

اعداد الاستاذ /
مصطفى صابر
50 33 7 22 4

الصف الحادي عشر "علم"

الأعداد الحقيقية

الوحدة

حل المعادلات

الأسس
النسبية

الجذور والتعابير
الجذرية

أولاً: الجذور والتعابير الجذرية

حاول أن تحل ص 13

أوجب الجذر التكعيبي لكل من الأعداد دون استخدام الآلة -

a) -27

$$= \sqrt[3]{-27}$$

$$\Rightarrow \sqrt[3]{(-3)^3} = -3$$

$$-27 = -3 \times -3 \times -3$$

b) 64

$$= \sqrt[3]{64}$$

$$\Rightarrow \sqrt[3]{(4)^3} = 4$$

$$64 = 4 \times 4 \times 4$$

c) -0,008

$$= \frac{-8}{1000}$$

$$\Rightarrow \sqrt[3]{\frac{-8}{1000}}$$

$$\Rightarrow \sqrt[3]{\left(\frac{-2}{10}\right)^3} = \frac{-2}{10} = \frac{-1}{5}$$

$$8 = 2 \times 2 \times 2$$

$$1000 = 10 \times 10 \times 10$$

d) $\frac{343}{216}$

$$= \sqrt[3]{\frac{343}{216}}$$

$$\Rightarrow \sqrt[3]{\left(\frac{7}{6}\right)^3} = \frac{7}{6}$$

خاتمة بالك

$$343 = 7 \times 7 \times 7$$



$$(7)^3$$

بالتحليل وجد أن :-
أي أن

$$216 = \underbrace{2 \times 2 \times 2}_2 \times \underbrace{3 \times 3 \times 3}_3$$

$$216 = (2)^3 \times (3)^3 = (6)^3$$

343	7	9
49	7	7
7	7	7
1		
216	2	2
108	2	2
54	2	2
27	3	3
9	3	3
3	3	3
1		



بسّط كلًا من التعبيرين الجذريين التاليين - و x و y حقيقيان

حاول ان تقلّم 14

a) $\sqrt{9x^2y^4}$

$$= \sqrt{(3)^2 x^2 (y^2)^2}$$

$$= \sqrt{(3xy^2)^2} \Rightarrow 3|x|y^2$$

$$= \begin{cases} 3xy^2 & ; x \geq 0 \\ -3xy^2 & ; x < 0 \end{cases}$$

يوضع الـ |
للرمز y او x
الذي يخرج من
الجذر التربيعي
بأن فوجد

b) $\sqrt[3]{-27x^6} + 3x^2$

$$= \sqrt[3]{(-3x^2)^3} + 3x^2$$

الـ

$$-3x^2 + 3x^2 = 0$$

c) $\sqrt{x^8y^6}$

$$= \sqrt{(x^4y^3)^2}$$

$$= x^4|y^3| \Rightarrow x^4y^2|y|$$

حاول ان تقلّم 15

a) $3\sqrt{32} - \sqrt{98}$

$$3\sqrt{(4)^2 \times 2} - \sqrt{(7)^2 \times 2}$$

$$3 \times 4\sqrt{2} - 7\sqrt{2} \Rightarrow 12\sqrt{2} - 7\sqrt{2}$$

$$= 5\sqrt{2}$$

b) $2\sqrt[3]{3} + 5\sqrt[3]{375}$

$$2\sqrt[3]{3} + 5 \times \sqrt[3]{(5)^3 \times 3}$$

$$2\sqrt[3]{3} + 5 \times 5\sqrt[3]{3} \Rightarrow 27\sqrt[3]{3}$$

2

32	2	2
16	2	2
8	2	x
4	2	2
2	2	2
1		
98	2	
49	7	7
7	7	7
1		
375	3	
125	5	5
25	5	5
5	5	5
1		

c) $\sqrt{18} + \sqrt{50} - \sqrt{72}$

تابع حاول أن تقلم 15

$$= \sqrt{(3)^2 \times 2} + \sqrt{(5)^2 \times 2} - \sqrt{(6)^2 \times 2}$$

$$= 3\sqrt{2} + 5\sqrt{2} - 6\sqrt{2} = 2\sqrt{2}$$

18	2
9	3
3	3
1	

d) $\sqrt[3]{128} + \sqrt[3]{54} - 2\sqrt[3]{250}$

$$= \sqrt[3]{(4)^3 \times 2} + \sqrt[3]{(3)^3 \times 2} - 2\sqrt[3]{(5)^3 \times 2}$$

$$= 4\sqrt[3]{2} + 3\sqrt[3]{2} - 2 \times 5\sqrt[3]{2}$$

$$= 4\sqrt[3]{2} + 3\sqrt[3]{2} - 10\sqrt[3]{2}$$

$$= -3\sqrt[3]{2}$$

54	2
27	3
9	3
3	3
1	

128	2
64	2
32	2
16	2
8	2
4	2
2	2
1	

50	2
25	5
5	5
1	

72	2
36	2
18	2
9	3
3	3
1	

a) $4\sqrt[3]{8} + 2\sqrt[3]{128}$

$$= 4\sqrt[3]{(2)^3} + 2 \times \sqrt[3]{(4)^3 \times 2}$$

$$= 4 \times 2 + 2 \times 4\sqrt[3]{2}$$

$$= 8 + 8\sqrt[3]{2}$$

e)

$\sqrt{12} + \sqrt{147} - \sqrt{27}$

$$= \sqrt{(2)^2 \times 3} + \sqrt{(7)^2 \times 3} - \sqrt{(3)^2 \times 3}$$

$$= 2\sqrt{3} + 7\sqrt{3} - 3\sqrt{3}$$

$$= 6\sqrt{3}$$

147	3
49	7
7	7
1	

b) $2\sqrt{75} - \sqrt{48}$

$$= 2 \times \sqrt{(5)^2 \times 3} - \sqrt{(4)^2 \times 3}$$

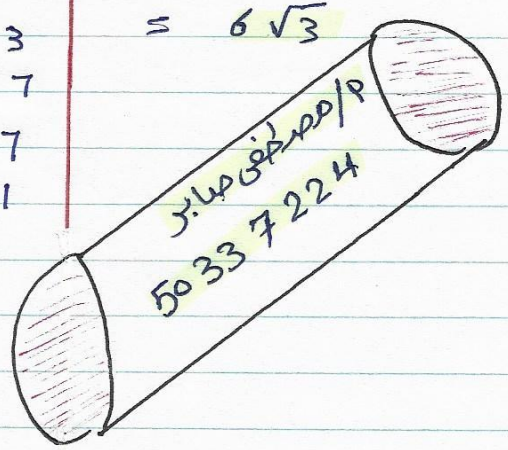
$$= 2 \times 5\sqrt{3} - 4\sqrt{3}$$

$$= 10\sqrt{3} - 4\sqrt{3}$$

$$= 6\sqrt{3}$$

75	3
25	5
5	5
1	

48	2
24	2
12	2
6	2
3	3
1	



$$d) \sqrt[3]{320} + \sqrt[3]{40} - \sqrt[3]{135}$$

$$= \sqrt[3]{(4)^3 \times 5} + \sqrt[3]{(2)^3 \times 5} - \sqrt[3]{(3)^3 \times 5}$$

$$= 4\sqrt[3]{5} + 2\sqrt[3]{5} - 3\sqrt[3]{5}$$

$$= 3\sqrt[3]{5}$$

تابع حاول ان تقلص

320	2	}	2
160	2		
80	2	}	x
40	2		
20	2	}	2
10	2		
5	5		
1	1		

حاول ان تقلص بسم الله من التعبيرات الجذرية التالية

$$a) \sqrt{50x^4}$$

$$= \sqrt{(5)^2 \cdot 2 \cdot (x^2)^2}$$

$$= 5x^2\sqrt{2}$$

$$= 5\sqrt{2}x^2$$

$$b) \sqrt[2]{18x^3}$$

$$= \sqrt{2 \cdot (3)^2 \cdot (x)^2 \cdot x}$$

$$= 3x\sqrt{2x}$$

$$b) \sqrt[3]{18x^3}$$

$$= \sqrt[3]{18(x)^3}$$

$$= \sqrt[3]{18}x$$

حاول ان تقلص

$$a) 3\sqrt{7x^3} \times 2\sqrt{x^3y^2} \quad x \geq 0$$

لذا

$$= 3\sqrt{7 \cdot x^2 \cdot x} \times 2\sqrt{x^2 \cdot x \cdot y^2}$$

$$= 3x\sqrt{7x} \cdot 2x|y|\sqrt{x}$$

$$= 6x^2|y|\sqrt{7x \cdot x}$$

$$= 6x^3|y|\sqrt{7}$$

$$= 6\sqrt{7}x^3|y|$$

$$b) 4\sqrt[3]{x^4y} \times 3\sqrt[3]{x^2y}$$

$$4 \times 3 \sqrt[3]{x^4y \cdot x^2y}$$

$$= 12\sqrt[3]{x^6y^2}$$

$$\Rightarrow 12\sqrt[3]{(x^2)^3y^2} \Rightarrow 12x^2\sqrt[3]{y^2}$$

حاول ان تقلص $\frac{19}{20}$ اوجد ناتج كلا من التعبيرين التاليين

a) $\frac{\sqrt{243}}{\sqrt{27}}$

$$= \sqrt{\frac{243}{27}}$$

$$= \sqrt{9} = 3$$

في حالة الضرب والقسمة
اذا كان الجذر متشابهة
تجعل جذراً واحداً

b) $\frac{\sqrt{12x^4}}{\sqrt{3x}}$, $x > 0$

$$= \sqrt{\frac{12x^4}{3x}} = \sqrt{4x^3}$$

$$= \sqrt{(2)^2 x^2 \cdot x} = 2x\sqrt{x}$$

c) $\frac{\sqrt[3]{128x^{15}}}{\sqrt[3]{2x^2}}$, $x \neq 0$

$$= \sqrt[3]{\frac{128x^{15}}{2x^2}} = \sqrt[3]{64x^{13}}$$

$$= \sqrt[3]{(4)^3 (x^4)^3 \cdot x} = 4x^4 \sqrt[3]{x}$$

حاول ان تقلص $\frac{2}{3}$ اوجد ناتج كلا من

a) $\frac{\sqrt{3} + \sqrt{2}}{\sqrt{3}}$

بالضرب x المرافق $\sqrt{3}$

$$= \frac{\sqrt{3} + \sqrt{2}}{\sqrt{3}} \times \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{3}}$$

$$= \frac{3 + \sqrt{6}}{3}$$

b) $\frac{3 - \sqrt{2}}{2 - \sqrt{2}}$

بالضرب x المرافق $2 + \sqrt{2}$

$$\frac{3 - \sqrt{2}}{2 - \sqrt{2}} \times \frac{2 + \sqrt{2}}{2 + \sqrt{2}}$$

$$\frac{6 + 3\sqrt{2} - 2\sqrt{2} - 2}{4 - 2}$$

$$= \frac{4 + \sqrt{2}}{2}$$

c) $\frac{1}{\sqrt[3]{7^2}}$

بالضرب x المرافق $\sqrt[3]{7}$

$$\frac{1}{\sqrt[3]{7^2}} \times \frac{\sqrt[3]{7}}{\sqrt[3]{7}}$$

$$= \frac{\sqrt[3]{7}}{7}$$

d) $\frac{x + \sqrt{x}}{\sqrt{x} - 1}$

بالضرب x المرافق $\sqrt{x} + 1$

$$= \frac{x + \sqrt{x}}{\sqrt{x} - 1} \times \frac{\sqrt{x} + 1}{\sqrt{x} + 1} = \frac{x\sqrt{x} + x + x + \sqrt{x}}{x - 1}$$

$$= \frac{2x + x\sqrt{x} + \sqrt{x}}{x - 1}$$

ثانياً - الأسس النسبية

حاول أن تقلص 2^3 بسط كلاً من مستخدماً الصورة الجذرية

a) $64^{\frac{1}{3}}$ b) $(2^{\frac{1}{2}})(2^{\frac{1}{2}})$ c) $(8^{\frac{1}{2}})(2^{\frac{1}{2}})$

$$\begin{array}{l} = \sqrt[3]{64} \\ = \sqrt[3]{(4)^3} \\ = 4 \end{array} \quad \left| \quad \begin{array}{l} = \sqrt{2} \times \sqrt{2} \\ = \sqrt{2^2} \\ = 2 \end{array} \quad \left| \quad \begin{array}{l} = \sqrt{8} \times \sqrt{2} \\ = \sqrt{16} \\ = \sqrt{(4)^2} \\ = 4 \end{array}$$

م 2^3 اكتب العدد $(64)^{\frac{4}{3}}$ بالصورة الجذرية

$$\sqrt[3]{(64)^4} \Rightarrow \sqrt[3]{[(4)^3]^4} = (4)^4 = 256$$

حاول أن تقلص 2^4

اكتب بالصورة الجذرية كلاً من :-

1) $x^{0.4}$

$$= x^{\frac{4}{10}} \Rightarrow x^{\frac{2}{5}} \Rightarrow \sqrt[5]{x^2}$$

2) $y^{\frac{3}{8}}$ $\forall y \geq 0$

$$= \sqrt[8]{y^3}$$

اكتب بالصورة الأسية -

3) $\sqrt[3]{x^2}$

$$= x^{\frac{2}{3}}$$

4) $(\sqrt{y})^3$ $\forall y \geq 0$

$$= y^{\frac{3}{2}}$$

حاول أن تقلص 2^6 بسط

حاول أن تقل م²⁶ بسط كلاً من مستخدمًا قوانين الأسس :-

$$a) 25^{-\frac{3}{2}} \Rightarrow (5^2)^{-\frac{3}{2}} \Rightarrow 5^{-3} = \frac{1}{5^3} = \frac{1}{125}$$

$$b) (-32)^{\frac{4}{5}} = (-2^5)^{\frac{4}{5}} \Rightarrow (-2)^4 = 16$$

$$c) \left(\frac{16x^{14}}{81y^{18}} \right)^{\frac{1}{2}} = \left[\left(\frac{4x^7}{9y^9} \right)^2 \right]^{\frac{1}{2}} = \frac{4x^7}{9y^9}, x \geq 0, y > 0$$

حاول أن تقل م²⁸ بسط كلاً من :-

$$a) \sqrt[5]{9} \times \sqrt[5]{27}$$

$$= \sqrt[5]{9 \times 27}$$

$$= \sqrt[5]{243}$$

$$= \sqrt[5]{3^5} = 3$$

243	3
81	3
27	3
9	3
3	3
1	

$$b) \frac{\sqrt[3]{243}}{\sqrt[3]{3}} = \sqrt[3]{\frac{243}{3}}$$

$$= \sqrt[3]{81}$$

$$= \sqrt[3]{3^3 \times 3} = 3\sqrt[3]{3}$$

729	3	}	3
243	3		
81	3		
27	3	}	x
9	3		
3	3		
1			

$$c) \sqrt{\sqrt[3]{729}} = \sqrt{\sqrt[3]{(9)^3}}$$

$$= \sqrt{9} = 3$$

$$d) (\sqrt[4]{x} \cdot \sqrt[4]{y^3})^{12}, x, y \in \mathbb{Q}^+$$

$$= (\sqrt[4]{xy^3})^{-12}$$

$$= \left((xy^3)^{\frac{1}{4}} \right)^{-12} \Rightarrow (xy^3)^{-3}$$

$$= \frac{1}{(xy^3)^3}$$

