

أولاً : أسئلة المقال

١٢

أجب عن الأسئلة التالية
السؤال الأول :

(أ) أوجد مجموعة حل المتباينة : $3 | 2س - 1 | \leq 21$ و مثل مجموعة الحل على خط الأعداد .

الحل : -

٧ درجات

$$\frac{21}{3} \leq | 2س - 1 | \leq \frac{3}{3}$$

$$7 \leq | 2س - 1 |$$

$$7 \geq 1 - 2س \quad \text{أو} \quad 2س - 1 \geq 7$$

$$1 + 7 \geq 2س$$

$$2س \geq 6$$

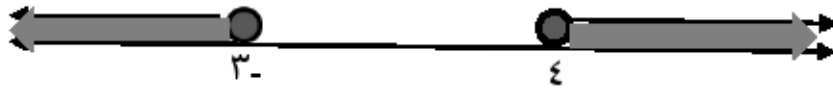
$$س \geq 3$$

$$\text{إما} \quad 7 \leq 2س - 1$$

$$1 + 7 \leq 2س$$

$$8 \leq 2س$$

$$س \leq 4$$

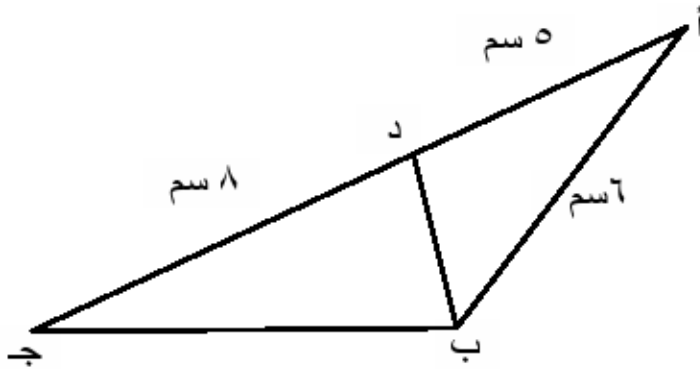


$$م. ح = [3, 4] \cup (-\infty, 4) = (-\infty, 4]$$

تابع السؤال الأول :

٥ درجات

(ب) أوجد ج ب في الشكل المبين حيث \overline{BD} ينصف \hat{A} ج



الحل :-

في المثلث ABC ، \overline{BD} منصف \hat{A} ج

نظرية منصف الزاوية

$$\therefore \frac{BD}{DA} = \frac{AB}{AC}$$

$$\frac{BD}{6} = \frac{8}{5}$$

$$BD = \frac{6 \times 8}{5}$$

$$BD = 9,6 \text{ سم}$$

السؤال الثاني :

(أ) باستخدام القانون أوجد مجموعة حل المعادلة :

$$س^٢ - ٢س = ٧$$

الحل :

$$س^٢ - ٢س - ٧ = ٠$$

$$أ = ١ ، ب = -٢ ، ج = -٧$$

$$\Delta = ب^٢ - ٤أج = (-٢)^٢ - ٤(١)(-٧) = ٣٢$$

$$س = \frac{-ب \pm \sqrt{ب^٢ - ٤أج}}{٢أ}$$

$$س = \frac{-(-٢) \pm \sqrt{٣٢}}{٢(١)}$$

أو

$$س = \frac{-٢ \pm \sqrt{٣٢}}{٢}$$

إما

$$س = \frac{-٢ \pm \sqrt{٣٢}}{٢}$$

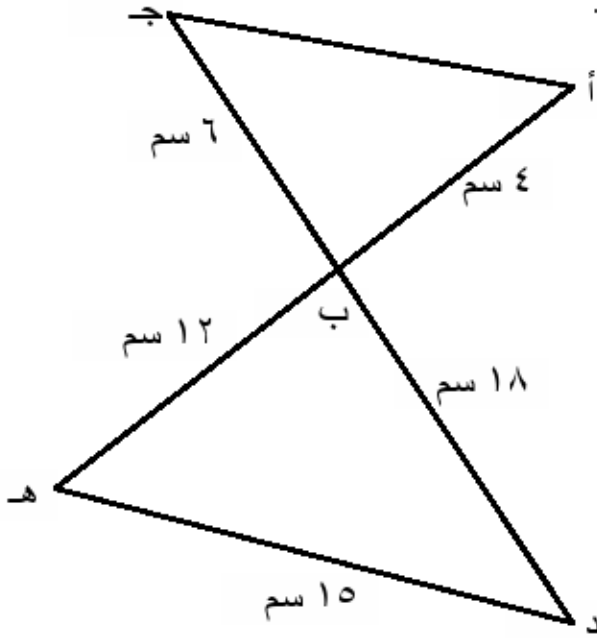
$$م.ح = \{ \frac{-٢ \pm \sqrt{٣٢}}{٢} \}$$

١٢

٧ درجات

تابع السؤال الثاني :

٥ درجات



(ب) في الشكل المقابل أ هـ د = ج د { ب } برهن أن :

(١) $\overline{أج} // \overline{هـد}$

(٢) أوجد طول أ ج

الحل :

المثلثان أ ب ج ، هـ ب د فيهما

ق (أ ب ج) = ق (هـ ب د) بالنقائل بالرأس

$$٣ = \frac{١٢}{٤} = \frac{هـ ب}{أ ب}$$

$$٣ = \frac{١٨}{٦} = \frac{د ب}{ج ب}$$

$$٣ = \frac{د ب}{ج ب} = \frac{هـ ب}{أ ب}$$

∴ المثلثان أ ب ج ، هـ ب د متشابهان ومن التشابه نستنتج أن الزوايا المتناظرة متساوية القياس

∴ ق (هـ) = ق (أ) وهما في وضع تبادل $\overline{أج} // \overline{هـد}$

ومن التشابه نستنتج أن $٣ = \frac{د هـ}{ج أ} = \frac{د ب}{ج ب} = \frac{هـ ب}{أ ب}$

$$٣ = \frac{١٥}{أ ج}$$

$$\frac{١٥}{٣} = أ ج$$

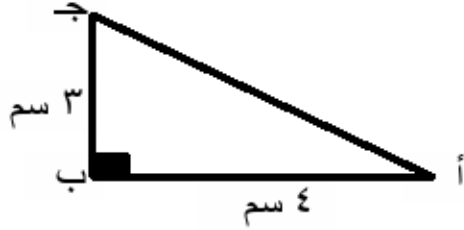
$$أ ج = ٥ \text{ سم}$$

السؤال الثالث :

١٢

(أ) حل المثلث القائم أ ب ج القائم الزاوية في $\hat{ب}$ إذا علم أن : أ ب = ٤ سم ، ب ج = ٣ سم

٦ درجات



الحل : -

بتطبيق نظرية فيثاغورث

$$(\text{أ ج})^2 = (\text{أ ب})^2 + (\text{ب ج})^2$$

$$\text{أ ج} = \sqrt{(\text{٤})^2 + (\text{٣})^2}$$

$$\text{أ ج} = \sqrt{٢٥}$$

$$\text{أ ج} = ٥ \text{ سم}$$

$$\text{ظ أ} = \frac{\text{المقابل}}{\text{المجاور}} = \frac{٣}{٤}$$

نستخدم الآلة الحاسبة

$$\text{ق} (\hat{\text{أ}}) = \text{ظ أ}^{-1} = \left(\frac{٣}{٤}\right)^{-1} \approx ٣٧^\circ$$

$$\text{مجموع قياسات زوايا المثلث} = ١٨٠^\circ$$

$$\text{ق} (\hat{\text{ج}}) \approx ١٨٠^\circ - ٩٠^\circ - ٣٧^\circ \approx ٥٣^\circ$$

تابع السؤال الثالث :

٦ درجات

(ب) إذا كانت الأعداد أ ، ب ، ج متناسبة مع الأعداد ٢ ، ٥ ، ٧ فأوجد القيمة العددية

$$\frac{\text{المقدار}}{\text{المقدار}} = \frac{أ + ٣ ب}{٢ ب + ج}$$

الحل :-

∴ الأعداد أ ، ب ، ج متناسبة مع الأعداد ٢ ، ٥ ، ٧

$$\therefore \frac{أ}{٢} = \frac{ب}{٥} = \frac{ج}{٧} = م \text{ حيث } م \text{ عدد ثابت}$$

$$\therefore أ = ٢م ، ب = ٥م ، ج = ٧م$$

$$\therefore \text{القيمة العددية للمقدار} = \frac{أ + ٣ ب}{٢ ب + ج} = \frac{٢م + ٣(٥م)}{٢(٥م) + ٧م}$$

$$= \frac{١٥م + ٢م}{١٠م + ٧م}$$

$$= \frac{١٧م}{١٧م}$$

$$= ١$$

السؤال الرابع :

١٢

(أ) أوجد مساحة قطعة دائرية زاويتها المركزية 60° وطول نصف قطر دائرتها ١٠ سم

٦ درجات

الحل :-

$$\text{مساحة القطعة الدائرية} = \frac{1}{2} \text{نق}^2 (\text{هـ} - \text{جـ هـ})$$

نحول 60° إلي القياس الدائري

$$\text{هـ} = 60 \times \frac{\pi}{180} \approx 1,0472$$

$$\text{مساحة القطعة الدائرية} = \frac{1}{2} (10) \times (10 - 1,0472) \times 60$$

مساحة القطعة الدائرية $\approx 9,06$ سم^٢

٦ درجات

تابع السؤال الرابع :

(ب) أوجد مجموع الستة عشر حداً الأولى من المتتالية الحسابية التي حدها الأول ١٥ و أساسها ٧

الحل :-

$$ح = ١٥ ، ء = ٧ ، ن = ١٦$$

$$ج = \frac{ن}{٢} (٢ ح + (١ - ن) ء)$$

$$ج = \frac{١٦}{٢} (٧ \times (١ - ١٦) + ١٥ \times ٢)$$

$$ج = ١٠٨٠$$

ثانياً: البنود الموضوعية:

أولاً: في البنود (٢-١) عبارات ظل في ورقة الإجابة (١) كانت العبارة صحيحة وظل (ب) إذا كانت العبارة خطأ.

(١) مجموعة حل المعادلة $|س + ٢| = س + ٢$ هي (٢-، ∞)

(٢) الزاوية التي قياسها $\frac{\pi^2}{٤}$ هي زاوية ربعية

ثانياً: في البنود (٣-٨) لكل بند أربع اختيارات. واحدة فقط منها صحيح، اختر الإجابة الصحيحة ثم ظل في النموذج المخصص للإجابة الحرف الدال عليها:-

(٣) تم انسحاب بيان الدالة $ص = |س|$ ثلاث وحدات إلى الأسفل و وحدتين إلى اليمين فإن معادلة الدالة الجديدة

(أ) $ص = |س + ٢| + ٣$ (ب) $ص = |س + ٢| - ٣$

(ج) $ص = |س - ٢| + ٣$ (د) $ص = |س - ٢| - ٣$

(٤) طول القوس الذي تحصره زاوية مركزية قياسها $(\frac{\pi}{٣})$ في دائرة طول نصف قطرها ٤ سم هو

(أ) ٤ سم (ب) ٦ سم (ج) ٣ سم (د) ٥ سم

(٥) مجموعة حل النظام:

$$\left. \begin{aligned} ٢س + ٣ص &= ٦ \\ -س + ص &= ٧ \end{aligned} \right\} \text{ هي:}$$

(أ) $\{(٤, ٣)\}$ (ب) $\{(٤, -٣)\}$ (ج) $\{(-٤, ٣)\}$ (د) $\{(-٤, -٣)\}$

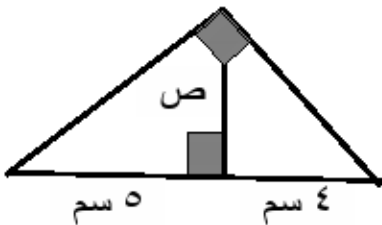
(٦) إذا كانت ٦، س، ٥٤، ١٦٢ في تناسب متسلسل فإن قيمة س =

(أ) ١٥ (ب) ١٧ (ج) ١٨ (د) ١٩

(٧) الحد الخامس في المتتالية الهندسية (٢، ٦، ١٨، ...) هو

(أ) ١٦٢ (ب) ٢٤٣ (ج) ٨٣ (د) ٥٤

(٨) بحسب المعطيات بالشكل المقابل قيمة ص =



٤
٥

٣

٢٠

٥٧٢

وزارة التربية — منطقة حولي التعليمية — التوجيه الفني للرياضيات
تابع نموذج اختبار الفترة الدراسية الأولى (الرياضيات) للصف العاشر للعام الدراسي ٢٠٢٣/٢٠٢٤ م

إجابة الأسئلة الموضوعية

(لكل بند درجة واحدة)

الإجابة				رقم السؤال
		ب	٢	(١)
		ب	٢	(٢)
د	ج	ب	٢	(٣)
د	ج	ب	٢	(٤)
د	ج	ب	٢	(٥)
د	ج	ب	٢	(٦)
د	ج	ب	٢	(٧)
د	ج	ب	٢	(٨)

٨

القسم الأول – أسئلة المقال

اجب عن الأسئلة التالية موضحاً خطوات الحل في كل منها

السؤال الأول: (12 درجة)

(٤ درجات)

$$(أ) \text{ أوجد مجموعة حل : } | ٣ + ٢ص | = | ٥ - ٣ص |$$

الحل:

$$٣ - ٢ص = ٥ - ٣ص \quad \text{أو} \quad ٣ + ٢ص = ٥ - ٣ص$$

$$٥ + ٣ = ٢ص + ٣ص \quad \text{أو} \quad ٥ - ٣ = ٣ص - ٢ص$$

$$٢ = ٣ص$$

$$٨ = ٣ص$$

$$\frac{٢}{٣} = ٣ص$$

$$٨ = ٣ص$$

$$\{ \frac{٢}{٣}, ٨ \} = \text{ح.م}$$

تابع السؤال الأول :

(ب) في تغير عكسي ص α $\frac{1}{س}$ إذا كانت ص = ٠,٢ عندما س = ٧٥

(٥ درجات)

أوجد س عندما ص = ٣

الحل :

$$\therefore \text{ص } \alpha \frac{1}{س}$$

$$\therefore \text{ص} \times \text{س} = \text{ك}$$

$$\therefore \text{ك} = ٧٥ \times ٠,٢$$

$$\text{ك} = ١٥$$

$$\therefore \text{ص} \times \text{س} = ١٥$$

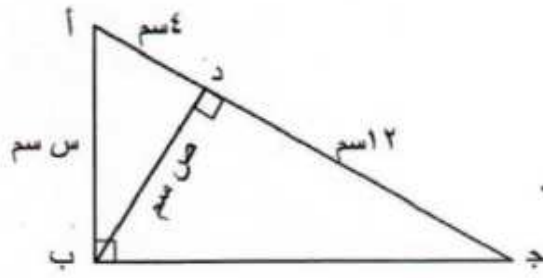
$$\therefore \text{عندما ص} = ٣$$

$$١٥ = \text{س} \times ٣$$

$$\therefore \text{س} = ٥$$

تابع السؤال الأول :

(ج) (3 درجات)



من الشكل المقابل أوجد قيمة كلا من س ، ص .

الحل :

$$ص^2 = أد \times جـ د$$

$$ص^2 = ١٢ \times ٤ = ٤٨$$

$$ص = \sqrt{٤٨} = \sqrt{٣ \times ٤} = ٦$$

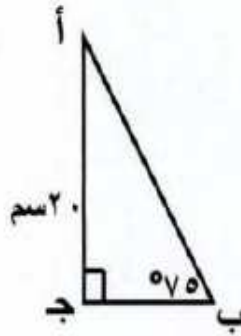
$$س^2 = أد \times أ جـ$$

$$س^2 = (١٢ + ٤) \times ٤ = ٦٤$$

$$س = \sqrt{٦٤} = ٨$$

السؤال الثاني: (12 درجة)

(6 درجات)



(أ) حل المثلث أ ب ج القائم في ج إذا علم أن :

$$\text{أج} = 20 \text{ سم} ، \text{ ق (ب) } = 75^\circ$$

الحل:

$$\text{ق (أ) } = 90^\circ - 75^\circ = 15^\circ$$

$$\frac{\text{المقابل}}{\text{الوتر}} = \text{ج ب}$$

$$\frac{20}{\text{أ ب}} = \text{ج ا } 75^\circ$$

$$\text{أ ب} = \frac{20}{\text{ج ا } 75^\circ}$$

$$\approx 20,706 \text{ سم}$$

$$\frac{\text{المقابل}}{\text{المجاور}} = \text{ظا ب}$$

$$\frac{20}{\text{ب ج}} = \text{ظا } 75^\circ$$

$$\text{ب ج} = \frac{20}{\text{ظا } 75^\circ}$$

$$\approx 5,359 \text{ سم}$$

تابع السؤال الثاني :

(ب)

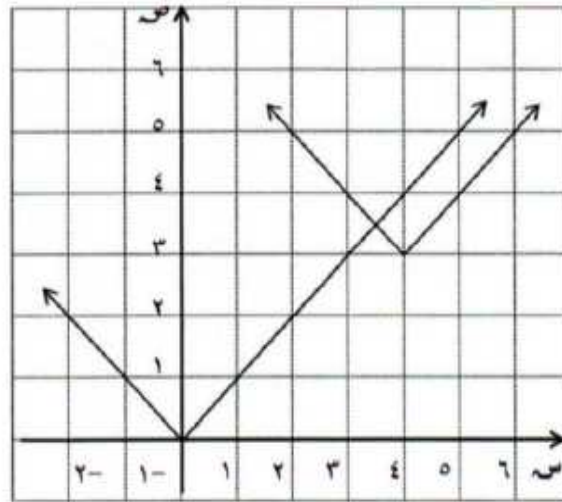
إستخدم دالة المرجع و الانسحاب لرسم بيان الدالة : $ص = |س - ٤| + ٣$ (٦ درجات)

الحل :

دالة المرجع $ص = |س|$ ، $ل = ٤$ ، $ك = ٣$

(-٤) تعني الانسحاب ٤ وحدات جهة اليمين

(٣) تعني الانسحاب ٣ وحدات الى الأعلى



السؤال الثالث: (12 درجة)

(6 درجات)

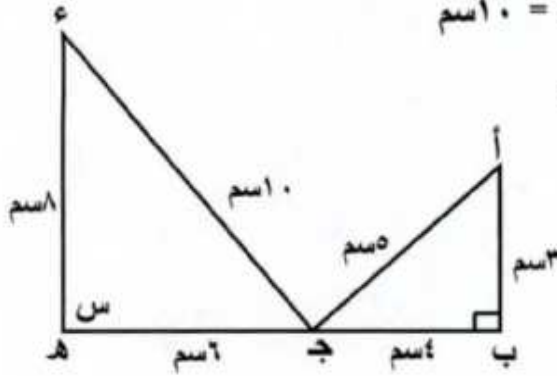
(أ) من الشكل المقابل أ ب ج ، ج هـ ء مثلثان ، فإذا كان

$$\text{أ ب} = 3 \text{ سم} ، \text{ب ج} = 4 \text{ سم} \text{ أ ج} = 5 \text{ سم}$$

$$\text{ء هـ} = 8 \text{ سم} ، \text{هـ ج} = 6 \text{ سم} ، \text{ء ج} = 10 \text{ سم}$$

(1) أثبت تشابه المثلثان أ ب ج ، ج هـ ء

(2) أوجد قيمة س



الحل:

المثلثان أ ب ج ، ج هـ ء فيهما

$$\frac{\text{أ ب}}{\text{هـ ج}} = \frac{3}{6} = \frac{1}{2}$$

$$\frac{\text{ب ج}}{\text{ء هـ}} = \frac{4}{8} = \frac{1}{2}$$

$$\frac{\text{أ ج}}{\text{ء ج}} = \frac{5}{10} = \frac{1}{2}$$

$$\text{نجد أن } \frac{\text{أ ب}}{\text{هـ ج}} = \frac{\text{ب ج}}{\text{ء هـ}} = \frac{\text{أ ج}}{\text{ء ج}} = \frac{1}{2}$$

∴ يتشابه المثلثان أ ب ج ، ج هـ ء

وينتج أن :

$$\widehat{\text{ق}}(\widehat{\text{ب}}) = \widehat{\text{ق}}(\widehat{\text{هـ}}) = 90^\circ$$

$$\text{س} = 90^\circ$$

تابع السؤال الثالث :

ب) احسب مساحة قطعة دائرية زاويتها المركزية 60° وطول نصف قطر دائرتها 10 سم .

(6 درجات)

الحل :

$$\frac{\pi}{180} \times 60 = \text{أ}$$

$$1,0472 \approx \frac{\pi}{3} = \text{أ}$$

$$\text{م} = \frac{1}{2} \times \text{نق}^2 \times (\text{أ} - \text{جأ})$$

$$\text{م} = \frac{1}{2} \times (10)^2 \times (60^\circ - 1,0472)$$

$$\text{م} = \frac{1}{2} \times 100 \times [0,8660 - 1,0472]$$

$$\text{م} = 9,06 \text{ سم}^2$$

السؤال الرابع : (12 درجة)

(أ)

(6 درجات)

$$\left. \begin{array}{l} 3 = 2س + ص \\ 9 = 4س - ص \end{array} \right\} \text{ حل النظام :}$$

الحل :

$$(1) \dots\dots\dots 3 = 2س + ص$$

$$(2) \dots\dots\dots 9 = 4س - ص$$

بالجمع

$$12 = 6س$$

$$2 = س$$

$$3 = 2 \times 2 + ص$$

$$3 = 4 + ص$$

$$ص = 1 -$$

$$س = 2 ، ص = 1 -$$

تابع السؤال الرابع :

ب) في المتتالية الحسابية (٣ ، ٥ ، ٧ ، ...) أوجد ما يلي :

(١) الحد العشرون

(٢) مجموع الحدود العشرين الأولى منها

(6 درجات)

الحل :

$$ح_n = ح_1 + (n - 1) \times 2$$

$$ح_{20} = 3 + 19 \times 2$$

$$41 =$$

$$ح_n = \frac{n}{2} [ح_1 + ح_n]$$

$$ح_{20} = \frac{20}{2} [3 + 41]$$

$$440 = ح_{20}$$

ثانياً : (البنود الموضوعية)

أولاً: في البنود (1-2) عبارات. لكل بند ظلل في جدول الإجابة
(أ) إذا كانت العبارة صحيحة ، (ب) إذا كانت العبارة خاطئة.

(1) إذا كانت الأعداد ٦ ، ٩ ، س ، ١٥ متناسبة فإن س = ١٠ .

(2) مجموعة حل المتباينة $|س + ٤| < ٥$ هي (٥ ، ٥-) .

ثانياً: في البنود (3-8) لكل بند أربعة اختيارات ، ظلل دائرة الإجابة الصحيحة :

(3) مجموعة حل المتباينة $٣ - ١ \geq ٢س - ٣ > ٣$ هي :

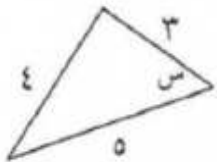
أ [٢ ، ١-] ب [٢ ، ١-] ج [٢ ، ١-) د (٢ ، ١-)

(4) المعادلة التربيعية التي جذراها ٣ ، ٥ هي :

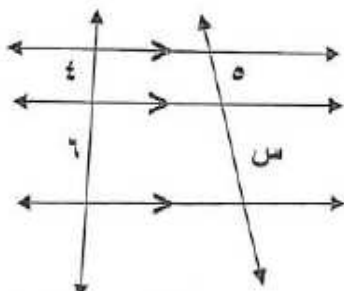
أ $س^٢ + ٢س + ١٥ = ٠$ ب $س^٢ - ٢س + ١٥ = ٠$

ج $س^٢ - ٨س + ١٥ = ٠$ د $س^٢ + ٨س + ١٥ = ٠$

(5) في الشكل المقابل $طاس \times جتاس =$



أ $\frac{٣}{٥}$ ب $\frac{٤}{٥}$ ج $\frac{٣}{٤}$ د $\frac{٤}{٣}$



(٦) في الشكل المقابل قيمة س تساوي

أ ٨ ب ٧,٥ ج ١٠ د ٧

