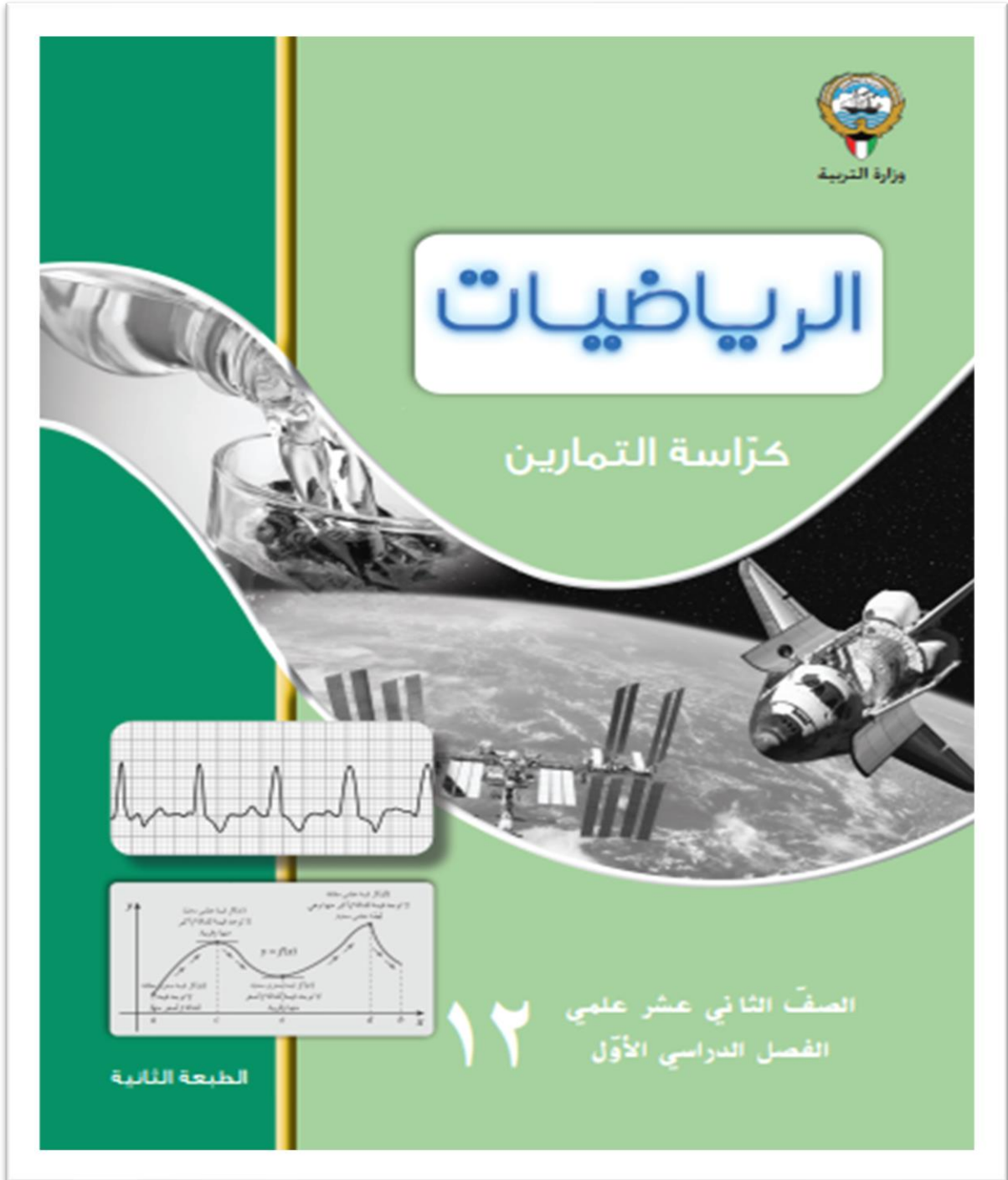




التقويمي الثاني  
للفترة الأولى  
الصف ١٢ علمي  
٢٠٢٤ - ٢٠٢٣  
شعبان جمال  
Shaaban Gamal

البنود: ( 2 - 2 ) ، ( 2 - 1 ) ، ( 1 - 7 ) ، ( 1 - 6 )



لتكن:  $f(x) = 2x^2 - 3$  ،  $g(x) = \sqrt{x+4}$  . ابحث اتصال الدالة  $g \circ f$  عند  $x = -2$

باستخدام التعريف، أوجد مشتقة الدالة  $f$  :  $f(x) = 2x^2 + 1$  عند  $x = 1$

ظل  (a) إذا كانت العبارة صحيحة وظلل  (b) إذا كانت العبارة خاطئة

(a)  (b) إذا كانت  $f$  دالة متصلة على كل من  $[3, 5]$  ،  $[1, 3]$  فإن  $f$  متصلة على  $[1, 5]$

(a)  (b) ميل مماس منحنى الدالة  $f: f(x) = x^2$  عند  $x = -2$  هو 4

$$f(x) = \begin{cases} x+3 & : x \leq -1 \\ \frac{4}{x+3} & : x > -1 \end{cases}$$

ادرس اتصال الدالة  $f$  على مجالها حيث:

أوجد ميل المماس للقطع المكافئ  $y = (x - 2)^2 + 2$  عند النقطة  $A(1, 3)$

لكل بند أربعة اختيارات واحد منها فقط صحيح 0 ظلل الرمز الدال على الإجابة الصحيحة

إذا كانت  $g$  دالة متصلة عند  $x = 2$  فإن الدالة المتصلة عند  $x = 2$  فيما يلي هي  $f(x)$  تساوي:

- (a)  $\sqrt{g(x)}$       (b)  $\frac{1}{g(x)}$       (c)  $\frac{g(x)}{x-2}$       (d)  $|g(x)|$

الدالة  $f$  القابلة للاشتقاق عند  $x = 3$  فيما يلي هي:

- (a)  $f(x) = \frac{x+1}{x-3}$       (b)  $\sqrt{3-x}$       (c)  $\begin{cases} 3x-1 & : x \leq 3 \\ 1 & : x > 3 \end{cases}$       (d)  $\sqrt[3]{x+2}$

ابحث اتصال الدالة  $f(x)$  عند  $x = \frac{\pi}{4}$  :  $f(x) = \frac{\tan x}{x+1}$

لتكن  $f$  :  $f(x) = \begin{cases} x^2 - 4 & : x \leq 2 \\ 3x - 2 & : x > 2 \end{cases}$  ، ابحث قابلية الاشتقاق للدالة  $f$  عند  $x = 2$ .

ظل **(a)** إذا كانت العبارة صحيحة وظلل **(b)** إذا كانت العبارة خاطئة

الدالة  $f : f(x) = x^2 - |x|$  متصلة لكل قيم  $x \in \mathbb{R}$

**(a)** **(b)**

ميل مماس منحنى الدالة  $f(x) = |x|$  عند  $x = -2$  هو 2

**(a)** **(b)**

لتكن  $f: \sqrt{x^2 - 2x}$  . أوجد  $D_f$  (مجال الدالة  $f$ ) ثم ادرس اتصال الدالة  $f$  على  $[-5, 0]$ .

لتكن  $f(x) = x^2 + 2$  . أوجد  $f'(x)$  باستخدام تعريف المشتقة.

لكل بند أربعة اختيارات واحد منها فقط صحيح 0 ظلل الرمز الدال على الإجابة الصحيحة

لتكن الدالة  $f: \frac{x}{\sqrt{x-3}}$  ، الدالة  $g: x^2 + 3, x \neq 0$  ، فإن  $(f \circ g)(x)$  تساوي:

- (a)  $\frac{x^2}{x-3} + 3$       (b)  $\frac{x}{\sqrt{x-3}} + 3$       (c)  $\frac{-(x^2+3)}{x}$       (d)  $\frac{x^2+3}{|x|}$

ميل مماس منحنى الدالة  $f: 9 - x^2$  عند  $x = 2$  هو:

- (a) -5      (b) -4      (c) 4      (d) 5

$$f(x) = \begin{cases} -5 & : x = -3 \\ -x^2 + 4 & : -3 < x < 4 \\ -10 & : x = 4 \end{cases}$$

ادرس اتصال الدالة  $f$  على  $[-3, 4]$  حيث:

باستخدام التعريف البديل. أوجد مشتقة الدالة  $f : f(x) = \sqrt{x}$  عند  $x = a$  حيث  $a > 0$

ظل **(a)** إذا كانت العبارة صحيحة وظلل **(b)** إذا كانت العبارة خاطئة

الدالة  $f : f(x) = \sqrt{-x^2 + 5x - 4}$  متصلة عند  $x = 2$

**(a)** **(b)**

يكون مماس منحنى الدالة  $f : f(x) = 4$  عند النقطة  $(-1, 4)$  موازيًا لمحور السينات.

**(a)** **(b)**

$$f(x) = \begin{cases} x^2 - a & : x < 0 \\ 2 & : x = 0 \\ ax + b & : x > 0 \end{cases} \quad \text{لتكن الدالة } f : \mathbb{R} \text{ متصلة على مجالها } \mathbb{R} \text{ أوجد قيمة الثابتين } a, b$$

$$g(x) = \begin{cases} (x+1)^2 & , x \leq 0 \\ 2x+1 & , x > 0 \end{cases} \quad \text{لتكن الدالة } g : \mathbb{R} \text{ متصلة على مجالها } \mathbb{R} \text{ أوجد } g'(0)$$

لكل بند أربعة اختبارات واحد منها فقط صحيح 0 ظلل الرمز الدال على الإجابة الصحيحة

نقاط انفصال الدالة  $f(x) = \frac{-x+2}{x^2+9}$  عند:

- (a)  $x = 3$       (b)  $x = -3$       (c)  $x = 2$       (d) لا يوجد نقاط انفصال

ليكن منحنى الدالة  $f(x) = x^2 - 4x + 3$  فإن النقطة التي يكون مماس المنحنى عندها أفقيًا هي:

- (a)  $(3, 0)$       (b)  $(1, 0)$       (c)  $(2, -1)$       (d)  $(-1, 2)$

لتكن  $f: \sqrt{8-2x^2}$  . أوجد  $D_f$  (مجال الدالة  $f$ ) ثم ادرس اتصال الدالة  $f$  على مجالها

لتكن الدالة  $f: \begin{cases} x^3 & , x \leq 1 \\ 3x+k & , x > 1 \end{cases}$  . قابلة للاشتقاق عند  $x=1$ ، فأوجد قيمة  $k$ .

ظل **(a)** إذا كانت العبارة صحيحة وظلل **(b)** إذا كانت العبارة خاطئة

**(a)** **(b)**

الدالة  $f: x^2 + |x-1|$  متصلة عند  $x=3$

**(a)** **(b)**

ميل مماس منحنى الدالة  $f$  عند النقطة  $(c, f(c))$  هو  $\frac{f(c+h)-f(c)}{h}$

$$f(x) = \frac{\sqrt[3]{x}}{x^2 + 1} \quad , \quad \text{ابحث اتصال الدالة } f(x) \text{ عند } x = 1$$

لتكن  $f : f(x) = |x - 2|$  ، ابحث قابلية الدالة  $f$  للاشتقاق عند  $x = 2$ .

لكل بند أربعة اختبارات واحد منها فقط صحيح 0 ظلل الرمز الدال على الإجابة الصحيحة

الدالة  $f : f(x) = \frac{2x - 1}{\sqrt{x^2 - 25}}$  متصلة على:

- (a)  $(-\infty, \frac{1}{2}]$       (b)  $(5, \infty)$       (c)  $\mathbb{R}$       (d)  $(-5, 5)$

إن الدالة  $f : f(x) = x + \sqrt{x^2 + 2}$  ليست قابلة للاشتقاق عند  $x = 0$  والسبب هو:

- (a) ناب      (b) ركن      (c) مماس عمودي      (d) غير متصلة

استخدم التعريف:  $f'(a) = \lim_{x \rightarrow a} \frac{f(x) - f(a)}{x - a}$  لإيجاد مشتقة الدالة  $f$ :  $f(x) = 2x^3$  عند  $x = 1$

لتكن الدالة  $f$ :  $f(x) = \begin{cases} 5 & : x = 1 \\ ax + b & : 1 < x < 4 \\ b + 8 & : x = 4 \end{cases}$  متصلة على  $[1, 4]$ . أوجد قيم الثابتين  $a, b$

ظل **(a)** إذا كانت العبارة صحيحة وظل **(b)** إذا كانت العبارة خاطئة

**(a)** **(b)**

الدالة  $f$ :  $f(x) = \frac{2x - 2}{|x| - 1}$  متصلة عند  $x = 0$

**(a)** **(b)**

الدالة  $f$ :  $f(x) = \sqrt{x^2 - 4}$  متصلة على  $[-2, 2]$

ابحث اتصال الدالة  $f$  :  $f(x) = |\sqrt{x} - 3|$  عند  $x = 4$

أوجد مشتقة الدالة  $f$  :  $f(x) = \frac{1}{x}$  عند  $x = b$  ,  $b \neq 0$

لكل بند أربعة اختيارات واحد منها فقط صحيح 0 ظلل الرمز الدال على الإجابة الصحيحة

الدالة  $g$  :  $g(x) = \begin{cases} \frac{x^2 - 1}{x - 1} & : x > 1 \\ 3x & : x \leq 1 \end{cases}$  متصلة على:

- (a)  $(-\infty, 1], (1, \infty)$  (b)  $(-\infty, 1), [1, \infty)$  (c)  $(-\infty, \infty)$  (d)  $(-\infty, 3]$

إذا كانت  $f(x) = \frac{x-2}{x^2-4}$  فإن مجال  $f'$  هو:

- (a)  $\mathbb{R} - \{-2, 2\}$  (b)  $\mathbb{R} - \{-2\}$  (c)  $\mathbb{R} - \{2\}$  (d)  $\mathbb{R} - (-2, 2)$

$$f(x) = \begin{cases} x^2 & : x \leq 0 \\ 2x & : x > 0 \end{cases}$$

بين أن الدالة التالية لها مشتقة لجهة اليمين ومشتقة لجهة اليسار عند  $x = 0$ ، لكن ليس لها مشتقة عند  $x = 0$

ادرس اتصال الدالة  $f(x)$  على  $\mathbb{R}$  :  $f(x) = |3x^2 + 4x - 1|$

لكل بند أربعة اختبارات واحد منها فقط صحيح 0 ظلل الرمز الدال على الإجابة الصحيحة

إذا كانت الدالة  $f$  :  $f(x) = \sqrt{x^2 - a}$  متصلة عند  $x = 3$  فإن  $a$  يمكن أن تساوي:

- (a) 4                      (b) 9                      (c) 16                      (d) 25

لتكن الدالة  $f$  :  $f(x) = \frac{x+1}{x-4}$  فإن الدالة  $f$  :

- (a) لها نقطتي انفصال عند كل من  $x = -1$  ,  $x = 4$                       (b) متصلة على  $[-\infty, 4]$   
 (c) متصلة على كلٍ من  $(-\infty, 4)$  ,  $(4, \infty)$                       (d) ليس أي مما سبق

الدالة  $f$  معرفة كما يلي:  $f(x) = \begin{cases} -x+4 & : x \leq 7 \\ \frac{9}{-x+4} & : x > 7 \end{cases}$  ، ادرس اتصال الدالة على مجالها.

استخدم التعريف:  $f'(a) = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(a+h) - f(a)}{h}$  لإيجاد مشتقة الدالة  $f$ :  $f(x) = \frac{3}{x}$  عند  $x = 3$

ظل **(a)** إذا كانت العبارة صحيحة وظلل **(b)** إذا كانت العبارة خاطئة

الدالة  $f$ :  $f(x) = \frac{2x+5}{x+2} - \frac{2}{x}$  متصلة عند  $x = 0$

الدالة  $f$ :  $f(x) = x|x|$  غير قابلة للاشتقاق  $\forall x \in \mathbb{R}$ .

ابحث اتصال الدالة  $g$  :  $g(x) = \sqrt{x^2 + 1} - |x - 3|$  عند  $x = 3$

لتكن  $f(x) = x^3$  . أوجد  $f'(x)$  باستخدام تعريف المشتقة إن وجدت.

ظل  (a) إذا كانت العبارة صحيحة وظلل  (b) إذا كانت العبارة خاطئة

(a)  (b)

الدالة  $f$  :  $f(x) = \frac{\sqrt[3]{3x-1}}{x^2}$  متصلة عند  $x = 3$

(a)  (b)

الدالة  $f$  :  $f(x) = \begin{cases} 2x-1 & : x < 4 \\ x^2-9 & : x > 4 \end{cases}$  قابلة للاشتقاق عند  $x = 4$ .

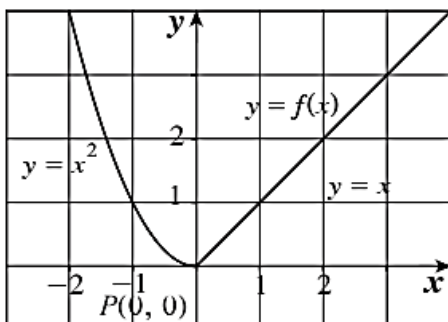
لتكن:  $f(x) = \sqrt{1+x^2}$  ,  $g(x) = \frac{3}{x^2+4}$  أوجد: **a**  $(f \circ g)(x)$  **b**  $(g \circ f)(\sqrt{3})$

لتكن الدالة  $f$ :  $f(x) = \begin{cases} x^2 + x & : x \leq -1 \\ x^2 - x - 2 & : x > -1 \end{cases}$  أوجد إن أمكن  $f'(-1)$ .

لكل بند أربعة اختبارات واحد منها فقط صحيح 0 ظلل الرمز الدال على الإجابة الصحيحة

نقاط انفصال الدالة  $f$ :  $f(x) = \frac{x^2 - 4}{x^2 - 1}$  عند  $x$  تساوي:

- a** 1 , -1      **b** 2 , -2      **c** 1 , 2      **d** -1 , -2



في الشكل المقابل، عند النقطة  $P$ :

- a** المشتقة جهة اليسار موجبة.      **b** المشتقة جهة اليمين سالبة.  
**c** الدالة قابلة للإشتقاق.      **d** ليس أي مما سبق.

لتكن:  $f(x) = |x^2 - 3x + 2|$  ابحث اتصال الدالة  $f$  عند  $x = 0$

لتكن  $f$ :  $f(x) = \begin{cases} x^2 + 2x & : x \leq 1 \\ 4x - 1 & : x > 1 \end{cases}$  ابحث قابلية اشتقاق الدالة  $f$  عند  $x = 1$ .

لكل بند أربعة اختبارات واحد منها فقط صحيح 0 ظلل الرمز الدال على الإجابة الصحيحة

لتكن الدالة  $f$ :  $f(x) = \sqrt{x^2 + 7}$ ،  $g(x) = x^2 - 3$  فإن  $(f \circ g)(0)$  يساوي:

- (a) 4                      (b) -4                      (c) 1                      (d) -1

ظلل (a) إذا كانت العبارة صحيحة وظلل (b) إذا كانت العبارة خاطئة

(a) (b) إن الدالة  $f$ :  $f(x) = \frac{x^3 - 8}{x^2 - 4x - 5}$  غير قابلة للاشتقاق عندما  $x$  تساوي -1 فقط.

ظل (a) إذا كانت العبارة صحيحة وظلل (b) إذا كانت العبارة خاطئة

(a) (b)

إذا كانت  $f$ :  $f(x) = 3x - 12$  فإن  $f'(x) = 3$ .

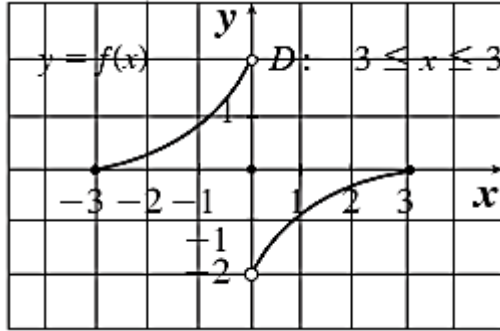
(a) (b)

الدالة  $f$ :  $f(x) = \frac{2x-3}{x+2}$  متصلة على  $(-\infty, 0)$

(a) (b)

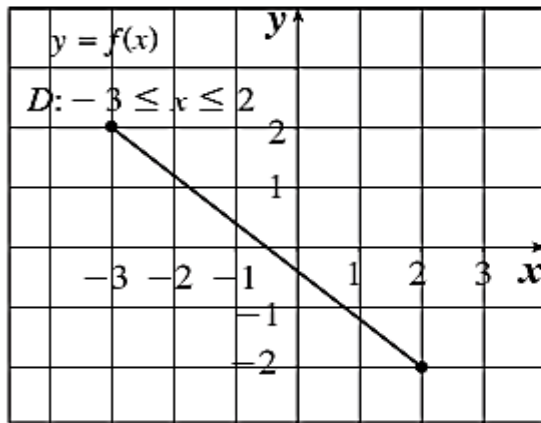
الدالة  $f$ :  $f(x) = \frac{x+1}{x-2}$  متصلة على  $(-\infty, 2)$  فقط

(a) (b)



إن الدالة  $f$  ذات الرسم البياني المقابل هي متصلة على الفترة  $[-3, 3]$  ولكن غير قابلة للاشتقاق عند  $x = 0$

(a) (b)



إن الدالة  $f$  ذات الرسم المقابل قابلة للاشتقاق على الفترة  $[-3, 2]$ .

لكل بند أربعة اختيارات واحد منها فقط صحيح 0 ظلل الرمز الدال على الإجابة الصحيحة

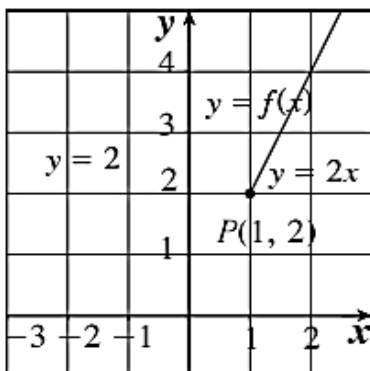
لتكن الدالة  $f$ :  $f(x) = x^2 + 3, x \neq 0$ ، الدالة  $g$ :  $g(x) = \frac{x}{x-3}$ ، فإن  $(g \circ f)(x)$  تساوي:

(a)  $\frac{4x^2 - 18x + 27}{(x-3)^2}$

(b)  $\frac{x^2}{x^2 - 3}$

(c)  $\frac{x^2 + 3}{x^2}$

(d)  $\frac{x^2}{x^2 + 3}$



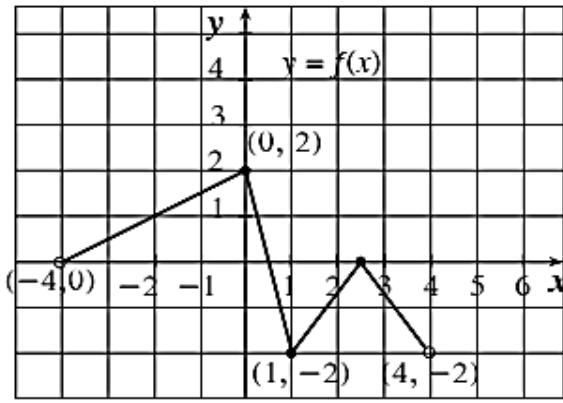
في الشكل المقابل، عند النقطة  $P$ :

(b)  $f'_-(1) = 0$

(a)  $f'_+(1) = 1$

(c)  $f'_-(1) = 2$

(d) قابلة للاشتقاق



تكون الدالة  $f$  ذات الرسم البياني المقابل

غير قابلة للاشتقاق عند كل  $x = \dots$

- (a)  $0, 1, 2\frac{1}{2}$       (b)  $-2, +2$   
(c)  $-4, 0, 1, 4$       (d)  $1, 4$

ادرس اتصال الدالة  $f$  على  $[1, 3]$  حيث:

$$f(x) = \begin{cases} -2 & : x = 1 \\ x^2 - 3 & : 1 < x < 3 \\ 6 & : x = 3 \end{cases}$$

ادرس اتصال الدالة  $f$  على  $[1, 5]$  حيث:

$$f(x) = \begin{cases} 2 & : x = 1 \\ \frac{x^2 + 1}{x} & : 1 < x < 5 \\ \frac{26}{5} & : x = 5 \end{cases}$$

الدالة  $f$  معرفة كما يلي: ، ادرس اتصال الدالة على مجالها.

$$f(x) = \begin{cases} \sqrt{x^2 + 9} & : x \leq 0 \\ \frac{6}{x+3} & : x > 0 \end{cases}$$

ادرس اتصال الدالة  $f(x) = \frac{x}{x^2 + 1}$  على الفترة  $[-1, 5]$

ادرس اتصال الدالة  $f(x) = \frac{x}{x^2 - 4}$  على الفترة  $[0, 5]$

ابحث اتصال الدالة  $f$ :  $f(x) = \frac{2x-2}{|x|-1}$  عند  $x = 0$

ابحث اتصال الدالة  $f(x)$  عند  $x = 3$ :  $f(x) = x^2 - 4x + 3 + |x|$

لتكن:  $f(x) = x^2 + 5$  ،  $g(x) = \sqrt{x}$  . ابحث اتصال الدالة  $g \circ f$  عند  $x = -2$

لتكن:  $g(x) = 2x + 3$  ،  $f(x) = \frac{|x|}{x+2}$  . ابحث اتصال الدالة  $f \circ g$  عند  $x = 1$

لتكن:  $f(x) = |x^2 - 5x + 6|$  ابحث اتصال الدالة  $f$  عند  $x = 2$

ابحث اتصال الدالة  $f$ :  $f(x) = x^2 + |x - 1|$  عند  $x = 3$

$$f(x) = \begin{cases} \frac{\sin x}{2x} & , x \neq 0 \\ k & , x = 0 \end{cases} \quad \text{أوجد قيمة } k \text{ التي تجعل الدالة } f \text{ متصلة.}$$

$$f(x) = \begin{cases} \frac{x^2 + 2x - 15}{x - 3} & , x \neq 3 \\ k & , x = 3 \end{cases} \quad \text{أوجد قيمة } k \text{ التي تجعل الدالة } f \text{ متصلة.}$$

لتكن  $f: f(x) = \sqrt{9 - x^2}$  ادرس اتصال الدالة  $f$  على  $[-3, 3]$ .

لتكن  $f: f(x) = \sqrt{-x^2 + 4x - 3}$  ادرس اتصال الدالة  $f$  على  $[1, 3]$ .

لتكن  $f: f(x) = \sqrt{x^2 - 7x + 10}$  أوجد  $D_f$  (مجال الدالة  $f$ ) ثم ادرس اتصال الدالة  $f$  على  $[6, 10]$ .

ادرس اتصال الدالة  $f(x)$  على مجالها:  $f(x) = \sqrt{x^2 - 1}$

لتكن:  $f(x) = \sqrt[3]{x^2 - 5x + 4}$  ادرس اتصال الدالة  $f$  على  $\mathbb{R}$ .

أوجد ميل المماس للقطع المكافئ  $y = x^2$  عند النقطة  $P(2, 4)$ .

أوجد ميل المماس للقطع المكافئ للدالة  $f$  عند  $x = 2$  حيث:  $f(x) = \frac{1}{x-1}$

لتكن الدالة  $f: f(x) = \frac{2}{x}$  أوجد ميل المماس لمنحنى  $f$  عند  $x = a$  حيث  $a \neq 0$ .

لتكن  $f: f(x) = \begin{cases} x^2 & , x < 2 \\ 2x - 1 & , x \geq 2 \end{cases}$  ابحث قابلية الاشتقاق للدالة  $f$  عند  $x = 2$ .

يبين أن الدالة  $f$  لها مشتقة لجهة اليمين ومشتقة لجهة اليسار  
 $f(x) = \begin{cases} x^3 & , x \leq 1 \\ x & , x > 1 \end{cases}$  عند  $x = 1$ ، لكن ليس لها مشتقة عند  $x = 1$ .

لتكن الدالة  $f: f(x) = |x - 3|$ ، يبين أن الدالة  $f$  متصلة عند  $x = 3$  ولكنها غير قابلة للاشتقاق عندها.

لتكن الدالة  $f: f(x) = \begin{cases} x^2 & : x \leq 2 \\ 4x - 4 & : x > 2 \end{cases}$  أوجد  $f'(2)$ .

لتكن  $f: f(x) = \begin{cases} x & , 0 \leq x \leq 1 \\ 2 - x & , 1 < x \leq 2 \end{cases}$  يبين أن الدالة  $f$  غير قابلة للاشتقاق عند  $x = 1$ .