theta}{2g} = \frac{(20)^2 \times (\sin(60))^2}{2 \times 10} = 15 \text{ (m)}$$

4- المدى؟

$$R = \frac{v_0^2 \sin(2\theta)}{g} = \frac{(20)^2 \times \sin(2 \times 60)}{10} = 34.64 \text{ (m)}$$

5- اكتب معادلة المسار للقذيفة؟

$$Y = \tan \theta \cdot X - \left(\frac{g}{2v_0^2 \cos^2(\theta)} \right) \cdot X^2 = \tan(60) \cdot X - \left(\frac{10}{2 \times 20^2 \times (\cos(60))^2} \right) \cdot X^2$$

$$Y = 1.73 X - 0.05 X^2$$

6- مقدار واتجاه سرعة القذيفة لحظة اصطدامها بالأرض؟

$$V_x = v_0 \cdot \cos\theta = 20 \cos 60 = 10 \text{ m/s}, \quad v_y = v_0 \sin\theta - g \cdot t = 20 \sin 60 - 10 \times 3.46 = -17.28 \text{ m/s}$$

$$V_R = \sqrt{V_x^2 + V_y^2} = \sqrt{(10)^2 + (-17.28)^2} = 19.96 \text{ m/s} = 20 \text{ m/s}$$

$$\tan \theta = \frac{v_y}{v_x} = \frac{-17.28}{10} = -1.728 \quad \therefore \theta = \tan^{-1}(-1.728) = -59.9^\circ = -60^\circ$$

الإشارة السالبة تعني أن متجه السرعة يصنع زاوية 60° تحت المحور الأفقي .

7- موقع القذيفة بعد ثانيتين؟

$$X = V_0 \cos \theta \cdot t = 20 \cos (60) \times 2 = 20 \text{ (m)}$$

$$Y = V_0 \sin \theta \cdot t - \frac{1}{2} g \cdot t^2 = 20 \sin(60) \times 2 - \frac{1}{2} \times 10 \times 2^2 = 14.64 \text{ (m)}$$

6- يدور جسم كتلته (0.2 kg) مربوط بخيط على محيط دائرة قطرها (120 cm) ويعمل (90) دورة كاملة

في الدقيقة أحسب ما يلي: 1- السرعة الخطية:

$$v = \frac{2\pi \cdot r \cdot N}{t} = \frac{2\pi \times 0.6 \times 90}{60} = 5.65 \text{ m/s}$$

2- السرعة الزاوية:

$$\omega = \frac{v}{r} = \frac{5.65}{0.6} = 9.42 \text{ rad/s}$$

3- عدد الدورات في نصف دقيقة:

$$\theta = \omega \times t = 9.42 \times 30 = 282.6 \text{ rad}$$

$$N = \frac{\theta}{2\pi} = \frac{282.6}{2\pi} = 44.97 \text{ cir}$$

تساوي صفر

4- العجلة المماسية و العجلة الزاوية:

$$a_c = \frac{v^2}{r} = \frac{(5.65)^2}{0.6} = 53.2 \text{ m/s}^2$$

5- العجلة المركزية:

6- القوة المركزية:

$$F_c = m \cdot a_c = 0.2 \times 53.2 = 10.6 \text{ N}$$

7- إذا علمت أن الحبل قد ينقطع إذا كانت قوة الشدّ عليه تساوي 12 N كم يساوي طول الحبل الأقصر الذي يمكن استخدامه؟

$$F_c = \frac{m \cdot v^2}{r} \quad \therefore r = \frac{m \cdot v^2}{F_c} = \frac{0.2 \times (5.65)^2}{12} = 0.53 \text{ (m)}$$

7- يطير الطيار بطائرته الصغيرة بسرعة 56 m/s في مسار دائري نصف قطره 188.5 m احسب كتلة الطائرة إذا

علمت أن القوة الجاذبة المركزية اللازمة لإبقائها على مسارها الدائري تساوي $1.89 \times 10^4 \text{ N}$

$$F_c = \frac{m \cdot v^2}{r} \quad \therefore m = \frac{r \cdot F_c}{v^2} = \frac{188.5 \times 1.89 \times 10^4}{56^2} = 1136 \text{ (kg)}$$

8- سيارة كتلتها 1000 Kg تتحرك على مسار دائري نصف قطره 32.5 m احسب السرعة المماسية للسيارة علماً

بأن مقدار القوة الجاذبة المركزية على السيارة 2500 N .

$$F_c = \frac{m \cdot v^2}{r} \quad \therefore v = \sqrt{\frac{r \cdot F_c}{m}} = \sqrt{\frac{32.5 \times 2500}{1000}} = 9.01 \text{ m/s}$$

9- سيارة كتلتها (2000 kg) تتحرك على مسار دائري قطره (200 m) على طريق أفقي بسرعة (20 m/s) :

1 - احسب القوة الجاذبة المركزية:

$$F_c = \frac{m \cdot v^2}{r} = \frac{2000 \times 20^2}{100} = 8000 \text{ N}$$

2 - احسب قوة رد الفعل:

$$N = m \cdot g = 2000 \times 10 = 20000 \text{ N}$$

3- مقدار اصغر معامل احتكاك بين العجلات والطريق والذي يسمح للسيارة بالانقلاب بدون انزلاق

$$\mu = \frac{F}{N} = \frac{8000}{20000} = 0.4$$

4 - هل يحدث انزلاق للسيارة أم لا إذا كان معامل الاحتكاك ($\mu = 0.5$)

$$F = \mu \times N = 0.5 \times 20000 = 10000 \text{ N}$$

لا يحدث إنزلاق $\therefore F > F_c$

5 - السرعة القصوى التي يمكن أن تتحرك بها السيارة دون أن تنزلق إذا كان معامل الاحتكاك ($\mu = 0.8$)

$$V = \sqrt{\mu \cdot g \cdot r} = \sqrt{0.8 \times 10 \times 100} = 28.28 \text{ m/s}$$

حل آخر $F = \mu \times N = 0.8 \times 20000 = 16000 \text{ N}$

$$F = \frac{m \cdot v^2}{r} \therefore v = \sqrt{\frac{r \cdot F}{m}} = \sqrt{\frac{100 \times 16000}{2000}} = 28.28 \text{ m/s}$$

10- منعطف نصف قطره (50 m) يسمح للسيارة بالانعطاف عليه بسرعة (90 km/h) بدون الحاجة لقوة احتكاك . احسب

$$v = \frac{90 \times 1000}{3600} = 25 \text{ m/s}$$

1 - زاوية ميل الطريق .

$$\tan \theta = \frac{v^2}{g \cdot r} = \frac{25^2}{10 \times 50} = 1.25 \therefore \theta = \tan^{-1}(1.25) = 51.3^\circ$$

2- قوة رد الفعل للطريق المائل على السيارة إذا كانت كتلتها (1.5 tons)

$$N = \frac{m \cdot g}{\cos \theta} = \frac{1.5 \times 1000 \times 10}{\cos 51.3} = 23990.68 \text{ N}$$

3- السرعة التي يمكن أن تنعطف بها السيارة دون الحاجة لقوة الاحتكاك إذا كانت زاوية إمالة الطريق (35°)

$$V = \sqrt{g \cdot r \cdot \tan \theta} = \sqrt{10 \times 50 \times \tan 35} = 18.71 \text{ m/s}$$

11- ثلاث كتل ($m_1 = 1 \text{ kg}$) - ($m_2 = 2 \text{ kg}$) - ($m_3 = 3 \text{ kg}$) موضوعة على رأس مثلث

متساو الأضلاع طول ضلعه (10 cm)

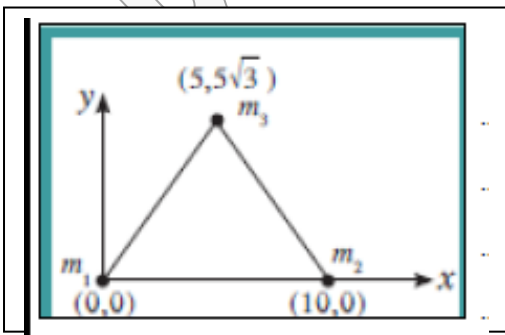
1- اوجد موضع مركز الكتلة ؟

$$x_{CM} = \frac{m_1 x_1 + m_2 x_2 + m_3 x_3}{m_1 + m_2 + m_3} = \frac{(1 \times 0) + (2 \times 10) + (3 \times 5)}{1 + 2 + 3} = 5.83 \text{ cm}$$

$$y_{CM} = \frac{m_1 y_1 + m_2 y_2 + m_3 y_3}{m_1 + m_2 + m_3} = \frac{(1 \times 0) + (2 \times 0) + (3 \times 5\sqrt{3})}{1 + 2 + 3} = 4.33 \text{ cm}$$

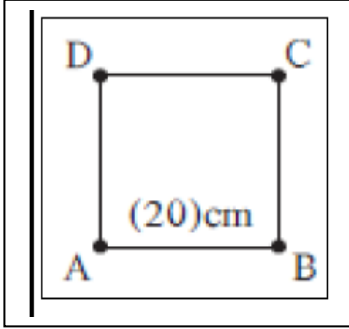
$$\therefore CM = (5.83 \text{ cm} , 4.33 \text{ cm})$$

2- قيم . هل النتيجة مقبولة ؟ نعم لأن مركز الكتلة أقرب إلى الجزء الأكبر كتلة .



12- نظام مؤلف من أربع كتل هي ($m_A = 1 \text{ kg}$) - ($m_B = 2 \text{ kg}$) - ($m_C = 3 \text{ kg}$) - ($m_D = 4 \text{ kg}$) موزعة علي أطراف مربع طول ضلعه (20 cm) ومهمل الكتلة .

اوجد موضع مركز الكتلة ؟



$$x_{CM} = \frac{m_1 \cdot x_1 + m_2 \cdot x_2 + m_3 \cdot x_3 + m_4 \cdot x_4}{m_1 + m_2 + m_3 + m_4}$$

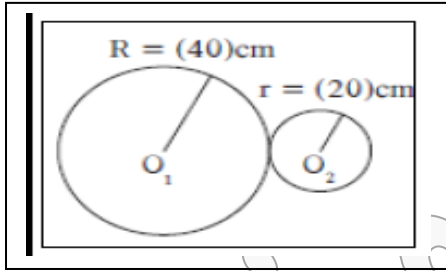
$$= \frac{(1 \times 0) + (2 \times 20) + (3 \times 20) + (4 \times 0)}{1 + 2 + 3 + 4} = 10 \text{ cm}$$

$$y_{CM} = \frac{m_1 \cdot y_1 + m_2 \cdot y_2 + m_3 \cdot y_3 + m_4 \cdot y_4}{m_1 + m_2 + m_3 + m_4}$$

$$= \frac{(1 \times 0) + (2 \times 0) + (3 \times 20) + (4 \times 20)}{1 + 2 + 3 + 4} = 14 \text{ cm}$$

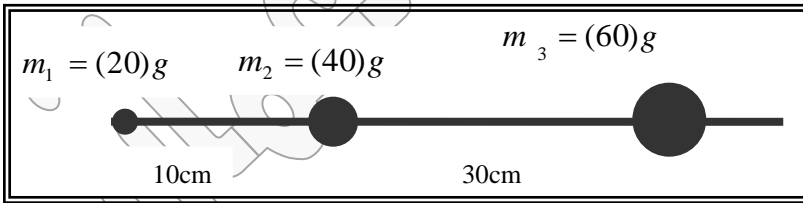
$$\therefore \text{C.M} = (10 \text{ cm} , 14 \text{ cm})$$

13- قرص من الحديد كتلته (500 g) و نصف قطره (40 cm) ثم وصله بقرص من النحاس كتلته (200 g) ونصف قطره (20 cm) احسب موضع مركز كتلة القرصين ؟



$$x_{CM} = \frac{m_1 \cdot x_1 + m_2 \cdot x_2}{m_1 + m_2} = \frac{(500 \times 0) + (200 \times 60)}{500 + 200} = 17.14 \text{ cm}$$

$$\therefore \text{C.M} = (17.14 \text{ cm} , 0 \text{ cm})$$



14- ثلاث كتل نقطية وضعت علي خط مستقيم كما في الشكل المقابل ، والمطلوب احسب موقع مركز الكتلة للنظام

$$x_{CM} = \frac{m_1 \cdot x_1 + m_2 \cdot x_2 + m_3 \cdot x_3}{m_1 + m_2 + m_3} = \frac{(20 \times 0) + (40 \times 10) + (60 \times 40)}{20 + 40 + 60} = 23.33 \text{ cm}$$

$$y_{CM} = 0 \text{ cm}$$

$$\therefore \text{C.M} = (23.33 \text{ cm} , 0 \text{ cm})$$

15- تتحرك كتلة نقطية على مسار دائري بعجلة زاوية منتظمة $\theta = 2 \text{ rad/s}^2$

1- احسب سرعته الزاوية بعد 5 ثواني بدء من السكون

$$\omega = \omega_0 + \theta t = 0 + 2 \times 5 = 10 \text{ Rad/s}$$

2- احسب إزاحتها الزاوية خلال نفس المدة

$$\Delta\theta = \omega_0 t + \frac{1}{2} \theta t^2 = 0 + \frac{1}{2} \times 2 \times 5^2 = 25 \text{ Rad}$$

3- احسب عدد الدورات خلال نفس المدة

$$N = \frac{\theta}{2\pi} = \frac{25}{2\pi} = 3.978 \text{ rev}$$

16- صندوق على شكل متوازي مستطيلات له الأبعاد التالية $a = 5 \text{ cm}$, $b = 5 \text{ cm}$, $c = 20 \text{ cm}$ موضوع على سطح أفقي أملس بحيث الضلع C عمودي على السطح الأفقي. احسب مقدار الزاوية الحدية

$$h_{CG} = \frac{20}{2} = 10 \text{ Cm}$$

$$\theta_c = 90 - \tan^{-1} \left(\frac{2 h_{CG}}{b} \right)$$

$$\theta_c = 90 - \tan^{-1} \left(\frac{2 \times 10}{5} \right) = 14^\circ$$

17- مكعب من الخشب طول ضلعه 10 Cm موضوع على سطح أفقي. احسب مقدار زاوية الانقلاب الحدية ؟

$$h_{CG} = \frac{10}{2} = 5 \text{ Cm}$$

$$\theta_c = 90 - \tan^{-1} \left(\frac{2 h_{CG}}{b} \right)$$

$$\theta_c = 90 - \tan^{-1} \left(\frac{2 \times 5}{10} \right) = 45^\circ$$

18- قذف رجل حجر من ارتفاع (1.5 m) عن سطح الأرض نحو حائط يبعد عنه مسافة ($x = 8 \text{ m}$)

و بزاوية (30°) مع الأفق و بسرعة (15 m/s).

احسب:

أ- ارتفاع نقطة وصول الحجر على الحائط عن الأرض.

$$y = \frac{-g x^2}{2v_0^2(\cos\theta)^2} + x \tan\theta$$

$$y_1 = \frac{-10 \times 8^2}{2 \times 15^2 (\cos 30)^2} + 8 \tan 30 = 2.7 \text{ m}$$

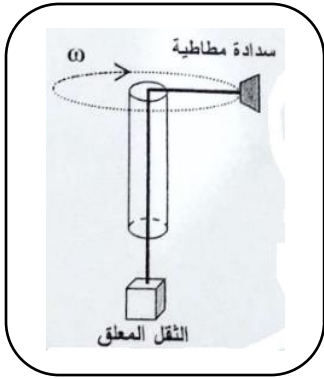
$$4.2 \text{ m} = 1.5 + 2.7 = y_1 + y_2 = \text{الارتفاع}$$

ب- زمن وصول الحجر إلى الحائط من لحظة القذف.

$$t = \frac{x}{v_0 \cos\theta} = \frac{8}{15 \times \cos 30} = 0.6 \text{ s}$$

أهـم الأنشطة

* لديك أنبوب من البلاستيك مجوف يتدلى منه خيط نيلون في نهايته ثقل وفي بدايته سدادة مطاطية .



1- اشرح كيف يمكنك الحصول على حركة دائرية منتظمة للسدادة المطاطية ؟

- ج / 1- نحمل الثقل باليد و هو على مسافة من قاعدة الأنبوب ونحرك الأنبوب لتدور السدادة المطاطية لتتحرك حركة دائرية في وضع أفقي ونترك الثقل ليتدلى بحرية دون حمله .
2- عند ثبات نصف قطر الدوران وعدم تحرك الثقل تكون السرعة الدورانية ثابتة و نكون قد حصلنا على حركة دائرية منتظمة

2- اسم و اتجاه القوة المؤثرة ؟

- ج / اسم القوة المؤثرة هي قوة جذب مركزية و يكون اتجاهها نحو المركز .

3- ماذا يحدث للثقل المعلق عند إنقاص مقدار السرعة الخطية للسدادة المطاطية ؟

- ج / يتحرك هابطاً لأسفل .

* خذ جسماً و اربطه بخيط و اجعله يدور فوق رأسك ثم اقطع الخيط أو أفنته في لحظة معينة

*** الملاحظة :**

الجسم يتحرك في خط مستقيم بسرعة ثابتة في اتجاه السرعة المماسية لحظة الإفلات .

*** التفسير :**

عند زوال القوة الجاذبة المركزية تصبح محصلة القوى المؤثرة على الجسم = صفر و بالتالي يتحرك الجسم في خط مستقيم و بسرعة ثابتة في اتجاه السرعة المماسية .

* كيف يمكنك تعيين موضع مركز الثقل لضرب كرة المضرب الموضح في الشكل المقابل ؟

- 1- نعلق المضرب من أحد النقاط و عندما يتوقف عن التارجح نرسم خط عمودي ماراً بنقطة التعليق

- 2 - نعلق المضرب من نقطة أخرى ، ونلاحظ أن مركز الثقل يقع على الخط أسفل نقطة التعليق .

- 3- نرسم خطاً عمودياً آخر فيكون مركز الثقل هو نقطة التقاطع بين الخطين العموديين



الشكل المقابل يمثل مخبرين (أ) و (ب) المخبار (ب) موضوع فيه كمية من

الحصى الصغيرة و المخبار (أ) فارغ . أجب عن الأسئلة التالية :

- 1- مركز ثقل المخبار (أ) يقعبالمنتصف (بعيداً عن القاعدة).....

- 2- مركز ثقل المخبار (ب) يقعمنخفضاً (قريب من القاعدة)

- 3- ماذا يحدث عند التأثير على المخبارين بقوتين صغيرتين متساويتين ؟

*** الحدث :**

- 1- المخبار الفارغ يميل أكثر و من الممكن أن ينقلب .

- 2- المخبار الذي يحتوي على الحصى يميل قليلاً ثم يعود إلى حالة الاتزان مرة أخرى

*** الاستنتاج :**

* كلما كان مركز الثقل أقرب إلى المساحة الحاملة للجسم كلما كان الجسم أكثر اتزاناً .

* قرب مركز الثقل من القاعدة الحاملة للجسم يزيد من ثبات الجسم و يمنع انقلابه .

في الشكل المقابل أي الكأسين غير مستقر و يمكن أن ينقلب مع ذكر السبب ؟

- ج / الكأس (أ) الممتلئ بالماء لأن مركز ثقله يقع خارج مساحة القاعدة الحاملة للجسم .

