

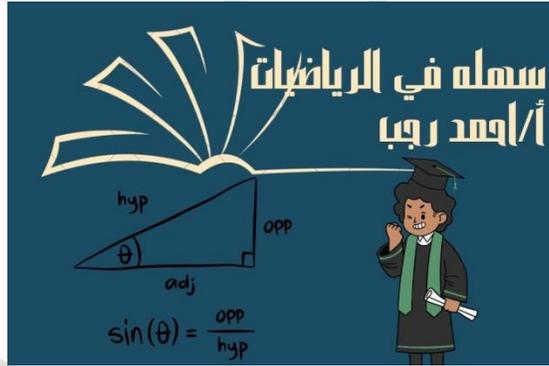


التقويمي الثاني لماده رياضيات

الصف العاشر

الفصل الدراسي الاول ٢٠٢٣/٢٠٢٤

اعداد الاستاذ / احمد رجب



بند (٢-٥)

حل المثلث س ص ع قائم الزوايه في ع حيث س ع = ٨,٥ سم , ص ع = ١٤,٥ سم

٢٠/٢١

باستخدام نظريه فيثاغورث

$$ص^2 = (س ع)^2 + (ع ع)^2$$

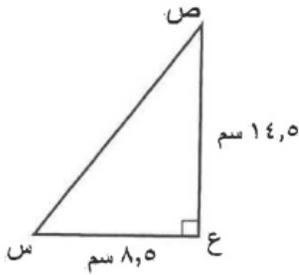
$$ص = \sqrt{(٨,٥)^2 + (١٤,٥)^2} = ١٦,٨$$

$$\text{ظاس} = \frac{\text{المقابل}}{\text{المجاور}} = \frac{١٤,٥}{٨,٥}$$

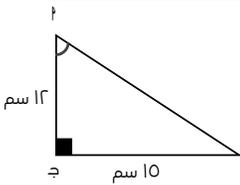
$$ق(س) \approx ٥٩,٦٢$$

مجموع قياسات زوايا المثلث = ١٨٠

$$ق(ص) = ١٨٠ - (٩٠ + ٥٩,٦٢) \approx ٣٠,٣٨$$



حل المثلث ا ب ج قائم الزوايه في ج حيث ب ج = ١٥ سم , ا ج = ١٢ سم



الحل: يكون حل المثلث بايجاد أطوال أضلاعه الثلاثه وقياسات زواياه الثلاث

نرسم المثلث ونضع المعطيات ضلعين وزاوية

$$(1) \quad ب^2 = (ب ج)^2 + (ا ج)^2$$

$$(2) \quad \text{ظا} = \frac{\text{المقابل}}{\text{المجاور}} = \frac{١٥}{١٢}$$

استخدم حاسبة الجيب لإيجاد $\hat{ا}$.

$$ب = \sqrt{١٥^2 + ١٢^2}$$

$$ب = \sqrt{٢٢٥ + ١٤٤} = \sqrt{٣٦٩} \approx ١٩,٢ \text{ سم}$$

Shift

TAN

15

=

$$\leftarrow ق(\hat{ا}) \approx ٥١,٣٤ \approx ٥١^\circ$$

$$(3) \quad ق(\hat{ب}) = ١٨٠ - (٩٠ + ٥١) \approx ٣٩$$

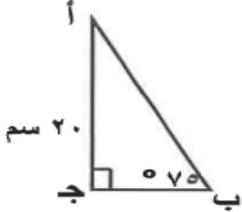
$$ق(\hat{ب}) \approx ٣٩$$

١٩/١٨

حل المثلث أ ب ج القائم في ج اذا علم أن : أ ج = ٢٠ سم , ق (ب) = ٧٥

مجموع قياسات زوايا المثلث = ١٨٠

$$ق (أ) = (٧٥ + ٩٠) - ١٨٠ \approx ١٥$$



جا ب = $\frac{\text{المقابل}}{\text{الوتر}}$

$$جا ٧٥ = \frac{٢٠}{أ ب} \Rightarrow ٢٠ \cdot ٧٠٦ = \frac{٢٠}{٧٥}$$

ظا ب = $\frac{\text{المقابل}}{\text{المجاور}}$

$$ظا ٧٥ = \frac{٢٠}{ب ج} \Rightarrow ٥.٣٥٩ = \frac{٢٠}{٧٥}$$

١٤/١٣

حل المثلث أ ب ج القائم في ج اذا علم أن : أ ب = ٤٠ سم , ق (ب) = ٢٥

$$(1) ق (أ) = (٢٥ + ٩٠) - ١٨٠ = ٦٥ \text{ مجموع قياسات زوايا المثلث } = 180$$

$$ن (أ) = ٦٥$$

جا ٢٥ = $\frac{\text{المقابل}}{\text{الوتر}}$

$$\leftarrow \frac{٢٥}{٤٠} = \frac{٢٥}{ب ج} \Rightarrow ٢ \times ٤٠ = ٢٥ \times ب ج \approx ١٦,٩ \text{ سم}$$

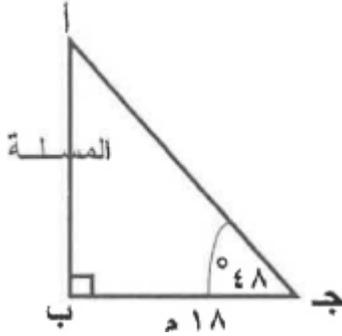
جتا ٢٥ = $\frac{\text{المجاور}}{\text{الوتر}}$

$$\leftarrow \frac{٢٥}{٤٠} = \frac{ب ج}{٤٠} \Rightarrow ٣٦,٢٥ \approx ٢٥ \times ب ج \text{ سم}$$

بند (٢-٦)

لقياس طول احدي المسلات قام مرشد سياحي برصد قمة المسله من خلال جهاز للرصد .
فوجد ان قياس زاويه الارتفاع ٤٨ اذا كان الجهاز يبعد عن قاعده المسله مسافه ١٨ م.
فاحسب ارتفاع المسله

١٩/١٨



اب = ارتفاع المسله

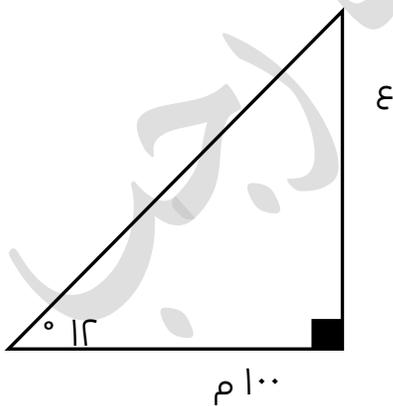
ب ج = بعد عن قاعده المسله

$$\text{ظا ج} = \frac{\text{المقابل}}{\text{المجاور}}$$

$$\text{ظا } ٤٨ = \frac{\text{اب}}{١٨}$$

$$\text{اب} = \text{ظا } ٤٨ \times ١٨ \approx ٢٠ \text{ م} \quad \text{ارتفاع المسله} \approx ٢٠ \text{ م}$$

من نقطه على سطح الارض تبعد ١٠٠ متر عن قاعده منذنه وجد ان قياس زاويه الارتفاع
المنذنه ١٢ . اوجد ارتفاع المنذنه عن سطح الارض .



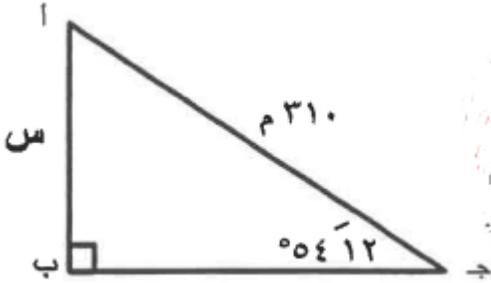
$$\text{ظا } ١٢ = \frac{\text{المقابل}}{\text{المجاور}}$$

$$\text{ظا } ١٢ = \frac{\text{ع}}{١٠٠} \Leftrightarrow \text{ع} = ١٠٠ \times \text{ظا } ١٢ \approx ٢١,٣$$

ارتفاع المنذنه: ٢١,٣ متر تقريباً

من نقطه على سطح الارض قيست زوايه ارتفاع طائره فوجد انها $54^\circ 12'$ اذا كان بعد النقطه عن موقع الطائره 310 م , فما ارتفاع الطائره الى اقرب متر .

١٨/١٢



اب = ارتفاع الطائره

اج = بعد النقطه عن موقع الطائره

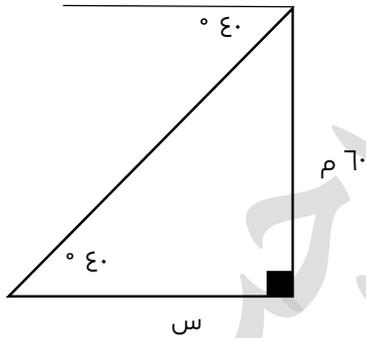
$$\text{جا ج} = \frac{\text{المقابل}}{\text{الوتر}}$$

$$\text{جا } 54^\circ 12' = \frac{\text{اب}}{310}$$

$$\text{اب} = 310 \times \text{جا } 54^\circ 12' \approx 251 \text{ م}$$

ارتفاع الطائره ≈ 251 م

يقف مراقب فوق برج ارتفاعه 60 متر شاهد حريق بزوايه انخفاض قياسها 40° ما المسافه بين قاعده البرج المراقبه وموقع الحريق ؟



$$\text{ظا } 40^\circ = \frac{\text{المقابل}}{\text{المجاور}}$$

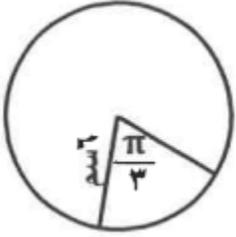
$$\text{ظا } 40^\circ = \frac{60}{\text{س}} \Leftrightarrow \text{س} = \frac{60 \times 1}{\text{ظا } 40^\circ} \approx 71,0$$

المسافه بين قاعده البرج وموقع الحريق هي: $71,0$ متراً تقريباً

بند (٧-٢)

من الشكل المقابل : اوجد مساحه القطاع الدائري الاصغر الذي طول نصف قطره دائرته ٦ سم
وزاويته المركزيه $\frac{\pi}{3}$

٢٠/١٩



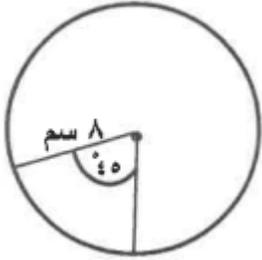
$$\text{مساحه القطاع الدائري} = \frac{1}{2} \times \text{نق} \times \text{ه}^2$$

$$\text{مساحه القطاع الدائري} = \frac{1}{2} \times \frac{\pi}{3} \times (6)^2$$

$$\text{مساحه القطاع الدائري} = \frac{1}{2} \times \pi \times 6 = 18.85 \text{ سم}^2$$

من الشكل المقابل : اوجد مساحه القطاع الدائري الاصغر

١٦/١٥



$$\text{مساحه القطاع الدائري} = \frac{1}{2} \times \text{نق} \times \text{ه}^2$$

$$\text{ه}^2 = \frac{\pi}{180} \times 45 = \frac{\pi}{4}$$

$$\text{مساحه القطاع الدائري} = \frac{1}{2} \times \text{نق} \times \text{ه}^2$$

$$= \frac{1}{2} \times 8 \times \frac{\pi}{4} =$$

$$= 8 \text{ سم}^2$$

اوجد مساحه القطاع الدائري الذي طول قوسه ١٤.٦ سم وطول قطر دائرته ١٠ سم ؟

١٣/١٢

مساحه القطاع الدائري = $\frac{1}{2} \times \text{ل} \times \text{نق}$

مساحه القطاع الدائري = $\frac{1}{2} \times ١٤.٦ \times ٥$

مساحه القطاع الدائري = ٣٦.٢٥ سم^٢

اوجد مساحه القطاع الدائري الذي طول قوسه ١٣.٦ سم وطول قطر دائرته ١٦ سم ؟

مساحه القطاع = $\frac{1}{2} \times \text{ل} \times \text{نق} = \frac{1}{2} \times ١٣,٦ \times ٨ = ٥٤,٤$ سم^٢

أوجد مساحة قطاع دائري ، نصف قطر دائرته نق = ٩ سم ، وقياس زاوية رأسه ٣٠°

$$هـ = س \times \frac{\pi}{180} \times 30 = \frac{\pi}{6}$$

$$\text{مساحة القطاع الدائري} = \frac{1}{2} \times هـ \times \text{نق}^2$$

$$\text{مساحة القطاع الدائري} = \frac{1}{2} \times \frac{\pi}{6} \times (9)^2$$

$$\text{مساحة القطاع الدائري} = \frac{\pi \times 27}{4} \text{ سم}^2$$

أوجد مساحة قطاع دائري ، نصف قطر دائرته نق = ٢٠ سم ، وقياس زاوية رأسه ١٠٠°

$$\text{نق} = 20 \quad هـ = \frac{\pi}{180} \times 100 = \left(\frac{\pi 0}{9}\right)$$

$$\text{مساحة القطاع} = \frac{1}{2} \times هـ \times \text{نق}^2 = \frac{1}{2} \times \frac{\pi 0}{9} \times 20^2 = \frac{\pi 1000}{9} \approx 349,1 \text{ سم}^2$$

احسب مساحة قطعة دائرية قياس زاويتها المركزية ٦٠° ونصف قطر دائرتها ١٠ سم.

١٨/١٧

$$هـ = س \times \frac{\pi}{180} \times 60 = \frac{\pi}{180} \times 600 \approx 1.0472$$

$$\text{مساحة القطعة دائرية} = \frac{1}{2} \times \text{نق}^2 \times (\text{جا هـ} - \text{هـ})$$

$$\text{مساحة القطعة دائرية} = \frac{1}{2} \times (10)^2 \times (1.0472 - 60) \text{ سم}^2 \text{ حاسبه RED}$$

$$\text{مساحة القطعة دائرية} = \frac{1}{2} \times 100 \times (0.8660 - 1.0472) = -9.06 \text{ سم}^2$$

احسب مساحة قطعة دائرية قياس زاويتها المركزية ٧٠° ونصف قطر دائرتها ١٠ سم.

$$\text{مساحة القطعة الدائرية} = \frac{1}{2} \times \text{نق}^2 \times (\text{جا هـ} - \text{هـ})$$

$$\text{جا هـ} = 70^\circ \approx 0.9397$$

$$هـ = 70 \times \frac{\pi}{180} = \frac{\pi 70}{180}$$

$$\text{مساحة القطعة الدائرية} = \frac{1}{2} \times 100 \times \left(0.9397 - \frac{\pi 70}{180} \right) \approx 14.1 \text{ سم}^2$$

بند (١-٣)

اذا كان $\frac{٥}{٦} = \frac{س}{٩}$ اوجد قيمه س ؟

$$٩ \times ٥ = س \times ٦$$

$$٤٥ = س \times ٦$$

$$س = \frac{٤٥}{٦} = ٧.٥$$

إذا كانت الأعداد أ ، ب ، ج متناسبة مع الأعداد ٣ ، ٥ ، ١١ فأوجد القيمة العددية للمقدار =

$$\frac{أ٣ + ب٥}{ج + ب٥}$$

الأعداد أ ، ب ، ج متناسبة مع الأعداد ٣ ، ٥ ، ١١

$$\frac{أ}{٣} = \frac{ب}{٥} = \frac{ج}{١١} = م , أ = ٣م , ب = ٥م , ج = ١١م$$

$$\frac{١}{٢} = \frac{١٨م}{٣٦م} = \frac{(٣م)٣ + (٥م)٥}{(١١م) + (٥م)٥} = \frac{أ٣ + ب٥}{ج + ب٥}$$

اذا كانت الاعداد : ١ , ٣ , س-٢ , ٣٠ في تناسب متسلسل اوجد قيمه س

١٩/١٨

الاعداد في تناسب متسلسل

$$\frac{٢-س}{٣٠} = \frac{٣}{٢-س} = \frac{١}{٣}$$
$$\frac{٣}{٢-س} = \frac{١}{٣} \quad \leftarrow \text{س-٢} = ٩$$
$$\text{س} = ٢ + ٩ = ١١$$

اذا كانت الاعداد : ٤ , س-٢ , ١ , $\frac{١}{٣}$ في تناسب متسلسل اوجد قيمه س .

١٦/١٥

الاعداد في تناسب متسلسل

$$\frac{١}{\frac{١}{٣}} = \frac{٢-س}{١} = \frac{٤}{٢-س}$$
$$\frac{١}{\frac{١}{٣}} = \frac{٢-س}{١}$$
$$\text{س-٢} = ٢ \quad \frac{١}{\frac{١}{٣}} = ٢-س$$
$$\text{س} = ٢ + ٢ = ٤$$