



الإمارات العربية المتحدة
وزارة التربية والتعليم



2018 - 2019

نسخة المعلم

8



McGraw-Hill Education

الرياضيات
المسار العام

نسخة الإمارات العربية المتحدة

دليل الطالب التفاعلي مجموعات فخر الوطن وعام زايد



2019
عام التسامح



Mc
Graw
Hill
Education

مفتاح الإجابات

McGraw-Hill Education

الرياضيات

المسار العام

نسخة الإمارات العربية المتحدة

دليل الطالب التفاعلي
مجموعات فخر الوطن وعام زايد



مختبر الاستكشاف 1: مخططات الانتشار

الدعم بالمفردات: قوالب الجمل

لما يعمل الطلاب في الأنشطة العملية وأشحطة التحقق، اعرض قوالب الجمل لمساعدتهم على توصيل المعلومات والإجابات إلى زملائهم:

X هو ز-هو الاتجاه [موجب/سالب]. يساوي الباع حوالي — سنتيمترًا.

[قطر الدائرة / م طحلل الدائرة هو] — الإحداثيات هي —. سينبلغ محيط الدائرة حوالي — عندما يزيد — يزيد — الاتجاه — لأن —.

الاسم _____ التاريخ _____ القترة _____

مختبر الاستكشاف 1 الكتابة الموجّهة

مخطوطات الانتشار

ن يمكنني استخدام التمثيل البياني للتحقق من العلاقة أو الاتجاهات بين مجموعتين من البيانات؟

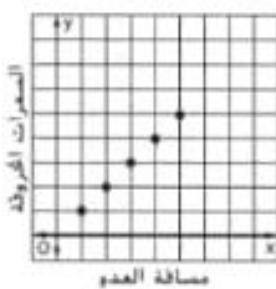
تستخدم التمارين أدناه للمساعدة على الإجابة عن سؤال الاستقصاء. اكتب الكلمة أو العبارة الصحيحة على الأسطر المتوفّرة قدم نماذج لبعض الإجابات.

١. **مُكتبة السؤال** مكلمات من عندك.
راجع عمل الطلاب.

٢. ما المفردات الأساسية التي تراها في السؤال؟
تمثيل بياني، علاقة، اتجاهات، بيانات

٣. يسمى زوج الأعداد المستخدم لتحديد موقع نقطة في المستوى الإحداثي **الزوج المرتب**.
٤. اكتب مرادفًا لكل اتجاه. **نقط**

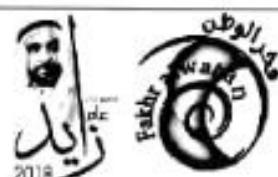
اكتب البيانات التالية في الجدول في صورة أزواج مرتّبة. ثم مثل الأزواج المرتبة على المستوى الإحداثي.



مسافة العدو (كيلومتر)	السعارات الحرارية المحروقة	الزوج المرتب
0.5	49	(0.5, 49)
1	98	(1, 98)
1.5	147	(1.5, 147)
2	196	(2, 196)
2.5	245	(2.5, 245)

٥. هل يعرض التمثيل البياني اتجاهًا في البيانات؟
نعم
إذا كانت الإجابة نعم، فخط الاتجاه.
تكون النقاط خطًا.

- ن يمكنني استخدام التمثيل البياني للتحقق من العلاقة أو الاتجاهات بين مجموعتين من البيانات؟
ب البيانات في صورة أزواج مرتّبة. مثل البيانات على المستوى الإحداثي لرؤيه ما إذا كان ثمة اتجاه في البيانات.



الاسم _____ التاريخ _____ الدورة _____

الدرس 1 المفردات

مخططات الانتشار

استخدم بطاقات المفردات لتعريف جميع المفردات أو العبارات وإعطاء أمثلة على قيقدم نماذج لبعض الإجابات.

بطاقات المفردات

البيانات ذات المتغيرين

التعريف

بيانات لها متغيران، أو أزواج من الملاحظات العددية

جملة المثال

تعد البيانات الخاصة بأعداد الطلاب في المدرسة في كل يوم من الأسبوع بيانات ذات متغيرين.

McGraw-Hill Education © حقوق النشر والتأليف © مكتبة إسالو ميتسا

بطاقات المفردات

مخطط الانتشار

التعريف

تمثيل بياني يوضح العلاقة بين مجموعة بيانات من خلال تمثيل متغيرين بيانياً على المستوى الأحداثي.

جملة المثال

يمكّنني تمثيل النقطتين (عدد الطلاب في المدرسة، واليوم من الأسبوع) في صورة مخطط الانتشار.

حقوق النشر والتأليف © مكتبة إسالو ميتسا
McGraw-Hill Education

McGraw-Hill Education © حقوق النشر والتأليف © مكتبة إسالو ميتسا

الاسم _____ التاريخ _____ الفترة _____

مختبر الاستكشاف 2 الكتابة الموجّهة

المستقيمات الأفضل تمثيلاً

كيف يمكنني استخدام نموذج بيانات لتوقع المحصلة؟

تخدم التمارين أدناه للمساعدة على الإجابة عن سؤال الاستقصاء. اكتب الكلمة أو العبارة الصحيحة على الأسطر المتوفّرة قُدْمًا ثم ماذج لبعض الإجابات.

1. **مُعكّبة السؤال** بكلمات من عندك.

راجع عمل الطلاب.

2. ما المفردات الأساسية التي تراها في السؤال؟
نموذج بيانات، توقع، محصلة

3. **توقع** يعني ذلك لم تعتقد أنه سيحدث.

4. اكتب مرادفًا لكلمة **محصلة**.

5. أكمل الخطوات حول كيفية استخدام نموذج البيانات لتوقع المحصلة.

a. إجراء بحث لجمع مجموعة من **بيانات**.

b. كتابة البيانات في صورة أزواج **مرتبة**.

c. إنشاء **تمثيل بياني** من خلال تحديد نقاط في المستوى الإحداثي.

d. رسم **مستقيم** يمر عبر معظم نقاط البيانات.

e. وضع **توقع** بناء على الخط الذي رسمته.

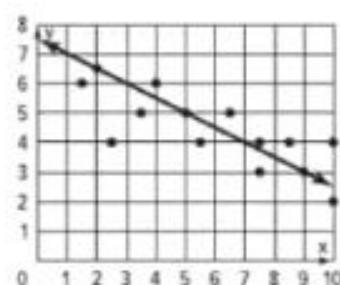
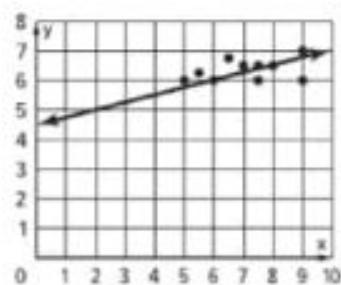
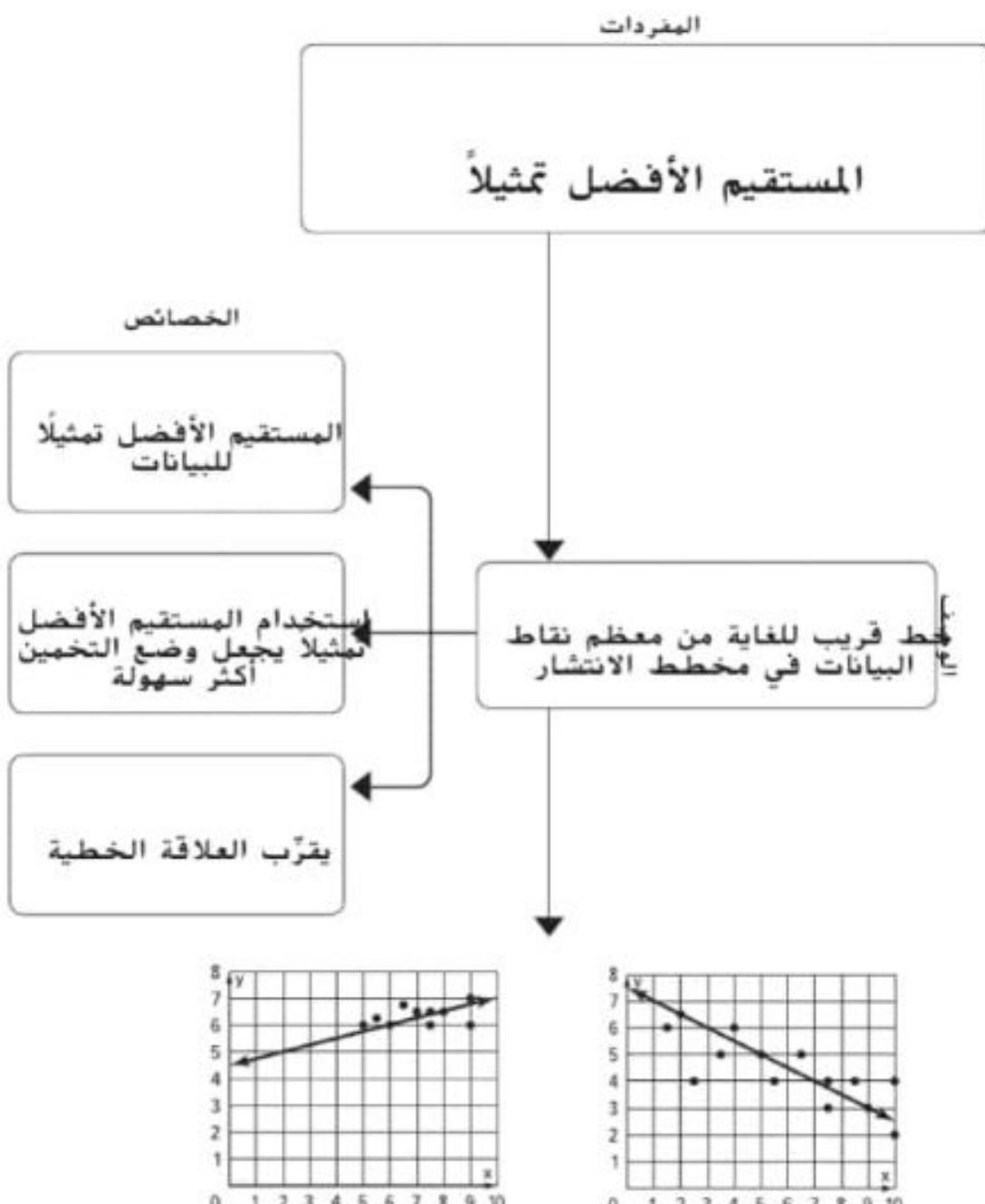
كيف يمكنني استخدام نموذج بيانات لتوقع المحصلة؟
نشن **مخطط انتشار** للبيانات. إذا **بَيَّنَ** مخطط الانتشار تراً بـ **موججاً** أو **سالباً**. فارسم **أ** يخوّل بهم عظم نقاط البيانات. استخدم هذا الخط لوضع التوقع.

المنطقة _____ التاريخ _____ الاسم _____

الدرس 2 المفردات

المستقيمات الأفضل تمثيلاً

استخدم خريطة التعريرات لسرد خصائص المفردة أو العبارة قد تقدم نماذج لبعض الإجابات.



رسم المستقيمات الأفضل تمثيلاً.

مختبر الاستكشاف 3 الكتابة الموجّهة

تقنيّة التمثيل البياني: الارتباط الخطّي وغير الخطّي

يف يمكن استخدام التكنولوجيا لوصف الترابطات في مخطوطات الانتشار؟

ستخدم التمارين أدناه للمساعدة على الإجابة عن سؤال الاستقصاء. اكتب الكلمة أو العبارة الصحيحة على الأسطر المتوفّرة قُدْمًا نماذج لبعض الإجابات.

1. مُعْكَنَةُ السُّؤَالِ بِكُلِّيَّاتِهِ مِنْ عَنْدِكَ.

راجع عمل الطلاب.

2. ما المفردات الأساسية التي تراها في السؤال؟

تكنولوجيا، ترابطات، مخطوطات الانتشار

3. يعرض مخطط الانتشار مجموعتين من البيانات المرتبطة بعضها مع بعض في صورة أزواج مرئية على التمثيل البياني نفسه.

4. حاسبة التمثيل البياني عبارة عن أداة إلكترونية يمكن استخدامها لإنشاء مخطط انتشار للبيانات.

5. تسمى الخط التربيض للغاية من معظم نقاط البيانات المستقيم الأفضل تمثيلاً.

6. اكتب مراوِّفًا لكلمة ترابطات. عِلَاقَاتٍ

7. يكون التمثيل البياني للترابط الخطّي عبارة عن خط مستقيِّم.

8. يدل معامل الارتباط على قوَّةِ الارتباط بين مجموعتي البيانات.

9. إذا تجمعت البيانات بعضها بالقرب من بعض حول المستقيم الأفضل تمثيلاً، فستكون قوَّةِ الارتباط قوَّيَّة.

10. إذا لم تتجتمع البيانات بالقرب ضعيناً بعضها لعنوان المستقيم الأفضل تمثيلاً، فسيكون الارتباط

كيف يمكن استخدام التكنولوجيا لوصف الارتباط في مخطوطات الانتشار؟

يمكن استخدام حاسبة التمثيل البياني لإنشاء مخطط الانتشار، وإذا كان الارتباط

طلياً، فيمكنك إيجاد المعادلة الخاصة بالمستقيم الأفضل تمثيلاً، كما يمكنك وصف قوَّةِ الترابط بين مجموعتي البيانات.

المنطقة _____ التاريخ _____ الاسم _____

الدرس 3 المفردات

الجدول ذات المدخلين

استخدم بطاقة الكلمات لتعريف جميع المفردات أو العبارات وإعطاء أمثلة على تقديم المفردات لبعض الإجابات.

بطاقات المفردات

التكرار النسبي

التعريف

نسبة عدد النجاحات إلى إجمالي عدد المحاولات في التجربة



جملة المثال

التكرار النسبي لعدد طلاب الصف الثامن الذين يعزفون على آلة مقابل كل

الطلاب في المدرسة يساوي $\frac{67}{158}$.

حقوق الطبع والنشر © منظمة إسلاك مؤسسة McGraw-Hill Education

بطاقات المفردات

الجدول ذو المدخلين

التعريف

جدول يعرض بيانات متعلقة ببستان مختلفتين

جملة المثال

يعرض الجدول ثانية الاتجاه أن الطلاب الذين يعزفون على آلة يأخذون عادة دروس فنية.

حقوق الطبع والنشر © منظمة إسلاك مؤسسة McGraw-Hill Education

McGraw-Hill Education © 2018 حقوق الطبع والنشر © منظمة إسلاك 2018

استقصاء حل المسائل استخدام التمثيل البياني

الحالة 3 المدّونات

يوضع الجدول عدد متتابع مدونة مشهورة.

ما التقدير المعقول لعدد المتابعين في العام 10 إذا استمر هذا الانجاه؟

- الفهم:

- التخطيط:

- الحل:

العام	عدد المتابعين
1	42,000
2	50,000
3	76,000
4	94,000
5	115,000

- التحقق:

الحالة 4 ألوان المدرسة

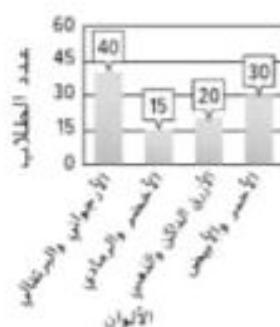
يهظتمثل البياني نتائج مسح حول اللون المفضل.

بعد التدريب إلى أقرب نسبة مئوية. ما نسبة زيادة الطلاب الذين اختاروا الأرجواني والبرتقالي عن الذين اختاروا الأخضر والرمادي؟

- الفهم:

- التخطيط:

- الحل:



- التتحقق:

الاسم _____

التاريخ _____

الفترة _____

الدرس 4 المفردات الإحصاء الوصفي

استخدم المخطط المكون من عمودين لتنظيم المفردات الواردة في هذا الدرس.
ثم اكتب تعريف كل مفرد ققدم نماذج لبعض الإجابات.

التعريف	المفردة
بيانات لها متغير واحد	بيانات ذات متغير واحد
بيانات لا يمكن إعطاؤها قيمة عددية	البيانات الكمية
طريقة لتمييز مجموعة بيانات تشمل الحد الأدنى والربيع الأول والوسيط والربيع الثالث والحد الأقصى.	ملخص الأعداد الخمسة
أعداد تُستخدم لوصف تمركز مجموعة بيانات؛ وتشمل هذه المقاييس كلًا من المتوسط والوسيط والمنوال.	مقاييس التمركز
القيم التي تقسم مجموعة بيانات إلى أربعة أجزاء متساوية	الربيعيات

الاسم _____ تاريخ _____ المترى _____

الدرس 5 المفردات

قياسات التباين

استخدم بطاقات المفردات لتعريف جميع المفردات أو العبارات وإعطاء أمثلة على قياد نماذج لبعض الإجابات.

بطاقات المفردات

متوسط الانحراف المطلق

التعريف

متوسط التيم البطلقة للفارق بين المتوسط وكل قيمة في مجموعة البيانات

جملة المثال

يمكن أن يخبرني متوسط الانحراف المطلق بكيفية انتشار البيانات.

McGraw-Hill Education © سلسلة إسلاو برس

بطاقات المفردات

الانحراف المعياري

التعريف

قياس للتباين يصف كيف تحرف البيانات عن متوسط البيانات

جملة المثال

يمكن أن يخبرني الانحراف المعياري عن كيفية التباين العددي للبيانات.

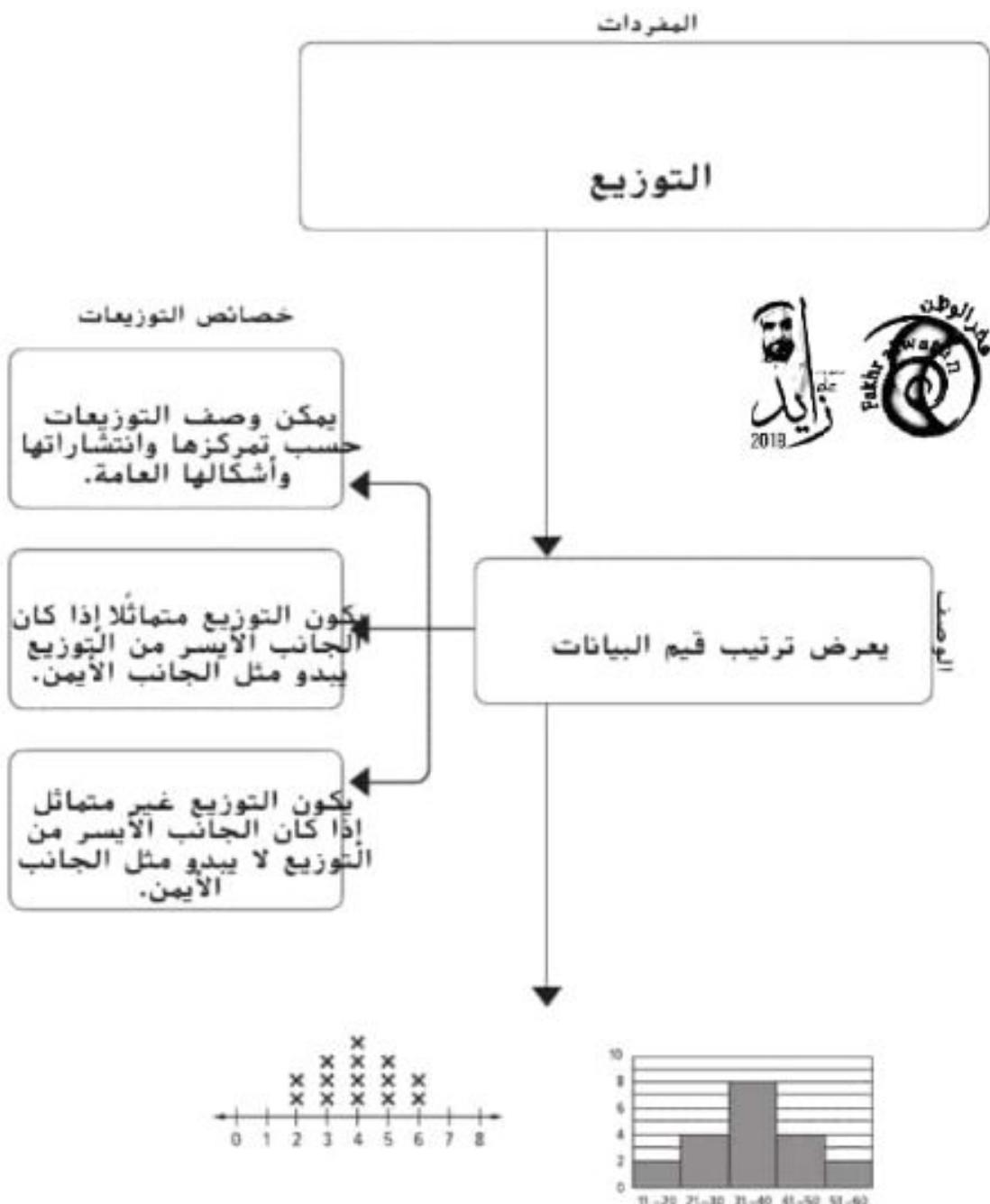
McGraw-Hill Education © سلسلة إسلاو برس

الاسم _____ تاريخ _____ المترتبة _____

الدرس 6 المفردات

تحليل توزيعات البيانات

استخدم خريطة التعریفات لسرد خصائص المفردة أو العيار ققدم نماذج لبعض الإجابات.



رسم أمثلة للتوزيعات المتماثلة

الدرس 1 حل المسائل متعددة الخطوات

مثال متعدد الخطوات

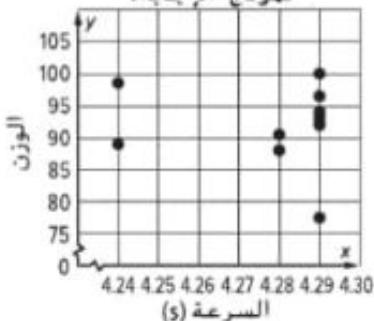
يعرض الجدول الزمن بالثانية الذي استغرقه رياضيون ذوي أوزان مختلفة بالكيلوجرام فيقطع سباق جري مسافته 40 m . أي مما يلي يصف الترابط بين السرعة والوزن كما هو موضح خلال مخطط الانتشار للبيانات؟

MF 7

الوزن (kg)	السرعة (s)
89	4.24
88	4.28
78	4.29
93	4.29
99	4.24
94	4.29
97	4.29
91	4.28
92	4.29
100	4.29

- (A) ترابط خططي سالب
- (B) ترابط خططي موجب
- (C) ترابط غير خططي
- (D) لا يوجد ترابط

نموذج الإجابة:



استخدم أحد نماذج حل المسائل لحل هذه المسألة.

١ التحليل

اقرأ المسألة. ضع دائرة حول المعلومات التي تعرفها.
ضع خطأ تحت المطلوب بخلافه في المسألة.

٢ التخطيط

ما الذي احتاجت إلى فعله لحل المسألة؟ اكتب تخطيطك في شكل خطوات.

الخطوة ١: مخطط تبعيات البيانات على ورقة رسم بياني منفصلة.

الخطوة ٢: الترابط إن وجد، بين البيانات البلاخطة.

٣ الحل

استخدم تخطيطك لحل المسألة. اعرض خطواتك.

يجيلل القضيب البياني أن الأوزان لسرعات محددة تختلف بصورة كبيرة.

فعلى سبيل المثال، تراوح الأوزان لسرعة 4.29 s بين 78 kg و 100 kg .

لذلك لا يوجد نمط واضح. فالإجابة الصحيحة هي D.

٤ التبرير والتقييم

كيف تعرف أن الحل دقيق؟

نموذج الإجابة: لقد تحققت أليضمن الأوزان لسرعة 4.24 s ثوان.

وكانت 89 kg و 99 kg . لا يبدو أنه يوجد ترابط بين هذه البيانات أيضا.

الدرس 1 (تابع)

استخدم أحد نماذج حل المسائل لحل كل مسألة.

2 يوضح الجدول عدد لترات الماء في حمام السباحة بالآلاف بعد كل ساعة. ما التوجه الذي يمكن وضعه من خلال البيانات حول عدد لترات الماء في حمام السباحة بعد 9 ساعات؟ **MP 2**

الزمن (h)	الماء (L 1,000)
27	1
24	2
22	3
18	4
15	5
13	6

نماذج الإجابة: بين L 2,000 و 4,000

1 يعرض الجدول الآتي متوسط درجات الحرارة الشهرية بالدرفلل للتكنولوجيا لمدينة محددة على مدار عام واحد، حيث يمثل الشهير رقم 1 ويمثل ديسمبر الشهير رقم 12، أي مما يلي يصف الترابط بين البيانات؟ **MP 7**

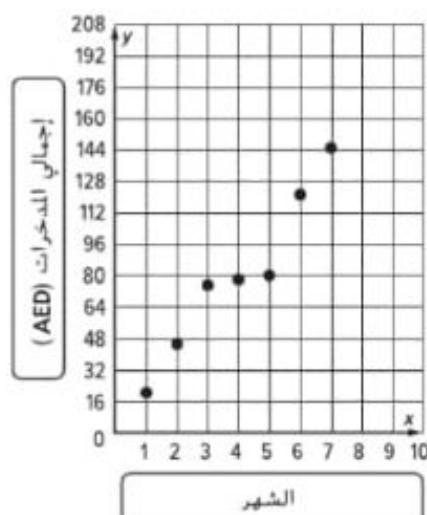
الشهر	6	5	4	3	2	1
°C	74	60	49	39	37	31
الشهر	12	11	10	9	8	7
°C	35	50	58	73	80	78

- (A) ترابط خططي سالب
- (B) ترابط خططي موجب
- (C) ترابط غير خططي
- (D) لا يوجد ترابط

مدخرات أسامة								الشهر
7	6	5	4	3	2	1	إجمالي المدخرات (درهم)	
145	121	80	78	75	45	20		

راجع عمل الطالب للتلميذات البيانية. نماذج الإجابة: تحتوي البيانات على ترابط موجب وتجمع بين الأسبوعين 3 و 5 عند حوالي 80. لا يوجد خوارج. سيكون أسامة قد ادخر AED 195 بعد 10 أشهر.

3 مسألهات التفكير العليا يوضح الجدول مدخرات معلمته سبعة أشهر. أنشئ مخطط تبعثر لبياناتك للتوضيح للانتشار لإيجاد أنماط الترابط لخواص المجتمعات. إذا وجدت علاقة، فضع تخميناً لهدا المال الذي سيدخره أسامة بعد 10 أشهر. **MP 7**



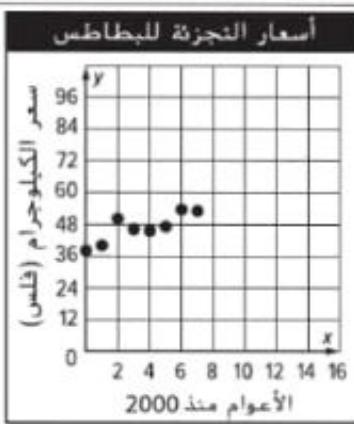
الدرس 2 حل المسائل متعددة الخطوات

مثال متعدد الخطوات

يج يوختلط الانتشار الوارد جهة اليسار سعر كيلوجرام من البطاطس منذ عام 2000 حتى عام 2007. استخدم خطياته لتحديد أفضل تقدير لسعر كيلوجرام من البطاطس في عام 2016.

MP 4

4.2016



62 Ⓢ فلسا

72 Ⓣ فلسا

82 Ⓤ فلسا

92 Ⓥ فلسا

استخدم أحد نماذج حل المسائل لحل هذه المسألة.

١ التحليل

اقرأ المسألة. ضع دائرة حول المعلومات التي تعرفها.
ضع خطًا تحت المطلوب في الإجابة في المسألة.

٢ التخطيط

ما أنتحتاج إلى فعله لحل المسألة؟ اكتب تخطيطك في شكل خطوات.

الخطوة 1 ارسم خط اتجاه يمثل البيانات.

الخطوة 2 قب معادلة خط الاتجاه ثم استخدم المعادلة لوضع توقيع سعر البطاطس في عام 2016.



اقرأ النتيجة!

انتبه جيداً إلى المقياس عند تحديد الميل ومنطبع.

٣ الحل

استخدم تخطيطك لحل المسألة. اعرض خطواتك.

لقد وجدت من خلال خط الاتجاه أن سعر البطاطس كان حوالي 40 فلكل كيلogram في عام 2000 وزاد حوالي $\frac{40 - 2}{16}$ فل لكل كيلogram في السنوات التالية. وبعد ذلك، عوضت عن x بـ 2016 في المعادلة $40 + 2x = y$.

سيكون سعر البطاطس حوالي 72 فلكل كيلogram في عام 2016. إذا، **B** هي الإجابة الصحيحة.

٤ التبرير والتقييم

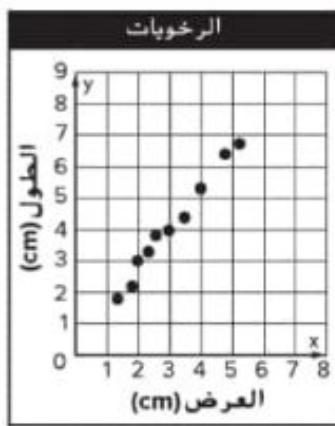
كيف تعرف أن الحل دقيق؟

نموذج الإجابة: لقد مثللنا النقطة (72, 16) على مخطط الانتشار. يمر خط الاتجاه عبر النقطة، لذا أعرف أن حللي دقيق.

الدرس 2 (تابع)

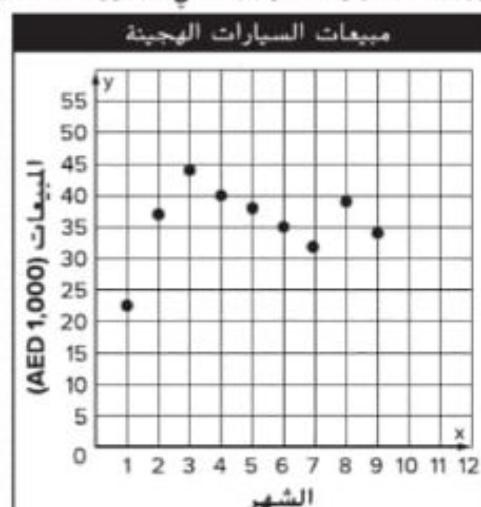
استخدم أحد نماذج حل المسائل لحل كل مسألة.

- 2 هـ مخطط الانتشار طول الرخو بات هرضاها التي تم الحصول عليها من مسطح مائي محمد. اكتب معادلة لخط اتجاه يمثل البيانات. 2 MP



$$\text{نماذج الإجابة: } y = x + 1$$

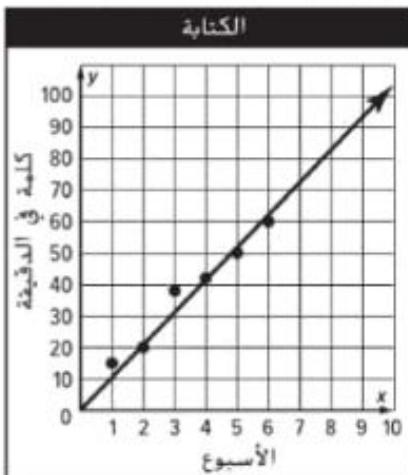
- 1 هـ مخطط الانتشار أدناه لمبيعات السيارات الهجينة بآلاف الدرهم لأول 9 أشهر في عام محمد. ما أفضل تقدير لمبيعات السيارات الهجينة في الشهر 11؟ 4 MP



- (A) AED 32,000 (C) AED 44,000
 (B) AED 38,000 (D) AED 50,000

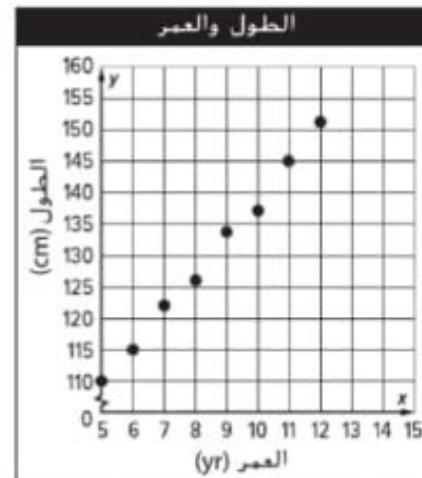
- 4 هـ شفولة مهارات التفكير العليا يوضع الجدول أدناه مدى تقدم طالب في الكتابة. أنشئ مخطط تبعثر وارسم خط اتجاه. توقع عدد الكلمات التي ستكتب في الدقيقة بعد مرور الأسبوع التاسع. 7 MP

الأسبوع	كلمة في الدقيقة
6	60
5	50
4	42
3	38
2	20
1	15



كلمة 92

- 3 هـ مخطط الانتشار طول شابة في أعمار مختلفة. اكتب معادلة لخط اتجاه يمثل البيانات. 2 MP



$$\text{نماذج الإجابة: } y = 6x + 108$$

الدرس 3 حل المسائل متعددة الخطوات

مثال متعدد الخطوات

أجري مسح على مجموعة من 1,100 لوكيلات حول لون السيارة التي يمتلكونها. البيانات
تحمّل الجدول ثاني الاتجاه. يأمل العبارات التالية صحيحة حول الذكور والإثبات
الذين يمتلكون سيارة سوداء؟

لون السيارة	الذكور الإناث	الإثنان
أحمر	14	15
أسود	12	12
أبيض	15	12

استخدم أحد نماذج حل المسائل لحل هذه المسألة.



اقرأ لتحقق!

ويوضح الجدول ثانى الاتجاه
بيانات مجموعة اختبار واحدة
حيث ترتبط بعنتين مختلفتين.

الحليل ١

اقرأ المسألة. ضع دائرة حول المعلومات التي تعرفها.
ضع خطأ تحت المطلوب بخلافه في المسألة.

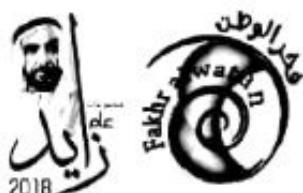
التخطيط 2

ما انتهياج إلى فعله لحل المسألة؟ اكتب تخطيطك في شكل خطوات.

الخطوة 1 أوجد إجمالي عدد الذكور وإجمالي عدد الإناث

الخطوة 2 تستخدم الأعداد الإجمالية لإيجاد التكرارات النسبية للذكور والإإناث الذين يمتلكون سيارات سوداء.

الخطوة 3: قارن بين النسب المئوية واختبر العبارة الصحيحة.



الحل 3

استخدم تخطيطك لحل المسألة. اعرض خطواتك.

اجمالي الإناث: 39 اجمالي الذكور: 41

التكرار النسبي للذكر الذي يمتلك سيارة سوداء 0.29 بساواي

0.31 التكرار النسبي للأئش التي تمتلك سيارة سوداء وبساوى

أكبر من النسبة المئوية للإناث اللاتي يمتلكن سيارات سوداء تكون النسبة المئوية للإناث اللاتي يمتلكن سيارات سوداء أكبر من النسبة المئوية للذكور الذين يمتلكون سيارات سوداء.

الإجابة الصحيحة هي **C** ظلل خيار الإجابة هذا.

التبرير والتقييم 4

كيف تعرف أن الحل دقيق؟

نماذج الإحابة: نظراً لتساوي عدد الذكور والإإناث الذين يمتلكون سيارة سوداء، وإجمالي عدد الذكور أكبر، فإنني أعلم أن النسبة المئوية للإناث ينبغي أن تكون أكبر.

الدرس 3 (تابع)

استخدم أحد نماذج حل المسائل لحل كل مسألة.

2 يوجد 203 طلاب ذكور و175 طلبة أنثى في مدرسة رشيد للمرحلة المتوسطة. أظهرت المسح أن 117 ذكراً و97 أنثى يركبون الحافلة. ما وجد الاختلاف بين التكرار النسبي للذكور الذي يركبون الحافلة والتكرار النسبي للإناث الذي لا يركبون الحافلة، مع التقرير إلى أقرب جزء من مائة؟

أجري مسح على مجموعة عمها 21 عاملاً حول ما إذا كانوا يقطنون مع والديهم وما إذا كانوا في جامعة أم لا. النتائج موضحة في الجدول التالي الاتجاه، أي من العبارات التالية صحيحة وفي هؤلاء الذين تبلغ أعمارهم 21 عاماً؟

M: 7 N: 19

يركب الحافلة الإجمالي		يركب الحافلة الإناث	يركب الحافلة الذكور
203	86	117	الذكور
175	78	97	الإناث
378	164	214	الإجمالي

0.13

لا يذهب إلى الجامعة	يذهب إلى الجامعة	
يقطن مع والديه		
30	30	
60	55	

A: المقدمة المئوية للطلاب الذين يذهبون إلى الجامعة تساوي النسبة المئوية لهؤلاء الذين يقطنون ولا يقطنون في المنزل.

B: المقدمة المئوية أكبر من الذين يذهبون إلى الجامعة يقطنون مع والديهم عن هؤلاء الذين لا يقطنون.

C: المقدمة المئوية أكبر من الذين لا يذهبون إلى الجامعة يقطنون مع والديهم عن هؤلاء الذين لا يقطنون.

D: يوجد معلومات كافية في هذا الجدول لإجراء مقارنة.

4 **مقدمة** لـ مهارات التفكير العليا تنسى لميس بيانات المسح أجريت لـ 100 أنثى شاحنة. تمتلك 37 أنثى شاحنة من أصل 100 أنثى أجري المسح على هؤلاء ليس عبارة مفادها أن نسبة 37% من الذين يمتلكون شاحنة إناث. هل عبارتها دقيقة؟ لم أو لم لا؟

نموذج الإجابة: لا: كان يجب أن تقول لميس إن نسبة 37% من الإناث اللاتي أجريت عليهم المسح يمتلكن شاحنة.

3 أجري عامر فسحا على 150 طالباً من طلاب الصف العاشر ليعرف ما إذا كان لديهم وظيفة بدوام جزئي أم لا. يوجد 94 طالباً لديهم وظيفة بدوام جزئي، منهم 57 طالباً حصلوا على جائزة التفوق. ونصف طلاب الذين ليس لديهم وظيفة حاصلون على جائزة التفوق. أكمل الجدول ثالثي الاتجاه. ما التكرار النسبي لطالب حاصل على جائزة التفوق ليس لديه وظيفة، مع التقرير إلى أقرب جزء من مائة؟

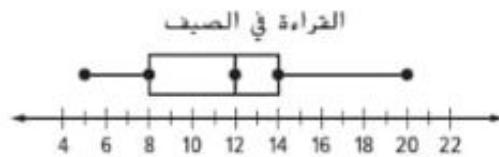
الإجمالي	غير حاصل على شهادة التفوق	حاصل على شهادة التفوق	
له وظيفة			
94	37	57	
بدون وظيفة			
56	28	28	
الإجمالي			
150	65	85	

0.33

الدرس 4 حل المسائل متعددة الخطوات

مثال متعدد الخطوات

م ميوجسط الصندوق عدد الـ **كتيب** فرأها الطلاب أثناء الصيف. إلى أي حد يزيد المدى عن المدى الربعي؟ **التحضير 4**



استخدم أحد نماذج حل المسائل لحل هذه المسألة.

١ التحليل

اقرأ المسألة. ضع دائرة حول المعلومات التي تعرفها.
ضع خطأ تحت المطلوب بخلافه في المسألة.

٢ التخطيط

ما الترتيب إلى فعله لحل المسألة؟ اكتب تخطيطك في شكل خطوات.

الخطوة 1 استخدم مخطط الصندوق لتحديد **الفرق** بين المدى والمدى الربعي.

الخطوة 2 اطرح **القيمة الأقل من القيمة الأعلى**.

٣ الحل

استخدم تخطيطك لحل المسألة. اعرض خطواتك.

يساوي المدى **5** – **20** أو **15**. بينما يساوي المدى الربعي **6** – **15**.

أو **9**. إذا س يكون المدى أكبر بـ **8** – **14** أو **6** وحدات.

الإجابة هي **9**.

٤ التبرير والتقييم

كيف تعرف أن الحل دقيق؟

نموذج الإجابة: استخدم مخطط الصندوق لعد الوحدات للتأكد من قيم المدى

والمدى الرباعي. ثم جمعت **6** و**9** للتحقق من الطرح الذي قمت به.



اقرأ لتجد!

تنذكر أن المدى يساوي الفرق بين القيم العظمى والقيم الصفرى، بينما يساوى المدى الرباعي الفرق بين الربيع الثالث والربيع الأول.

اقرأ لتجد!

تنذكر أن المدى يساوي الفرق بين القيم العظمى والقيم الصفرى، بينما يساوى المدى الرباعي الفرق بين الربيع الثالث والربيع الأول.

الدرس 4 (تابع)

استخدم أحد نماذج حل المسائل لحل كل مسألة.

2. يوظجدول أدناه مقدار الوقت الذي قضاه طالب في الصف الثامن في التمرين. أيهما أكبر: المتوسط أم الوسيط؟ وما مقدار الزيادة؟
MP 4

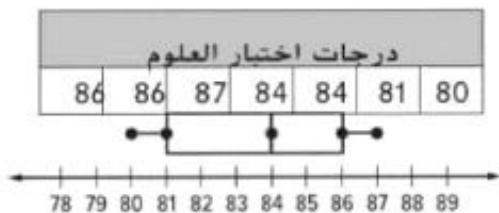
فترات التمرين (min)			
67	55	58	63
60	60	70	75

المتوسط: 2 min

10



5. مسألة ملك التفكير العليا يعرض الجدول أدناه درجات الطالب في اختبارات العلوم الأخيرة. أنشئ مخطط صندوق للبيانات. ما النسبة المئوية للبيانات التي تتقع بين 81 و86؟ اشرح ذلك.
MP 3



50% نموذج الإجابة: يمثل المدى الرباعي نسبة 50% من البيانات. بما أن 81 تمثل الربع الأدنى و86 تمثل الربع الأعلى، فستمثل البيانات بين 81 و86 نسبة 50% من البيانات.

4. تحدد نتيجة اللاعب في مسابقة الجولف من خلال إجمالي عدد الضربات الالازمة للعب دوره جولف على مدار أربعة أيام. يعرض الجدول أدناه نتائج ستة لاعبين في مسابقة حديثة. إلى أي مدى يقترب المتوسط من الوسيط عن المتوسط؟
MP 4

نتائج الجولف		
265	270	267
267	275	273

ضربة واحدة

الدرس 5 حل المسائل متعددة الخطوات

مثال متعدد الخطوات

يعرض الجدول إجمالي النقاط التي أحرزت في مباريات كرة السلة للرجال والسيدات. نتائج الرجال يوجد بها انحراف معياري يساوي 15.1. بينما نتائج السيدات يوجد بها انحراف معياري يساوي 6.9. قم بإجراء مقارنة للاختلاف بين مجموعتي البيانات، واستخدم الانحرافات المعيارية لدعم إجابتكم.



3



اقرأ لتجوّل!

متوسط الانحراف المطلق هو متوسط المسافة بين كل قيمة والمتوسط.

استخدم أحد نماذج حل المسائل لحل هذه المسألة.

١ التحليل

اقرأ المسألة. ضع دائرة حول المعلومات التي تعرفها. ضع خطأ تحت المطلوب بحاجة في المسألة.

٢ التخطيط

ما أنتحتاج إلى فعله لحل المسألة؟ اكتب تخطيطك في شكل خطوات.

الخطوة 1 أجد متوسط الانحراف المطلق في نتائج الرجال ومتوسط الانحراف المطلق في نتائج السيدات.

الخطوة 2 فارن بين الاختلافات في النتائج. واستخدم الانحرافات المعيارية لدعم مقارنتك.

٣ الحل

استخدم تخطيطك لحل المسألة. اعرض خطواتك.

يساوي متوسط الانحراف المطلق في نتائج الرجال 13 وفي نتائج السيدات 6.75. نتائج الرجال يوجد بها اختلاف أكبر من نتائج السيدات.

تدعم الانحرافات المعيارية هذا لأن أغلب النتائج لفريق الرجال تقع بين 70.9 و 101.9 بينما تقع أغلب النتائج لفريق السيدات بين 57.85 و 71.65.

٤ التبرير والتقييم

كيف تعرف أن الحل دقيق؟

نموذج الإجابة: يكون متوسط الانحراف المطلق للرجال أكبر. لهذا الاختلاف في نتائجهم أكبر. بعد تطبيقك للانحراف المعياري، أعرف أن نتائج الرجال بها مدى أكبر من التفاوت، وهكذا تكون إجابتكم مدرومة.

الدرس 5 (تابع)

استخدم أحد نماذج حل المسائل لحل كل مسألة.

- يساوي الانحراف المعياري الناتج الاختبار 13.5. ما ناتج الاختبار الموجود في جدول البيانات معندين للمتوسط؟

التحضير لـ 2

نتائج الاختبار			
86	59	63	79
53	100	92	88
69	70	76	72

نموذج الإجابة: تقع ناتج الاختبار الموجودة في انحرافين معياريين بين 48.6 و 102.6.

- 1 يعرض الجدول أطوال شرائط مستخدمة في مشروعات حرفية مختلفة. ويساوي الانحراف المعياري للأطوال 2.5 cm. إذا كان متوسط البيانات مترباً إلى أقرب جزء من عشرة، فما العبارات التي تصف فيما البيانات الموجودة في انحراف معياري واحد لل المتوسط؟

التحضير لـ 3

أطوال الشرائط (cm)			
10	6	5	7
3	9	7	10
7	12	11	9

ⓐ يكون متوسط الانحراف المطلق أكبر من الانحراف المعياري.

ⓑ تكون أغلب الأطوال أقصر من 10.5 cm.

ⓒ تكون أغلب الأطوال أكثر من 5.5 cm.

ⓓ تقع أغلب الأطوال بين 10.5 cm و 5.5 cm.

- ثنائية مهارات التفكير للأليات أتشن مجموعة بيانات مكونة من 5 أعداد ذاتيي متوسط 50. هل سيؤدي لكل مجموعة بيانات ذات مدى 50 متراً خط الانحراف المطلق نفسه؟ لم أو لم لا؟

التحضير لـ 3

نموذج الإجابة: 15.6، 10، 25، 40، 55، 60؛ لا.

لأنه يوجد الكثير من الأعداد المختلفة ذات

مدى 50.

- 4 سرعات السيارات التي تُسرى في منطقة مدرسية مذكورة في الجدول. ما هو عرقين الانحراف المعياري الذي يساوي 4.85 ومتى طلاق الانحراف المطلق للبيانات؟

التحضير لـ 2

سرعات السيارات (km/h)			
45	39	42	38
46	43	37	30

0.85

الدرس 6 حل المسائل متعددة الخطوات



مثال متعدد الخطوات

زاد عدد أعضاء الفرقة الذين تدربوا لمدة 3 ساعات بنسبة 75%
والحقن عدد الذين تدربوا لمدة 4 ساعات بنسبة 5% وذلك من الأسابيع 1 إلى الأسبوع 2. أي مما يلي يعرض أفالق مقاييس للمركز
والانتشار لبيانات الأسبوع 92 التحضير لـ MF

الوسيط = 3.5 . المدى الرباعي

الوطني = 4. المدى الرباعي = 2

$$\text{النحوسط} = 3.85 \cdot \text{الانحراف المتوسط} = 1$$

$$\text{متوسط} = 4. \text{ الانحراف المتوسط}$$

استخدم أحد نماذج حل المسائل لحل هذه المسألة.

الحليل ١

اقرأ المسألة. ضع دائرة حول المعلومات التي تعرفها.
ضع خطأ تحت المطلوب بخلافه في المسألة.

الخطاب ٢

ما الذي ستحتاج إلى فعله لحل المسألة؟ اكتب تخطيطك في شكل خطوات.

الخطوة 1 استخدم النسب المئوية لحطة لإنشاء التمثيل البياني للأسبوع 2.

الخطوة 2 حدد مقياس المركز والانتشار الذي ستستخدمه بناء على **شكل التمثيل البياني للأسبوع 2**



أفاً لـ

- إذا كان توزيع البيانات متبايناً، فاستخدم المتوسط لوصف المركز ومنوسط الانحراف المطلق لوصف الانتشار.
- إذا كان توزيع البيانات غير منتباين، فاستخدم الوسيط لوصف المركز والمدى الرباعي لوصف الانتشار.

الحل 3

استخدم تخطيطك لحل المسألة. اعرض خطواتك.

أدنى التمثيل البياني **للسابق** **في** **أن التمثيل البياني غير متماثل.**

الانتشار. المدى الربيعي وسيصف **الوسیط البرکز** وسيصف **فسيصف**

بما اللوسيط يساوي 3.5 و المدى الربعي يساوي 2.

الإجابة الصحيحة هي A.

التبرير والتقييم ٤

كيف تعرف أن الحل دقيق؟

نموذج الإحابة: تأكيد مقاييس المركز والانتشار باستخدامها. ثم تحقق من قيم

الوسیط والهدی الریسی.

الدرس 6 (تابع)

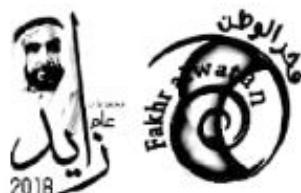
استخدم أحد نماذج حل المسائل لحل كل مسألة.

- 2 اشتركت ليلي في لعب قطبي الطائر. أعمار اللاعبين موقبلاً الأذن. ما يلي من الانتشار الذي ينبعى للبلي استخدامه للبيانات؟ كم تبلغ قيمة؟

التحضير لـ 2

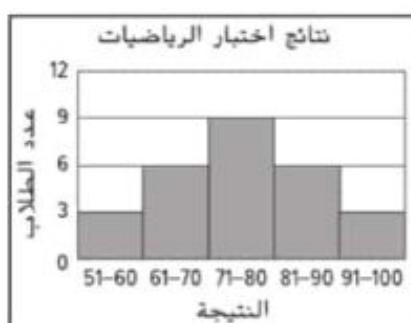
أعمار اللاعبين									
27	23	19	23	27	16	23	30	19	23

متوسط الانحراف المطلق: 3



- 3 شفافة مهارات التفكير العليا تُعد كل فيجة اختبار من النتائج الموثقة في المدرج الإحصائي أدناه أحد مضاعفات العدد 5. في كل فترة، ثُلث $\frac{2}{3}$ لنتائج مضاعفات للعدد 10. ما مقاييس المركز والانتشار؟

أثبت إجابتك. التحضير لـ 3



$$\text{الوسط} = 80, \text{المدى الرباعي} = 20; \text{نمودج}$$

الإجابة: استخدمت الوسيط والمدى الرباعي:

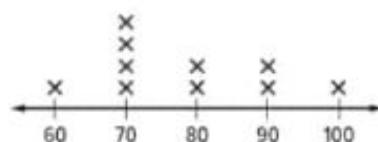
$$\text{ثم حددت } Q = 70, \text{الوسيط} = .80 = Q$$

$$Q_3 = 90, \text{ والمدى الرباعي} =$$

$$Q_3 - Q = 90 - 70 = 20$$

- 1 يعرض التمثيل الخطي نتائج أول اختبار فحصى من اختبارين. انخفض عدد النتائج في نطاق الأربعين بنسبة 50% وزاد عدد النتائج في نطاق الثمانين بنسبة 100% من الاختبار القصير 1 إلى الاختبار الفحصي 2. ما الخيار الذي يعرض أفضل مقاييس المركز والانتشار لبيانات الاختبار القصير 1/التحضير لـ 1

MP



$$\text{الوسط} = 75, \text{المدى الرباعي} = 20$$

$$\text{الوسط} = 80, \text{المدى الرباعي} = 20$$

$$\text{الوسط} = 78, \text{الانحراف المتوسط} = 8$$

$$\text{الوسط} = 80, \text{الانحراف المتوسط} = 8$$

- 3 سجلت متال درجات الحرارة المنخفضة هذه بالدرجات المئوية في مديتها على مدار 10 أيام متتالية. 7, 3, 2, 2, 1, -3, 1, 2, 2, 3. ما مقاييس الانتشار الذي استخدمه متال؟ كم تبلغ قيمة مقاييس الانتشار هذا؟

التحضير لـ 2

متوسط الانحراف المطلق: 1.4

استخدام دليل الطالب التفاعلي

يمكن استخدام دليل الطالب التفاعلي مع كتاب رياضيات الصف الثامن-اليسار العام.

م. ر 1

نصيحة للتدريس

يمكن أن يؤدي السؤال التمهيدي في الدرس 10.2 إلى استمرار مناقشة المعيار م. ر 1 (فهم طبيعة المسائل والمثابرة في حلها). شجع الطلاب على تمييز الرسم التخطيطي بالمعلومات المعطاة لمساعدتهم على فهم المسألة وكتابة كل ما يعرفونه من معلومات بناء على المعلومات المتوفرة. على سبيل المثال، لأن $\angle QSR$ و $\angle RST$ زاويتان متناظرتان، فهم يعلمون أن قياس $RST + \angle QSR = 90$. شجع الطلاب على تقييم إجاباتهم للتحقق من مدى صحتها. سيساعدهم ذلك على تطوير البراعة الرياضية.

م. ر 4

نصيحة للتدريس

يمثل السؤال التمهيدي في الدرس 10.4 نقطة بداية للممارسة م. ر 4 (استخدام نماذج الرياضيات). يتيح على الطلاب تفسير المعلومات المعطاة ورسم شكل هندسي يطابق الوصف المطلوب. بعد الانتهاء من رسم النموذج، يجب عليهم حساب مساحة سطح القرص. قد يتمكن بعض الطلاب من إيجاد المساحة من الوصف الموجود بدون رسم النموذج. لذاً أكمل أهمية رسم النماذج كطريقة للتأكد من فهم المسألة.

السؤال التمهيدي	ما ستطلب
درس 2 أدوات الحفظ العنصر على التدريبات التالية والدائرة والمستويتين AB و BC بين النقطة A و C كان طول $AC = 10$ الميلين و المستوي WZ والمنطقة المستوية xy على WZ . ثلثي ميلك إيهاء على BC . $6 + BC = 10$ $AB + BC = AC$ فإن xy بين B وبين C . $BC = 10 - 6 = 4$. و الثالثي.	العنصر على التدريبات التالية والدائرة والمستويتين AB و BC بين النقطة A و C كان طول $AC = 10$ الميلين و المستوي WZ والمنطقة المستوية xy على WZ . ثلثي ميلك إيهاء على BC . العنصر غير المحدد للمنطقة والمستويين والمسافة على ميلك $AB + BC = AC$ فإن xy بين B وبين C . مستوى والمسافة حول قوس دائري.
درس 4 العلاقات بين النطع المستوية أكتب فقرة إثبات. المعطيات: $Wx = yz$, $xy = 2Wx$ $2xy = WZ$ الطلوب برهانه: $xy + zy = 10x$. لأن $xy + zy = 10x$. $Wx + xy + zy = 10x$. $Wx + zy = 10x$. $xy + zy = WZ$. لأن $xy + zy = WZ$. $2xy = WZ$. لأن $2xy = WZ$.	أكتب مقدرات المستويات والزوايا تصبح إثباتات هندسية باستخدام مجموعة متعددة من النطع والأدوات المتمارس والمستمرة والحيط والآلة المائية والسلوبات الورقة وبرامج الهندسة الديناميكية وغيرها.

القياس الخطي 10.2

القياس الخطي 10.2

الأهداف

- إيجاد طول القطعة مستقيمة
- رسم القطعة مستقيمة متطابقة
- إيجاد المسافة بين نقطتين على مستوى إحداثي
- إيجاد إحداثيات نقطتين على القطعة مستقيمة معرفة

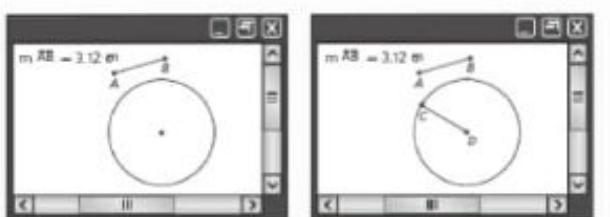
الممارسات الرياضية

المهارات الرياضية:
2, 3, 5, 6, 7, 8

من غير المستحسن المثكون من بعضاً من قطعه ينادي بقوتها كل المقادير **قطعة مستقيمة** والمسنة PQ المستقيمة ذات نقطتين النهاية P و Q . نسرين PO و QO على قطاع OQ على طولها غالباً للقياس ومحضنا PQ ويتسم الطور بالطريق الباطل. ثالثاً تكون للقطعه المستقيمة المتطابقة الطول نفسه. يمكن استخدام العددي من الأدوات رسم القطعة مستقيمة متطابقة مع قطعة مستقيمة معرفة.

1. رسم قطعة مستقيمة متطابقة

الاستثناء استخدام برنامج Geometer's Sketchpad لرسم قطعة مستقيمة متطابقة.
أ. استخدام أدوات الرسم قطعة مستقيمة ثم سُمِّيَت النهاية B . استخدم Measure Length لإنجذاب طول AB بعد تحديد نقطتين A و B . يعين بعد ذلك القطر من \overline{AB} إلى الرسم CD من طريق تحديد Construct Circle by Center + Radius وتحدد مركز CD على الدائرة الرسم AB . ثم لوحة طول CD وتحدد الميل AB . وهذه بذلك قطعة مستقيمة على الدائرة الرسم AB .



صورة الإجابة: $CD = 3.12 \text{ cm}, AB = 3.12 \text{ cm}$

ب. التفكير بطريقة تحريرية ما العلاقة بين المعلمتين المستقيمتين؟ إذا تم تحديد نقطة أخرى E من مكان آخر على الدائرة، فيتم سُمِّيَّة CE لها المقدار نفسه AB .
نحوذ الإجابة: بما أن المعلمتين المستقيمتين لها الطول نفسه، فإنها متطابقتان، تماماً متطابقة على الدائرة، المثكونان المعمليتان متطابقتان.

الوحدة 10 أدوات الهندسة

التعرف على المفردات غير المعرفة
تعميق خواص الجذور التربيعية

المواد

برنامج الهندسة الديناميكية

مثال 1

نصيحة للتدرис

ينبغي على الطلاب معرفة أن أي قطعة يتم تحديدها على الدائرة ستعطي قطعة مستقيمة لها الطول نفسه للقطعة المستقيمة الأولى.

السؤال الداعم

كيف يمكنك إتمام هذا الرسم بدون برنامج؟ يرسم قطعة مستقيمة: ثم ضبط الفرجار على طول القطعة المستقيمة ورسم دائرة.

خلنية عن الرياضيات

إن المفهوم الذي ينبع عليه نسخ قطعة مستقيمة هو النطاق. يكون الشكلان الهندسيان متطابقين إذا كان يمكن الحصول على أحدهما من الآخر من خلال حركات الدوران والانعكاس والإزاحة.

إن الفكرة الرياضية الأساسية في الرسم هي أن أي نصف فطر من الدائرة يجب أن يكون نسخة من (مطابقاً لـ) القطعة المستقيمة التي تم استخدامها في الرسم ويسمح الرسم برسم نسخة من القطعة المستقيمة في أي مكان. وبأي زاوية.

مثال 2

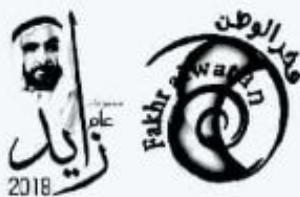
م.ر. 3

نصيحة للتدريس

بالنسبة إلى بعض الطلاب، قد يكون من الجيد توضيح العلاقة إيجاد أطوال القطع المستقيمة المجهولة إيجاد المتغيرات المجهولة كما فعلوا في الجبر 1. إذا كان الطلاب يجدون صعوبة في وضع المعادلات لحل **الجزأين a و b**. فشجعهم على التفكير في أطوال مثل CD و DE كمتغيرات مثل X أو y .

السؤال الداعم

كيف يمكنك التأكيد من إجاباتك عن **الجزأين a و b**? باستخدام مسطرة لرسم القطع المستقيمة وقياسها كما هو موضح لكل جزء.



10.2قياس الخطري

لتكون النقطة والقائمة على القطعة المستقيمة إذا كانت بين خططين أباهما للقطعة المستقيمة.
نحو النقطة C بين النقطتين B و A، ونحو C و A على AC + CB على المسافة واحدة ولكن AB يسع لـ هذا المدرب على المسافة كلها لإيجاد طول القطعة المستقيمة.

2. إيجاد المعادلات وحلها لإيجاد القياسات

a. التفكير بطريقة كثبة مع النقطة D من

النقطتين C و E



b. b.

فلاوس فيه 2 ونحو كل من



c. النقطتين على نحو النقطة على AC بحيث

أشار

نحو الإجابة: عندما تكون B في نقطة الوسط للقطعة المستقيمة AB = BC = AC. وبالتالي نجد أن المعادلة $AB + AB = AC$ تصبح $AB + BC = AC$ وبالتحويل إلى أسيط صورة $2(AB) = AC$.

عد استخدام قطع مستقيمة لتوسيع حركة ما: غالباً ما يتم عرضها للقطعة المستقيمة متوجهة على مستوى إحداثي تذكر أنه يتم إعطاء طول القطعة المستقيمة على مستوى إحداثي باستخدام قانون المسافة. هذا، أي أنه إذا إسمينا القطعة M، أو أنه إذا (إحداثياً) القطعة (أ.ر. 3) وإنما القطعة N، مما (أ.ر. 3)، فإن $(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2 = MN^2$. وهي حين أن القطعة المستقيمة مقطعاً عمياً. فإن القطعة المستقيمة **المقطوع** نقطة نهاية ونقطة نهاية إحداثي إيجاد إحداثي مقطعاً عمياً. القطعة مستقيمة يليق به مزيد أصفى حركة الأضلاع وإنما إلى إسماني نقطة البداية.

3. إيجاد النقطة على قطعة مستقيمة

a. الحساب بدقة استخدم قانون المسافة لإيجاد مقدار AB بذلك

$$AB = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}$$

$$AB = \sqrt{(6 - (-3))^2 + (8 - (-4))^2}$$

$$AB = \sqrt{9^2 + 12^2}$$

$$15 \text{ أو } AB = \sqrt{225}$$

التدريس المتمايز

في المثال 2. يعلم الطلاب بطريقة غير رسمية باستخدام مسلمة جمع القطع المستقيمة. المعبر عنها في **الجزء a** بالصورة التالية: إذا كانت D تقع على CE . فإن $CD + DE = CE$. هذه فكرة مهمة للرسومات اللاحقة. قد يستفيد المتعلمون ذوي النسخة الحركي من العمل باستخدام شريط قياس لتصور أفكار الجمع والطرح والنسخة المطبورة هنا.

يهبب الجزء c الطلاب لفكرة نصف نقطة منتصف القطعة المستقيمة وعلاقة هذا المفهوم بالطول أو المسافة. وبالنسبة إلى المتعلمين ذوي النسخة المترافق الذين قد يحتاجون إلى المساعدة على فهم الأسلوب في **الجزء c**. وضح الفكرة باستخدام الرسم.

مثال 3

نصيحة للتدريس

في الجزء d، وَجِه للطلاب أنهم قاموا بحساب المتوسط للإحداثيين x و y :

ثم اطلب منهم النظر إلى متوسط عدددين مميزين ليقِيموا أن المتوسط لابد وأن يقع في المنتصف بين العدددين على خط الأعداد.

الأسئلة الداعمة

كيف يمكنك التتحقق من عملك
لمعرفة ما إذا كانت النقطة

D تقسم AB حيث $AD = DB$ ؟ الإجابة
المودجية: إذا استخدمنا قانون المسافة
لحساب AD و DB . فيجب أن تكون
القيمتان متساويتين.

ما العلاقة بين إحداثي y لنقطة
المتوسط وإحداثي y للنقطتين A و B ?
إنه إحداثياً للنقطتين A و B .

وحدة 10 أدوات الهندسة

التأكد على الممارسات الرياضية

يوفر المثال 3 فرصة لتناول جانبي الحساب والتواصل للممارسة م.ر. 6 (مراجعة الدقة). لا تؤكد على أهمية الحساب بشكل صحيح فحسب. بل أكد أولاً أهمية شرح هذه العملية على نحو يسمح للأخرين بهم ما يجري.

تمرين

يُنطَلِّبُ المَثَلُ 1 مِنَ الطَّلَابِ استِخْدَامَ تعرِيفِ النَّطْعَةِ المُسْتَقِيمَةِ بَيْنَمَا يَقْوِمُونَ بِإِيجَادِ حُولِ النَّطْعَةِ المُسْتَقِيمَةِ.

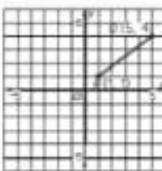
في التَّمَرِينِ 2. يَنْبَغِي عَلَى الطَّلَابِ استِخْدَامَ الْمَعْلُومَاتِ الْمُعْطَاءِ عَنِ الْمُسْتَطْبِلِ لِتَحْدِيدِ مَدِي صَحَّةِ إِحدَى الْعَبَارَاتِ عَنْ أَجْزَاءِ الْمُسْتَطْبِلِ.

في التَّمَرِينِ 3. يَسْتَخْدِمُ الطَّلَابُ قَانُونَ الْمَسَافَةِ لِإِيجَادِ طَولِ النَّطْعَةِ المُسْتَقِيمَةِ

يُنطَلِّبُ التَّمَرِينِ 4 مِنَ الطَّلَابِ تحْدِيدِ مَوْقِعِ نَطْعَةٍ مُنْتَصَفٍ لِلنَّطْعَةِ المُسْتَقِيمَةِ، بِيَسْمِهَا إِلَى قَطْعَتَيْنِ مُسْتَقِيمَتَيْنِ بِنَسْبَةِ 1:1، أَوْ بِتَحْدِيدِ مَوْقِعِ النَّطْعَةِ الَّتِي تَقْسِمُ قَطْعَةً مُسْتَقِيمَةً مُعْطَاهَا إِلَى نَسْبَةِ أُخْرَى بِخَلْافِ 1:1.

تناول الممارسات الرياضية

التمرين	م.ر
1	2
2	7
3	6
4	2, 6



2. استِخْدَامُ الْبَيْنَةِ لِهَذِهِ مُسْتَطْبِلِ $QRST$ فِي إِنْدَادِ النَّطْعَةِ UR بَيْنَمَا $OU = UR = 2 \text{ cm}$ ، $RS = OT = 2 \text{ cm}$ ، $VS = QR = 2 \text{ cm}$.
يَحْسَبُ $RV = VS = 2 \text{ cm}$ ، $OU = UR = 2 \text{ cm}$ ، $OU + UR = QR = 4 \text{ cm}$. فَمَا تَعْرِفُ لَنَّ $OU = 2 \text{ cm}$ ؟
 $OU = RV = 2 \text{ cm}$ ، $OU + VS = RS = 2 \text{ cm}$
 $RV = VS = 2 \text{ cm}$

3. الحِسابُ بِدَقَّةٍ بِالْمَطْلُوِنِ الدَّافِيلِ RQ الْمُوَضَّعَةُ عَلَىِ السَّارِيِّ

$$RQ = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}$$

$$RQ = \sqrt{(5 - 1)^2 + (4 - 3)^2}$$

$$RQ = \sqrt{4 + 1}$$

$$RQ = \sqrt{5} = 2.236 \text{ cm}$$

4. a. التَّكْثِيرُ بِطَرْيِقَةِ الْبَيْنَةِ إِنَّ سَيْنَ النَّطْعَةِ T إِنَّ RQ فِي التَّمَرِينِ 3 سَيْنَ ثَنَوْنَ $\frac{17}{25}$ مِنْ 3 إِلَى 2 فَهَذَا سَيْنُ سَيْنَ النَّطْعَةِ T ،
 $\frac{17}{25} = \frac{\text{سَيْنَةِ } T}{\text{مَسَافَةِ } RT}$ مِنْ $RT = 2.236 \text{ cm}$ إِلَى 0.5، إِنَّ $RT = 0.5 \text{ cm}$
 $RT = \frac{17}{25}(0.5) = 0.34 \text{ cm}$ ، $(1 + \frac{3}{5})(4) = 1 + \frac{3}{5}(3) = 1 + \frac{9}{5} = 2.8 \text{ cm}$ إِلَيْهِنَّ $RT = 0.5 \text{ cm}$

b. التَّوَافِلُ بِدَقَّةٍ لِوَجْهِ سَيْنَةِ النَّطْعَةِ M الْمُوَضَّعَةِ M لِلنَّطْعَةِ MT بَيْنَمَا $MT = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}$
 $MT = \sqrt{(3 - 1)^2 + (2.5 - 1)^2}$
 $MT = \sqrt{4 + 9} = \sqrt{13} = 3.605 \text{ cm}$
 $RM = \sqrt{2.5^2 - 0.5^2} = \sqrt{6.25 - 0.25} = \sqrt{6} = 2.449 \text{ cm}$
 $RT = \sqrt{0.5^2 + 2.449^2} = \sqrt{0.25 + 6} = \sqrt{6.25} = 2.5 \text{ cm}$
 $MT = RT - RM = 3 \text{ cm} - 2.449 \text{ cm} = 0.551 \text{ cm}$

c. اسْتِخْدَامُ ثَانَوْنَ الْمَسَافَةِ لِلْمُسْتَحْلِقِ مِنْ سَيْنَةِ MT فِي الْجُزْءِ b.

$$MT = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}$$

$$MT = \sqrt{(\frac{17}{5} - 3)^2 + (\frac{14}{5} - 2)^2}$$

$$MT = \sqrt{(\frac{2}{5})^2 + (\frac{4}{5})^2}$$

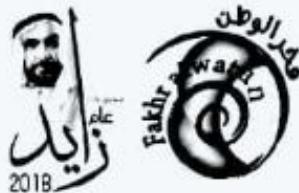
$$MT = \sqrt{\frac{4}{25} + \frac{16}{25}} = \sqrt{\frac{20}{25}} = \sqrt{\frac{4}{5}}$$

$$MT = \frac{2}{\sqrt{5}} = \frac{2\sqrt{5}}{5}$$

123 10.2 المقياس الخطري

التَّأكِيدُ عَلَىِ الْمَمَارِسَاتِ الرِّياضِيَّةِ

يمكن استِخْدَامِ التَّمَرِينِ 4 لِتَناولِ الْمَارِسَةِ م.ر. 2 (الْتَّكْثِيرُ بِطَرْيِقَةِ تَجْرِيدِيَّةِ وَكَمِيَّةِ). يَحْتَاجُ الطَّلَابُ فِي الْجُزْءِ a. إِلَى تَرْجِمَةِ الْمَعْلُومَاتِ حَوْلِ نَطْعَةِ قَطْعَةِ مُسْتَقِيمَةٍ مُحَدَّدةٍ إِلَى طَرِيقَةِ عَمَلِيَّةٍ لِلحلِّ. إِنَّ الْفَكْرَةِ الرَّئِيْسَيَّةِ هِيَ إِدْرَاكُ أَنَّ النَّسْبَةَ 3:2 تَقْسِمُ RT فِي الْكُسْرَيْنِ $\frac{2}{5}$ وَ $\frac{3}{5}$ طَلْفِيَّاً بِذَلِك. يَحْبَبُ أَنْ يَعْلَمُ الطَّلَابُ أَنَّ نِسْطَنَسَابَ هُوَ $RT:TQ = \frac{3}{5}:\frac{2}{5} = 3:2$.



ثبات العلاقات بين القطع المستقيمة

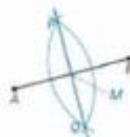
10.4

10.4 ثبات العلاقات بين القطع المستقيمة

الأهداف

إنما، منصت قطعة مستقيمة.

لثبت علاقات القطع المستقيمة باستخدام ثابت حيو القطع المستقيمة.



د) ثابت قطعة مستقيمة

الاستدلال: أنتي الخطوط من A إلى C باستخدام فرجار ومسطرة لتصب \overline{AB} مثل الإشارة.

الخاص بك في الخطوط من C إلى F .



ك. استخدام مسطرة مستقيمة لرسم \overline{PO} مثل \overline{AB} على المخطوطة M .

د. استخدام الأدوات على شكل M سهلة مسند \overline{AB} أخر.

نحو M هي نقطة تقاطع قوسها ABC خلال تحديد المضلع.

$AM = MB$.

إذن M هي نقطة متصل AB .

هـ. بناء الفرضيات في الخطوة 4 (إذا: نحتاج إلى ذبح الفرجار بحيث يكون أكثر من نصف طول \overline{AB}) لأن هذا يتحقق تقاطع القوسين.

إذا: المطالدة بين أطوال AB , AM , MB ، فالبعض من المطالدة أو أصغر أو أكبر.

البعض من المطالدة: $AM = MB$, $AB = AM + MB$.

الوحدة 10 أدوات الهندسة

الممارسات الرياضية

الممارسات الرياضية:

6.5.3.1

متطلبات الأساسية

- معرفة مفهوم التطبيق وتطبيقه
- صياغة براهين مكونة من عمودين وفقرة إثبات

مثال 1

نصيحة للتدريس

قد ترغب في مناقشة مختصرة للتعريفات بينما يعمل الطلاب على هذا الإنشاء. تأكد من فهم الطلاب أن الكلمة ينحصرى النسبة إلى جزءين متساوين.

الأسلحة الداعمة

في الخطوة 2. هل بهم مقدار فتح الفرجار بالضبط؟ اشرح. لا: لا يفهم مقدار فتح الفرجار بالضبط طالما أن المقدار أكبر من نصف طول AB .

• هل استخدام ضبط آخر للفرجار ينبع عنه ناتج مختلف؟ اشرح. لا. سينتج عن استخدام نقطة المنتصف أزواج أكبر أو أصغر من الأقواس، ولكن سيقى موقع نقطة المنتصف كما هو دون تغيير.

خلفية عن الرياضيات

في هذا الدرس، يعمل الطلاب باستخدام القطع المستقيمة حيث يبدأ الطلاب في قراءة براهين أكثر تعقيداً وكتابتها. خلال الدرس، سيكون الطلاب أشكالاً هندسية ويقتربون منها. وبعد هذا وفتاً مناسبًا لتناول الحقائق التي يمكن أو لا يمكن افتراضها من الشكل الموجود. وبصفة عامة، يمكن افتراض أن المستقيمات التي تظهر وكأنها مستقيمة فهي بالفعل كذلك، وأن النقاط التي تقع على طول أحد المستقيمات هي على مستوى واحد. لا يمكن افتراض نقطة ظهر وكأنها نقطة منتصف على أنها بالفعل كذلك فقط لأنها تقع بالقرب من منتصف المستقيم. وبالمثل، عندما يغير الطلاب انتباهم إلى الزوايا في الدروس القليلة القادمة، لا يبغي عليهم افتراض أن زاوية ما هي زاوية قائمة ما لم يحدد ذلك بوضوح في الشكل.

الوحدة 10 أدوات الهندسة

12

يعطي التمرينان 1 و 2 للطلاب تدريبياً إضافياً على استخدام فرجار مسحورة مستقيمة لتصنيف قطعة مستقيمة. وبضيف التمرينان 3 و 4 بعدها جديداً من الاستنتاج لحل الطلاب عند تصنيف قطعة مستقيمة.

في التمرينين 5 و 6. يكمل الطلاب برهانًا مكونًا من عمودين.

في التمرين 7. يطلب من الطلاب التعليق على استنتاج أحد البراهين.

ويطلب التمرين 8 من الطلاب كتابة فقرة إثبات تشمل قطعاً مستقيمة.

تناول الممارسات الرياضية

التمرين	ن.م
1-3	5
4	3
5	3
6	1, 3
7-8	3



أخطاء شائعة

في التمرين 5. قد يواجه الطلاب صعوبة في تحديد الاستنتاج للخطوة 4 من البرهان. بسبب تشابه العبارة $RS + QR = PR$ مع مسلمة جمع القطع المستقيمة، فقد يذكر الطلاب ذلك على أنه الاستنتاج لهذه الخطوة. وضح أنهما بالفعل قنوطلأن $PQ = RS$ (الخطوة 2) و $PQ + QR = PR$ (الخطوة 3). ينتج عن التعويض بـ RS عن PR في التعبير اللاحق $RS + QR = PR$. إذا خاصية التعويض في المعادلة هي الاستنتاج الصحيح.

أخطاء شائعة

في التمرين 7. قد يعتقد الطالب أن استنتاج ناصر صحيح لأنه استخدم التهويض بطريقة صحيحة. قد يكون من ارتكب هذا الخطأ من الطالب لم ينظر إلى الشكل بعناية أو لم يأخذ بعين الاعتبار ما إذا كان يمكن تطبيق مسلمة جمع القطع المستقيمة في هذه الحالة أم لا. أخيراً الطالب أن خطأ ناصر هو خطأ شائع يجب توخي الحذر من الواقع فيه، بما أن النقاط Q و R ليست على مستوى واحد. فلا تطبق مسلمة جمع القطع المستقيمة.



6. يفهم الطالبون القدرة على تطبيق مسلمة جمع القطع المستقيمة في المعاينة مثراً مستقيماً AB ، CD ، EF ، GH ، JL . يوجد تناقض بين المعاينات M هي نقطة تقاطع للدوائر.

7. تفترس الطالب يعتقد سلطنة طرق المعاينة أن طول $AM = CM$ ، ولكن سلطنة طول CM تفترس لأنها ليس لها سلطنة.

كذا الطالبون المستقيمين يعتقدون القطب المستقيمة المتغايرة، وإن ذلك غير آمن لأن القطب المستقيمة الأخرى يجب أن تكون متباينة.

8. بناء الفرضيات أصل البرهان يكون من مسوبي.

المعلمات: M هي نقطة تقاطع AB ، CD .

الطلوب برهان:

$$AM = CM$$

البرهان:

$$1. M \text{ هي نقطة تقاطع } AB \text{ و } CD.$$

$$2. \text{القطب المستقيمة المتغايرة لها أطوال متساوية.}$$

$$3. CM = MD, AM = MB$$

$$4. CM = MD, AM = MB$$

$$5. CM + MD = CD, AM + MB = AB$$

$$6. AM + MB = CM + MD$$

$$7. AM + AM = CM + CM$$

$$8. 2AM = 2CM$$

$$9. AM = CM$$

$$10. AM = CM$$

7. التعلق على طريقة الاستنتاج يرجو ناصر أن المعلمة هي

$QS = PR$ ، يعلم أن هذا يعني أن $OR = RS$

$PR = PO + OR$ وهذا ملائمة جمع القطع المستقيمة، وبالتالي

فإن $PR = PO + RS$ بالتهويض، فهو تناقض مع ناصر في

استنتاجه؟ أرجو.



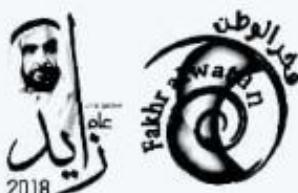
8. يذكر الطالب مسلمة جمع القطع المستقيمة فقط على النقاط التي على استقامة واحدة، ولكن النقاط P و Q و R و S ليسن على استقامة واحدة.

9. بناء الفرضيات أصل البرهان يرجو أن R كان 5 درجة على خط واحد OS في نقطة تقاطع PB ، QR هي نقطة متعددة.

يذكر الطالب مسلمة جمع القطع المستقيمة متساوية في الطول، $OQ = OR$ لأن O هي نقطة تقاطع في PR .

وقد $OQ = OR$ لأن $OR = RS$ ، وهذا ملائمة جمع القطع المستقيمة في OS .

10. إثبات العلاقات بين القطب المستقيمة:



التأكيد على الممارسات الرياضية

يرتبط الجزء a من التمرين 6 ارتباطاً تطبيقياً بمارسة م.د. 1 (فهم طبيعة المسائل والمتأثرة في حلها). وبصورة خاصة، عندما يطلب من الطالب كتابة برهان، يتبع عليهم أولاً ذهنهم المسألة بطرح سؤال على أنفسهم عن مدى صحة العبارة التي يحاولون حلها، وسبب ذلك، إن الطالب الذين يكونون قادرين على إقناع أنفسهم بأن العبارة التي يجب إثباتها صحيحة عادةً ما يكونون في وضع أفضل لوضع فرضية مقتنة على شكل برهان.

صورة مثالية

يستخدم الطالب شبكة لإيجاد الأبعاد والمحيطات والمساحات في إشارة إلى قطعة قماش قنية.

الممارسات الرياضية

الممارسات الرياضية: ترعرع مهمة تقويم الأداء هذه في الوحدة 10 الممارسات الرياضية م.ر. 1 و م.ر. 2.

تشييد الذاكرة

لتقديم المهمة، قد يكون من المفيد توضيح أنه يمكن تعبيين الإحداثيات لرؤوس الشكل على شبكة بتعبيين الإحداثيين $(0, 0)$ لرأس واحد أولاً وتحديد الإحداثيات الأخرى بناء على ذلك.

إذ كان سيتم تعبيين الإحداثيين $(0, 0)$ لأحد الرؤوس، فهل يمكن أي من الرؤوس سمي تم اختياره؟ **ليمكن اختيار أي رأس يك ون له الإحداثيات $(0, 0)$.**

م4 لأطوال التي يحتاج إليها لإيجاد محيط اللوحة زاوية القماشية؟ **ADF و BC و AB، وهي أطوال أضلاع اللوحة.**

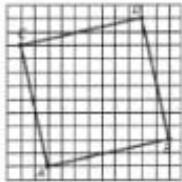
أولاً، نفع ملطة C على النقطة A بمقدار 9 مكعبات. فكم يقابل ذلك من السد ثبوت؟ **ارتفاع كل مكعب يبلغ 9 cm لهذا يبلغ 81 cm.**

مهمة تقويم الأداء

صورة مثالية

قدم حذا وقطعه مثالية، وناكم من عرض عجلة كاميرا مشتمل على كافة الرسوم ذات الصلة، ثم عبر إياها.

لوحة زاوية مثالية معددة معروضة في ملقطة على جانب. هذه اللوحة غير معلقة بشكل مستقيم وبشكل يدل على اعتماده على إما كانت اللوحة تتآدم مع جانب غرفة المuros الخامسة به، أو قبل الشراء الفراغ المتاح على جانبها يزيد عن المسافة بمسافة 1.8m و 2.4m أقلها من الجانب المجاور.



الجزء A

يتحقق بالاستخدام بذلك أن ملقطة جلبت اللوحة الزاوية المثلثية لتجدير أبعادها إذا كانت كل لائحة سريعة بـ عرضها 6m، أبعد نقطة الصانور من عجلة

التأكيد على الممارسات الرياضية

تنسق مهمة تقويم الأداء هذه بشكل أساسي مع الممارسة م.ر. 1 (فهم طبيعة المسائل والمثابرة في حلها). تتحلى المهمة من الطالب تحديد المعلومات التي سيحتاجون إليها لإيجاد كميات مثل الطول والمحيط والمساحة على شبكة موجودة. ينبغي على الطالب تعبيين إحداثيات الرؤوس وتفسير النتائج في حالة من الحياة اليومية، حيث إن كل جزء من المهمة مبني على ما هو قبله.

يرتبط الجزء C و D بالممارسة م.د 2
(التفكير بطريقة تجريبية وكمية) حيث
يطلب من الطلاب تقسيم فلطة مستقيمة
إلى ثلاثة أجزاء متساوية وتحويلها إلى
فلطة تمرّكز اللوحة على الحائط. اطلب
من الطلاب إيجاد مكان وضع الحافتين
اليمنى واليسرى لللوحة الزيتية على الحائط
أولاً، ثم تحديد النقطتين المستقيمتين.

أخطاء شائعة

قد يتم تمثيل الطلاب بتعين الإحداثيات بشكل خاطئ لرؤوس $ABCD$ باعتبار أن كل مكعب على الشبكة يساوي 1 cm^3 بدلاً من 6 cm . قد يخطئ الطلاب أيضًا في وضع الإطار على اللوحة بحيث تم محاذاة الإطارات مع الحافة الخارجية لقطعة القماش وتمتد 5 cm إلى الداخل لا إلى الخارج.

الجزء B

الجزء C

الجزء D

122 / 127 pages 10 June 2019

إرشادات تسجيل الدرجات

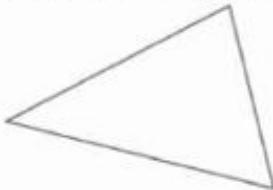
الجزء	الحد الأقصى للنقطاط	إجابة الدرجة الكاملة
A	2	في 138.3 cm أو 0.138 m في 0.138 m في 138.3 cm . إذا افترضنا أن إحداثي A هما $(0, 0)$. فإن الإحداثيات المتبقية هي $D(7, 11)$, $C(-2, 9)$, $B(9, 2)$ و h . ارتفاع اللوحة هو $\sqrt{85} = \sqrt{(7 - (-2))^2 + (11 - 9)^2} = \sqrt{85}$. عرض اللوحة هو $W = \sqrt{(9 - 0)^2 + (2 - 0)^2} = \sqrt{85}$. فیاس كل مکعب هو 15 cm . إذا $15/\sqrt{85} \approx 138.3 \text{ cm}$ و 0.138 m .
B	2	$(\sqrt{85} \times 15 + 10)^2 - \sqrt{85} \times 15 \approx 2865 \text{ cm}^2$; $\sqrt{85} \times 15 + 10) \approx 30 \text{ cm}$; $\sqrt{85} \times 15 + 30)^2 \approx 28,322.5 \text{ cm}^2$
C	2	عند كل طرف، تم عند 56 cm من أحد الأطراف و 112 cm من الطرف نفسه. إجمالي طول اللوحة المحاطة ياطار يبلغ $\frac{2}{3}(168) \approx 112 \text{ cm}$; $\frac{2}{3}(168) \approx 56 \text{ cm}$ تقريباً.
D	8	بعد مرکز الجزء 2.4-m عن الحائط المجاور، وطول اللوحة 168 cm تقريباً. لذا يجب أن تكون هناك مسافة 84 cm على أحد جانبي العلامة 120 cm على الجانب الآخر. لذا يجب حفر الفتحة الأولى عند $120 - 84 = 36 \text{ cm}$. وتوضع الدعامة التالية للوحة عند $(36 + 56) = 92 \text{ cm}$. وتوضع الدعامة التالية عند $(36 + 112) = 148 \text{ cm}$. وتوضع الدعامة الأخيرة عند $(36 + 168) = 204 \text{ cm}$. الإجمالي

مهمة تقويم الأداء

تصميمات مثلث

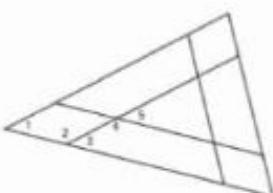
تصميمات مثلث قدم خط وأفلام صيانة، ونادى من معرض عملك دائمًا مستدامًا كافة الرسوم ذات الصلة، لم يبر إجازتك.

للمزيد من المعلومات، يمكنها مهندسة تسيير حملات، يتضمن مجموعة من السارات لاسمي المدارس أيام ميل حذف حذف، وتظهر الحديدة بتصميماً انتقلي كما هو موضح.



الجزء A

في تصميمها الأول، تقرر سهلة وضع ثلاثة مسارات في المدينة، كل منها يوازي أحد أضلاع المثلث، لكن هذه المرة كانت ترعرع أن $5 \leq 1 \leq 2 \leq 3 \leq 4 \leq 5$ (ألا ترى أن $1, 2, 3, 4, 5$ زواياً متساوية).



الممارسات الرياضية

الممارسات الرياضية:

تعزز مهمة تقويم الأداء هذه في الوحدة 10 الممارسات الرياضية م.ر. 1 و م.ر. 2 و م.ر. 5 و م.ر. 6 و م.ر. 7.

المواد

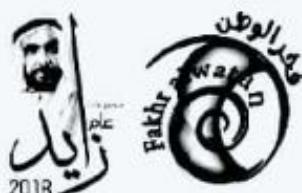
برنامجه الهندسة الديناميكية أو فرجار ومسحورة مستقيمة

تنشيط الذاكرة

قد يكون بعض الطلاب غير واثقين من كيفية تحويل منصف زاوية أو منصف متعادد.

كيف يمكنك استخدام الفرجار ومسحورة مستقيمة لإنشاء منصف متعادد؟ الإجابة التمودجية: إنشاء قوس أكبر يقليل من نصف طول المستقيم. وبدون تفسير

تضييق الفرجار تذكر من النقطة الأخرى نفس مهمة تقويم الأداء هذه بشكل أساسي مع الممارسة م.ر. 3 (بناء فرضيات ثم تستخدم المسحورة المستقيمة لرسم عملية والتعليق على طريقة استنتاج الآخرين). تتطلب المهمة من الطلاب قطعة مستقيمة بين النقاطتين الناتجين تطبق الممارسة م.ر. 5 (استخدام الأدوات الملائمة بطريقة إستراتيجية) لعمل من الأقواس، فينتج منصف متعادد. الإنشاءات بالورقة والقلم المحدد في الجزء C ويطلب الجزء C من الطلاب تطبيق الممارسة م.ر. 2 (التفكير بطريقة تجريبية وكمية) الممارسة م.ر. 6 (مراجعة الدقة) لاستخلاص أن دائرة محاطة ستنتج من الإنشاء باستخدام منصفات متعاددة.



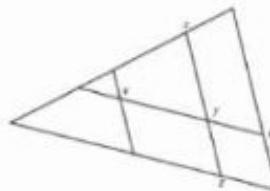
تنشيط الذاكرة (تابع)

كيف يمكنك استخدام الفرجار ومسطرة مستقيمة لإنشاء منصف متواضع؟ الإجابة التمودجية: أرسم قوئيًّا متقاطع مع ضلع الزاوية، باستخدام الضبط نفسه. أضع الفرجار على أحد التقاطعات. أرسم قوئيًّا داخل الزاوية. وأكرر ذلك مع التقاطع الآخر. ثم أستخدم مسطرة مستقيمة لرسم مستقيم من الرأس حتى النقطة التي ينطوي عندها الأقواس. وسينتهي منصف الزاوية.

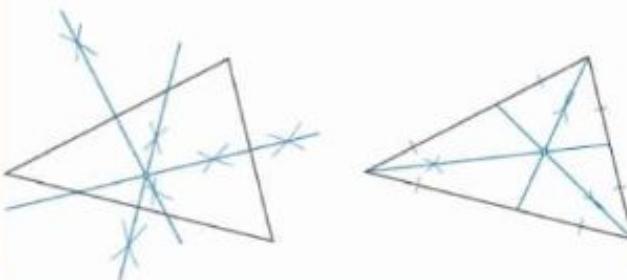
أخطاء شائعة

قد يتعامل بعض الطلاب بشكل خاطئ مع الإنشاء على أنه رسم. أكد على الدقة والاستخدام المناسب للأدوات بينما يقوم الطلاب بعمل الإنشاءات الخاصة بهم. تعد محاذاة المسطرة المستقيمة بعنابة وضبط الفرجار بدقة حتى لا يتسع أثناء الدوران من المهارات الضرورية للحصول على النتائج المتوقعة.

الجزء B في المسمى الثاني، قررت سهلة وضع ثلاثة مسارات في الصيغة كما هو موضح في الرسم التخطيطي. اكتب قدرة إلبات توضح لها أنه إذا كان $Vy = xy$, $VW = yZ$, $VW = zY$, فإن $Zy = VY$.



الجزء C ترتكب سهلة في رسم تمسين مختلطين لثلاثة مسارات للتمييز. وفي كل تمسير يتم وضع صندوق المسافة عند النقطة التي تتقاطع منها المسارات الثلاثة. وفي أحد التمسيرات تكون المسارات مبنية على خط الزوايا المتقاطع بينما تكون مبنية الخطوط المعمودية للثلث في التمسير الآخر. أشرح مبرراً ووضع صندوق المسافة في كل تمسير.



الوحدة 10 مهمة تقويم الأداء

الوحدة 10 مهمة تقويم الأداء

إرشادات تسجيل الدرجات

الجزء	الحد الأقصى للنقطة	إجابة الدرجة الكاملة
A	2	لأن $\angle 1 \cong \angle 2$ و $\angle 2 \cong \angle 3$ ، فإذا $\angle 1 \cong \angle 3$. أولاً $\angle 1 \cong \angle 3$ مكملة لـ $\angle 4$ وبذلك يجب أن تكون $\angle 1$ مكملة لـ $\angle 4$. وأخيراً $\angle 4$ مكملة لـ $\angle 1$ و $\angle 5$. إذًا $\angle 1 \cong \angle 5$.
B	2	$VWVY + YW$ وفقاً لسلسلة جمع القطع المستقيمة. $VYVW - YW$ إذًا لخاصية التموج في المعادلة $XZXY + YZ$ وبالمثل. وفقاً لسلسلة جمع القطع المستقيمة. إذًا $XWZ - YZ$ إذًا لخاصية التموج في المعادلة وبالتموج. $VY = XZ - YZ = XY$
C	8	راجع ليل الطالب التفاعلي. إذا وضعت سهلة صندوق 4° القامة عند تقاطع منصعات الزوايا. فسيكون على مسافة واحدة من أضلاع المثلث. وإذا وضعت صندوق القامة عند تقاطع المنصعات الشنامدة. فسيكون على مسافة واحدة من رؤوس المثلث.
الإجمالي		8

تدريب على الاختبار المعياري

تشخيص الأخطاء

قد لا يجيد الطلاب الذين أجابوا عن **المأساة 3** بشكل خاطئ استخدام

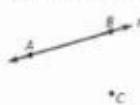
المفردات الموجودة في هذه الوحدة. فمثلاً يعداد قائمة بالمفردات الشائعة مثل، أزواجاً خطية وزواياً متكاملة وزواياً متقابلة بالرأس وأيضاً الخواص الرياضية مثل، خواص التعددي والجمع والطرح في المعادلات. اطلب من الطلاب شرح المفردة أو الخاصية ورسم مثال أو كتابته لكل من هذه المفردات.

تدريب على الاختبار المعياري

1. إذا كانت $CAD = 3BC$ هي عددة منتصف BD ، مما يحول $AD = 3$ إلى $AB = ?$



5. يمثل الرسم التخطيطي التالي



- ست العناصر الثلاث الموضحة في الرسم التخطيطي

C, B, A

- الثلث كل ثلاثة أضلاع المستقيمة الموضحة في الرسم التخطيطي

BA, AB, m

6. إذا كانت مثلث تكون من **العنين** ليس نقطة بدأية مفترضة

2. الصيغة الصحيحة هي جزء من **تصنيف** مثلث تكون من **عنين طرفيتين** جميع العناصر الواردة فيها

3. أكمل الخطوات الموجودة في البرهان التالي في نظرية الزوايا المتناظرة بالرأس



- المطلوب برهانه: $\angle 1 = \angle 3$

- لـ $\angle 2$ ، نشان **زاوية مترافق** وبالتالي، فإن

- لتبرير الزوايا المترافقتين فيما **متكافئتان**

- ويمكننا أن نكتب $m\angle 1 + m\angle 2 = 180$

- ويمكننا أن نحسب $m\angle 2 + m\angle 3 = 180$

- ويمكننا أن نكتب $m\angle 1 + m\angle 2 = m\angle 2 + m\angle 3$

- ويمكننا أن نأخذ **الطرح** فنحصل على

- $\angle 1 = \angle 3$ وهذا ناتج حاسمة **النطرون**

6. الشكل الرباعي $ABCD$ يتوسّع عند $A(14, -13)$, $C(8, 3)$, $B(-1, 12)$, $A(-2, 5)$.

- أ. ما يحول $ABCD$ إلى $ABCD'$ ؟

- ب. إذا كان $AD = 2\sqrt{3}$, $CD = \sqrt{25}$, $BC = \sqrt{92}$, $AB = \sqrt{52}$. إذا فإن الصيغة يساوي

- $\sqrt{52} + \sqrt{25} + \sqrt{92} = 61.0$ أو $\sqrt{52} + \sqrt{25} + \sqrt{92} = 61.0$ وحدة تقريباً.

- b. إذا كانت إزاحة $ABCD$ يحول 3 وحدات لليسار، و 4 وحدات للأعلى، ثم انعكس على المحور x ، فما يحول $ABCD$ إلى $ABCD'$ ؟

- c. هل يكون بحريط $ABCD$ هو نفسه بحريط هذه النسخة الثالثة؟

- نعم، أولى أضلاع الشكل هي $5\sqrt{2}$, $9\sqrt{2}$, $2\sqrt{3}$ و $4\sqrt{5}$. وكذا تكون الأضلاع متطابقة مع أضلاع $ABCD$.

الوحدة 10 أدوات الهندسة

تشخيص الأخطاء

في المسألة 7. قد يستعيد الطلاب الذين يجدون صعوبة في كتابة الاستنتاجات من الرسم التخطيطي. أجعل هؤلاء الطلاب يرسمون مخطط للزوايا A , B و C .

قد يكون الطلاب الذين حددوا بشكل خاطئ الخطوة الثالثة في القائمة على أنها الخطوة 2 في **المسألة 8** لم يراجعوا جميع الخطوات قبل تنفيذها. تعدد الخطوة الثانية المدرجة هي أفضل خطوة لهذا الترتيب. لأن أسفل القائمة توجد خطوة تكون نقطة T .

المسألة 14

- [2] تشمل الإجابة قياس AB بالفرجار لإنشاء قوس يوضع سن الفرجار على Z . ووضع النقطة Z على القوس.
 [1] تشمل الإجابة خطوة أو خطوتين صحيحتين
 [0] لا توجد إجابة أو الإجابة والترير غير صحيحين

المسألة 15

- [3] إجابة صحيحة لجميع الأجزاء
 [2] توجد أخطاء بسيطة في حساب محبيط أو رأس النسخة الناتجة. ولكن التقسيم صحيح للجزء C أو جزء واحد غير صحيح
 [1] تتضمن الإجابة عنصراً واحداً على الأقل صحيحاً
 [0] لا توجد إجابة أو الإجابة والترير غير صحيحين

7. أكمل البرهان التالي
 المعطيات $\angle A$ ممثلة مع $\angle B$
 $\angle B$ ممثلة مع $\angle C$
 $\angle A = \angle C$ برهانه

البرهان	المبرهنة
المعطيات	$m\angle A = m\angle B$
نفرض الزوايا المتكافئتين	$m\angle A + m\angle B = 180$
الاستدلال	$m\angle B = 180 - m\angle A$ ممثلة
نفرض الزوايا المتكافئتين	$m\angle C + m\angle B = 180$
خاصية التضاد	$m\angle A + m\angle B = m\angle C + m\angle B$
خاصية المدرج	$m\angle A = m\angle C$
نفرض الزوايا المتطابقة	$\angle A = \angle C$

8. يوجد أدلة الخطوات المارة لإنشاء ZXY المتسقة من A . في الصورة الأولى ضع الترتيب الآتي على خطوط

الترتيب	الخطوة
4	نفرض زواياً غير متسقة عروض ممثلة الزوايا إلى Z وارسم المتسقة لها بخط Z بعد 5
2	رسق Z
7	رسق Z ينبع عن Z
5	رسق من الفرجار عند B ثم اضغط عرضه على BC
1	رسق المتسقة Z حيث ينبع عن Z وأعين الزاوية الجديدة
6	نفرض عرض الفرجار عروض من الفرجار إلى Z ثم ارسم المتسقة المقربة من الرأس الأول
3	رسق من الفرجار على A ثم ارسم المقربة عليه وارسم ضلع الممثل B

9. ينبع أسلوب **1** على خطوط Z تكون متطابقة مع AB بحسب الخطوات التي يتب على أسلوب **1**ها
 وضع سن الفرجار عند A ثم عرضه. عرض الفرجار بحيث يكون السن الآخر عند B
 بدون تحرير الفرجار. ونور تحريره من الفرجار إلى Z لرسق قوس. وضع Z على القوس
 ثم توصل Z و

10. ينبع عكس تطبيقية النهاية على أنه إذا كانت هناك نقطتان داخل إحدى الزوايا تقع على مسافة واحدة من صفيحة الزاوية فإن هذه النقطة تقع على خطوط متطابقتين. الشرح يكتب تبرير هذه النظرية المقربة المستخدمة لإنشاء Z و

أولاً ينبع **2** من هذه النقطة ثم **3** من **2** في كل شعاع تقع على مسافة واحدة من الرأس. وبعد ذلك **4** ينبع **5** من هذه النقطة باستخدام المعرفة ذاته للفرجار. تلخص النقطة التي تبريرها هذه الأقواس على مسافة واحدة من صفيحة الزاوية. وبالتالي فإنها تقع على ملمس الزاوية

الوحدة 10 تدريب على الامتحان المعايير

استراتيجية حل الاختبار

قد يجد بعض الطلاب صعوبة في تصور الخطوات الموضحة في **المسألة 8**.
 شجع الطلاب على تعيين الإنشاء على فحاصة ورقبة. والتتأكد من من استخدام أسماء النقاط نفسها المعطاة في المسألة. وأنثأ إكمال الطلاب لكل خطوة في الإنشاء، اطلب منهم البحث عن هذه الخطوة في القائمة وترقيمها.



تشخيص الأخطاء

في المسألة 7. قد يستعيد الطلاب الذين يجدون صعوبة في كتابة الاستنتاجات من الرسم التخطيطي. أجعل هؤلاء الطلاب يرسمون مخالفات الزوايا A و B و C .

قد يكون الطلاب الذين حددوا بشكل خاطئ الخطوة الثالثة في القائمة على أنها الخطوة 2 في المسألة 8 لم يراجعوا جميع الخطوات قبل تنفيذها. تعدد الخطوة الثانية المدرجة هي أفضل خطوة لهذا الترتيب. لأن أسفل القائمة توجد خطوة تكون نقطة T .

المسألة 14

- [2] تشمل الإجابة قياس AB بالفرجار لإنشاء قوس يوضع سن الفرجار على Z . ووضع النقطة Z على القوس.
- [1] تشمل الإجابة خطوة أو خطوتين صحيحتين
- [0] لا توجد إجابة أو الإجابة والثبرير غير صحيحين

المسألة 15

- [3] إجابة صحيحة لجميع الأجزاء
- [2] توجد أخطاء بسيطة في حساب محبيط أو رأس النسخة الناتجة. ولكن التقسيم صحيح للجزء C أو جزء واحد غير صحيح
- [1] تتضمن الإجابة عنصراً واحداً على الأقل صحيحاً
- [0] لا توجد إجابة أو الإجابة والثبرير غير صحيحين

7. أكتب البرهان التالي
المعطيات $\angle A$ مكملة مع $\angle B$
 $\angle B$ مكملة مع $\angle C$
 $\angle A = \angle C$.
البسطوب برهانه

البرهان	المبرهنة
المعطيات	$m\angle A + m\angle B = 180$
نفرض الزوايا الممكملتين	$m\angle B + m\angle C = 180$
المعطيات	$m\angle C + m\angle B = 180$
خاصية التضاد	$m\angle A + m\angle B = m\angle C + m\angle B$
خاصية المدرج	$m\angle A = m\angle C$
نفرض الزوايا الممكملة	$\angle A = \angle C$

8. يوجد أدلة الخطوات المارة لإنشاء ZXY المتسقة من A . في الصورة الأولى ضع الترتيب الخاص بكل خطوة

الترتيب	الخطوة
4	يمكن عرض اثنين من زوايا ملائمة على BC بشرط أن تكون المترادفات على BC ملائمة. يتحقق ذلك عند 5
2	يمكن عرض اثنين من زوايا ملائمة على BC بشرط أن تكون المترادفات على BC ملائمة. يتحقق ذلك عند 7
7	يمكن عرض اثنين من زوايا ملائمة على BC بشرط أن تكون المترادفات على BC ملائمة. يتحقق ذلك عند 5
5	يمكن عرض اثنين من زوايا ملائمة على BC بشرط أن تكون المترادفات على BC ملائمة. يتحقق ذلك عند 1
1	يمكن عرض اثنين من زوايا ملائمة على BC بشرط أن تكون المترادفات على BC ملائمة. يتحقق ذلك عند 6
6	يمكن عرض اثنين من زوايا ملائمة على BC بشرط أن تكون المترادفات على BC ملائمة. يتحقق ذلك عند 3
3	يمكن عرض اثنين من زوايا ملائمة على BC بشرط أن تكون المترادفات على BC ملائمة. يتحقق ذلك عند 4

9. ينبع أسلوب إنشاء Z كزاوية ملائمة مع AB من خطوات التي يتبناها على أساس انتهاها ووضع سن الفرجار عند A ثم تحريك عرض الفرجار بحيث يكون السن الآخر عند B . بدون ثبور الفرجار، يتم تحريك سن الفرجار إلى Z لورسو قوس. وضع Z على القوس AC لتوصل Z إلى

10. ينبع عكس نظرية الباولي على أنه إذا كانت هناك نقطة داخل إحدى الزوايا تقع على مسافة واحدة من صفيحتي الرؤبة، فإن هذه النقطة تقع على ملائمة ملائمة. الشرح يكشف دور هذه النظرية الطريقة المستخدمة لإنشاء زوايا ملائمة.

أولاً، ينبع إنشاء قوس من هذه النقطة في كل شعاع تقع على مسافة واحدة من الرؤبة، وبعد ذلك، ينبع إنشاء قوس من صفيحي الرؤبة، وبالتالي فإنها تقع على ملائمة ملائمة.

الوحدة 10 تدريب على الاختبار المعياري

استراتيجية حل الأختبار

قد يجد بعض الطلاب صعوبة في تصور الخطوات الموضحة في المسألة 8. شجع الطلاب على تعيين الإنشاء على فحاصة ورقبة، والتتأكد من استخدام أسماء النقاط نفسها المعطاة في المسألة. وأثناء إكمال الطلاب لكل خطوة في الإنشاء، اطلب منهم البحث عن هذه الخطوة في القائمة وترقيمها.

الربيعية ١١

الهدف الأساسي من الوحدة التدرسي على بعض المعايير الحكومية الأساسية المنشورة التي
تتناولها في هذه الوحدة والإجابة على السؤال التمهيدي، أثداء استثنائك تلقي درس اراجع
في هذه المضمنات للتحقق من ملائكته

استخدام ليل الطالب التفاعلي يمكن استخدام ليل الطالب التفاعلي (ISG) إلى جانب كتاب الرياضيات المتكاملة 8

الرياضيات المتكاملة 8	دليـل الطـالـب التـنـاعـلـي
11-2	الدرس 11.2
11-3	الدرس 11.3
11-4	الدرس 11.4
11-5	الدرس 11.5
11-6	الدرس 11.6

نصيحة للتدريس

نحو ١١.٢ تمريناً ينعدم السؤال التمهيدي للدرس على الممارسة م.ر. ٢ (التفكير بطريقة تجريدية وكمية). اطلب من الطلاب تمثيل النقاط الثلاث المعطاة بياناً واستخدام تمثيل البيانى لتحديد الرؤوس المحتملة الأخرى. فكالطلاب بوجوب استخدام خصائص جبرية لإثبات أن كل نقطلة عبارة عن رأس.

الوحدة 11 الاتصال الفيزيقي

م.ر 7

نصيحة للتدريس

يتناول السؤال التمهيدي للدرس 11.3 الممارسة م.ر 7 (محاولة إيجاد البنية واستخدامها). من طرق حل المسألة رسم الأشكال الرباعية الثالثة المذكورة في نص المسألة بشكل منفصل. أجعل الطلاب يحددو كل ما يعرفونه قبل القيام بفضل المستطيلات. استخدم هذه المسألة لتعزيز فكرة عدم إمكانية افتراض أن الشكل عبارة عن مستطيل لمجرد أنه يبدو مثل المستطيل. ويجب استخدام النظريات والتعريفات الهندسية لإثبات ذلك.

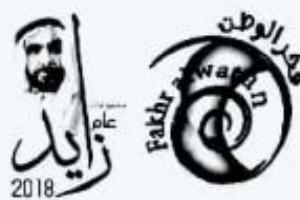
م.ر 6

نصيحة للتدريس

قد يبحث السؤال التمهيدي للدرس 11.4 على بدء نقاش حول الممارسة م.ر 6 (مراجعة الدقة). تصنف الشكل الرباعي يتطلب من الطالب أن يكون دقيقاً في انتقاء اللغة والتفكير. فتحديد أطوال الأضلاع على أنها متساوية يكفي للقول بأن الشكل عبارة عن مربع. ولكنه ليس كافياً لتحديد ما إذا كان الشكل عبارة عن مربع أم لا. يجب على الطلاب أيضاً إجراء الحسابات بدقة. وهم يحددون أطوال الأضلاع وأطوال الأقطار.

السؤال التمهيدي	المروض المستقلة
<p>$ABGH$ مستطيل $\angle CDEF = 90^\circ$ مدار أصلاح على يشك استنتاج أن الشكل $BCFG$ مستطيل؟ البرج</p> <p>٦) قلوا أن الشكل $BCFG$ يضم زاويتين قائمتين، وذلك لأن $\angle BCFG$ متوازي أصلاح</p>	<p>أثبت النظريات الخاصة بمتوازيات الأصلاح بمسنودات هندسية للأشكال مستخلصة ب مختلف الأدوات والطرق (ستة وسبعة ثوابت، حيث أدوات عائلة جد قابل للتطبيق، برنامج هندسي ديناميكي، وما إلى ذلك) استخدم الإحداثيات لإثبات النظريات الهندسية البسيطة جرياً</p>
<p>الشكل الرباعي الظاهر على الشكال الإحداثية البرج مسنودات هندسية للأشكال مستخلصة ب مختلف الأدوات والطرق (ستة وسبعة ثوابت، حيث أدوات عائلة جد قابل للتطبيق، برنامج هندسي ديناميكي، وما إلى ذلك) استخدم الإحداثيات لإثبات النظريات الهندسية البسيطة جرياً</p> <p>مثلاً، أطوال الأضلاع ساوي ٥، وذلك فهي متطابقة له بغير مربيعاً لأن التطبيقات غير متطابقين للتطبيقات المطردة ٦ و ٧.</p>	<p>أثبت النظريات الخاصة بمتوازيات الأصلاح بمسنودات هندسية للأشكال مستخلصة ب مختلف الأدوات والطرق (ستة وسبعة ثوابت، حيث أدوات عائلة جد قابل للتطبيق، برنامج هندسي ديناميكي، وما إلى ذلك) استخدم الإحداثيات لإثبات النظريات الهندسية البسيطة جرياً</p>
<p>الدرس ١١.٥ المربع وشكل العاجزة الورقة</p> <p>إحداثيات نقاط البداية لنصف المترفة $(5, 4)$ و $(-3, 1)$</p>	<p>استخدم الإحداثيات لإثبات النظريات الهندسية البسيطة جرياً</p>

الوحدة 11 أهداف الأساسي من الوحدة



11.2 متوازي الأضلاع

الممارسات الرياضية

الممارسات الرياضية
1, 2, 3, 5, 6, 7, 8

متطلبات الأساسية

استخدام علاقات الزوايا المكونة من مستقيمين متوازيين يقطعهما قاطع إثبات تطابق المثلثات

مثال 1

نصيحة للتدريس

يوفر الجزء ٤ الفرصة لتقديم الممارسة م.ر. 7 (محاولة إيجاد البنية واستخدامها). عندما يحلل الطلاب القياسات التي وجدوها، ينبغي لهم البحث عن نصيحة يوضح أي الأجزاء من متوازي الأضلاع متطابقة.

الأسلمة الداعمة

هل أي من الأضلاع \cong وإذا كانت الإجابة بنعم، فما هي تلك الأضلاع؟ **الأضلاع المتناسبة تكون \propto .** هل ينطبق ذلك على جميع أزواج الأضلاع المتناسبة في متوازيات الأضلاع؟ **نعم.** هل تعتقد أن جميع الأضلاع المتناسبة \cong في جميع متوازيات الأضلاع؟ اشرح.

إجابات متوازي الأضلاع اشرح. **ستنبع إجابات متوازي الأضلاع** من ذلك أن المثلثان $\triangle ABC \sim \triangle MDC$. هل ينطبق ذلك على جميع زوجي الأضلاع المتناسبة في متوازيات الأضلاع؟ **نعم.** هل تعتقد أن **الطبلا**.

خلفية عن الرياضيات

متوازي الأضلاع هو أحد أنواع الأشكال رباعية متوازي زوجي الأضلاع المتناسبة مع بعضها.

الأضلاع المتناسبة في متوازي الأضلاع متطابقة.

الزوايا المتناسبة في متوازي الأضلاع متطابقة.

الزوايا المتناسبة في متوازي الأضلاع متكاملة.

قطراً متوازي الأضلاع يتقاطعان مع بعضهما.

يمكن إثبات كل خاصية من تلك الخواص باستخدام تعريف متوازي الأضلاع وتطابق المثلثات. ويمكن تطبيق تلك الخواص على أي الشكل رباعي يحدّد على أنه متوازي أضلاع.

ما الذي نلاحظه في قطرى متوازيات الأضلاع؟ **أنهما يتقاطعان مع بعضهما.** هل يعني ذلك أن القطرين \cong ؟ اشرح. لا: قد **تختلف أطوالهما ولا يزالان يتقاطعان.**

مثال 1

م.ر 1

نصيحة للتدرис

في الجزء a. يجب على الطالب تحديد طريقة تتعديل الرسم التخطيطي المعطى لإثبات النظرية 11.4 بطريقة معينة. قد يخاطر الطالب للحل بتنفيذ عكسياً بداية من النتيجة التي يريدونها (إثبات النظرية 11.4 باستخدام مسلمة تطابق الأجزاء المتطابقة في المثلثات المتطابقة). والتي تستخدم الممارسة م.ر 1 (فهم طبيعة المسائل والمثابرة في حلها).

الأسئلة الداعمة

ما الذي تحاول إثباته؟ تطابق الزوايا المتطابقة في متوازي الأضلاع.
ما هي المثلثات المتطابقة في الرسم التخطيطي؟

$$\angle Q \cong \angle P \cong \angle R$$

ما وجوه الفائدة من المثلثات عند محاولة إثبات تطابق الأجزاء؟ هناك العديد من الطرق لمحاولات إثبات أن مثليثين \cong . يمكن تقسيم متوازيات الأضلاع إلى مثليثات، وبمجرد إثبات أن مثليثين \cong فإنه يمكن استخدام الأجزاء المتناظرة في المثليثين المتطابقين لإثبات تطابق متوازيات الأضلاع.

إيجاد الخط استخدم متوازي الأضلاع الذي رسمته في الجزء a. هل الحالات التي أحاطتها هي التي ي Desired: يتحقق كل زوايا متوازيين متطابقين، وتتحقق كل زوايا متساوية متطابقين، ويتحقق المطرد بعضهما بعدد

تطابق عدد حصانات على جميع متوازيات الأضلاع. يوصل إثبات جميع هذه الحصانات باستخدام التمارين والمحاضرات والنظريات التي تعرّفها بالفعل.

مفهوم الأساس

أفضل الحصول مثابة النظرية الماعنة التي تتوافق مع كل اختصار.

الافتراض	المبرهنة	النظرية
إذا كان الشكل رباعي متوازي أضلاع، فإن كل زوايا متوازيين فيه المترافقان في a يعادل b.	إذا كان الشكل رباعي متوازي أضلاع، فإن كل زوايا متوازيين فيه المترافقان في a يعادل b.	11.3 متوازيان
إذا كان الشكل رباعي متوازي أضلاع، فإن كل زوايا متوازيين فيه المترافقان في a يعادل b.	إذا كان الشكل رباعي متوازي أضلاع، فإن كل زوايا متوازيين فيه المترافقان في a يعادل b.	11.4 متوازيان
إذا كان الشكل رباعي متوازي أضلاع، فإن كل زوايا متوازيين فيه المترافقان في a يعادل b.	إذا كان الشكل رباعي متوازي أضلاع، فإن كل زوايا متوازيين فيه المترافقان في a يعادل b.	11.5 متوازيان
إذا تحتوى متوازي أضلاع على زاوية واحدة قاسية، فإن زواياه الأربع \cong قافية.	إذا تحتوى متوازي أضلاع على زاوية واحدة قاسية، فإن زواياه الأربع \cong قافية.	11.6 كون قافية
إذا كان الشكل رباعي متوازي أضلاع، فإن قطريه ينصف بعضهما البعض.	إذا كان الشكل رباعي متوازي أضلاع، فإن قطريه ينصف بعضهما البعض.	11.7 بعض
إذا كان الشكل رباعي عبارة عن متوازي أضلاع، فإن كل قطر ينصف متوازيين متساوياً إلى مثليثين متطابقين.	إذا كان الشكل رباعي عبارة عن متوازي أضلاع، فإن كل قطر ينصف متوازيين متساوياً إلى مثليثين متطابقين.	11.8 الذرء بحسب a

إثبات أن الزوايا المتطابقة لمتوازي الأضلاع متطابقة

خطف وأكمل برهاناً من عمودين على النظرية 4. إذا كان الشكل رباعي متوازي أضلاع، فإن كل زوايا متوازيين فيه متطابقان.

الخطف للدلالة، إذا أردت إثبات أن $R \cong P$ ، باستخدام مسلمة تطابق الأجزاء المتطابقة في المثلثات المتطابقة، ذكر سكت تغيير الرسم التخطيطي على السار لاستخدامك في برهانك ما يلي:

الخطوات الخامسة بالطابع والمستويات التي تغير التغيير الذي تجريه؟
الاجابة الموجبة: سأرسم مثليثاً من المثلثة الأولى التالية كي تربط بين آليات تحدث متطابقة واحدة فقط.

137 متوازي الأضلاع

نصيحة للتدرис

م.ر. 3

راجع الفرق بين البرهان المكتوب في فقرة والمكون من عمودين. وكل على أنه في كلا النوعين من البراهين، يجب على الطالب أن يضعوا باعتبارهم الممارسة م.ر. 3 (بناء فرضيات عملية والتعليق على طريقة استنتاج الآخرين).

الأدلة الداعمة

4 وجه العائد من نظريات القوافل في إثباتات النظر بات عن متوازيات الأضلاع؟ بما أن متوازي الأضلاع المتقابلة في متوازي الأضلاع فإنها قاطعة، وبالتالي، يمكننا استخدام النظريات المتعلقة بالقاطع لصياغة عبارات عن متوازيات الأضلاع. لإثبات أن $L \parallel K$ قطعة مستقيمة هي القاطع وأيها هي القطع المتوازية؟ $JM \parallel KL$ هما القطعان المتوازيان، و $JK \parallel LM$ هي القاطع



5 بناء الفرضيات إنما المباريات والأسباب المائية لبرهان البرهان.

المعلومات: متوازي الأضلاع PQRS، $\angle P = \angle R$

الأسباب	الباريات
1. معرف	متوازي الأضلاع PQRS، $\angle P = \angle R$
2. تعریف متوازي الأضلاع	$PR \parallel QS$, $PQ \parallel RS$
3. تطبيقات الزوايا في المثلثات	$PQ = PS$, $RS = PS$, $PQ = RS$
4. معايير المثلثات في المثلثات	$PS = RS$
5. زاوية ضلع - زاوية	$\angle P = \angle R$
6. المبرهنة المترادفة في مثلث متوازيين متطابقين	

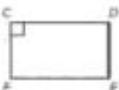
وصف طريقة برهان برهان إثبات أن $L \parallel K$ في الإجابة التالية، يمكن أن أرسم المثلث JKL كالتالي، ثم أثبت أن $JM \parallel KL$ وذلك يمكن أن أستخدم النظريات المائية في إثبات متوازيين متطابقين $JK \parallel LM$ متطابقة.



ناتج أن الزوايا المترادفة في متوازي الأضلاع متكاملة.

خطوة وكتب برهان حرا على النظريات كالتالي الشكل الرابع من متوازي الأضلاع فإن كل زاويتين متساوين فيه متكاملتان.

6 بناء الفرضيات

متوازي الأضلاع $JKLM$ ، $JK \parallel LM$, $JM \parallel KL$, $JL \parallel KM$ المعلومات: متوازي الأضلاع $JKLM$ ، $JK \parallel LM$, $JM \parallel KL$, $JL \parallel KM$ ، $JL \perp KM$ الخطوات: في الخطوة الأولى، $JM \parallel KL$ ، $JL \perp KM$ ، $JL \cap KM = O$ ، $\angle KOL = 90^\circ$ 

ناتج الزوايا المترادفة في متوازي الأضلاع

الخطوة الثانية: $JM \parallel KL$ ، $JL \perp KM$ ، $JL \cap KM = O$ ، $\angle KOL = 90^\circ$ الخطوات: في الخطوة الثانية، $JM \parallel KL$ ، $JL \perp KM$ ، $JL \cap KM = O$ ، $\angle KOL = 90^\circ$

ناتج الزوايا المترادفة في متوازي الأضلاع $JKLM$ ، $JK \parallel LM$, $JM \parallel KL$, $JL \parallel KM$ ، $JL \perp KM$ ، $JL \cap KM = O$ ، $\angle KOL = 90^\circ$

الوحدة 11 الأشكال الرباعية

التدرис المتمايز

يواجه بعض الطلاب صعوبات في ذكر جميع المعلومات اللازمة لإثبات خواص متوازيات الأضلاع. وقبل أن يبدأ الطلاب البراهين، اطلب منهم رسم خريطة مفاهيم تلخص المعلومات المتعلقة بالبراهين.

خواص متوازي الأضلاع	إثبات تطابق المثلثات	الزوايا والمستقيمات المتوازية

اطلب من الطلاب التفكير بخصوص المعلومات التي ينبغي إدراجها في أول عمودين وتسجيلها بطريقة تفيدهم. اطلب منهم ملء العمود الثالث أثناء الدرس. وشجعهم على استخدام خريطة المفاهيم خلال الدرس.



الوحدة 11 الأشكال الرباعية

13

مثال 4

344

نصيحة للتدريس

ينفي للطلاب معرفة أن بإمكانهم استخدام الاستنتاج السابق وهم يطبقون الممارسة م.ر 3 (بناء فرضيات عملية والتعليق على طريقة استنتاج الآخرين) لإثبات علاقات جديدة. وهذه أنه بمجرد إثبات النظريّة، فإنه يمكن استخدامها في صورة سبب في برهان آخر دون الحاجة إلى إثباتها كلها مرة أخرى.

الأسلحة الداعمة

ما الذي أثبته في هذا الدرس؟ **النظرية**
11.4: **الزوايا المتناظرة في متوازي الأضلاع**
11.5: **النظرية** **الزوايا المتناظرة في متوازي الأضلاع**
الممتالية في متوازي الأضلاع متكاملة.

كيف يمكنك تطبيق تلك النظريات على الرسم التخطيطي لإثبات البرهان؟

٥- يُذكر أن قطرى متوازى الأضلاع يتصدى كل منها الآخر

استخدم الخبراء الاتجاهات النظرية لـ⁷ لكى يشكل البرمجمي متوازى أصلع، فإن
الطبقة يحصل على بعضها البعض

استخدم الخبر لإثبات النظرية 8.7 كان الشكل الرابع متساوياً لـ ABCD .
 المبرهنة مصوّرها في الشكل أدناه.

b. الحساب الدقيق ما نحدده المستند لكن من \overline{AC} .

نقطة متعددة $\left(\frac{a+b}{2}, \frac{c+d}{2} \right)$ هي **نقطة متعددة** $\left(\frac{e+f}{2}, \frac{g+h}{2} \right)$

٤٠. **التواءل بصفة زاده** . **فلا ينكره المستحب عليه**. ذلك يثبت ذلك أن المفترض

10

١٠. بناء المعرفيات أثبت النظرية ١١.٣، إذا كان التشكيل الرماعي متوازي أضلاع، فإن ضلعه المستقلين ممتداً

www.IBM.com/ibmsoft/ibmsoft.htm

2001-02 EFGH

المحتوى المأهول

الأسباب	الهارات
١- سقط	متوازي أضلاع $EFGH$.١
٢- تحرير متوازي الأضلاع	٢- $\overline{EF} \parallel \overline{GH}$
٣- مترادفة ، المقابلة متساوية	$EH \parallel GF$ و $EH = GF$.٣
٤- المعاشرة المكبسية للتطابق	٤- $\overline{EH} \parallel \overline{GF}$
٥- زوايا متساوية	٥- $\angle EHF = \angle GHF$
٦- إثبات التطابق في مثلثات متراكبة	٦- $\overline{EF} = \overline{GH}$

b- لاجئ لـما يبتليه هذا الشهان على جميع مناورات الأصلاح

الزجاجة المفتوحة يفتحها بضم منازل الأصلع زوجين من الأصلع المنوارية هذه رسم قظر، يمكنك استخدام المستحبات المنوارية لـبرهان أن الروابي الداخلية كـمنظالية = وأن المثنين △ اللذين يشكلونها التأثر منظاليان △

التأكيد على الممارسات الرياضية

يطلب المثال 4 من الطالب وضع خلطتين الخاصة لبرهان يبدأ بالمعطيات وينتهي بالافتراض إثباته. ولا يتلقون مساعدة في الخطوات المتضمنة.

لمساعدة الطلاب في أثناء حل المسألة. يجعلهم يخبروك بكل شيء يعرفونه عن متوازيات الأضلاع والزوايا الثانية. ثم يناقشون الطرق المحتملة التي يمكن استخدامها لإثبات أن الزوايا قائمة. أدر المناقشة بحيث يربط الطلاب بين ما يعرفونه بالفعل وما يحاولون إثباته. وب مجرد أن تكتمل لديهم نظرة عامة عن طريقة التفكير، يجعلهم يكملوا المثال.

نصيحة للتدرис

ثمة طرق عديدة لتقديم الممارسة م.ر
(التفكير بطريقة تجريبية وكمية).

إحدى تلك الطرق هي استخدام الجبر لتوضيح العلاقات. بينما يكتب الطلاب البرهان الجبري، يجب عليهمربط المعلومات التي لديهم في استخدام الجبر بالشكل الهندسي وبما يحاولون إثباته فيه.

الأمثلة الداعمة

4. أوجه الترابط بين نقطة المنتصف والمحفظ؟ أي منتصف يمر بنقطة المنتصف.

كيف تساعدك معرفة نقاط المنتصف للقطرين في توضيح أنها بمناظعها بعضهما؟ إذا مر أحد القطرين بنقطة منتصف القطر الآخر، فإنه ينصفه.

2. بناء المثلثات ثالث برهان آخر على النظرية 11.8.
إذا كان المثلثان المتساوي متواري الأضلاع فإن كل قطع يتم متساوي الأضلاع إلى متساوي متطابقين.

المطلوب أن $\triangle KLM \cong \triangle MNK$.
الإvidence الموجبة يثبت المثلثان $\triangle MNK$ متساوياً متطابقاً لأن $\angle LMN \cong \angle KMN$ و $\angle LMK \cong \angle MKN$ و $\angle LNM \cong \angle MNK$. وبعدها زوايا داخلية متساوية. يوجب الخاصية المعاكسنة للتطابق. إن $\triangle KLM \cong \triangle MNK$ باستخدام نظرية التشابك الإروية. شاهد زوايا $\triangle MNK$ باستخدام المثلث.
رسنت باسم متساوي الأضلاع على مستوى إثباتك كما هو موضح في الرسم التخطيطي.

3. الاستفادة من الصلة ومحض ثالث يكتفى باستخدام المبرهن الثالث أن كل متساوي متطابقين في متساوي الأضلاع متطابقان.

الإvidence الموجبة يكتفى استخدام قانون المسافة المتساوية منتصف $EF = \sqrt{(1 - 3)^2 + (4 - 0)^2} = \sqrt{53}$, $GD = \sqrt{(3 - 1)^2 + (-2 - 2)^2} = \sqrt{13}$, $DE = \sqrt{(-3 - 0)^2 + (2 - 4)^2} = \sqrt{25}$.

4. الاستفادة من الصلة ومحض ثالث يكتفى باستخدام المبرهن الثالث أن المتساوين يصنفان ببعضهما.

الإvidence الموجبة يكتفى استخدام قانون نقطة المنتصف
نقطة منتصف $EF = (2, 1)$, $DE = (0, 2)$, EF نقطة منتصف $= (2, 1) \frac{0+2}{2} = (1, 1)$.
القطرين عند نقطة منتصف المثلث الآخر، ولذلك فهو ينبعان ببعضهما.

5. التقطير الثالث ردد إلى باسمين أنها وجوب بررهن بدلالة على المتساوين 11.7 و 11.3.
باستخدام المبرهن الأول هي على مسافة 11.7 أو 11.3
الإvidence الموجبة إنها على مسافة لا يزيد عن الجزء $\frac{1}{2}$ المترية 11.7 ولا يزيد عن الجزء $\frac{1}{2}$ المترية 11.3، حيث تستد هذه البرهان أن النظرية تتحقق فقط على متساوي الأضلاع هذا بالتحديد. وتوضح برهان صحة فلسكون على باسمين استخدام متساوي الأضلاع هام.

6. التقطير الرابع يكتفى باسمين غير التوالي $DEFG$ الذي رسنته بمحض بعثة
الجزء B ، A متساوين مصالحين للمساوين 11.3 و 11.7.
الإvidence الموجبة يكتفى أثبات $DEFG \cong DEFG$ حيث يملون DE , EF , FG , GD ككلمات تكون الإحداثيات بدالة متغيرات بدلاً من أي أسماء وهذا يحمل $DEFG$ أضلاع هام، ويمكن أن تستخدم باسمين منها قانون المسافة كما في الجزء A وقانون نقطة المنتصف في الجزء B لبيان أن المتساوين 11.3 و 11.7 تتحققان على متساوي الأضلاع الدائري.

الوحدة 11 الأشكال الرياضية

أخطاء شائعة

قد يحاول الطلاب استخدام طرق غير دقيقة لإثباتات التحقيطيات. فقد يقدمون استنتاجات تتضمن انطباعات بصرية من الرسوم التخطيطية أو القياسات باستخدام المسطرة أو المترنة. أكد على وجوب أن تكون جميع الأسباب المقدمة منطقية من الناحية الرياضية ويجب أن تتحقق على جميع متساويات الأضلاع وليس فقط الذي يمثله الرسم التخطيطي. لاحظ أنه يجب استخدام التعريفات والخواص وال المسلمات والنظريات والقوانين في براهينهم على أنها معطياتهم.

تمرين

في التمرينين 1 و 2، يجب على الطالب إثبات النظريات عن متوازيات الأضلاع.

التمرين 3 يتيح للطلاب التحقق من العلاقات في متوازي الأضلاع. وذلك باستخدام إحداثيات رؤوسه.

التمرين 4 يتطلب من الطالب تحليل البرهان عن متوازي الأضلاع وإعادة صياغته.

في التمرين 5. يتدريب الطالب عن طريق إثبات عبارة عن متوازي أضلاع في موقف من الحياة اليومية.

عرض الممارسات الرياضية

ر.م	تمرين
3	1-2
1, 3, 7	3
3	4
7	5

أ. فيما يلي برهان من مودعين على النظرية إذا كان الشكل الرباعي متوازي أضلاع، فإن قطعه بمقدار

المعطيات: $WXZY \cong MY$ $WM = MZ$
المطلوب إثباته: $\overline{XM} \parallel \overline{YZ}$

الأسباب	الخطوات
1. مدخل	$WXZY \cong MY$ 1
2. تحريف متوازي الأضلاع	$\overline{WY} \parallel \overline{XZ}$, $\angle WZY \cong \angle YZX$ 2
3. نظرية زوايا الماء الماء الماء	$\angle XYZ \cong \angle WXM$, $\angle XWZ \cong \angle YZW$ 3
4. الزوايا المائية والزوايا متطابقة	$\angle WMX \cong \angle YMZ$ 4
5. زاوية - زاوية - زاوية - زاوية AAA	$\triangle WXM \cong \triangle YMZ$ 5
6. سند معاين الأجزاء المائية في المثلثات المتطابقة	$\overline{XM} \parallel \overline{YZ}$, $WM = MZ$ 6

a. التفكير الناقد ما الخطأ في البرهان؟

ليس التطابق (زاوية-زاوية-زاوية) اختصاراً صالحاً لتطابق المثلثات

b. هنا الفرضيات كيف يمكنك تصبح الحقائق؟

الإجابة الموجبة: سأبين أن كل ضلعين متوازيين في متوازي الأضلاع متطابقان ثم أستخدم التطابق (زاوية-زاوية)

c. أعد كتابة البرهان مع إدخال تفاصيل

الأسباب	الخطوات
1. مدخل	$WXZY \cong MY$ 1
2. تحريف متوازي الأضلاع	$\overline{WY} \parallel \overline{XZ}$, $\angle WZY \cong \angle YZX$ 2
3. نظرية زوايا الماء الماء الماء	$\angle XYZ \cong \angle WXM$, $\angle XWZ \cong \angle YZW$ 3
4. التفسير 11.3	$WX \parallel YZ$ 4
5. زاويتان وضلع	$\triangle WXM \cong \triangle YMZ$ 5
6. سند معاين الأجزاء المائية في المثلثات المتطابقة	$\overline{XM} \parallel \overline{YZ}$, $WM = MZ$ 6

5. إيجاد خط متوازي شارع الخلية مع شارع العروبة. وتوكيل جادة الزهرة مع جادة الكراهة
يميل ماضي في مقطعه للنهاية على طلب شارع الخلية مع جادة العروبة. ويصل إلى
ووصل سيراً إلى منزل في نهاية شارع العروبة مع جادة الكراهة. يتحول ماضي الشارع إلى
حال ما إذا كان يذهب من شارع الخلية وجادة الكراهة أو جادة الزهرة وشارع العروبة
هذا أراد حلقة المساعدة الأقصى. ثانية طرفي سهل عليه أن يختار شارع استئناف
الإجابة الموجبة: كل المسارين متساوون في المسافة. يدل على أن شارع الخلية يوازي
شارع العروبة وأن جادة الزهرة موازية لجادة الكراهة. فإن الشكل الذي تتشكله الشوارع الأربع هو متوازي أضلاع حسب
تحريف متوازي الأضلاع. حسب النظرية 11.3. فإن كل ضلعين متباينين في متوازي أضلاع متطابقان. لذلك فإن المتوجه
شارع الخلية فهو متوجه شارع العروبة نفسه. ومنطبع جادة الزهرة ومنطبع جادة الكراهة لهما الطول نفسه. وذلك
فكل المسارين متساوون في المسافة.

11.2 متوازي الأضلاع

التدريس المتميز

مفاتيح الحل البصرية غالباً ما تساعد الطالب في التفكير بالمسألة بطريقة أكثر وضوحاً. لغلكله طالب قلم رصاص أحمر وأخر أزرق. راجع العلامات المستخدمة لتوضيح المستقيمات المتوازية والمستقيمات المتطابقة والزوايا المتطابقة. اطلب من الطالب تحديد المعطيات باستخدام القلم الأحمر وما يحاولون إثباته باستخدام القلم الأزرق. وفي كل مرة يكملون فيها خطوة من خطوات البرهان. أجعلهم يحددو المعلومات على الرسم التخطيطي بالقلم الأحمر. شجع الطالب على استخدام الرسم التخطيطي الملون وهم يناقشون ويحلللون ما يعرفونه وما يحاولون إثباته.

ممارسات الرياضية

الممارسات الرياضية:

وقد تعرّف معاوی الأصلاني إلى خوارق كل حلمين متواطئين في حقل المثلث البرهان من بين المثلثات الخمسة التي اتّساع في المثلث الرئيسي معاوی الأصلاني أصلًا لـ“أثر كل حلمين متواطئين متواطئين معاوی الأصلاني”.

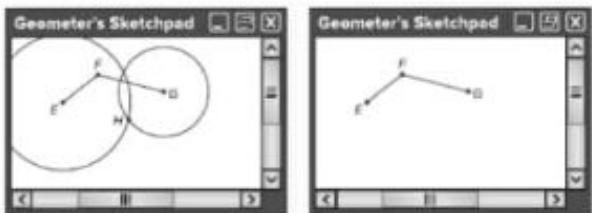
كتاب شرط متوازي الأضلاع

الاستكشاف في التعلم يتألف من مراحل متعددة، وهي:

- الاستكشاف** في المعرفة: هي عملية الاستكشاف التي تتم في المعرفة، حيث يتم تطبيق المعرفة الجديدة على المعرفة القديمة.
- الاستكشاف** في المعرفة: هي عملية الاستكشاف التي تتم في المعرفة، حيث يتم تطبيق المعرفة الجديدة على المعرفة القديمة.
- الاستكشاف** في المعرفة: هي عملية الاستكشاف التي تتم في المعرفة، حيث يتم تطبيق المعرفة الجديدة على المعرفة القديمة.

٣- استخدام Geometer's Sketchpad لرسم قطعتين مستقيمتين للشاركان في نقطة المواجهة سوياً

b استخدام الأدوات لرسم دائرة باستخدام آلة "Circle by C R" على مذكرة
وأطافلها أغلب دائرة أخرى بالطريقة نفسها يمكن من إبرة C رسم دائرة G كثانية بموضع
أيده على المسار ست نقطة تناصف الدائرين آلة \overline{FG} و \overline{EF} كثانية الدائرين والملاحظانهما



C. بهذه الفرضيات آخر — سلسلة \overline{FG} — تساوي \overline{EFG} .
 الإجابة المنشورة، بما أن طول قوس الدائرة التي مرّت بها EFG فإن \overline{EFG} = المنشورة مشابهة. فإنه بما أن طول
 قوس الدائرة التي مرّت بها هو E ساوى FG . فإن $\overline{EFG} = \overline{FG}$.

D. استخدام الأدوات استخدم أحد تطبيقات المثلث الإquerille على $\triangle EFG$ كما في الشكل.
 أستنتاج من الأسلال المستقلة في $\triangle EFG$.

E. الإجابة المنشورة هي كل مستقيمين متباينين متقابلين مترافقين، إذًا كل مستقيمين متباينين متوازيان.

الوحدة 11

خلفية عن الرياضيات

عندما يستخدم الطلاب برنامج الهندسة الديناميكية لإنشاء شكل رباعي، فقد يفترضون أن الشكل سيكون متوازي الأضلاع ويتبعون طريقة مختصرة عن طريق تبسيط رسم القطع المستقيمة التي تبدو أنها متوازية. ذكرهم بأنه يجب عليهم البدء بتطابيق الأضلاع المترابطة قبل عمل أي افتراضات أخرى.

باستخدام أدوات القياس المتوفرة في برنامج الهندسة الديناميكية، يمكن للطلاب استكشاف ما تعلمهونه مسبقاً عن خواص الأضلاع والزوايا والأقطار الخاصة بمتوازيات الأضلاع، وأناء الاستكشاف. شجعهم للتتخمين حول الشروط التي تضمن أن يكون الشكل رباعي متوازي أضلاع وافتخارهم في طرق إثبات تلك التخمينات.

- عدد تغير شكل $EFGH$. كيف نبين
العلاقة بين أطول أضلاعه؟ اختر قطعة
م سقيمة لكافلصع. حدد أمر القياس
e) Measur لتوسيع طول القطعة
اله ستقيم مستحدث الأطوال تقابلياً
مع ظغير $EFGH$.
عن
م الد لاقفة ببطول \overline{EF} بطول \overline{FG} ? يعمد
ن طول \overline{EF} يؤثر في طول \overline{FG} .
ال
والعكس صحيح. أطوال الأضلاع
المجاورة لمتوازيات الأضلاع لا ترتبط
ببسها.

لمطالبات الأساسية

العرف على خواص متوازيات الأضلاع
وتطبيقاتها.

المواض

Geometer's Sketchpad برمج

مثال 1

نصيحة للتدريس

ساعد الطلاب للوصول إلى تخمينات
بخصوص متوازيات الأضلاع وذلك
بمطالبتهم باستخدام برنامج الهندسة
الديناميكى لتعديل الشكل الرابعى GH
بحيث لا تكون أضلاعه المتقابلة متوازي
نافش لماذا لا يمكن عمل ذلك.

الأمثلة الداعمة

- عدد تغير شكل $EFGH$. كيف نبين
العلاقة بين أولئك أضلاعه؟ اختر قطعة
من سقيمة لكلاضاع. حدد أمر القياس
للتوضيح طول القطعة Measur e)
الـ ستقيم متغير الأطوال تلقائياً
عن مع ظرف $EFGH$.

مثال 2

م. ر. 3

نصيحة للتدرис

إذا كان الطلاب يواجهون صعوبة في فهم الخطوة الأولى من البرهان، فراجع استخدام الخط المساعد.

الأسلة الداعمة

٩١. إذا رسم الخط المساعد في المقدمة
رسم خط إضافي يساعدك في تحليل العلاقات الهندسية بين المثلثين اللذان شكلهما رسم القطر في متوازي الأضلاع.

هل يمكن رسم الخط المساعد بين النقطتين F و H بدلاً من الخط الأول؟ وإذا كانت الإجابة بنعم، فكيف سينتَر البرهان؟ فنُعم: سيكون المثلثان $\triangle EHF$ و $\triangle GHF$ المتتطابقان هما $\triangle EHF \cong \triangle GHF$ و عليه قد يتلزم مراجعة جميع القطع المستقيمة والزوايا في البرهان.

لماذا يعطي موكوس نظرية الزوايا الداخلية المتبادلة على أنه سبب للعبارة ٦ بدلاً من نظرية الزوايا الداخلية المتبادلة؟ توضح النظرية أنه إذا كان الخطان متوازيان، فإن الزوايا الداخلية المتبادلة متطابقة، بينما يوضح موكوس النظرية أنه إذا كانت الزوايا الداخلية المتبادلة متطابقة، فإن الخطوط متوازية، والنصل الأخير موضح في العبارة ٦.



الخطوة ما الذي بعد تحصينا مطبقها من متوازي الأضلاع بدل من استئصاله للشكل الرباعي $EFGH$ الإجابة التوجيهية: إذا كان كل ضلعين متطابقين في الشكل الرباعي متوازيين، إذًا فإن الشكل الرباعي متوازي أضلاع

إثبات أن الأضلاع المتتطابلة متوازية بعد طريقة واحدة فقط لإثبات أن كلتا زوايا ما متساوية من متوازي طرطع آخر؟ لذلك نفترض أن كل زوايا متوازي طرطع $EFGH$ متساوية، إذًا يتم تحصين

مفهوم الأساسي

أفضل الجدول يكتبه الطفولة الخامسة التي تتوافق مع كل اختصار.

الاختصار	النظرية
إذا كان كل ضلعين متطابقين في الشكل الرباعي متوازيين.	إذا كان كل زوايا من الأضلاع من المثلثات $\triangle EHF$ و $\triangle GHF$ متساوية.
فهو متوازي أضلاع.	فهو متوازي أضلاع.
إذا ثابت كل زوايا من المثلثين في الشكل الرباعي متوازيين.	إذا ثابت كل زوايا من المثلثين في الشكل الرباعي متوازيين.
فهو متوازي أضلاع.	فهو متوازي أضلاع.
إذا كان قطر الشكل الرباعي ينبعضان ببعضهما، إذًا فهو متوازي أضلاع.	إذا كان قطر الشكل الرباعي ينبعضان ببعضهما، إذًا فهو متوازي أضلاع.
المطلوب إثباته $EFGH$ متوازي أضلاع.	إذا كان ضلعان متعاملان في الشكل الرباعي متوازيين ومتوازيين.
فهو متوازي أضلاع.	فهو متوازي أضلاع.

٢. ثبت أن الشكل الرباعي عبارة عن متوازي أضلاع

أفضل البرهان من عمودين لإثبات أنه إذا كان كل زواجين من الأضلاع المتقابلة متlapping فإن الشكل الرباعي متوازي أضلاع.

٨. بناء فرضيات أدلة البراهين، والأدلة الثالثة لاثبات البرهان

$$EF = GH, FG = EH$$

المعلمات المطلوب إثباته: $EFGH$ متوازي أضلاع



الأدلة	البراهين
١. اثبات أن $\triangle EHF$ و $\triangle GHF$ متساويان ببعضهما، إذًا $EF = GH$.	١. اثبات $EF = GH$.
٢. مفترض	$EF > GH, FG > EH$.
٣. ملخص المعاين في المثلثين	$EG = GH$.
٤. خلاصة-خلو-عنده	$\triangle EFG \cong \triangle GHE$.
٥. إثبات المعاين المثلثين في المثلثين المتساوين	$EFG \cong HEG, FEG \cong HGE$.
٦. ملخص نظرية الزوايا الداخلية المتقابلة	$EF \parallel GH, FG \parallel EH$.
٧. تذكر الأصل الثالث عبارة عن الشكل الرباعي ينبعضان بهما كل ضلع	متوازي أضلاع $EFGH$.

b. التفكير الناقد: إذا أردنا إثبات أن $EFGH$ متوازي أضلاع باستخدام ملخص نظرية الزوايا المحسوبة، فعلينا تحقق بعدد مثل إثباتاته.

١٤٣ إثباتات متوازي الأضلاع

التأكيد على الممارسات الرياضية

استخدم ما تعلمه الطلاب عن كتابة البراهين لمناقشة م. ر. 3 (بناء فرضيات عملية والتعليق على طريقة استنتاج الآخرين). في الجزء C من المثال ٢. قد يفترض الطالب عن طريق الخطأ أن الزوايا المتقابلة في الشكل الرباعي $EFGH$ متطابقة. الفكرة بأن إثبات شكل رباعي معطى عبارة عن متوازي ضلائع مختلف عن إثبات أن متوازي الأضلاع له خصائص معينة. إذا لم يتم إثبات شكل رباعي معطى عبارة عن متوازي أضلاع، فإنه لا يمكن افتراض خواص متوازيات الأضلاع ولكن يجب إثباتها كذلك.

التمرين 1 يطلب من الطلاب استخدام برنامج الهندسة الديناميكي لإنشاء متوازيات أضلاع وعمل تجربتين عنها.

في التمرين 2. يعلق الطلاب على إحدى المحاولات في البرهان ثم يكتونون فرضية ويكتبون فقرة البرهان عن إحدى النظريات.

في التمرين 3. يحتاج الطلاب إلى تكوين فرضية وكتابة فقرة برهان عن متوازي أضلاع.

في التمرين 4 و 7. يثبت الطلاب إحدى النظريات جرياً، وذلك باستخدام الإحداثيات لإثبات أن شكل رباعي متوازي أضلاع.

في التمرين 5. يتنافس الطلاب في البرهان الذي تم التخطيط له في المثال 3. وبينما يثبت الطلاب نظرية عن متوازيات الأضلاع، فإنه يجب عليهم استخدام البنية.

التمرين 6 يطلب من الطلاب حل مسألة من الحياة الواقعية باستخدام الإحداثيات لإثبات أن الشكل الرباعي متوازي أضلاع.

أخطاء شائعة

في الشكل الخاص بالتمرين 1، قد يلجأ الطلاب لطريقة مختصرة وذلك ببساطة برسم قطع مستقيمة يبدو أنها متوازية. ذكر أن استخدام أمر إنشاء مستقيم متواز (Construct Parallel Line) يضمن أنه في حالة تغيير شكل متوازي الأضلاع وموضعه، فإن أضلاعه المتباينة ستبقى متوازية. في الجزء 8 من التمرين 1، قد يواجه الطلاب مشكلات في استخدام الأدوات المتاحة في البرنامج الهندسي الديناميكي لتحديد الزوايا وقياسها. ومن الأخطاء الشائنة وضع قطع مستقيمة أو نقاط إضافية يتم تحديدها عند اختيار أمر قياس (Measure). وفي هذه الحالة، فإنه يمكن تعطيل خيار قياس الزوايا الموجود في القائمة، مما يجعله غير متاح للاختيار. انصح الطلاب كذلك بأن يتحققوا جيداً من تناول الزوايا المسمى الموضحة في أسنانها مع الزوايا التي يقومون بقياسها.

عرض الممارسات الرياضية

التمرين	م.ر
1	3, 5
2	3
3	3
4	3, 7
5	3
6	3
7	2

أخطاء شائعة

في التمرين 2. يراجع الطلاب البرهان الذي يستخدم الزوايا المتنقابلة لإثبات أن الشكل الرباعي متوازي أضلاع. يطلب من الطلاب تحديد الخطأ الجسم وتصحيحه. إن تحديد الخطأ بطريقة صحيحة يعتمد على الفهم الصحيح للطلاب للنظرية 11.5. وهلني: كان الشكل الرباعي متوازي أضلاع. فإن زوايا المتناظرة تكون متكاملة إذا كان الطلاب يواجهون صعوبات في التمرين. فاقطّر أسئلة للتأكد من أنهم لا يخلطون بين الزوايا المتناظرة والمتنقابلة أو الزوايا المتكاملة والمتجلبة.



547 • The Tenth Amendment

b- بهذه الترتيبات التي يرتكبها حرباً تهدى أن $ABCD$ متوازي أضلاع الإجابة الموجهة: لدينا $BE \parallel AE$ و $CE \parallel AE$ فـ $\angle BAE = \angle BEC$ و $\angle CAE = \angle CED$ فـ $\angle BAE + \angle CAE = \angle BEC + \angle CED$ فـ $\angle BAC = \angle BED$ فـ $\triangle ABC \sim \triangle EBD$ فـ $\frac{BC}{BD} = \frac{AC}{ED}$ فـ $\frac{BC}{BD} = \frac{AC}{ED}$ فـ $BC \cdot ED = BD \cdot AC$ فـ $BC \cdot ED = 10 \cdot 12 = 120$ فـ $BC = \frac{120}{ED} = \frac{120}{8} = 15$

٤- ينطوي إثبات دال على إثبات آخر : يثبت أن المثلث $ABCD$ من المثلث 4 متساوی اصلاح من استخدام قانون المسافة فيهل تتحقق هذه مثلث متساوی وان كانت تتحقق فالمثلث متساوی الإجابة التصحيحية تقول : دال على كل ضلعين متباينين في الشكل الرباعي متباينين إذا فهو متساوی ألا يتحقق $AD = CB$ و $AB = DC$

التأكد على الممارسات الرياضية

ربما تحتاج إلى استخدام التمرين 4 لمنافسة م.ر 7 (محاولة إيجاد البنية واستخدامها) وإجلال للربط بين الشكل المرنى لمتوازي الأضلاع في المستوى الإحداثي وقيمه المتناهية التي تم إيجادها باستخدام قوانين الميل ونقطة المنتصف والمسافة. على سبيل المثال، قد يحدد الطلاب الميل بصربيا عن طريق تمثيل $JKLM$ بيانياً. وعدد المربعات لإيجاد الارتفاع على الامتداد. اطلب منهم التأكيد من ملاحظاتهم البصرية عن طريق إدخال الإحداثيات لكل زوج من الرؤوس في قانون الميل والمقارنة بين نتائج حساباتهم والبيول التي حددوها بصربيا.

11.4 المستطيل

الأهداف

شدة المطرادات الخاصة بالمستطيل باستخدام براهمين من عمودين
استخدام الإحداثيات لإنشاء المطرادات الخاصة بالمستطيل
رسومات مبنية للأشكال لمجموع المطرادات الخاصة بالمستطيل

المستطيل عبارة عن متوازي أضلاع زاوية الأربع قائمة، ونظراً لأن المستطيل متوازي أضلاع فإن جميع خصائص متوازي الأضلاع تطبق على المستطيل.

١٤.١ تكتشف خواص المستطيل

الاستدلال: استخدم فرجاراً ومسحرة لكتفيف المستطيل وخصائصه

٢. استخدام الأدوات لرسم المستطيل $ABCD$ باستخدام رسومات من المستويات المترادفة والمتماسدة



٣. بناء فرضية باستخدام تعريف المستطيل لسرع المطردة التي يمكن بها بناء المستطيل

الإجابة التمهيدية: المستطيل متوازي أضلاع رباعي زاوية قائمة كل ضلعين متباينين في متوازي الأضلاع متوازيان $\parallel AC \parallel BD$

بعضهما البعض $CD \parallel AB$ كثقبهما عمودي \perp على AC لأن مستقيم AB ينبع على المستقيم نفسه فيما هو زوايا \parallel

فالشكل $ABCD$ مستطيل بحسب تعريف المستطيل

٤. التمهين استخدام مسطرة لإيجاد $AC = BD$ لا يصدق ما الفرضية التي يمكن التوصل إليها

من المطرى المستطيل؟ هل يشكل ادعاء صحة الفرضية بناء على الأمثلة؟

الإجابة التمهيدية: BD فركها، فطراً المستطيل متباينان، لا يمكن ليس برها، يجب استخدام البراهين

باستخدام المستطيل

نظرية 11.13، إذن متوازي الأضلاع مستطيلاً فإن تطبيق المطردين، وإن النظرية 11.13 تتطابق من جميع المستطيلات، فيجوز لنا إضافة تطبيق المطردين إلى قاعدة خصائص المستطيل.

١٤.٢ الوحدة ١٤ الأشكال الرباعية

مارسات الرياضية

الممارسات الرياضية:
١, ٢, ٣, ٥, ٦

المتعلقات الأساسية

العمر على خواص متوازي الأضلاع
وتطبيقاتها.

افتخدام قانوني الميل والمسافة

المادة

• فرجار

• مسحرة

مثال ١

نصيحة للتدريس

يوفر الجزء ٨ فرصة لتناول الممارسة
م. ر ٥ (استخدام الأدوات الملائمة
بطريقة إستراتيجية). عندما ينشئ
الطلاب مستطيلًا، شجعهم على تكوين
روابط بين الخطوات أثناء الإنشاء وسبل
اجتذابهم لإنشاء الشكل المطلوب.

م. ر ٥

خلفية عن الرياضيات

المستطيل عبارة عن متوازي أضلاع له أربع زوايا قائمة، ولأنه متوازي أضلاع.
فإن جميع خواص متوازيات الأضلاع تتطابق على المستطيلات. علاوة على ذلك،
فإن أقطار المستطيل متطابقة.

يمكن إثبات البراهين عن المستطيلات في صورة برهان ذات عمودين باستخدام
خواص متوازيات الأضلاع والمثلثات المتطابقة. ويمكن أيضًا استخدام البراهين
الجبرية على المستوى الإحداثي. ويمكن استخدام قانون المسافة لتوضيح
الأضلاع المتطابقة والأقطار المتطابقة. كذلك، يمكن استخدام قانون الميل
لإثبات أن الأضلاع متعامدة أو متوازية.

الأُسْلَة الداعمة

يستخدم النظريات التي تعرفها، ما الذي يمكننا إثباته عن الشكل عن طريق قياس الأطوال فقط؟ إذا كان كل زوج من الأضلاع المقابلة متطابقاً، فإن الشكل عبارة عن متوازي أضلاع.

ما أهمية توضيح أن الشكل عبارة عن متوازي أضلاع؟ نحتاج إلى هذه المعلومة من أجل استخدام النظرية 11.14.

مثال ۴

نصيحة للتدريس

في المثال 4. يجب على الطالب الاعتماد على الجبر بدلاً من أدوات القياس لإثبات أن الشكل عبارة عن مستطيل. تحدّد الطالب لعمل مقارنات بين أدوات القياس والقوانين الجبرية. على سبيل المثال، يمكن استخدام قانون المسافة وكأنه مسطحة لقياس طول الضلع.

الأسلحة الداعمة

٤- القوانين التي يمكن استخدامها والتي تحدد التقطتين المترفقيتين لقطعة مستقيمة؟ قانون المسافة يحدد طول القطعة المستقيمة وقانون الميل يحدد ميلها.

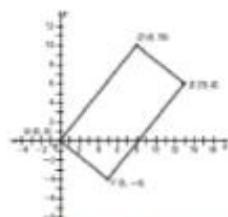
كيف تساعدك الأطوال في إثبات أن
الشكل عبارة عن مستطيل؟ إذا كان
كل زوج من الأضلاع المتقابلة متطابقة
فالشكل عبارة عن متوازي أضلاع. وإن
كان متوازي أضلاع ذا أوتار متطابقة،
فهو مستطيل.

كيف تساعدك الميول في إثبات أن الشكل عبارة عن مستطيل؟ إذا كان كلا زوجي الأضلاع المقابلة لهما الميول نفسه، فإنها تكون متوازتين وبالتالي يكون الشكل متوازي أضلاع إذا كانت ميول كل زوج من الأضلاع المتتالية عبارة عن معكوس ضربي سالب. فإنها تكون متعمدين ومتوازي الأضلاع عبارة عن مستطيل.

السابقة

عندما يجب على الطلاب إثبات الخواص الهندسية بدلاً من حفظها. فغالباً ما يستوعبون المفاهيم ويطبقونها في مجموعة من المواقف. بالتأكيد على الممارسة م. ر. 3 (بناء فرضيات عملية والتعليق على طريقة استنتاج الآخرين). فأنت تجعل الطلاب يأخذون دوراً فعالاً في تعلم خواص الأنواع المختلفة من متوازيات الأضلاع بطريقة تنسى الفهم.

وبالتالي يكون الشكل متوازي أضلاع. عندما يثبت الطلاب البراهين، امتحنهم الوقت لمناقشة المسائل في مجموعات إذا كانت ميول كل زوج من الأضلاع صغيرة أو بين الفحص بComplexe. اطرح أسلطة مثل "كيف تعرف ذلك؟" و "لماذا المثلثية عبارة عن موكوس ضربي هذا صحيح؟" و "هل هذا منطق؟" شجع الطلاب على تقديم شروح تستخدم سالب. فإنها يمكن أن تكون متعامدين ومتساويا المفردات الرياضية والاستنتاج.



- ٤- زوايا المستطيل على مستوى إحداثي**

موضع بالرسم إحداثيات شكل رباعي. استخدم الخبر لإثبات أن الشكل مستطيل.

٥. التخطيط للحل سهل كذا يكمل ما في رسالتك إنك أنت من ابتداً أن مستطيل

الإجابة المسوغة: إذا كان كل زوايا متباين متساوية، فالشكل $DDEG$ مستطيل. وجواب مسوغ الأضلاع لمعرفة ما إذا كانت الأضلاع المتساوية متباينة.

٦. التذكر بطريقة كمية التي أنت في مستطيل $DEFG$.

الإجابة المسوغة: $\sqrt{(-2-0)^2 + (-4-0)^2} = \sqrt{40}$ و $DE = \sqrt{(-2-2)^2 + (0-0)^2} = \sqrt{4}$.
 $GO = \sqrt{(2-0)^2 + (0-0)^2} = \sqrt{4}$ و $EF = \sqrt{(2-2)^2 + (0-(-4))^2} = \sqrt{16} = 4$.
 عملاً كل زوايا متباين متساوية، وذلك لأن $DDEG$ هو متوازي أضلاع.

العمل: $\frac{4}{\sqrt{40}} = \frac{4}{2\sqrt{10}} = \frac{2}{\sqrt{10}}$ و $\frac{4}{\sqrt{4}} = \frac{4}{2} = 2$.
 تأكيل $\frac{2}{\sqrt{10}}$ = $\frac{2\sqrt{10}}{\sqrt{10}\sqrt{10}} = \frac{2\sqrt{10}}{10} = \frac{\sqrt{10}}{5}$.
 تأكيل $\frac{2}{2} = 1$.
 تأكيل $\frac{\sqrt{10}}{5} = \frac{5\sqrt{10}}{25}$.
 تأكيل $1 = \frac{25}{25}$.
 تأكيل $\frac{5\sqrt{10}}{25} < \frac{25}{25}$.
 تأكيل $\frac{5\sqrt{10}}{25} < 1$.
 الإشارة: وذلك يحسم الزوايا قائمة. بما أن $DDEG$ أضلاع جميعها قائمة، فالشكل $DEFG$ مستطيل.

- ٦- التكثير الناقص: يرمي مجرم غير آمن إثبات أن الشكل الرباعي مستحصل على باعه إثبات أن الخطوط مقطعاً لها، فإن تحقق ذلك فالاشتبه. وإذا لم تتحقق فهذا مقالاً ملائماً وارسمه

٧- يجب أن يكون المستحصل متوازي أضلاع [صلة] إلى إثباته [طريقين متباينتين]

الإجابة المنشورة: ثبت المستحصل متوازي الأضلاع مثل معاكس

٨- ثبت بيكثت تغير الرسمة من انتظامها سبيلاً

الإجابة المنشورة: إثبات أن متوازي أضلاع هو مستحصل، فيكتفي بررهان أن قطع به مقطعاً.

٩. يمثل تطبيقات تأثير قوي للشلل الرباعي، يمكن إثبات أن حسب الرؤيا الأربع
لتشلل الرباعي خاصة قبل هو ممكناً أسرع
عمر، إذا كانت الرؤيا الأربع للتشلل الرباعي قائمة، فإن كل زواين متناظرين فيه متضادتان، فإذا، وبموجب النظرية
١٠. تشلل الرباعي متوازي أضلاع، إذا أحنت متوازي أضلاع على زوايا قائمة، فإنه يكون مستطيلًا
بموجب النظرية، ١١. إن متوازي الأضلاع مستطيل، لأن قدره متضادتان.

تہرین

في التمرينين 1 و 2، يمارس الطلاب الاستنتاج لإثبات نظرية عن متوازيات الأضلاع والمستويات.

في التمرين 3. يجب على الطلاب استخدام الإحداثيات والجبر لتوضيح ما إذا كان الشكل الرباعي مستطيل أم لا.

عرض الممارسات الرياضية

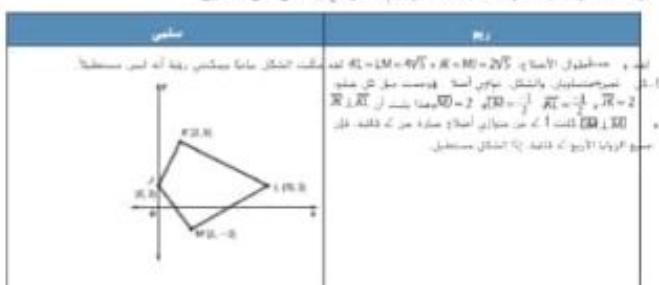
م.ر	التمرير
2	1
3	2
2, 3	3



٢- بناء المفرضيات أساساً الأجزاء الناتجة عن كل المركبات
المفترضيات $KLMN$ كواري أصلاء RN و EN
المطلوب إثبات $KLMN$

البيانات	البيانات
١. معطى	$KM = LN$ <small>أيضاً $KL=MN$</small> ١
٢. في شكلين متاظبين في متوازي الأضلاع متاظبين	$KN = LM$ ٢
٣. الخاصية المطلوبة في النطاق	$KM = LN$ ٣
٤. ضرورة الأضلاع المقابلة	$\triangle KMN \cong \triangle LNM$ ٤
٥. المبرهنة المتاظفقة في متاظبين متاظبين \triangle متاظبة	$CKMN \cong CLNM$ ٥
٦. في زوايا متاظبين \angle في متوازي أضلاع متاظبين	$CKMN \cong CKMN$ ٦
٧. إثبات زوايا \angle متاظبين \angle متاظبين \angle متساوياً \angle متساوياً	$LANN_1 = KVM_2$ ٧
٨. استعرض سلسلة أضلاع على \triangle الثالثة واحدة على \triangle الثانية	$MUK = MKU$ ٨
٩. تعرف المثلث	$KL=MN$ ٩

3) هل الطلاب أيماء ما إذا كان الشكل الرباعي الذي تلقت من التوصيل هو $M(2, -2)$, $M(2, 2)$, $M(-2, 2)$, $M(-2, -2)$ ؟



٥. الالگير بصورة تحريرية يتم حل كل مطلب
الإجابة الممدوحة: بـ١٠ خطأ كل منفذ متعدد غير متعدد متباين.

د. فهد بن سعيد بالضرورة متوازي أضلاع

سلفی: حسوبات: چالر خلو من آنها تو تبرهن هیں [اجابتها]

٤- بناء المفهومات: أشرح كيف يمكنك حل المسألة

نحوه المزدوجة ساواه المزدوجة والآلهتان كما ثبتت روى والقى

第十一章

أخطاء شائعة

قد يواجه الطلاب صعوبات في حياغة التبرير الصحيح لبعض الخطوات في التمرين 2. إذا لم يكونوا يتذكرون النظرية، فخصص وقتاً لمراجعتها مرة أخرى، على سبيل المثال، قد لا يتذكرون أنه إذا كانت كلا الزاويتين متكاملتين ومتطابقتين، فإنهما تكونان زاويتين قائمتين. خصص وقتاً لمراجعة الاستنتاج بعد العباره حتى يفهم الطلاب لماذا هي صحيحة.

في التمرين 3. قد يعتقد الطلاب أنه يجب عليهم اختيار حل واحد على أنه هو الحل الصحيح. ساعدهم في ملاحظة أن ريم حاولت اتباع الطريقة التحليلية في الحل، ولكنها لم تطبق المعلومات من الفوائين تطبيقاً صحيحاً حل سامي بظهور أنه فهم طبيعة المسألة. ولكنه لم يستخدم الرياضيات لدعم عياراته. يتبعي أن تجمع حلول الطلاب بين الأجزاء الأفضل لكل حل موضع.

11.5 المعين والمربع

الأهداف

تسهيل على الطالب فهم مفهوم المربع باربع ضلalte على المستوى الإحداثي معيناً أو مربعاً
إنك تنظر إلى شكل متوازي الأضلاع على المستوى الإحداثي معيناً أو
وسم معينات ومربيات

المهارات الرياضية
الممارس الرياضية:
1, 2, 3, 5, 6, 7

المتعلمات الأساسية

استخدام قوانين المسافة والميل لحل المسائل

استخدام خواص متوازي الأضلاع

المادة

* فرجار

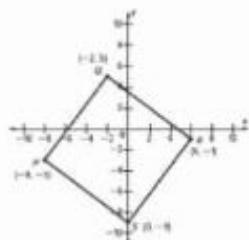
* مسطرة تقويم

* ورقة صغيرة

مثال 1

نصيحة للتدريس

تُوجه الطلاب ليكونوا واضحين في تحديد الشكل الذي يتعاملون معه. ذكرهم بأنه من أجل إثبات شكل معين أو مربع فإنهم يحتاجون أولاً إلى إثبات أن الشكل متوازي الأضلاع.



موضع بالرسو إحداثيات الشكل الرباعي. استخدم الجبر لإثبات أن **PQRS** مربع.

8. التخطيط للحل تدبّر يمكنك إثبات أن **PQRS** مربع؟ اذْجِب في الإحداثيات المريدة التي يبيّنها استخدام قانون المسافة وميل المستقيمات المتوازية.

الإجابة الموجبة: إذا كان كل ضلعين متباينين متساوين، فالشكل **PQRS** متوازي أضلاع. إذا كان ميلان الخطوط متباينين، إذا فالشكل **PQRS** هو مربع. إذا كان طول الخطوط متباينين، فالشكل **PQRS** متصل. إن الشكل الرباعي الذي يكون متصلًا وعديم ميل هو مربع.

مربع

$$\begin{aligned} \text{أ. التفكير بطريقة المية: انت از } \text{PQRS} \text{ مربع ارج} \\ RS = \sqrt{(5 - 0)^2 + (-1 + 2)^2} = 5, PQ = \sqrt{(0 - 5)^2 + (-5 + 2)^2} = 5, QR = \sqrt{(1 - 2)^2 + (5 + 2)^2} = 5. \\ \text{الاجابة الموجبة: } 5 = 5 = 5 = 5. \\ \text{B. التفكير بطريقة المية: انت از } \text{PQRS} \text{ مربع ارج} \\ 55 = \sqrt{(-8 + 2)^2 + (-3 - 5)^2} = 10, \text{ هلين عشكين متباينين متوازيين، فالشكل } \text{PQRS} \text{ متوازي اضلاع. ميل} \\ \frac{3 - 1}{-8 - 2} = \frac{-2}{-6} = \frac{1}{3}, \text{ ميلان الخطوط المتوازيتين متباينان. وهذا يثبت أن } \text{PQRS} \text{ مربع.} \\ 55 = \sqrt{(-8 - 5)^2 + (-3 - 5)^2} = 10\sqrt{2}, PS = \sqrt{(-2 - 5)^2 + (5 - 2)^2} = 5\sqrt{5}. \\ \text{الخطوط المتوازيتين متباينان، إذ } \text{PQRS} \text{ متصل. بما } \text{PQRS} \text{ متصل وعديم ميل فهو مربع.} \end{aligned}$$

الوحدة 11 الأشكال الرباعية

خلفية عن الرياضيات

في هذا الدرس، يثبت الطالب نظريات عن المعينات والمربيات. والعديد من العبارات التي سيثتها الطالب تتضمن أطوالاً وزواياً. وعند التعامل مع الإحداثيات، سيوجد الطالب قانون الميل اللازم لتحديد متوازي المستقيمات ونعامدها وقانون المسافة المفيد في التحقق من تساوي الأطوال.

غالباً ما يوجد العديد من الطرق التي يمكن استخدامها لإثبات خواص شكل رباعي محدد، مثل للطلاب على التفكير في الإستراتيجيات المختلفة.

الأمثلة الداعمة

أي العبارتين صحيح: "جميع المعيّنات لها أقطار متّعّمدة" أم "جميع الأشكال الرباعية ذات الأقطار المتّعّمدة عبارة عن معيّنات؟" برأ إجابتك. العبارة الأولى صحيحة بناءً على التعريف. العبارة الثانية ليست صحيحة: الطائرات الورقية وشبة المنحرف متّساوياً الساقين لهما أقطار متّعّمدة. كيف تعرف أن الشكل عبارة عن معيّن والمستطيل عبارة عن مربع؟ إذا كان الشكل مستطيلاً فإن كل زاوية فيه زاوية قائمة. \angle . وإذا كان الشكل عبارة عن معيّن، فإننا نعرف أن جميع الأضلاع \cong . وبما أن جميع الأضلاع والزوايا \angle تكون متساوياً، فإن الشكل رباعي مربع.

مثال 2

برهان

نصيحة للتدرّيس

في المثال 2. تم تقديم مزيد من العبارات في بداية البرهان وبالتالي يمكن أن يركز الطلاب على تقديم الاستنتاجات أولاً. ستكون المساعدة المقدمة أقل في النهاية. وقبل أن يبدأ الطلاب في البرهان. ساعدهم في تحديد العبارة التي سكتّب في النهاية. واجعلهم يكتبوا المسألة بكلمات من عندهم.

الأمثلة الداعمة

مه الذي يمكن أن يقوله عن أي متّوازي أضلاع له أقطار متّعّمدة؟ إنه معيّن. بره أن الشكل متّوازي أضلاع. فما الذي يمكن أن يقال عن الأقطار؟ **قطع الأقطار بعضها.**

6. التفكير الناقد: يعتقد محدث أن الشكل رباعي PQRS يكون متّوازاً لكن المطرّار متّعّمدين ومتّابعين. ويعتقد إدوارد أن المطرّار متّعّمدين غير متّابعين. ويعدّه سليم أن المعلومات غير كافية لتصنيف المثلث رباعي. فمنها على مسافة 9 سنتيمتر (الشكل إعائات). الإجابة المسوّجة: إجابة شير صحّيحة إن مطرّارات سليم صحّيحة فقط إذا كان BORS رباعي متّعّمداً فالتالي كل المطرّارات متّعّمدين ومتّابعين.

مثال 2 أن متّوازي الأضلاع معين



بناء الفرضيات التي تدلّ على أن كل مطرّار متّوازي أضلاع متّعّمدين. فإن متّوازي الأضلاع معين

المطرّارات: $\triangle CDEF \cong \triangle DCFE$ أصل:

المطلوب إثباته: $CDEF$ معيّن

الشروط	المعين
1. معيّن	$CE \perp DF$ أصل: $CDEF$, 1
قطّر متّوازي الأضلاع يتقاطعان في ملتقىهما.	$DG = FG$ 2
2. التعريف المتّعّمدة.	$\angle CGD \cong \angle CGF$ 3
3. حسب البرهان السابقة، متطابقة.	$\angle COF \cong \angle CGD$ 4
4. التّطابق الشّامل - زاوية - ضلع.	$\angle COF \cong \angle CGD$ 5
5. أجزاء المتناظرة في متّوازي متّعّمدين متطابقة.	$CF = CD$ 6
6. أضلاع المتناظرة في متّوازي الأضلاع متطابقة.	$EF = DE$, $CD = EF$ 7
7. أضلاع المتناظرة في متّوازي الأضلاع متطابقة.	$EF = DE = EF = CF$ 8
8. التعريف المعين.	$CDEF$ 9
9. عبارة عن معين.	

مثال 3 رسم معين



a. استخدام الأدوات أبو الحمدون الثانية لرسم المعين $WXYZ$ الإجابة المسوّجة: في المساحة المتوفرة على اليسار، استخدم الفرجار لرسم الدائرة WZ التي تحتوي على المقطّع ZY . بوضع الفرجار على المسقطة Z ارسم الدائرة التي لها مقطّع WZ . اكتب على خطتي التّطابق X ، Z . ارسم WX ، YZ ، XY . ارسم WZ . b. التواصل بدقة اكتب بما يلي إثبات $WXYZ$ معين.

الإجابة المسوّجة: المساعدة للأدوات التي تمّ تطبيقاتها لأنّ تصفي قطريها الطول WY أصل: $WXYZ$. الأربعة أضلاع أقطار متّوازيين متّعّمدين، ولذلك هي متساوية. وهذا يجعل الشكل رباعي $WXYZ$ معيناً.

53 11.5 المعين والمربع

التأكيد على الممارسات الرياضية

الممارسة م.ر. 6 (مراجعة الدقة) ليست مكوناً أساسياً من مكونات براهين الإحداثيات فحسب، بل جزءاً ضروريًا من شرح أي إجابة. وسواء كان الطلاب يبررون إجاباتهم بجملة واحدة أو بكتابية فقرات برهان أو بصياغة براهين ذات عمودين، فإنه يجب أن يحرصوا على استخدام اللغة والرموز الصحيحة.

McGraw-Hill Education © 2018 جميع الحقوق محفوظة

الطلاب بأن الرياضيات عبارة عن لغة وأنقدرة على التعبير عن الأفكار باستخدام الكلمات والأعداد من الأجزاء الضرورية للتواصل بدقة.

نصيحة للتدريس

يوفر المثال 3 فرصة ممتازة للتدرис المتأخير. قد يدرك بعض الطلاب أوجه التشابه بين الرسم في الجزء a ورسم القاطع المتعامد لقطعة المستقيمة شجاع هؤلاء الكتابة البرهان في الجزء b يستخدم حقيقة أن القطر XZ قاطع متعامد على القطر WY .

قد يجد بعض الطلاب أنه من المفيد استخدام ورقة صغيرة وفرجار لعمل رسم محمود في الجزء c.

الأسئلة الداعمة

م4 وجه الترابط بين الدائرة W والدائرة Z ? **كيف نعرف؟ إنها متطابقتان لأن لها قطر واحد.**

م4 خاصية الانكاستات التي تتيح لنا استخدام الانكاستات لإثبات التطابق؟ **الانكاست عبارة عن تحويل ثابت. وبالتالي تتطابق الصورة الأصلية مع الصورة.**

في الجزء d, ما الرسم الذي يجب أن ننتبه لضمان أن يكون الشكل الرباعي عبارة عن مربع؟ يجب أن ترسم قاطعاً لقطر الدائرة. وبذلك يضمن أن تكون قياسات الزوايا في الشكل الرباعي 90 درجة وأن تكون الأضلاع متطابقة.

أخطاء شائعة

في التمرين 1. قد يعتبر بعض الطلاب أن المربعات والمربعات عبارة عن مجموعات حصرية. الطلاب بأن كل مربع معين، ولكن ليس كل معين مربع.

في التمرين 2. قد يخطئون الطلاب في تحديد ميل أضلاع $ORST$ إذ إنها متعامدة. أشر إلى أن ميل المستقيمات المتعامدة متقابلة ومعكوسة. لكن ميل الأضلاع المجاورة هنا متقابلة فقط.

تمرين

في التمرينين 1 و 2، يستخدم الطالب الإحداثيات والجبر لإثبات النظريات البسيطة. تحديًا، التمرين 2 يطلب من الطالب تصنيف الشكل الشكلي الرباعي المعطى باستخدام الإحداثيات فقط.

في التمرين 3، يجب على الطالب رسم الشكل باستخدام الفرجار والمسطرة لصياغة البرهان.

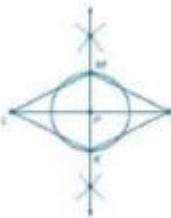
في التمرينين 4 و 5، يثبت الطالب أن متوازي الأضلاع عبارة عن مستطيل.

عرض الممارسات الرياضية

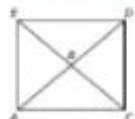
م.ر	التمرين
3	1
6	2
6	3
3	4
7	5

أخطاء شائعة

في التمرينين 4 و 5، يوجد العديد من التسلسلات المحتملة التي يمكن ترتيب العبارات بها، ولكن ليس كل تسلسل مقبولًا منطقياً. ذكر الطلاب بأنه في الاستنتاج لا يمكن استخدام سوى المعلومات المذكورة بالفعل في البرهان.



3. التوافل بـ $\triangle PMN$ ، رسم المربع $ABCD$ ، ثم \odot تمرسها على M و N .
على المستقيم المترافق AC ، قطع $OM \perp AC$ ، على المستقيم المترافق BD ، قطع $ON \perp BD$.
طريقنا إلى الرسم، أربع الرؤوس المتراس M, N, P, Q ممتداً خارج \odot .
الأمثلية التبادلية: $\triangle KLM \cong \triangle KLN$ ، لأن KL مترافق KL ، LM مترافق LN ، $ML = NL$.
بعد ذلك في نصف $\triangle KLN$ ، $KL = KN$ ، $LN = LN$.
هو قطر في المترافق $\triangle KLN$ ، $\angle KLN = \angle KNL = 90^\circ$.
هي قطر في المترافق $\triangle KLM$ ، $\angle KLM = \angle KML = 90^\circ$.



4. بناء القرصيات أنت أنهينا ثالث الذي تشهد المطران، وهو من متوازي الأضلاع متوازي $ACDE$ ، مثل متوازي المطران $ACED$ ، المطلوب إثباته $ACDE$ مستطيل.

العبارات	البراهين
1. متوازي أضلاع $ACED$ متساوي الأضلاع	متوازي $ACED$ ، $AC = ED$ 1.
2. متوازي $ACED$ ، $AB = BC$	متوازي $ABCD$ ، $AB = BC$ 2.
3. $AB = BC$ و $BC = BD$	متوازي $ABCD$ ، $AB = BC$ 3.
4. متوازي $ABCD$ و $AB = BD$	متوازي $ABCD$ ، $AB = BC = BD = CD$ 4.
5. متساوية الضلع في المتساوي	متساوية الضلع في المتساوي 5.
6. كل متوازي ساوي أضلاع متساوي، فهو مستطيل	متوازي $ACDE$ 6.

5. الاستفادة من النسبة إذا كان خطراً الشكل الرباعي $MNPQ$ ، متساوياً متطابقاً، ثالث أن الشكل رباعي مربع، لرسم الشكل رباعي، ونحو ذلك، فإذا $\frac{AP}{PQ} = \frac{PQ}{NQ}$ ، فإن $\triangle APQ \cong \triangle PNQ$ ، لأن $\angle APQ = \angle PNQ$ ، $PQ = PQ$ ، $\angle A = \angle N$.
إذا $\frac{PQ}{NQ} = \frac{NQ}{MQ}$ ، فإن $\triangle PQN \cong \triangle QNM$ ، لأن $\angle PQN = \angle QNM$ ، $PQ = QN$ ، $\angle P = \angle Q$.
المتاظفة في مثلثين متطابقين متاظفة في $\triangle MNPQ$ ، متوازي $MNPQ$ ، لأن $\angle M = \angle N$.
متظايفين متظايفان، إذا $\frac{MN}{NP} = \frac{NP}{PQ}$ ، فإن $\triangle MNP \cong \triangle NPQ$ ، لأن $\angle M = \angle N$ ، $MN = NP$ ، $NP = PQ$.
متظايفين متظايفين، إذا $\frac{MN}{NP} = \frac{NP}{PQ} = \frac{PQ}{QD}$ ، فإن $\triangle MNP \cong \triangle NPQ \cong \triangle QPD$ ، لأن $\angle M = \angle N = \angle Q$.
متظايفين متظايفين متظايفان، إذا $\frac{MN}{NP} = \frac{NP}{PQ} = \frac{PQ}{QD} = \frac{QD}{DQ}$ ، فإن $\triangle MNP \cong \triangle NPQ \cong \triangle QPD \cong \triangle DQF$ ، لأن $\angle M = \angle N = \angle Q = \angle D$.

11.5 المعين والمربع

التأكيد على الممارسات الرياضية

التمرين 2 يتيح للطلاب فرصة للتمرن على الممارسة م.ر 1 (فهم طبيعة المسائل والمثابرة في حلها) إذ يحب أن يختاروا إستراتيجية مناسبة لتصنيف الشكل.

طلب من الطالب توضيح حلهم على اللوحة أو في مجموعات صغيرة واعتبرها فرصة للتدرис المتمايزة، هنا يطلب من الطالب على استخدام خواص متوازي الأضلاع الخاصة للتحقق من إجاباتهم.



١١. تبـهـ المـنـحـرـفـ وـشـكـلـ الطـائـرـةـ الـوـرـقـيـةـ

مـهـماـسـاتـ الـرـياـضـيـةـ
المـهـماـسـاتـ الـرـياـضـيـةـ:
١, ٢, ٣, ٦, ٧

لمـتـطـلـبـاتـ الـأـسـاسـيـةـ

استـخدـامـ قـوـانـينـ الـمـسـافـةـ وـالـمـيلـ لـحلـ الـمسـائـلـ

كـعـابـةـ مـعـادـلـاتـ فـيـ مـنـغـيرـ وـاحـدـ وـحـلـهاـ
عـلـ مـعـادـلـاتـ مـعـادـلـاتـ خـطـيـةـ

استـخدـامـ خـواـصـ مـتـواـزـيـاتـ الـأـضـلاـعـ

الـمـوـادـ

*ورـقـةـ صـغـيرـةـ

مـثالـ ١ـ

نـصـيـحةـ لـلـتـدـريـسـ

قد يستفيد المتعلمون بالطريقة الحسابية
الحركية من شكل الشكل **MNPO** والمحاور
على ورقة صغيرة وطي كل شكل بطول
كل محور للتحقق من التمايز. أخط
ملاحظة للطلاب بأن الشكل مرسوم
باستخدام انعكاس مثلث. وهذه الملحوظة
مفيدة في الجزء **b**.

الأـسـكـالـ الدـاعـمـةـ

هل الطائرات الورقية عبارة عن
مجموعة جزئية من نوع آخر لشكل رباعي ورقية وبentonها. ولأن هذا الدرس يجعل الطلاب يستخدمون الإحداثيات لإثبات
خاص؟ لا على الرغم من أنها تشارلز نظرية الظل
في مواصفات خاصة مع العديد من زوايا أشكال المنحرف والطائرات الورقية تتميز بالعديد من الخواص المهمة التي
الأشكال الرباعية الخاصة. فهي ليست
مجموعة جزئية من أي فئة أخرى في
الأشكال الرباعية.

إذا كانت $c = a$ ولكن $b \neq d$. فهل
 $MNPO$ لا تزال طائرة ورقية؟ نعم:
هذا لا يزال ممكناً لمجموعتين بالتحديد
من الأضلاع المتالية المتطابقة:
 $PN = PQ$ و $MN = MQ$. ولكن
 $MN \neq PN$

١. تـبـهـ المـنـحـرـفـ وـشـكـلـ الطـائـرـةـ الـوـرـقـيـةـ

الأهداف

تصـدرـ ماـ إـذـاـ كـلـ مـنـحـرـفـ يـأـرـجـعـ خـاطـرـةـ تـبـهـ مـنـحـرـفـ أـمـ طـائـرـةـ وـرـقـيـةـ
إـلـيـهـ الـطـيـرـيـاتـ الـهـيـنـدـسـيـةـ تـبـهـ مـنـحـرـفـ وـشـكـلـ الطـائـرـةـ الـوـرـقـيـةـ باـسـتـخـدـامـ

تبـهـ المـنـحـرـفـ عـبـارـةـ عـنـ الشـكـلـ الـرـياـضـيـ فـيـ صـلـعـانـ قـطـعـ مـنـجـارـانـ يـطـلـعـ عـلـهـاـ الـعـامـةـ أـنـ
الـشـكـلـ غـيرـ الـمـوـادـيـنـ يـطـلـعـ عـلـهـاـ السـلـانـ. مـسـلـكـانـ فـيـ تـبـهـ مـنـحـرـفـ عـبـارـةـ عـنـ قـطـعـ
مـسـيـقـيـ تـبـهـ مـنـحـرـفـ مـنـصـبـيـ سـاقـيـ تـبـهـ المـنـحـرـفـ.
إـذـاـ تـبـهـ سـاقـاـ تـبـهـ المـنـحـرـفـ. يـكـونـ حـيـثـ تـبـهـ تـبـهـ مـنـحـرـفـ مـنـجـارـيـ السـاقـيـ.

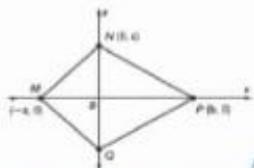
الـطـائـرـةـ الـوـرـقـيـةـ لهاـ بـالـعـمـدـهـ زـوـجـانـ مـنـ الـأـضـلاـعـ الـسـنـالـيـةـ الـمـطـبـقـانـ

مـكـلـ ١ـ اـسـتـخدـامـ الـهـيـنـدـسـيـةـ الـأـهـدـافـ لـتـبـهـ شـكـلـ الطـائـرـةـ الـوـرـقـيـةـ

a. قـسـمـ الـمـسـافـةـ مـنـ دـوـنـ قـدـمـ مـنـحـرـفـ جـدـيدـ. إـذـاـ إـجـاهـاتـ الـسـنـنـةـ Oـ

يـعـرـفـ أـنـ MـN~P~Qـ وـرـقـيـةـ

o ٥٠-٤٠



b. اـسـتـخدـامـ مـنـ الـهـيـنـدـسـيـةـ لـتـبـهـ شـكـلـ الـمـنـحـرـفـ. يـعـرـفـ أـنـ مـنـحـرـفـ

مـنـ الـمـلـنـيـنـ M~N~P~Qـ وـرـقـيـةـ

مـنـ الـمـلـنـيـنـ N~O~P~Qـ وـرـقـيـةـ

إـذـاـ مـنـحـرـفـ M~N~P~Qـ يـعـرـفـ أـنـ M~N~P~Q~ = ~N~O~P~Qـ

حسبـ الـتـبـهـ (ـضـلـعـ ضـلـعـ ضـلـعـ ضـلـعـ)ـ وـكـذـاكـ حـلـ الـتـبـهـ الـمـنـحـرـفـ

c. بـنـاءـ الـمـرـضـيـاتـ بـدـلـانـ الـطـائـرـةـ الـوـرـقـيـةـ M~N~P~Qـ أـنـ أـنـ N~M~Q~P~ = ~N~P~Q~M~

الـهـيـنـدـسـيـةـ مـنـ الـمـلـنـيـنـ M~N~P~Qـ وـرـقـيـةـ

غيرـ مـنـحـرـفـ. وـمـعـ مـسـتـقـيـةـ رـأـسـيـ نـظـرـاـ إـنـ الـقـلـمـيـنـ الـقـلـمـيـنـ وـالـقـلـمـيـنـ رـأـسـيـ هـمـ مـنـعـمـانـ.

d. التـبـهـ بـطـرـيـقـ تـجـرـيـدةـ إـذـاـ قـلـيلـ ٥ـ =ـ قـلـيلـ ٥ـ =ـ قـلـيلـ ٥ـ =ـ قـلـيلـ ٥ـ

عـلـ إـجـاهـاتـ. سـكـنـ الـمـلـنـيـنـ الـقـلـمـيـنـ يـأـمـلـ قـلـيلـ قـلـيلـ

الـهـيـنـدـسـيـةـ. إـذـاـ قـلـيلـ ٥ـ =ـ قـلـيلـ ٥ـ =ـ قـلـيلـ ٥ـ =ـ قـلـيلـ ٥ـ

يـعـرـفـ أـنـ مـنـحـرـفـ M~N~P~Qـ مـنـعـمـيـنـ إـذـاـ قـلـيلـ ٥ـ =ـ قـلـيلـ ٥ـ =ـ قـلـيلـ ٥ـ =ـ قـلـيلـ ٥ـ

يـعـرـفـ أـنـ مـنـحـرـفـ M~N~P~Qـ مـنـعـمـيـنـ. وـبـاـنـ أـنـ الـقـلـمـيـنـ

مـنـعـمـانـ. فـاـنـشـلـ M~N~P~Qـ مـسـطـقـلـ. وـبـذـاتـ قـلـيلـ M~N~P~Qـ مـرـبـعـ

الـوـحدـةـ ١١ـ الـأـشـكـالـ الـرـياـضـيـةـ

خلـقـيـةـ عـنـ الـرـياـضـيـاتـ

فيـ هـذـاـ الـدـرـسـ. بـسـتـكـشـفـ الـطـلـابـ النـظـرـيـاتـ عـنـ أـشـيـاءـ الـمـنـحـرـفـ وـالـطـائـرـاتـ
خـاصـ؟ لا علىـ الرـغـمـ مـنـ أـنـهـ تـشـارـلـزـ نـظـرـيـةـ الـظلـ

فيـ مواـصـفـاتـ خـاصـةـ مـعـ الـعـدـيدـ مـنـ زـوـاـياـ أـشـيـاءـ الـمـنـحـرـفـ وـالـطـائـرـاتـ الـوـرـقـيـةـ تـمـيـزـ بـالـعـدـيدـ مـنـ الـخـواـصـ الـمـهـمـةـ الـتـيـ

تـسـتـحـقـ الـاـسـتـكـشـافـ.

عـنـدـ الـتـعـالـمـ مـعـ الـإـهـدـائـيـاتـ. سـيـحـتـاجـ الـطـلـابـ إـلـىـ مـعـرـفـةـ قـانـونـ الـمـيـلـ لـتـحـدـيدـ

الـمـسـتـقـيـمـاتـ الـمـتـوـازـيـاتـ وـالـمـتـعـامـدـةـ وـمـعـرـفـةـ قـانـونـ الـمـسـافـةـ لـتـحـدـيدـ الـأـطـوـالـ.

مثال 2

م.ر. 6

نصيحة للتدريس

يتطلب المثال 2 من الطلاب استخدام كلٍّ من قانوني الميل والمسافة. شجع الطلاب على التنبه بدقة لعلامات السالب والطرح.

الأدلة الداعمة

ل من الصعب التتحقق من أن $QR \neq PS$ في الجزء b حتى نعرف أن QP لم يتواءز أضلاع؟ لا؛ إذا كان \overline{RS} متوازيين، فمن المستحيل أن يكون $PQRS$ متوازي أضلاع.

هل يمكن أن يكون $PQRS$ شبه منحرف إذا كان $QR = PS$ ؟ لا؛ إذا كان زوج واحد من الأضلاع متقابلاً ومتطابقاً، فإن الشكل الرباعي يكون متوازي أضلاع ولا يمكن أن يكون شبه منحرف.

م.ر. 3

نصيحة للتدريس

تعطيطلاب على النظر إلى العديد من خواص أشيه المنحرف والطائرات الورقية وتحديد ما إذا كانت الشروط كافية لتحديد الشكل على أنه شكل رباعي أم لا.

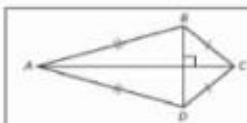
الأدلة الداعمة

أي الأشكال الرباعية أقطارها متطابقة؟ المستطيلات، المربعات، أشيه المنحرف متساوية الساقين

مهم أساسى مكمل الطائرة الورقية

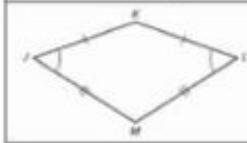
م.ر. 25

إن الشكل الرباعي ملائمة ورقة. فإن الطائرة ملائمة.



م.ر. 26

إن الشكل الرباعي متساوية الساقين. فإن الطائرة ملائمة.



م.ر. 27

إن الشكل الرباعي متساوية الساقين. فإن الطائرة ملائمة.

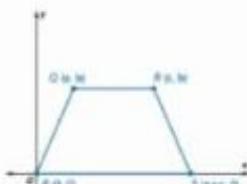
مثال 2 استخدام الهندسة الإحداثية لتصنيف الطيريات الخاصة بشبه المنحرف وإثباتها

8. التخطيط للعمل رسم الشكل الرباعي $PQRS$ على الرسم.

$a > 0$, $b > 0$, $c > 0$, $d > 0$

على المساحات المائية على اليمين

الإجابة الموجبة:



9. الحساب الدقيق بدول زمان لـ $PQRS$ متساوية الساقين.

الساقين لهما الماء \overline{PQ} \overline{RS} متساوية (لها نفس طولها) ولكن لها طولان مختلفان. في

الإجابة الموجبة، نعم، استطاع أن يوضع $a = b$ لأن \overline{QR} لها نفس طولها ولكن لها طولان مختلفان. في

حين أن $\overline{PQ} = \overline{RS}$ فكلتا في الميل ولكنها متساوية في الطول.

$$PQ = \frac{b - 0}{a - 0} = \frac{b}{a} = \frac{b}{a + c} + (b - a)^2 = \sqrt{a^2 + b^2}$$

$$QR = \frac{b - a}{(a + c) - a} = \frac{b - a}{c} = \frac{b - a}{c + d} = \frac{b}{c + d} + (b - a)^2 = \sqrt{c^2 + d^2}$$

$$RS = \frac{c - 0}{(a + c) - 0} = \frac{c}{a + c} = \frac{c}{a + c} + (b - a)^2 = \sqrt{a^2 + c^2}$$

$$PS = \frac{c - 0}{(a + c) - 0} = \frac{c}{a + c} = \sqrt{(a + c)^2 + (0 - 0)^2} = c + c$$

بناء الطيريات انت أنه إذا كان شبه المنحرف متساوي الساقين، فإن الطيرية متطابقان.

المطبخيات $PQRS \cong CRSP$ ، متساوية الساقين لهما الماء $\overline{PQ} = \overline{RS}$

المطلوب (أ) $\overline{PQ} = \overline{RS}$ بما أن $PQRS \cong CRSP$ بما أنهما

كان شبه المنحرف متساوي الساقين. فإن $\angle P = \angle R$ زاويتين من زوايا الماء متساوية متطابقتان، وذلك $\angle QSP = \angle RSP$ ، ثالثة الماء متساوية في ملائمة متساوية.

(أمثلة زاوية-زاوية، زاوية-زاوية، زاوية-زاوية).

الإجابة الموجبة:

10. تصرف وشكل الطائرة الورقة

التأكيد على الممارسات الرياضية

بينما يستخدم الطلاب هندسة الإحداثيات لإثبات عبارات عن الطائرات الورقية وأشيه المنحرف، فإنهم سيفعلون الممارسة م.ر. 2 (التفكير بطريقة تجريبية وكمية). على سبيل المثال، سيحتاجون إلى تمثيل قانوني الميل والمسافة المستخدمين بمعدل أكثر من قانون غير معروف.

يتطلب كل تمرين من التمارين 4-1 أن يستخدموا الإحداثيات لإثبات النظريات الهندسية. وفقاً لاحتياطات طالب

بصقة خاصة، في التمارين 1 يثبت الطالب أن شكلًا خالصه طالب هو عبارة عن طائرة ورقية وأن شكلًا آخر رسه الطالب هو عبارة عن شبه منحرف متساوي

الساقيين. وبالمثل، في التمارين 2 يكتب

الطلاب برهانًا يوضح أن الشكل المعطى عبارة عن طائرة ورقية. وفي التمارين 3 يثبت الطالب أن متنه الساقين في شبه المنحرف متساوي الساقين موازٍ للقواعد.

في التمارين 4، يجب أن يثبت الطالب أن الشكل الرباعي شبه منحرف لكنه ليس متساوي الساقين.

عرض الممارسات الرياضية

التمرين	م.ر
2	1
3	2
7	3
3	4

المهمة 21 الأشكال الرباعية

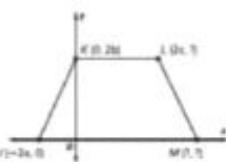
أخطاء شائعة

في التمارين 2، قد يعتقد الطالب أن ميل القططرين لها العلامة ذاتها لأنه ليس أي منها محدد على أنه سالب. وقد يبحثون عن تأكيد بثبات أن ميل أحد المستقيمين عبارة عن قاطع سالب التigungة بالنسبة إلى الآخر. ولكن هذا ليس فعليهما يكون أحد المستقيمات أفقية والآخر رأسية لأن ميل المستقيم الرأسى غير محدد. وبما أن المستقيمات الأفقيتين متعمدة على المستقيمات الرأسية، فإن هذه الأفكار تكون متعمدة.



أخطاء شائعة

في التمرين 3. قد يو اجه الطالب صعوبة في إيجاد الإحداثي X للنقطة M . شجاع الطلاب على رسم الارتفاع K و L . بحيث تم تقسيم شبه المنحرف إلى مس $\triangle KLM$ و $\triangle LJM$. ومن ثم يمكنهم ملاحظة طول JM .



3. الاستدابة من البنيه موضع باليسار شبه المنحرف، متساوي الساقين $JKLM$

- a. من دون تطبيق معاشرات جديدة
انظر إحداثيات المعلمات J , K , L , M $(2x + 2x, 0)$

b. اندرس ان المقطع الظاهر المتضمن في \overline{JK} و O هي عرضة
المتسق في \overline{JK} ، فلتحدم المتسقة \overline{KL} على ذلك ان $JKLM$ متوازي على مجموع معلماتها

$$O = (2x + x, 0) \quad P = (-x, 0)$$

الاجابة الموجهة: يكفي $O = (2x + x, 0)$

$$\overline{KL} = \frac{2x - 2x}{2x - x} = \frac{0}{x} = 0 \quad \#1 = \sqrt{(2x - 0)^2 + (2x - 0)^2} = 2x$$

$$\overline{JM} = \frac{0 - 0}{(2x + 2x) - (-2x)} = \frac{0}{4x} = 0 \quad \#2 = \sqrt{(2x + 2x)^2 + (0 - 0)^2} = 2x + 4x$$

$$\overline{PO} = \frac{x - 0}{(2x + x) - (-x)} = \frac{x}{2x} = 1 \quad \#3 = \sqrt{(2x + x)^2 + (0 - x)^2} = 2x + 2x$$

سأ لأن $\#1 = \#2 = \#3$ فلذلك $JKLM$ متساوي على مجموع معلماته

فإن O متساوي نصف معلمة JK و LM .

c. اندرس ان المقطع المتسق في \overline{JK} ، ونكتمل المتسق في \overline{KL} ، لاستخدام المتسقة $JKLM$
الإحداثية لإثبات أن $PSOR$ مثل المعلمات الذي يصل بين المتسقين في $JKLM$

عبارة عن شكل متعادل
الاجابة الموجهة: يكفي $S = (c, 2x)$, $R = (c, 0)$, $P = (c, 0)$ لاثبات أن $PSOR$ متعادل.

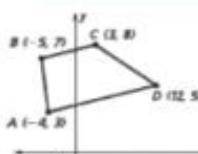
فيجب أن تثبت أنه متوازي أضلاع وهو ما يمكنه فعله غير إثبات أن $PSOR$ متعادل ومتوازيان

يجب أن تثبت أن $PS = RS$ لأن $PSOR$ متعادل.

$$\overline{PS} = \frac{2x - 0}{x - (-x)} = \frac{2x}{2x} = 1 \quad \#4 = \sqrt{(2x - 0)^2 + (2x - 0)^2} = \sqrt{4x^2 + 4x^2} = 2\sqrt{2x^2}$$

$$\overline{RS} = \frac{0 - 0}{2x + x - x} = \frac{0}{2x} = 0 \quad \#5 = \sqrt{(2x + x - x)^2 + (0 - 0)^2} = \sqrt{4x^2 + 0^2} = 2x$$

معلم $RS = 0$ وهو غير متعادل



4. بناء المضلعات موضع باليسار الشكل الرباعي

a. انت لـ $ABCD$ ، متسق

معلم $CQ = \frac{3 - 0}{3 - (-4)} = \frac{3}{7} = \frac{1}{7}$ و معلم $AB = \frac{0 - 7}{-5 - (-4)} = \frac{-7}{-1} = 7$ وهذا يعني أن

يكون كلتاين متباينتين ومتوازيتين ونكت لهم شبه متسق.

b. انت لـ $ABCD$ شبه متسق على معلماتي AB و CD ، فلتحدم قانون المسافة. يكفي $\sqrt{17} = 4\sqrt{2}$ وهو $CD = 2\sqrt{10}$ وهذا يعني أن

القياس متطابقاً لـ CD فإذا يكفي أن يكون شبه متساوياً على معلماتي AB .

11.6 شبه المتسق وشكل الطائرة الورقية

التأكيد على الممارسات الرياضية

يقدم التمرين 3 فرصة لتطبيق الممارسة م.ر 7 (محاولة إيجاد البنيه واستخدامها)، حيث قد يدرك الطلاب أن نظرية متى شبه سافي المثلث تنشأ عندما تكون إحدى القواعد في شبه المنحرف يبلغ طولها 0.

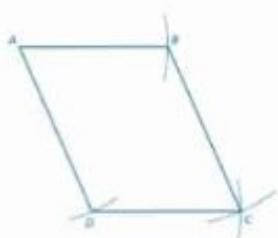
ج للطلاب أن برهان الإحداثي يبدأ بجموعة من المعطيات مثل البرهان ذو عمودين. فحقيقة أن JKL متساوي الساقين أثبتت بإحداثيات الرؤوس. وبذلك فإنها ثبتت مجرد صلاحية لأشباء لمنحرف متساوية الساقين في التمرين 3. إذا لم يكن JKL معروفاً على أنه متساوي الساقين، فقد كان ينبغي استخدام متغير واحد إضافي على الأقل في الإحداثيات. اطلب من الطلاب التخمين بشأن أوجه التشابه أو الاختلاف المحتملة بين هذا البرهان وبين عملهم في التمرين 3.

مهمة تقويم الأداء

تحديد الشكل الرباعي
فتم حلّه بخطواتك.تأكد من توضيح كل خطواتك، وصُنّع كل الرسومات ذات الصلة.

يمكن تحديد الشكل الرباعي باستخدام التعرفات التي تعلّمها

A الجزء
ارسم متوازي الأضلاع $ABCD$ كهذا المثلث ومسطّرة تقويم الترج رسمك وبرهن لماذا تبع من الرسم متوازي الأضلاع



الإجابة النموذجية:

تحديد الشكل الرباعي

سيستخدم الطلاب الفرجار والمسطرة لإنشاء متوازي أضلاع ويبيّنون مثل تضمن متطلبات معينة أن يكون الشكل متوازي أضلاع أو معيّناً.

الممارسات الرياضية**الممارسات الرياضية:**

تعزز مهمة تقويم الأداء في الوحدة 8
الممارسات الرياضية م.ر 3
وم.ر 5 و.م.ر 6

بداية سريعة

قبل أن يحاول الطلاب إنشاء متوازي أضلاع، أجعلهم يتذكّروا الشروط التي بها يوفّر الشكل الرباعي على أنه متوازي أضلاع.

ما الذي تريده معرفته عن الشكل الرباعي لتحديد هل هو متوازي أضلاع أم لا؟ **تتميز متوازيات الأضلاع بتطابق الضلعين المتقابلين، والزواياتين المتقابليتين، وتكامل الزواياتين المترافقتين، وأقطار تقطع بعضها البعض.**

هل أنت بحاجة إلى إثبات أن الشكل الرباعي متوازي أضلاع قبل أن تقرّر هل هو معيّن أم لا؟ اشرح. **نعم، الشكل** توضح العاين كيف أن الطلاب المتقدّمين في الرياضيات يمكنهم التوصل بدقة إلى أن يكون متوازي أضلاع قبل مع الآخرين واستخدام التعريفات استخداماً واظلوا هدفين. ومن ثم يستخدم استخدام النظريات الإضافية لتحديد هل **الشكل عبارة عن معيّن أم لا**.

التأكيد على الممارسات الرياضية
توفر مهمة تقويم الأداء تلك ارتباطاً بـ الممارسة م.ر 6 (مراجعة الدقة). توضح العاين كيف أن الطلاب المتقدّمين في الرياضيات يمكنهم التوصل بدقة إلى أن يكون متوازي أضلاع قبل مع الآخرين واستخدام التعريفات استخداماً واظلوا هدفين. ومن ثم يستخدم طريقة مختلفة. ومن المحتمل أن يحاول الطلاب إنشاء متوازي أضلاع. قد يتناول كل طالب الشكل نكوص متطابقة أو قد يحاولون إنشاء الأقطار التي تقطع بعضها. يجب أن يكون كل طالب قادرًا على تبرير الشكل الذي كوّنه من خلال برهان.

م.ر 3

نصيحة للتدريس

إذا واجه الطلاب صعوبات في إثبات أن الشكل الرباعي متوازي أضلاع أو معين، فاطلب منهم الرجوع إلى التعريفات والرسومات في الوحدات السابقة. فاستخدام التعريفات والنتائج المثبتة مسبقاً في بناء الفرضيات عبارة عن جزء من الممارسة م.ر 3.

الجزء B
هل رسمك على شكل معين؟ (أ) لم يثبت الإتجاه 7. تكيف يمكنك تغيير الرسم بحيث يصبح على شكل معين؟

الجزء C
موضع الشكل رباعي $PQRS$ أثبت أنه إذا كان $\triangle PTO \cong \triangle PTS$ فإن $PQRS$ متوازي أضلاع.



الجزء D
الشكل المستند إلى المبرهنة C أثبت أنه إذا كان $PQRS$ متوازي أضلاع، فإن $PQRS$ مربع.

الوحدة 11 مهارات تقويم الأداء

الوحدة 11 مهارات تقويم الأداء 161

معايير رصد الدرجات

الجزء	النقط	القصوى	إجابة تستحق الدرجة الكاملة
A	1	انظر دليل الطالب التفاعلي الخا لربيعه بالإجابة التصوّجية: في متوازي الأضلاع، كل زوج من الأضلاع المتقابلة متطابق. فإذاً، استخدم الفرجار لإيجاد طول AB ضع سُقُّ الفرجار عند النقطة D وارسم قطعة الفرجار على طول AD . ضع السُّقُّ عند النقطة B وازْلْسْتَقطِلْعَ التوسان هو النقطة C . الشكل الرباعي $ABCD$ عبارة عن متوازي أضلاع لأن كلا زوجي الأضلاع المتقابلة متطابقان.	
B	1	الإجابة التصوّجية، إنه ليس معيناً لأن $\overline{AD} \neq \overline{B}$ في الشكل الذي رسمته. يمكنك تحويل الرسم عن طريق رسم خطوطتين مستقمتين تشاركان في نقطة طرفية واحدة، وسوف تكون في متوازي الأضلاع أربعة أضلاع متطابقة.	
C	1	تطابق الأجزاء المتقابلة في المثلثات المتطابقة. وهذا يعني أن التحطران بخططهن، فإذا الشكل $PQRS$ متوازي أضلاع تطابق على مسلمة $QS = QT + TS$ و $PR = PT + TR$ و $\angle TS \cong \angle PT$ و $\angle TR \cong \angle QT$ بناء على مسلمة $\triangle QTS \cong \triangle PRT$ ، لأن $TS = QT$ و $PR = PT$ و $\angle TSQ \cong \angle PTQ$ و $\angle TRS \cong \angle QTR$.	
D	1	لأن $\overline{PQ} \cong \overline{SR}$ و $\overline{QR} \cong \overline{PS}$ و $\overline{PQ} \cong \overline{SR}$ و $\overline{QR} \cong \overline{PS}$ ، فالشكل $PQRS$ متوازي أضلاع. إذا $SR \cong PQ$ وبالتالي، فإن $PQRS$ عبارة عن معين.	
الإجمالي	8		

تدريب على الاختبارات المعيارية

تقييم الأخطاء

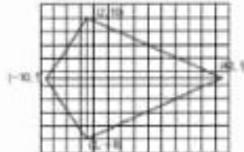
قد يعتقد الطلاب الذين يختارون الشكل رباعي الأول في العنصر 3 أن وجود مجموعة واحدة من الأضلاع المتقابلة المتوازية ومجموعة أخرى من الأضلاع المتقابلة المتطابقة كافية لبيان أن الشكل رباعي متوازي أضلاع. وَجَعَ أن شبه المنحرف متساوي الساقين له هذه الخواص.

قد يكون الطلاب الذين أعطوا الإجابة 420 على العنصر 4 قد استخدمو الإحداثي X للرأس أقصى اليمين والإحداثي Y للرأس الأعلى على أنها حلول الأخطاء بدلاً من طرح إحداثيات التقطعين الطرفيتين للأقطار لتحديد طولهما.

الطلاب الذين يتحققون من شبه المنحرف لإثبات "تطابق الأقطار" في العنصر 7 ربما يفكرون في شبه المنحرف متساوي الساقين. ذُكِرَ بأنه من أجل وضع علامة التحقق تحت اسم الشكل، فإن الخاصية يجب أن تكون صحيحة في جميع الأمثلة على ذلك الشكل.

درب على الاختبارات المعيارية

468. مساحة المطرزة الورقية الموضحة بالأسطل شمعة سميكة.



5. يكون قطعة الشكل رباعي $WXYZ$ متساوية الأضلاع مثلثات من فيه المترافقون معاً تحت الاسم الآخر يمكن أن يطلقون الشكل رباعي معرفة $WXYZ$

6. المستطيل $DEFG$ أطول من عرضه بمقدار 2 cm .



- إذا كان $DF = 58 \text{ cm}$ ، $FG < EF$ وكان محيط $DEFG$ يساوي 140 cm فإن محيط $CFHG$ يساوي 98 cm

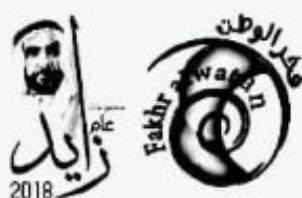
7. في المدول الثاني، يخدم العهد الأربعين سيد من سيدات الشكل رباعي خوب علامة على الأضلاع التي تتفق مع نوع الأشغال الرباعية التي تتصف بذلك السيدة.

القطدر	ستطيلان	ستطيلان	ستطيلان	ستطيلان	ستطيلان
✓			✓	✓	
	✓	✓	✓	✓	
✓	✓	✓			
✓	✓				
	✓	✓			
		✓			
			✓		
				✓	
					✓

الوحدة 11 الأشكال الرباعية

إستراتيجية خوض الاختبار

فيما يتعلق بالعنصر 2، سيجد الطالب المسألة أكثر بساطة إذا مثلوا النقاط المعطاة بياناً لهم كأن المعين له أربعة أضلاع متطابقة والأضلاع المتقابلة متوازية. يمكنهم استخدام هذه الخواص وما يعرفونه عن السهل لإيجاد الرأس الناقصة.



تقييم الأخطاء

الطلاب الذين حددوا الأضلاع الخطأ على أنها متوازية في الخطوة الثانية في **العنصر 8** ربما وجدوا أنه من المفيد تمديد أضلاع متوازية الأضلاع. ويساعدهم بذلك في تحديد أي الأضلاع التي ستكون بمتانة مستقيمات متوازية، وأيها سيكون بمتانة قاطع.

الطلاب الذين يحسبون أطوال القطع المستقيمة بطريقة غير صحيحة في **العنصر 9c** ربما لم يدركوا أنه بما أن النقطتين الطرفيتين لها الإحداثي z ذاته، فإن القطع المستقيمة أفقية. وبالتالي يمكنهم إيجاد الطول ببساطة عن طريق طرح إحداثيات X .

العناوين

العنصر 9

- [5] إحداثيات Q تساوي R بالنسبة للعمل الموضع NO و QR و MP تم حسابها بطريقة صحيحة في **الجزء c**
- [4] خطأ صغير في أحد أعمال الأجزاء الثلاثة.
- [3] إحداثيات Q و R صحيحة بالنسبة للعمل الموضع، ولكن **الجزء c** غير صحيح.
- [2] إحداثيات Q و R صحيحة.
- [1] إحداثيات Q أو R صحيحة أو أن NO و MP تم حسابهما بطريقة صحيحة في **الجزء c**.

فيما يتعلق **بالعنصر 9**. يتبعى للطلاب كتابة قانون نقطة المنتصف في اليمش [0] لا توجد إجابة أو أن الإجابة والخطوات ليساعدتهم في التركيز على المسألة. إذا سوا القانون بالضبط، فذكراهم بأن نقطة المنتصف هي متوسط الإحداثي X والإحداثي Y للنقطتين الطرفيتين، وساعدهم على اشتغال القانون.



8. أكتب الخطوط والأضلاع في المربع التالي

المعطيات: A مكلفة للزاوية $\angle B$
 B مكلفة للزاوية $\angle D$
 C متساوية $ABCD$

المطلوب إثباته: متوازي أضلاع

الفرزات	الصارة
معظم	$AB = DC$
مكتوب عذرية الزوايا الداخلية المتساوية	$AB \parallel BC$
معظم	$\angle A = \angle C$
مكتوب عذرية الزوايا الداخلية المتساوية	$AB \parallel DC$
البرهان متوازي الأضلاع	$ABCD$

9. في المربع التخطيطي التالي سرر يطلى خط الميل المتقاطع l من سدا

الخط المتقاطع l يطلى خط الميل m

a. إحداثيات نقطة O هي $(x, 0)$

b. O هي ميل نقطه المنتصف، يكون $\left(\frac{0+2x}{2}, \frac{0+2x}{2}\right) = (x, x)$

c. إحداثيات نقطة P هي الميل من $P = (x, 2)$

d. باستخدام قانون نقطة المنتصف، يكون $\left(\frac{x+2x+x+2x}{3}, \frac{x+2x+x+2x}{3}\right) = (x+3x, x+3x) = (4x, 4x)$

e. أثبت أن $OP = MP$

$OQ = OM + MP$

$Q = O - 2d, QR = x + b - x = x + 2b$

$MP = x + 2b - x - x + 2x = x + 2x = x + b = QR$

10. إحداثيات يتوس العدل رباعي أصل (1, 2), M(1, 7), L(1, 3), N(3, 1), M(4, 3), L(1, 7), M(1, 3), N(3, 1), M(4, 3), L(1, 7)

a. أوجد الميل والميل لكل سدا من إحداثيات L, M, N, P وحياتها، $MN = \sqrt{5}$ وحياتها $\frac{1}{2} - \frac{4}{3} = -\frac{5}{6}$ وحياتها $NP = 5$ وحياتها غير معزوف

b. سدا $LMNP$ متوازي أضلاع أو ميل أو شفره أو مقاورة وروابط أو ميل إرشح استنتاج $LMNP$ ينبع من **مقطعي نقطة المنتصف** تحديد زواحين الثمن من الأضلاع المتاظبة والمتساوية

c. تتحقق من أن قطر $LMNP$ يساوى وفق **مقطعي نقطة المنتصف** إلى أن الميلين متوازيان في الاشتراك. فالنظران متامدين، ما يعني أنهما يتقاطعان بزوايا قائمة

الوحدة 11 تدريب على الاختبارات المعيارية