





الفصل الأول
حركة المقدوفات

الحصة الاولى

الحصة الثانية

الحصة الثالثة

الحصة الرابعة

الحصة الخامسة

الدرس
الاول
الكميات
العددية
والكميات
المتجهة





الحصة الأولى

الدرس
الأول
الكميات
العددية
والكميات
امتزجه

رجوع للبداية

الكميات العددية و الكميات المتجهة

وجه المقارنة	الكميات العددية (القياسية)	الكميات المتجهة
التعريف	كميات يلزم لتحديدها معرفة المقدار و وحدة القياس	كميات يلزم لتحديدها معرفة المقدار و وحدة القياس و الاتجاه
أمثلة	المسافة - السرعة العددية	الإزاحة - السرعة المتجهة

khtar

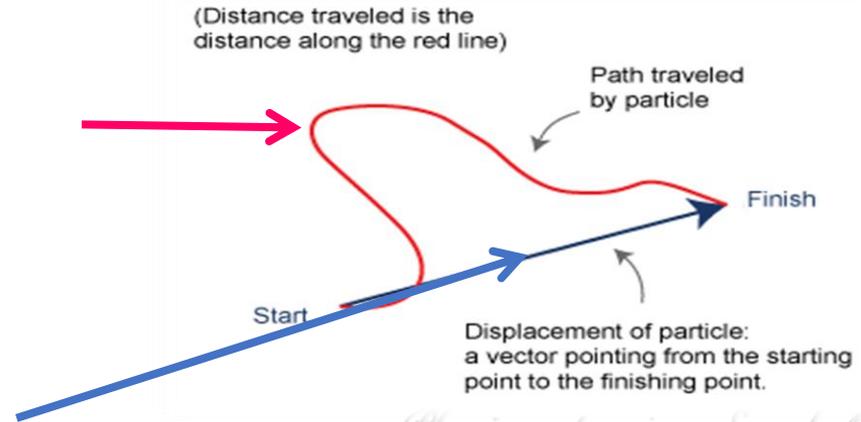
ما الفرق بين المسافة والإزاحة؟

المسافة: هي المسار الكلي الذي يسلكه الجسم أثناء الحركة.

الإزاحة: هي المسافة الأقصر بين نقطة بداية الحركة و نقطة نهايتها، و باتجاه من نقطة البداية إلى نقطة النهاية.

المسافة

الإزاحة



المتجهات الحرة والمتجهات المقيدة

S.Supervisor Etaf Al-Tiezu

وجه المقارنة	المتجهات الحرة	المتجهات المقيدة
التعريف	متجهات يمكن نقلها مع المحافظة علي المقدار و الاتجاه	متجهات لا يمكن نقلها و مقيدة بنقطة تأثيرها
أمثلة	الإزاحة - السرعة المتجهة	القوة

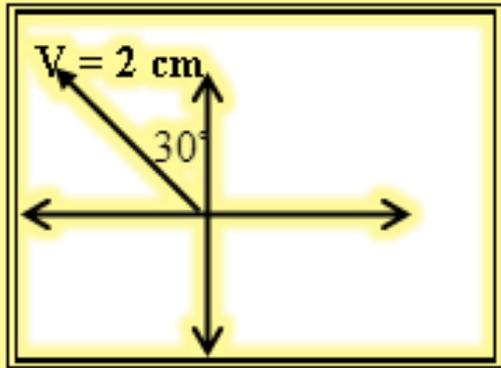
الإزاحة متجه حر بينما القوة متجه مقيد؟

علل:

لأن متجه الإزاحة يمكن نقله من مكان لآخر بشرط المحافظة علي مقداره
واتجاهه بينما متجه القوة لا يمكن نقله لان مقيد بنقطة تأثيرها

تكتب الكمية المتجهة بحرف يوضع فوقه سهم مثل \vec{V}

ملحوظة

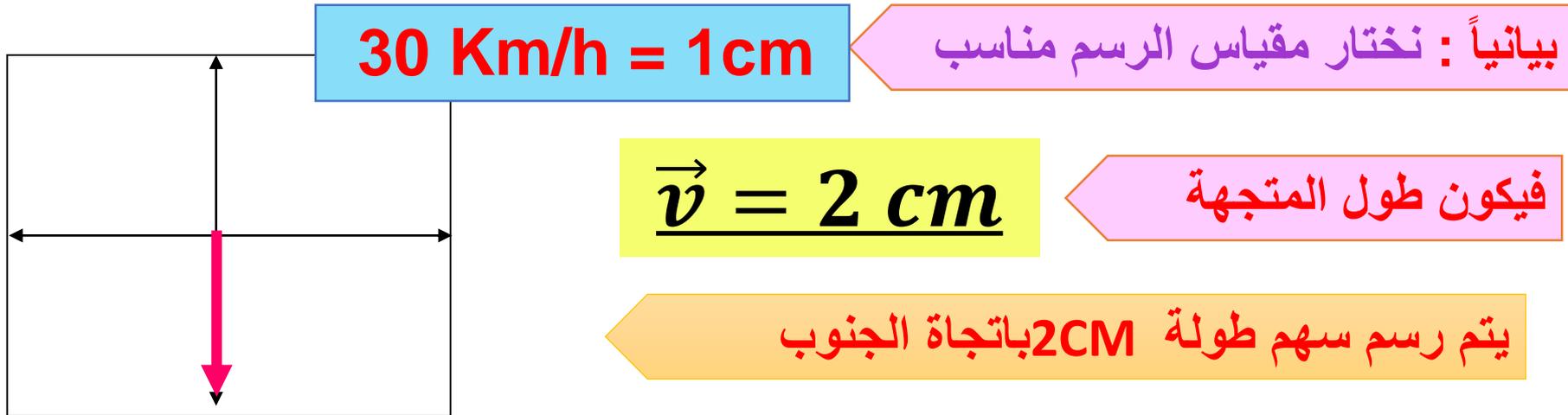


مثال : الشكل المقابل يمثل المتجه البياني المعبر عن سرعة تحرك سيارة ، فإذا علمت أن مقياس الرسم (1cm : 10 m/s) عبر رياضياً عن المتجه (\vec{v})

$$\vec{V} = (20 \text{ m/s} , 120^\circ)$$

الإجابة

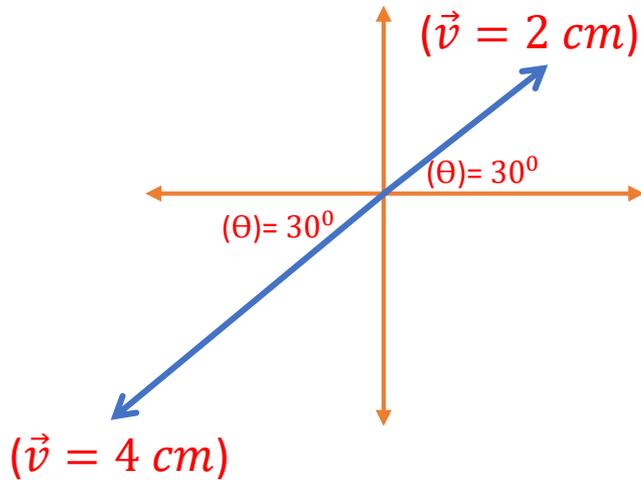
مثال : ورد في نشرة الأرصاد الجوية أن سرعة الرياح القادمة من الشمال تساوي (60 km / h) مثل هذه السرعة بيانياً - رياضياً



رياضياً

$\vec{V} = (60 \text{ km/h} , 270^\circ) = (60 \text{ km/h} , -90^\circ)$

مثال : سيارة تسير بسرعة متجهة ($\vec{V} = 10m/s$) في اتجاه شمال الشرق بزاوية (30^0) أجب عما يلي



أ) مثل بيانياً (\vec{V}) مستخدماً مقياس رسم ($1\text{ cm} = 5\text{ m/s}$)

ب) مثل بيانياً ($\vec{V}_2 = -2\vec{V}_1$) مستخدماً نفس مقياس الرسم :

H.O. Dayman Mokhtar

ج) عبر رياضياً عن المتجه (\vec{v}_2)

$$V_2 = 20\text{ m/s} - 210^0$$



الوحدة الثانية

الدرس
الأول
الكميات
العددية
والكميات
المتجهة

رجوع للبداية

خصائص المتجهات

٥- تحليل المتجهات

٤- ضرب المتجهات

٣- جمع المتجهات

٢- نقل المتجهات

١- التساوي

إذا كان لهم نفس المقدار والاتجاه

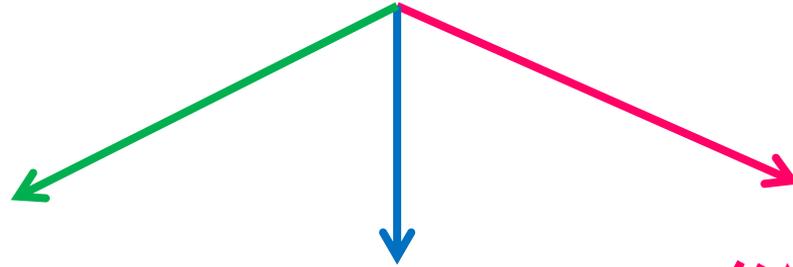
س: متي يتساوي المتجهان ؟

س : تسير سيارة شمالاً بسرعة عددية تساوي (80 km / h) بينما تسير سيارة أخرى جنوباً بسرعة عددية (80km/h) هل السرعة المتجه للسيارتان متساوية ؟ ولماذا ؟

لا / لأنهما مختلفان في الاتجاه

جمع المتجهات (تركيب المتجهات)

هي عملية يتم فيها الاستعاضة عن متجهين أو أكثر بمتجه واحد

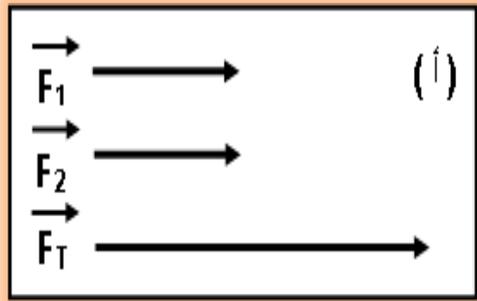
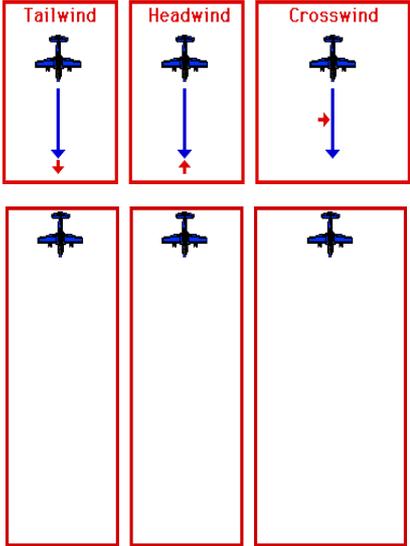


محصلة المتجهات غير المتوازية أو المتعامدة

محصلة متجهات متعامدة

محصلة متجهات لها نفس الإتجاه أو متعاكسة

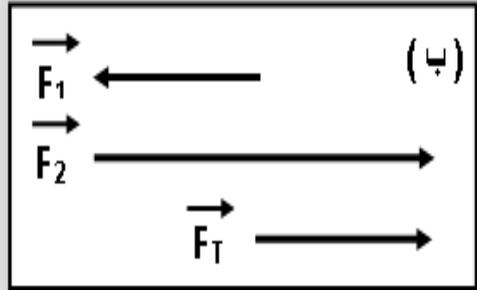
١. محصلة متجهات لها نفس الإتجاه أو متعاكسة



أ) محصلة متجهين متوازيين وفي اتجاه واحد: $(\theta = 0)$

تحسب المحصلة من العلاقة: $F_T = F_1 + F_2$

* يكون اتجاه المحصلة : في نفس اتجاه القوتين



ب) محصلة متجهين متوازيين و متعاكسين: $(\theta = 180)$

** تحسب المحصلة من العلاقة: $F_T = F_2 - F_1$

** يكون اتجاه المحصلة : في اتجاه القوة الكبرى

S.Super
نحسب محصلة المتجهات المتعامدة عن طريق:

محصلة متجهات متعامدة

نظرية فيثاغورث

مربع الوتر يساوي مجموع
مربعي الضلعين الآخرين

$$V_r^2 = V_x^2 + V_y^2$$

$$V_r = \sqrt{V_x^2 + V_y^2}$$

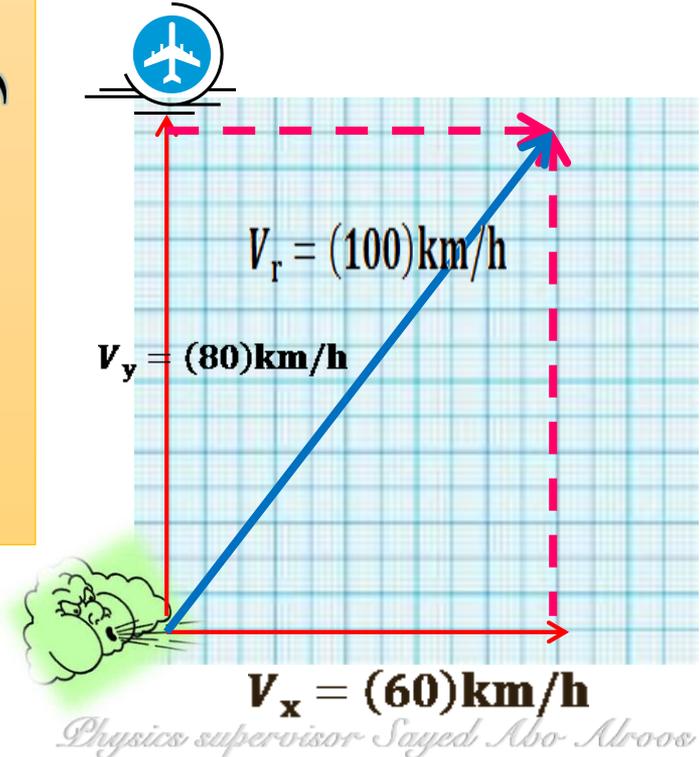
$$\tan \theta = \frac{V_y}{V_x}$$

$$\theta = \tan^{-1} \frac{V_y}{V_x}$$

H.O.D Ayman Mokhtar

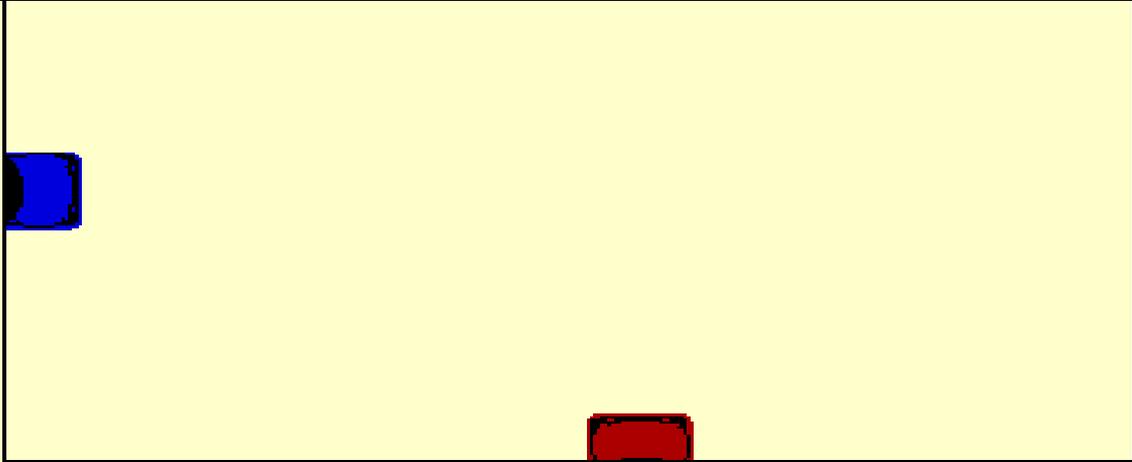
بيانيا

- 1- نمثل كل متجه بمقياس رسم مناسب بحيث تكون الزاوية θ بينهما
- 2- نكمل متوازي الأضلاع و نرسم قطره من نقطة التقاء المتجهين
- 3- نقيس طول قطر متوازي الأضلاع و نضرب الناتج بمقياس الرسم فيكون هو مقدار المحصلة ونجد اتجاه المحصلة بقياس الزاوية α



توضيح لمحصلة متجهات متعامدة

Blue Car		Red Car	
mass (kg)	1000	mass (kg)	1000
vel. (m/s)	20.0, East	vel. (m/s)	10.0, North
mom. (kg m/s)	20 000, East	mom. (kg m/s)	10 000, North



مثال:

يخرج محمد من بيته للصلاة في المسجد فيسير مسافة (40)m شرقاً ثم يسير مسافة (30)m شمالاً حتى يصل إلى المسجد. أوجد إزاحة محمد جبرياً في ذهابه للمسجد.

$$D_r = \sqrt{D_x^2 + D_y^2}$$

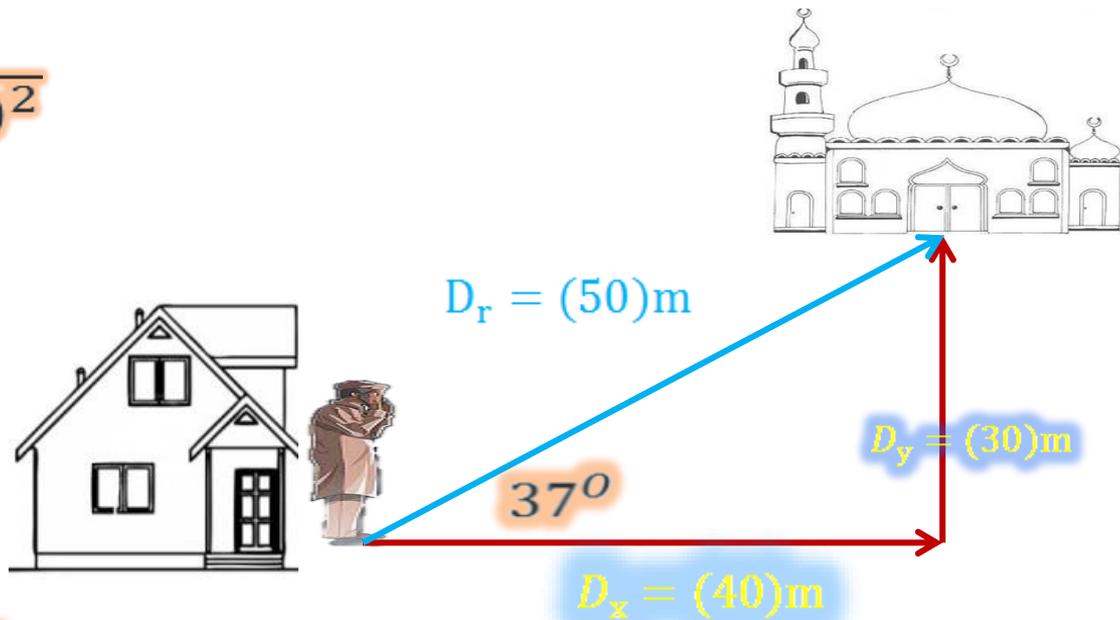
$$D_r = \sqrt{(40)^2 + (30)^2}$$

$$D_r = (50)m$$

$$\tan \theta = \frac{D_y}{D_x}$$

$$\theta = \tan^{-1} \frac{D_y}{D_x}$$

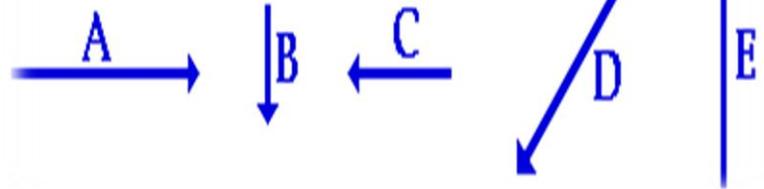
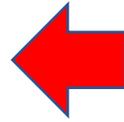
$$\theta = \tan^{-1} \frac{30}{40} = 37^\circ$$

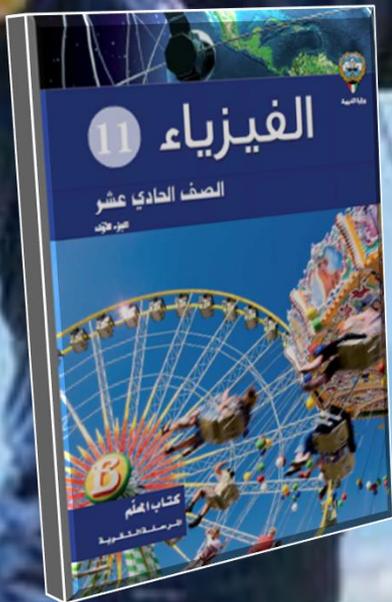


محصلة المتجهات المتتالية

هو المتجه الذي يكون ذيله نقطة البداية و رأسه نقطة النهاية.

addition of five vectors:





الحصة الثالثة

الدرس
الاول
الكميات
العديّة
والكميات
المتجه

رجوع للبداية

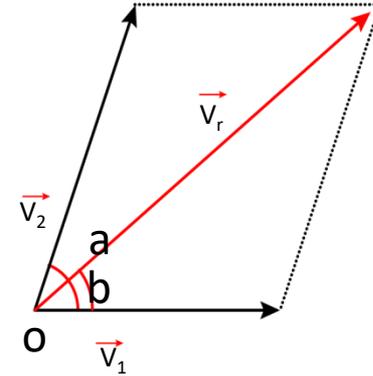
محصلة المتجهات غير المتوازية أو المتعامدة

الطريقة الحسابية

الطريقة البيانية (متوازي الأضلاع)

$$V_r = \sqrt{V_1^2 + V_2^2 + 2V_1V_2 \cos(a)}$$

$$\sin(b) = \frac{V_2 \sin(a)}{V_r}$$



مثال: يبدر قارب في سباق القوارب بدءاً من نقطة السباق على شاطئ الخليج العربي مسافة (10)km شرقاً ، ثم يتبعها بمسافة (4)km بزاوية (60) شمال الشرق ليصل إلى نقطة نهاية السباق .

أوجد مقدار إزاحة القارب الكلية وحدد اتجاهها.

$$D_r = \sqrt{D_1^2 + D_2^2 + 2D_1D_2 \cos (a)}$$

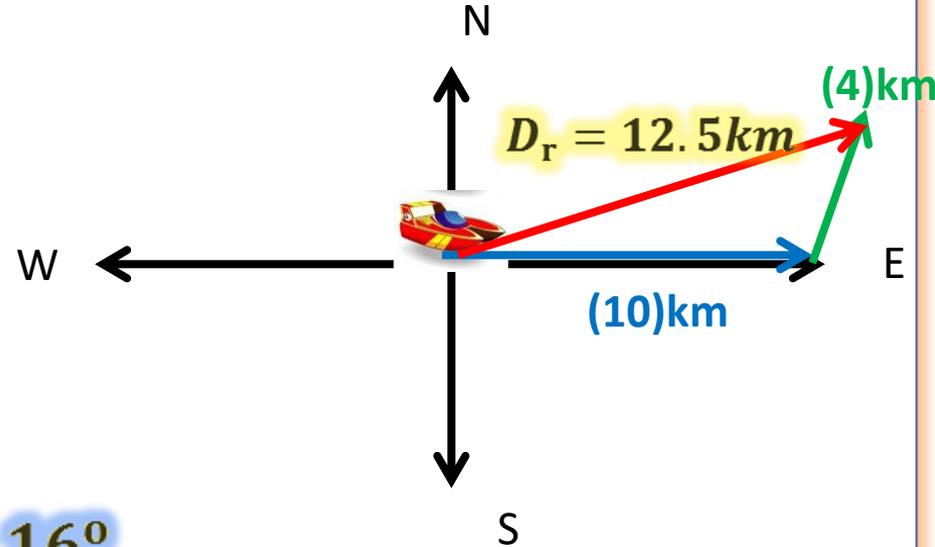
$$D_r = \sqrt{(10)^2 + (4)^2 + (2 \times 10 \times 4 \cos 60)}$$

$$D_r = 12.5 \text{ km}$$

$$\sin(b) = \frac{D_2 \sin (a)}{D_r}$$

$$\sin(b) = \frac{(4) \sin (60)}{12.5} = 0.277$$

$$b = \sin^{-1}(0.277) = 16^\circ$$



يتأثر جسم بقوتين الأولى $F_1=(4)N$ والثانية $F_2=(3)N$ ، احسب مقدار و اتجاه
محصلة هاتين القوتين في الحالات التالية:

مثال:

١- إذا كانت الزاوية المحصورة بين المتجهين $\theta = 0^\circ$

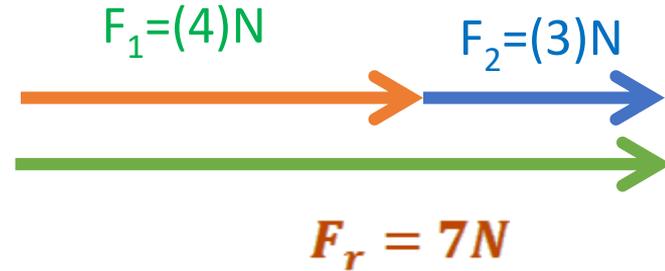
$$F_r = \sqrt{F_1^2 + F_2^2 + 2F_1F_2 \cos(a)}$$

$$F_r = \sqrt{(4)^2 + (3)^2 + 2(4)(3)\cos(0)}$$

$$F_r = \sqrt{16 + 9 + 24}$$

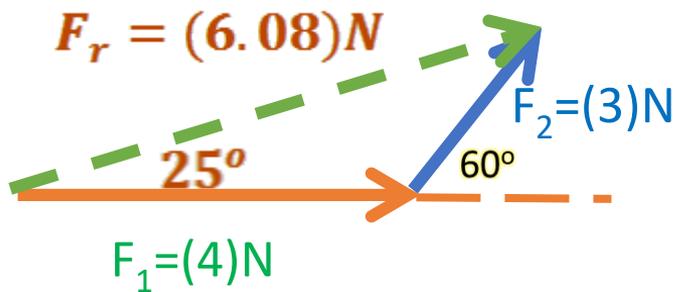
$$F_r = \sqrt{49}$$

$$F_r = (7)N$$



و في نفس اتجاه القوتين

٢- إذا كانت الزاوية المحصورة بين المتجهين $\theta = 60^\circ$



$$F_r = \sqrt{F_1^2 + F_2^2 + 2F_1F_2 \cos(a)}$$

$$F_r = \sqrt{(4)^2 + (3)^2 + 2(4)(3)\cos(60)}$$

$$F_r = \sqrt{16 + 9 + 12}$$

$$F_r = \sqrt{37}$$

$$F_r = (6.08)N$$

$$\sin(b) = \frac{F_2 \sin(a)}{F_r}$$

$$\sin(b) = \frac{(3)\sin(60)}{6.08}$$

$$\sin(b) = 0.42$$

$$b = \sin^{-1}(0.42)$$

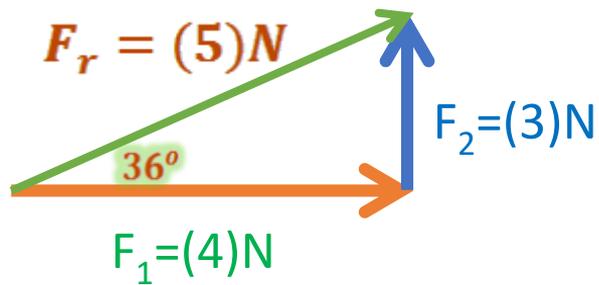
$$b = 25^\circ$$



الحصة الثالثة

رجوع للبداية

الدرس
الاول
الكميات
العديدية
والكميات
المتجه



٢- إذا كانت الزاوية المحصورة بين المتجهين $\theta = 90^\circ$

$$F_r = \sqrt{F_1^2 + F_2^2 + 2F_1F_2 \cos(a)}$$

$$F_r = \sqrt{(4)^2 + (3)^2 + 2(4)(3)\cos(90)}$$

$$F_r = \sqrt{16 + 9 + 0}$$

$$F_r = \sqrt{25}$$

$$F_r = (5)N$$

$$\sin(b) = \frac{F_2 \sin(a)}{F_r}$$

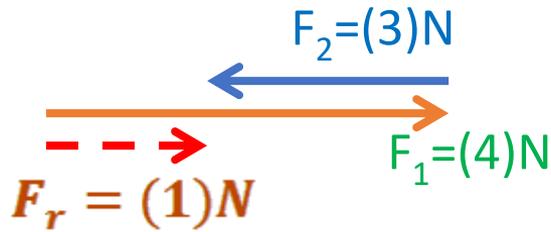
$$\sin(b) = \frac{(3)\sin(90)}{5}$$

$$\sin(b) = 0.6$$

$$b = \sin^{-1}(0.6)$$

$$b = 36^\circ$$

٣- إذا كانت الزاوية المحصورة بين المتجهين $\theta = 180^\circ$



$$F_r = \sqrt{F_1^2 + F_2^2 + 2F_1F_2 \cos(a)}$$

$$F_r = \sqrt{(4)^2 + (3)^2 + 2(4)(3)\cos(180)}$$

$$F_r = \sqrt{16 + 9 - 24}$$

$$F_r = \sqrt{1}$$

$$F_r = (1)N$$

والمحصلة باتجاه القوة الأكبر

ملاحظات هامة:

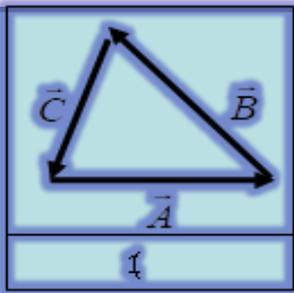
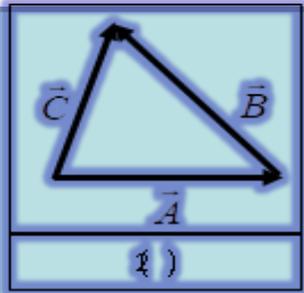
$F_1 = (4)N$

$F_2 = (3)N$

θ	F_r	
0°	$(7)N$	→ حاصل جمعها
60°	$(6.08)N$	
90°	$(5)N$	
180°	$(1)N$	→ الفرق بينهما

اكمل:

- ١- ينساوي مقدار الجمع العددي مع مقدار الجمع الاتجاهي عندما يكون المنجھين
- ٢- ينساوي مقدار الطرخ العددي مع مقدار الجمع الاتجاهي عندما يكون المنجھين
- ٣- تكون محصلة المنجھين اقل ما يمكن عندما يكون المنجھين وأكبر ما يمكن عندما يكون المنجھين
- ٤- نقل المحصلة بين المنجھين كلما الزاوية المحصورة بينهما
- ٥- محصلة منجھين بيانياً نساوي
- ٦- محصلة المضاء المقفل يساوي
- ٧- المحصلة تبدأ من المنجھ الأول وتنتهي بـ المنجھ الأخير
- ٨- عملية جمع المنجھات عملية حيث
- ٩- اذا كان المنجھان منساويان وبينهما زاوية 120^0 فان محصلتهما نساوي



١٠- محصلة الشكل الاول تساوي.....

محصلة الشكل الثاني هي المتجه

١- اكبر قيمة لمحصلة المتجهين تساوي.....

واقبل قيمة تساوي

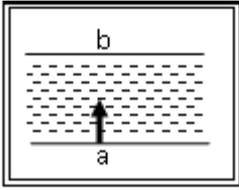
اذكر : العوامل التي يتوقف عليها جمع المتجهات ؟

-٢

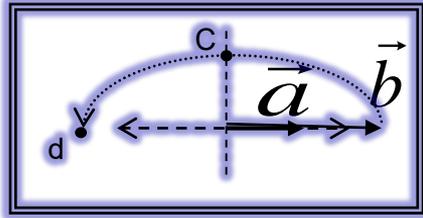
-١

علل- يمكن الحصول علي عدة قيم لمحصلة نفس المتجهين ؟

.....

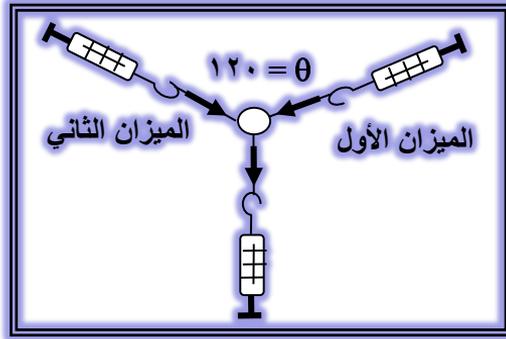


علل- لا يستطيع سباح أن يعبر النهر من نقطة (a) إلى نقطة (b) بصورة مباشرة كما في الشكل .؟



١- لمقدار واتجاه محصلة المتجهين الموضحين بالشكل المقابل إذا دار المتجه (b) نصف دورة مروراً بالنقاط (c ، d) حول نقطة اتصاله بالمتجه (a) .

ماذا يحدث



مثال ١ : إذا كانت قراءة كل من الميزانين الأول والثاني هي (100 N) .
أحسب قراءة الميزان الثالث :

رجوع للبداية

الحصة الرابعة

الدرس
الاول
الكميات
العديّة
والكميات
المنجّه

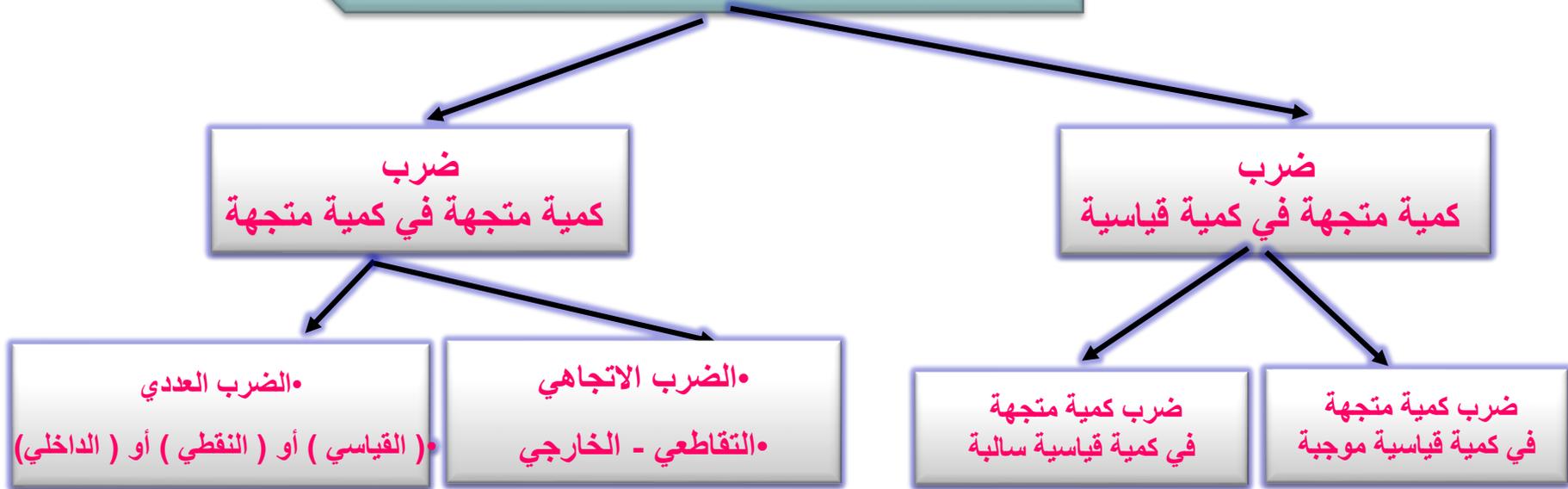


ضرب

المتجهات



ينقسم ضرب المتجهات إلى



أولاً : ضرب متجه بكمية عددية

١. ضرب متجه بكمية عددية موجبه ينتج

ها يساوي

كمية متجه

٢- ضرب متجه بكمية عددية سالبة ينتج

ها يساوي

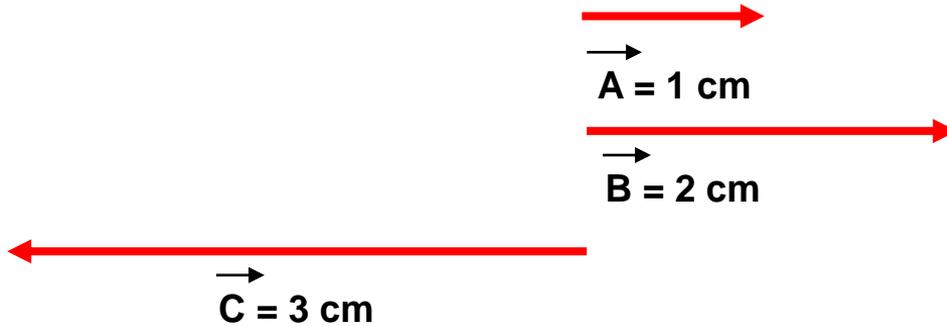
كمية متجه

في نفس اتجاه الكمية المتجه
الاصليه

حاصل ضرب مقدار الكمية العددية
في مقدار الكمية المتجه

عكس اتجاه الكمية المتجه
الاصليه

حاصل ضرب مقدار الكمية العددية
في مقدار الكمية المتجه



اجب : إذا كان لديك المتجه (A) والذي طوله

1cm واتجاهه شرقا

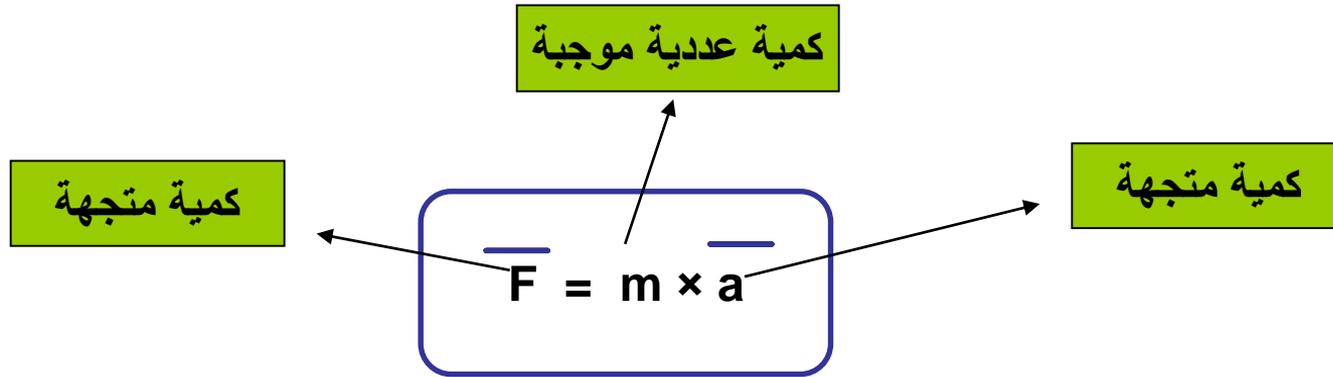
ارسم :

المتجه (B = 2A)

المتجه (C = -3A)

علل :حسب القانون الثاني لنيوتن $F = m \times a$ تعتبر القوة كميته متجهة .

لأنها حاصل ضرب كمية عددية (الكتلة m) في كمية متجهة (العجلة a)



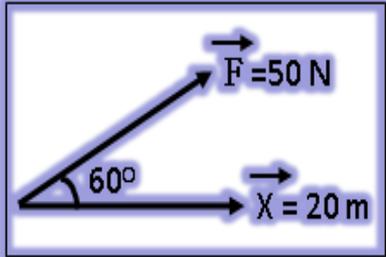
علل :حسب القانون الثاني لنيوتن $F = m \times a$ تكون القوة دائماً في نفس اتجاه العجلة .

لأن الكتلة m كمية عددية موجبة

<p>• الضرب الاتجاهي</p> <p>• التقاطعي - الخارجي</p>	<p>ضرب متجه بأخر</p>	<p>• الضرب العددي</p> <p>• (القياسي) أو (النقطي) أو (الداخلي)</p>	<p>_____</p> <p>$m \hat{E} s k \wedge$</p>
<p>ينتج كمية متجهة تساوي مساحة متوازي الاضلاع المنشأ علي المتجهين واتجاهه عمودي علي مستوي المتجهين</p>		<p>ينتج كمية عددية تساوي حاصل ضرب احد المتجهين في مسقط الاخر عليه</p>	<p>$\underline{od \hat{a} z}$</p>
<p>$\vec{A} \times \vec{B} = AB \sin \theta$</p>		<p>$\vec{A} \cdot \vec{B} = AB \cos \theta$</p>	<p>$\underline{\hat{O} \hat{a} \hat{a} \hat{a}}$</p>
<p>كمية متجهة</p>		<p>كمية عددية</p>	<p>_____</p> <p>$\underline{i \hat{a} \hat{a}}$</p>
<div data-bbox="67 562 357 906" data-label="Diagram"> </div> <p>عمودي علي المتجهين ويحدد بقاعدة اليد اليمنى</p> <p>$\vec{a} \times \vec{b} = (\vec{C})$ متجه \hat{C} واتجاهه لأعلي علي مستوي المتجهين</p> <p>$\vec{b} \times \vec{a} = (\vec{D})$ متجه \hat{D} واتجاهه لأعلي علي مستوي المتجهين</p>		<p>كمية عددية ليس لها اتجاه</p>	<p>$\underline{\hat{a} \hat{a} \hat{a}}$</p> <p>$\underline{\hat{E} \hat{a} \hat{a}}$</p>
<p>مقدار المتجهين - الزاوية بينهما</p>		<p>مقدار المتجهين - الزاوية بينهما</p>	<p>_____</p>

$$W = F \cdot X \cos \Theta$$

من أمثلة الضرب القياسي (النقطي) لمتجهين الشغل



مثال : قوة مقدارها (50 N) تسبب إزاحة للجسم قدرها (20 m) وتصنع مع القوة زاوية (60o) . أحسب مقدار الشغل الناتج .

$$W = F X \cos \Theta = 50 X 20 \cos 60 = 500 \text{ J}$$

الحل

علل- الشغل كمية فيزيائية عددية (قياسية) ؟ لأن الشغل ناتج الضرب العددي لمتجه القوة و متجه الإزاحة

علل- يسمى الضرب القياسي بهذا الاسم بينما الضرب الاتجاهي بهذا الاسم ؟.

لأن ناتج الضرب القياسي كمية عددية بينما ناتج الضرب الاتجاهي كمية متجهة

$$a \cdot b = b \cdot a \text{ اما } a \times b \neq b \times a$$

علل

لأن في الضرب العددي ينتج كمية عددية $\vec{A} \cdot \vec{B} = \vec{B} \cdot \vec{A}$ أي لا يؤثر على ناتج الضرب بينما في الضرب الاتجاهي ينتج كمية متجه $\vec{A} \times \vec{B} = -\vec{B} \times \vec{A}$ يتغير اتجاه المتجه الناتج أي يؤثر على اتجاه ناتج الضرب

الدرس
الاول
الكميات
العديده
والكميات
المنجه

الحصه الخامسه

رجوع للبدايه



متجهان مقدار كل منهما (4) Units و (3) Units المطلوب :

ضرب اتجاهي	ضرب عددي	المطلوب والرسم
المقدار	المقدار	إذا كان المتجهان في اتجاه واحد
الاتجاه		
المقدار	المقدار	إذا كان المتجهان في متعامدان
الاتجاه		
المقدار	المقدار	إذا كان المتجهان بينهما زاوية 45°
الاتجاه		

١- متجهان متماثلان مقدار كل منهما (10) Units فإذا كان حاصل ضربهما الداخلي 50 Units^2 فإن الزاوية بينهما بالدرجات تساوي :

اختر
أنسب إجابة

$$\vec{A} \cdot \vec{B} = AB \cos \alpha$$

$$\cos \alpha = \frac{A \cdot B}{AB} = \frac{50}{100} = 0.5$$

45° 30° 60° 0°
 $\alpha = 60^\circ$

٢- حاصل الضرب النقطي لمتجهين ينعدم عندما تكون الزاوية المحصورة بين المتجهين بوحدة الدرجات تساوي

45° 180° 90° 0°

٣- الشغل كمية عددية لأنه عبارة عن :

- حاصل الضرب القياسي لمتجهي القوة والكتلة
- حاصل الضرب الاتجاهي لمتجهي القوة والإزاحة
- حاصل الضرب القياسي لمتجهي القوة والإزاحة
- حاصل الضرب الاتجاهي لمتجهي القوة والكتلة

٤- حاصل الضرب التقاطعي لمتجهين ينعدم عندما تكون الزاوية المحصورة بين المتجهين بوحدة الدرجات تساوي

45° 60° 90° 0°

٥- متجهان متماثلان مقدار كل منهما Units (2) فإذا كان حاصل ضربهما التقاطعي Units²(2) فإن الزاوية بينهما بالدرجات تساوي :

45° 30° 60° 0°

$$\vec{A} \times \vec{B} = AB \sin \alpha$$

$$\sin \alpha = \frac{A \times B}{A \cdot B} = \frac{2}{2 \times 2} = \frac{1}{2} = 0.5 \quad \alpha = 30^\circ$$

مثال : متجهان متساويان ومتوازيان حاصل ضربهما القياسي 25 unit^2 . أحسب :

$$\vec{A} \times \vec{A} = A^2 \cdot \sin 0 = 0$$

(أ) مقدار حاصل ضربهما الاتجاهي :

$$\vec{A} \cdot \vec{A} = A^2 \cdot \cos \theta \Rightarrow 25 = A^2 \cdot \cos 0 \Rightarrow A = 5 \text{ unit}$$

(ب) مقدار حاصلتهما :

$$R = A + A = 5 + 5 = 10 \text{ unit}$$

مثال : متجهان متساويان ومتعامدين حاصل ضربهما الاتجاهي 36 unit^2 . أحسب :

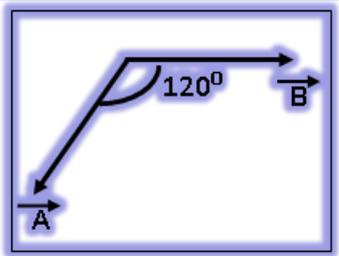
$$\vec{A} \cdot \vec{A} = A^2 \cdot \cos 90 = 0$$

(أ) مقدار حاصل ضربهما القياسي

$$\vec{A} \cdot \vec{A} = A^2 \cdot \cos \theta \Rightarrow 36 = A^2 \cdot \cos 90 \Rightarrow A = 6 \text{ unit}$$

(ب) مقدار حاصلتهما

$$R = \sqrt{A^2 + A^2} = \sqrt{6^2 + 6^2} = 8.48 \text{ unit}$$



مثال : متجهين مقدارهما $(\vec{A} = 6 \text{ unit})$ و $(\vec{B} = 8 \text{ unit})$

(أ) مقدار $\vec{C} = \vec{A} \times \vec{B}$ واتجاهه

$$\vec{C} = \vec{A} \times \vec{B} = AB \sin \theta = 8 \times 6 \sin 120 = 41.56 \text{ unit}^2$$

|| \vec{C} || = $AB \sin \theta$: اتجاهه

$$\vec{D} = \vec{B} \times \vec{A} = AB \sin \theta = 8 \times 6 \sin 120 = 41.56 \text{ unit}^2$$

(ب) $\vec{D} = \vec{B} \times \vec{A}$ واتجاهه : مقدار

|| \vec{D} || = $AB \sin \theta$: اتجاهه

(ج) ما العلاقة بين المتجهين \vec{C} و \vec{D} : $\vec{C} = -\vec{D} \Leftrightarrow \vec{D} = -\vec{C}$

$$R = \vec{A} + \vec{B} = \sqrt{A^2 + B^2 + 2AB \cos \theta}$$

(د) مقدار $\vec{A} + \vec{B}$ واتجاهه :

$$R = \sqrt{6^2 + 8^2 + 2 \times 6 \times 8 \cos 120} = 7.2 \text{ unit}$$

$$\sin \alpha = \frac{B \sin \theta}{R} = \frac{8 \sin 120}{7.2} \Rightarrow \alpha = 73.7^\circ$$

اكمل :

- ١- يتساوي مقدار الضرب العددي مع مقدار الضرب الاتجاهي عند لأن
- ٢- إذا كان حاصل الضرب القياسي لمتجهين متساويين يساوي مربع أي منهما فإن الزاوية المحصورة بينهما
- ٣- إذا كان حاصل الضرب الاتجاهي لمتجهين متساويين يساوي مربع أي منهما فإن الزاوية المحصورة بينهما
- ٤- إذا كان حاصل الضرب الاتجاهي لمتجهين يساوي مثلي حاصل الضرب العددي لنفس المتجهين فإن الزاوية المحصورة بينهما تساوي

٨- إذا كان حاصل الضرب الاتجاهي لمتجهين يساوي نصف حاصل الضرب العددي لنفس المتجهين فإن الزاوية المحصورة بينهما تساوي

