

تحويل وحدات القياس

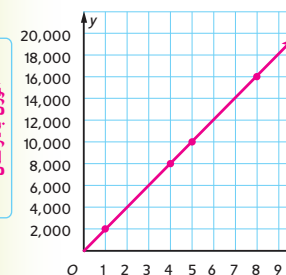
مسائل من الحياة اليومية

الحيوانات يوضح الجدول الأوزان التقريبية بالطن (T) للعديد من الحيوانات البرية الكبيرة. طن واحد يكافئ 2,000 رطل (lb). يمكنك استخدام جدول نسب لتحويل كل وزن من الأطنان (T) إلى الأربطال (lb).

الحيوان	الوزن (T)
الدب الأشهب	1
وحيد القرن	4
فرس النهر	5
الغزل الإفريقي	8

1. أكمل جدول النسب. تم تقديم أول نسبتين كنموذج لك. للحصول على النسب المكافئة، اضرب الكميات الموجودة في كل صف بالعدد نفسه.

أطنان	1	4	5	8
الأربطال	2,000	8,000	10,000	16,000



2. استخدم المستوى الإحداثي المبين.

a. وضح على المتحنى الزوجين المطلوبين (الأطنان والأربطال) من الجدول على مستوى إحداثي.

b. سم المحور الأفقي الوزن بالأطنان.

c. سم المحور العمودي الوزن بالأربطال.

d. صل النقاط وصبغ الرسم البياني.

تقع النقاط على خط مستقيم.

الوزن بالأطنان

ما الممارسات الرياضية التي استخدمتها؟ ظلل الدائرة (الدوائر) التي تنطبق.

- | | |
|--------------------------------|---------------------------|
| ⑤ استخدام أدوات الرياضيات | ① المتابعة في حل المسائل |
| ⑥ مراعاة الدقة | ② التفكير بطريقة تجريدية |
| ⑦ الاستفادة من البنية | ③ بناء فرضية |
| ⑧ استخدام الاستنتاجات المتكررة | ④ استخدام نماذج الرياضيات |

التركيز تضييق النطاق

الهدف تغيير وحدات القياس في النظام العرفي.

التربط المنطقي الربط داخل الصنوف وبينها

السابق قام الطلاب بضرب الكسور والأعداد الكلية والأعداد الكسرية.

الحالي يستخدم الطلاب المعدلات والنسب لتحويل الوحدات داخل نظام القياس.

التالي سيستخدم الطلاب المهارات والطرق اللازمة لضرب الكسور بهدف تقسيم الكسور.

الدقة اتباع المفاهيم التمس والتطبيق

انظر المخططات البيانية لمستويات الصعوبة في صفحة 293.

المشاركة الاستكشاف الشرح التوضيح التقييم

1 بدء الدرس

أفكار يمكن استخدامها

قد تود أن تبدأ الدرس باستخدام مجموعة كاملة أو مجموعة صغيرة أو نشاط "فكر - اعمل في ثنائيات - شارك" أو نشاط مستقل.

LA مناقشات ثنائية اطلب من الطلاب إكمال التمرينين 1 و2. اطلب منهم مناقشة سبب ظهور النقاط المراد إسقاطها على أحد الأسطر في الرسم البياني. اطلب من الفصل تبادل إجاباتهم. م: 1, 5

الاستراتيجية البديلة

LA AL اطلب من الطلاب إيجاد أربطال الأطنان المتتالية، حتى لو كانت تلك القيم مفقودة من الجدول المعطى. قد يتجاهل الطلاب العد أو يستخدمون الجمع المكرر لإكمال الجدول. م: 1, 8

2 تدريس المفهوم

اطرح أسئلة الدعائم التعليمية لكل مثال للتمييز بين خيارات التعليم.

مثال

1. تحويل وحدات القياس باستخدام نسب الوحدة.

AL • كم عدد البوصات في القدم الواحدة؟ 12

• ما نسبة الوحدة التي تقارن البوصات بالقدم؟ $\frac{12 \text{ in.}}{1 \text{ ft}}$ OL • لماذا نضرب في $\frac{12 \text{ in.}}{1 \text{ ft}}$ ؟ الإجابة النموذجية: $\frac{12 \text{ in.}}{1 \text{ ft}}$ يمثل نسبة الوحدة المطلوب فيها تحويل القدم إلى بوصات.

• كيف نعرف أن الإجابة دقيقة؟ نظرًا لوجود 12 بوصة في القدم الواحدة، فإن

20 قدمًا ستشكل من 20×12 ، أو 240 بوصة.

BL • لماذا توجد وحدة القدم في مقام نسبة الوحدة؟ لتتقسم إلى وحدات مشتركة

هل تريد مثالاً آخر؟

تحويل ميلين إلى القدم. 10560 ft

تحويل الوحدات الأكبر إلى وحدات أصغر

يمكن كتابة كل علاقة بالجدول كنسبة. على سبيل المثال، تعرف أن 1 ياردة (yd) = 3 أقدام (ft). يمكنك استخدام النسبة $\frac{3 \text{ ft}}{1 \text{ yd}}$ لتحويل اليارات إلى أقدام.

التحويلات العرفية		
نوع القياس	← الوحدة الأكبر	الوحدة الأصغر
الطول	القدم (ft)	12 بوصة (in.)
	الياردة (yd)	3 أقدام (ft)
	الميل (mi)	5,280 قدم (ft)
الوزن	الرطل (lb)	16 أوقية (oz)
	الطن (T)	2,000 رطل (lb)
السعة	الكوب (c)	8 أوقيات سائلة (ft oz)
	البينت (pt)	2 كوب (c)
	الكوارت (qt)	2 باينت (pt)
	الجالون (gal)	4 كوارت (qt)

على غرار معدل الوحدة، نسبة الوحدة هي النسبة التي يكون فيها المقام وحدة واحدة، لذا، النسبة $\frac{3 \text{ ft}}{1 \text{ yd}}$ هي نسبة وحدة.

التحليل البعدي هو عملية تضمين وحدات قياس كعوامل أثناء إجراء العمليات الحسابية.

مثال

1. حول 20 قدمًا (ft) إلى بوصات (in.).

حيث إن القدم = 12 بوصة، فإن نسبة الوحدة تكون $\frac{12 \text{ in.}}{1 \text{ ft}}$.

$$20 \text{ ft} = 20 \text{ ft} \times \frac{12 \text{ in.}}{1 \text{ ft}}$$

$$= 20 \text{ ft} \times \frac{12 \text{ in.}}{1 \text{ ft}}$$

اقسم الوحدات المشتركة، مع ترك الوحدة المطلوبة، البوصات.

$$= 20 \times 12 \text{ in.}$$

$$= 240 \text{ in.}$$

لذا، 20 قدمًا (ft) = 240 بوصة (in.).

تأكد من فهمك أوجد حلولاً للمسائل التالية لتتأكد أنك فهمت.

أكمل.

a. 36 yd = ■ ft

b. $\frac{3}{4}$ T = ■ lb

c. $1\frac{1}{2}$ qt = ■ pt

منطقة العمل

الضرب في 1

النسبة $\frac{3 \text{ ft}}{1 \text{ yd}}$ مكافئة لـ 1 لأن البسط والمقام يمثلان نفس المقدار.

ما الحل؟

a. 108

b. 1.500

c. 3

انتبه!

خطأ شائع ذكر الطلاب بأنه عند تحويل قياس من وحدات أصغر إلى وحدات أكبر، تستخدم القسمة (نظرًا لوجود وحدات أصغر من الوحدات الأكبر). وعند تحويل وحدات أكبر إلى وحدات أصغر، يستخدم الضرب (نظرًا لوجود الكثير من الوحدات الصغيرة).

286 الوحدة 4 ضرب وقسمة الكسور

أمثلة

2. تحويل وحدات القياس باستخدام نسبة الوحدة.

AL • ما النسبة التي تحتاج إليها لضرب $\frac{1}{4}$ كوب لإيجاد عدد الأوقيات السائلة في $\frac{1}{4}$ كوب؟ $\frac{8 \text{ fl oz}}{1 \text{ c}}$

• بعد تقسيم الوحدات المشتركة، ما المتبقي معك؟ $\frac{8 \text{ fl oz}}{1} \times \frac{1}{4}$

OL • لماذا نضرب في $\frac{8 \text{ fluid oz}}{1 \text{ c}}$ بدلاً من $\frac{1 \text{ c}}{8 \text{ fluid oz}}$ ؟ نحتاج إلى تقسيم الوحدات المشتركة، لذا نحتاج الأكواب في المقام.

• كم عدد البصيلات النباتية التي سيتم أخذها لاستخدام كوب كامل من السماد المخصَّب؟ اشرح. 4 بصيالات نباتية. تستخدم بصيلة واحدة $\frac{1}{4}$ كوب، إذاً ستستخدم 4 بصيالات نباتية كويًا كاملاً من السماد المخصَّب.

BL • كم عدد أوقيات وأكواب السماد المخصَّب التي سيستخدمها محمود في حديثه علماً بأن لديه 24 بصيلة نبات مطلوب زراعتها؟ اشرح. سيستخدم محمود 48 أوقية سائلة من السماد المخصَّب، أو 6 أكواب: $\frac{2 \text{ fl oz}}{1 \text{ bulb}} = \frac{x \text{ fl oz}}{24 \text{ bulbs}}$ نظراً لوجود 8 أوقيات في الكوب الواحد، فاقسم 48 أوقية على 8 للحصول على عدد الأكواب، الذي يساوي 6.

هل تريد مثلاً آخر؟

في متجر البقالة، قامت ريهام بوزن 1.75 رطل من الفاصولياء الخضراء لوصفة تريد عملها. كم عدد أوقيات الفاصولياء الخضراء التي وزنتها ريهام؟ 28 oz

3. تحويل وحدات القياس باستخدام النسب.

AL • كم عدد الكوارتات في الجالون الواحد؟ 4

• ما النسبة التي تقارن الجالونات الكوارتات؟ $\frac{1 \text{ gal}}{4 \text{ qt}}$

OL • لماذا نضرب في النسبة $\frac{1 \text{ gal}}{4 \text{ qt}}$ بدلاً من $\frac{4 \text{ qt}}{1 \text{ gal}}$ ؟ نحتاج إلى تقسيم الوحدات المشتركة، لذا نحتاج إلى كوارتات في المقام.

BL • اشرح كيف تعرف أن الإجابة منطقية. توجد 4 كوارتات في الجالون الواحد،

لذا يساوي عدد الجالونات في 15 كوارتاً 4، أو 4

هل تريد مثلاً آخر؟

تحويل 11 قدحاً إلى باينتات. $5\frac{1}{2} \text{ pt}$

نظام الأعداد

مثال



2. يمزج محمود $\frac{1}{4}$ كوب من السماد مع التربة قبل زراعة كل بصلة نبات. كم أوقية سائلة (fl oz) من السماد يتم استخدامها لكل بصلة نبات؟

حيث إن 1 كوب (c) = 8 أوقيات سائلة (fl oz). اضرب في $\frac{8 \text{ fl oz}}{1 \text{ c}}$ ثم، اقسم الوحدات المشتركة. اضرب.

$$\frac{1}{4} \text{ c} = \frac{1}{4} \times \frac{8 \text{ fl oz}}{1 \text{ c}}$$

$$= \frac{1}{4} \times 8 \text{ fl oz}$$

$$= 2 \text{ fl oz}$$

لذا، يتم استخدام أوقيتين سائلتين (fl oz) من السماد لكل بصلة نبات.

تأكد من فهمك أوجد حلاً للمسألة التالية لتتأكد أنك فهمت.

d. يجري راشد $\frac{1}{8}$ من الميل (mi) قبل ممارسة لعبة التنس. فكم قدماً يجربها قبل الممارسة؟

تحويل الوحدات الأصغر إلى وحدات أكبر

تذكر أن النسب $\frac{3 \text{ ft}}{1 \text{ yd}}$ و $\frac{1 \text{ yd}}{3 \text{ ft}}$ متكافئة. للتحويل من وحدات أصغر إلى وحدات أكبر، اختر النسبة التي تتيح لك قسمة الوحدات المشتركة.

مثال: $12 \text{ ft} \times \frac{1 \text{ yd}}{3 \text{ ft}}$ ✓

مثال

3. حول 15 كوارتاً (qt) إلى جالونات (gal).

حيث إن الجالون (gal) = 4 كوارتات (qt). والكوارتات هي وحدات أصغر من الجالونات، استخدم النسبة $\frac{1 \text{ gal}}{4 \text{ qt}}$

اضرب في $\frac{1 \text{ gal}}{4 \text{ qt}}$ في 15 qt = $15 \text{ qt} \times \frac{1 \text{ gal}}{4 \text{ qt}}$

اقسم الوحدات المشتركة. مع ترك الوحدة المطلوبة، بالجالونات (gal).

$$= 15 \text{ qt} \times \frac{1 \text{ gal}}{4 \text{ qt}}$$

$$= 15 \times \frac{1}{4} \text{ gal}$$

$$= 3.75 \text{ gal}$$

تأكد من فهمك أوجد حلولاً للمسائل التالية لتتأكد أنك فهمت.

e. 2,640 ft = ■ mi f. 100 oz = ■ lb g. 3 c = ■ pt

المشاركة الاستكشاف الشرح التوضيح التقييم

3 التمرين والتطبيق

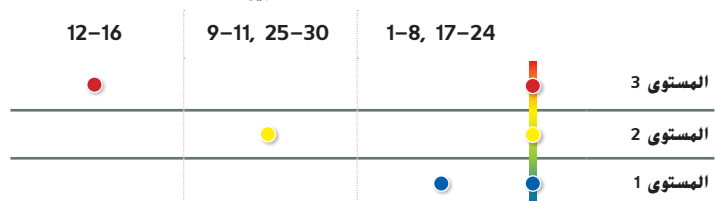
التمارين الذاتية والتمارين الإضافية

تم إعداد صفحات التمارين المستقلة بهدف استخدامها كواجب منزلي. يمكن استخدام صفحة التمرين الإضافي للتقوية الإضافية أو كواجب لليوم الثاني.

مستويات الصعوبة

مستويات تقدم التمارين من 1 إلى 3. حيث يشير المستوى 1 إلى أقل مستوى من الصعوبة.

تمارين



الواجبات المقترحة

يمكنك استخدام الجدول أدناه الذي يحتوي على تمارين لكل مستويات الصعوبة لتحديد التمارين الملائمة لاحتياجات طلابك.

خيارات الواجب المنزلي المتميزة

خيارات الواجب المنزلي المتميزة	قريب من المستوى	AL
1-9, 11, 12, 16, 29, 30	قريب من المستوى	AL
1-9 فردي, 10-12, 16, 29, 30	ضمن المستوى	OL
9-16, 29, 30	أعلى من المستوى	BL

الاسم _____ واجباتي المنزلية _____

تمارين ذاتية

أكمل. (الأمثلة 1 و3)

1. $18 \text{ ft} = 6 \text{ yd}$

2. $2 \text{ lb} = 32 \text{ oz}$

3. $6.5 \text{ c} = 52 \text{ fl oz}$

4. $2 \text{ mi} = 10,560 \text{ ft}$

5. $5,000 \text{ lb} = 2\frac{1}{2} \text{ T}$

6. $2\frac{3}{4} \text{ qt} = 5\frac{1}{2} \text{ pt}$

8. قارب يبلغ طوله 40 قدمًا (ft) يريد مالكة أن يبيعه. كم طول القارب بأقرب ياردة (yd)؟ (مثال 4)

7. بلغ وزن واحدة من أكبر ثمار القرع نموًا على الإطلاق حوالي $\frac{3}{4}$ طن (T). كم عدد الأرتال (lb) التي تزنها ثمرة القرع؟ (مثال 2)

13 yd

1,500 lb.

9. يمكن قطع قطعة لحم مشوي تزن 3 أرطال (T) إلى 10 قطع لحم متساوية الأوزان. كم عدد الأوقيات (oz) لكل قطعة لحم؟ $4\frac{4}{5} \text{ oz}$

10. استخدام نماذج الرياضيات هل سيستوعب إبريق سعته 2 كوارت كامل وصفة المشروب الحمضي الواردة على اليسار؟ اشرح استنتاجك.

$$c: 2 + 2 + \frac{1}{4} + \frac{1}{3} + 4 = 8\frac{7}{12}$$

$$\text{كوارت يسع } 2 \times \frac{2 \text{ pt}}{1 \text{ qt}} \times \frac{2 \text{ c}}{1 \text{ pt}} = 2 \times 2 \times 2 \text{ أو } 2 \text{ qt}$$

8. c حيث إن $c < 8\frac{7}{12}$. فإن الإبريق لن يسع كل المشروب.

مشروبات من الحمضيات

كوبان من عصير البرتقال

كوبان من عصير الجريب فروت

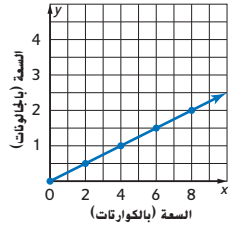
كوب عصير مشمش

كوب عصير أناناس

4 أكواب عصير زنجبيل

التمرين (التمرين)	التركيز على
13-15	1 فهم طبيعة المسائل والمثابرة في حلها
11	3 تكوين براهين عملية والتعليق على طريقة استنتاج الآخرين
10, 12, 16	4 استخدام نماذج الرياضيات
26-28	6 مراعاة الدقة

تعد الممارسات الرياضية 1 و3 و4 وجوانب من التفكير الرياضي الذي يتم التركيز عليه في كل درس. يُمنح الطلاب الفرص لبذل الجهد الكافي لحل مسائلهم والتعبير عن استنتاجاتهم وتطبيق الرياضيات في مواقف من الحياة اليومية.



11. التمثيلات المتعددة استخدم الرسم البياني الوارد على اليسار.

a. الأعداد ما الذي يمثل الزوج المرتب من هذا الرسم البياني؟ **القيمة x تمثل عدد الكوارتات والقيمة y تمثل عدد الجالونات المكافئة.**

b. القياس استخدم الرسم البياني لإيجاد السعة بالكوارت (qt) لحاوية سعتها 2.5 جالون. (gal) اشرح استنتاجك.

الإجابة النموذجية: النقطة الموجودة على الخط التي تعادل قيمتها 2.5 هي (10, 2.5)، لذا $10 \text{ qt} = 2.5 \text{ gal}$.

c. **عدّل الوحدات** ما معدل الوحدات الذي يحول الجالونات إلى كوارتات؟ $\frac{4 \text{ qt}}{1 \text{ gal}}$

d. **التعبير** اكتب تعبيرًا يمكنك استخدامه لتحويل 2.5 جالون إلى كوارتات. $2.5 \text{ gal} \times \frac{4 \text{ qt}}{1 \text{ gal}}$

مهارات التفكير العليا

12. استخدام نماذج الرياضيات اكتب مسألة من الحياة اليومية تحتاج فيها إلى تحويل البايت إلى أكواب.

إجابات نموذجية: 12 و15 تصنع زنب كعكًا. تشير الوصفة إلى استخدام كوبين من الكريم الحامض.

لديها 2 بايت من الكريم الحامض. هل لديها ما يكفي من الكريم الحامض لعمل الكعك؟

13. **المثابرة في حل المسائل** املأ كل < أو > أو = لصياغة جملة صحيحة. برر إجابتك.

13. $16 \text{ in.} < 1\frac{1}{2} \text{ ft}$

16 in. مكافئة لـ $1\frac{1}{2} \text{ ft}$ ؛ 1 ft 4 in. تكون مكافئة لـ $8\frac{3}{4} \text{ gal}$ ؛ حيث إن $35 \text{ qt} > 32 \text{ qt}$.

$35 \text{ qt} > 32 \text{ qt}$, $8\frac{3}{4} \text{ gal} > 32 \text{ qt}$.

14. $8\frac{3}{4} \text{ gal} > 32 \text{ qt}$

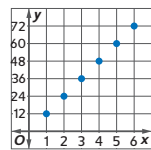
16 in. مكافئة لـ $1\frac{1}{2} \text{ ft}$ ؛ 1 ft 4 in. تكون مكافئة لـ $8\frac{3}{4} \text{ gal}$ ؛ حيث إن $35 \text{ qt} > 32 \text{ qt}$.

$16 \text{ in.} < 1\frac{1}{2} \text{ ft}$ ، لذا، $16 \text{ in.} < 1\frac{1}{2} \text{ ft}$.

15. **المثابرة في حل المسائل** قدم قياسين مختلفين مكافئين لـ $2\frac{1}{2}$ كوارت (qt). **5 pt; 80 fl oz**

16. استخدام نماذج الرياضيات اكتب مسألة من الحياة اليومية يمكن تمثيلها برسم بياني.

الإجابة النموذجية: لتحديد مؤشر كتلة جسمه، يحتاج أحمد إلى معرفة طوله بالبوصة. هو يعرف أن القدم الواحدة تساوي 12 بوصة (in.)، ويبلغ طوله 5 أقدام (ft). فكم يبلغ طوله بالبوصة؟



التقييم التكويني

استخدم هذا النشاط كتقويم تكويني نهائي قبل مغادرة الطلاب الفصل.

بطاقة

التحقق من استيعاب الطلاب

اطلب من الطلاب الكتابة لشرح كيف ساعدتهم معرفتهم بمعدلات الوحدة على تحويلها إلى وحدات قياس. **راقب عمل الطلاب.**

تبرين إضافي

أكمل.

17. $72 \text{ oz} = 4\frac{1}{2} \text{ lb}$

$$72 \text{ oz} = 72 \text{ oz} \times \frac{1 \text{ lb}}{16 \text{ oz}}$$

$$= \frac{72}{1} \times \frac{1}{16} \text{ lb}$$

$$= \frac{9}{2} \text{ أو } 4\frac{1}{2}$$

مساعدة
الواجب المنزلي

18. $4 \text{ gal} = 16 \text{ qt}$

$$4 \text{ gal} = 4 \text{ gal} \times \frac{4 \text{ qt}}{1 \text{ gal}}$$

$$= \frac{4}{1} \times \frac{4}{1} \text{ qt}$$

$$= \frac{16}{1} \text{ أو } 16 \text{ qt}$$

19. $3 \text{ c} = 24 \text{ fl oz}$

20. $1\frac{1}{4} \text{ mi} = 6.600 \text{ ft}$

21. $13 \text{ c} = 6\frac{1}{2} \text{ pt}$

22. $3\frac{3}{8} \text{ T} = 6.750 \text{ lb}$

23. يُقام التزلج السريع على مسار يبلغ طوله $\frac{2}{3}$ ميل (mi).
كم يبلغ طول المسار بالقدم (ft)؟

3.520 ft

الخطوة
الخطوة
هنا.

25. **STEM** في يوم الاثنين، تسافطت ثلوج بمقدار 15 بوصة (in.)، وفي يومي الثلاثاء والأربعاء، تسافطت ثلوج بمقدار إضافي $4\frac{1}{2}$ بوصة (in.) و $6\frac{3}{4}$ بوصة (in.) على التوالي. تقول الأرصاد الجوية إنه خلال الأيام الثلاثة الأخيرة، تسافطت ثلوج أكثر من $\frac{1}{2}$ قدم. هل هذا الادعاء صحيح؟ برر إجابتك.

$$15 \text{ in.} + 4\frac{1}{2} \text{ in.} + 6\frac{3}{4} \text{ in.} = 26\frac{1}{4} \text{ in.}; 2\frac{1}{2} \text{ ft} = 30 \text{ in.}$$

لذا، $26\frac{1}{4} \text{ in.} < 30 \text{ in.}$

كن دقيقاً أكمل العبارات التالية.

26. إذا كان $1 \text{ gal} = 16 \text{ c}$ ، فإن $\frac{1}{4} \text{ gal} = 20 \text{ c}$.

27. إذا كانت $1 \text{ mi} = 1.760 \text{ yd}$ ، فإن $880 \text{ yd} = \frac{1}{2} \text{ mi}$.

28. إذا كان $1 \text{ yd} = 36 \text{ in.}$ ، فإن $\frac{1}{3} \text{ yd} = 84 \text{ in.}$

انطلق! تمرين على الاختبار

يساعد التمرينان 25 و26 على تهيئة الطلاب لتفكير أكثر دقة، الأمر الذي يتطلبه التقويم.

29. تُلزم فقرة الاختبار هذه الطلاب أن يفكروا بطريقة تجريدية وبطريقة كميّة عند حل المسائل.

عمق المعرفة	DOK2
ممارسات رياضية	م.ر. 1، م.ر. 7
معايير رصد الدرجات	
درجة واحدة	يجيب الطلاب إجابة صحيحة على كل جزء من السؤال.

30. تُلزم فقرة الاختبار هذه الطلاب أن يفكروا بطريقة تجريدية وبطريقة كميّة عند حل المسائل.

عمق المعرفة	DOK2
ممارسات رياضية	م.ر. 1، م.ر. 7
معايير رصد الدرجات	
درجتان	يرتب الطلاب القيم الخمس ترتيبًا صحيحًا.
درجة واحدة	يرتب الطلاب 3 إلى 4 من القيم الخمسة ترتيبًا صحيحًا.

انطلق! تمرين على الاختبار

الشقيق	الطول
صفية	65 in.
فارس	$5\frac{2}{3}$ ft
هالة	$1\frac{2}{3}$ yd
أمينة	$5\frac{1}{6}$ ft
أيمن	$66\frac{1}{2}$ in.

29. أطوال 5 أشقاء مبيّنة في الجدول. حدّد هل كل عبارة صحيحة أم خاطئة.

- a. أمينة أقصر من هالة. صواب خطأ
- b. أيمن أطول من فارس. صواب خطأ
- c. هالة أقصر من فارس. صواب خطأ
- d. أمينة أطول من صفية. صواب خطأ

30. رتب القياسات من الأصغر إلى الأكبر.

48 fl oz	$10\frac{3}{4}$ c
$\frac{1}{2}$ gal	$2\frac{1}{4}$ qt
$3\frac{1}{2}$ pt	

القياس	الأصغر
48 fl oz	
$3\frac{1}{2}$ pt	
$\frac{1}{2}$ gal	
$2\frac{1}{4}$ qt	
$10\frac{3}{4}$ c	الأكبر

مراجعة شاملة

اقسم.

31. $156 \div 4 = 39$

32. $212 \div 8 = 26.5$

33. $90 \div 12 = 7.5$

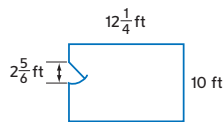
34. خبز محمود 78 كعكة لبيعها. خصص 12 كعكة لتوزيعها على المتطوعين. تمت تعبئة الكعك

المتبقي مع وضع كل 3 كعكات في كل حقيبة. كم عدد الحقائب التي يحتاجها محمود؟

22 حقيبة

35. راجع الرسم البياني الخاص بغرفة معيشة. لن يوجد للبدخل إطار حائط. كم قدم من

إطار الحائط لازمة لتغطية محيط الغرفة؟ **$41\frac{2}{3}$ قدمًا (ft)**



التركيز تضييق النطاق

الهدف حل المسائل من خلال رسم بياني.
يركز هذا الدرس على **الممارسة الرياضية 4** استخدام نماذج رياضية.

رسم بياني تساعد إستراتيجية حل المسائل هذه الطلاب على تصور مسألة ما والبحث عن حل لها. يساعد الرسم البياني الطلاب على التوصل إلى المعلومات التي يحتاجونها لحل مسألة ما.

الترابط المنطقي الربط داخل الصنوف وبينها

الحالي يجري الطلاب عملية ضرب للأعداد الكسرية.
التالي سيستخدم الطلاب مهارات الضرب لتقسيم الكسور.

الدقة اتباع المفاهيم التمرس والتطبيق

انظر المخططات البيانية لمستويات الصعوبة في صفحة 299.

المشاركة الاستكشاف الشرح التوضيح التقييم

1 بدء الدرس

تم إعداد المسائل الواردة في الصفحة 297 والصفحة 298 لاستخدامها كمنافشة جماعية كاملة حول كيفية حل المسائل غير الروتينية وتصميمها لحل توجيه قائم على دعائم تعليمية.

المسألة رقم 1 أعمال الجر

BL اطلب من الطلاب توسعة المسألة بأن تطلب منهم أن يجيبوا على السؤال الوارد أدناه.

اطرح الأسئلة التالية:

- اشرح كيف يمكنك بسرعة تحديد أن $\frac{1}{7}$ يساوي 5 AED وأن 35 AED يمثل المبلغ الإجمالي لديه قبل إنفاق أي أموال. الإجابة النموذجية: إذا أنفق حسام $\frac{4}{7}$ من أمواله، فهذا يعني أن المتبقي يساوي $\frac{3}{7}$. عند تقسيم 15 AED إلى 3 مجموعات، أحصل على 5 AED في كل مجموعة. بعد ذلك أضرب 7 في 5 AED لأنه بدأ بـ 7 مجموعات مكونة من 5 AED.

استقصاء حل المسائل رسم رسم بياني 293

نظام الأعداد

استقصاء حل المسائل
تصميم رسم بياني

المسألة رقم 1 أعمال الجر
احتفل فيصل وأصدقائه بتخرجه في أحد مراكز الألعاب. أنفق $\frac{4}{7}$ من نقوده في المركز الترفيهي على سيارات السباق ونبغى معه الآن 15 AED.
كم مقدار النقود التي أنفقها على سيارات السباق؟

الفهم ما الحقائق؟
تعلم أن فيصل أنفق $\frac{4}{7}$ من نقوده على سيارات السباق. نحتاج إلى تحديد كم مقدار النقود التي أنفقها على سيارات السباق.

1

التخطيط ما الإستراتيجية التي ستستخدمها لحل هذه المسألة؟
أنفق فيصل جزءاً من نقوده. صمم رسماً بيانياً بالأعمدة.

2

3

الحل كيف يمكنك تطبيق الإستراتيجية؟
أكمل الرسم البياني بالأعمدة باستخدام المعلومات الواردة في المسألة. أكمل الأعداد المفقودة لإظهار قيمة كل قسم.

5	5	5	5	5	5	5
-----AED15-----			-----الوقت المقتضي في سباق السيارات-----			

$AED \ 15 \div 3 = AED \ 5$

وبهذا، فإن كل قسم يمثل 5 AED.
أنفق فيصل $4 \times AED \ 5$ أو 20 AED على سيارات السباق.

4

التحقق هل إجابتك صحيحة؟
أربعة أسابيع 35 AED هي 4×5 أو 20 AED. ✓

تحليل الإستراتيجية

تبرير الاستنتاجات افترض أن فيصل تبقى معه 9 AED. كم مقدار النقود التي بدأ بها؟ اشرح.
21 AED: الإجابة النموذجية: لديه 9 AED. أو $\frac{3}{7}$ متبقية. اقس 9 AED على 3 أجزاء متساوية.
كل جزء. أو $\frac{1}{7}$ يساوي 3 AED. المبلغ الأصلي هو $\frac{7}{7}$. لذا $AED \ 3 \times 7 = AED \ 21$.

المسألة رقم 2 أرشيف النصوص

فاطلب من الطلاب العمل في مجموعات ثنائية ومراجعة الإجابات. 1, 4

• كيف استخدمت الرسم البياني بالأعمدة لحل المسألة؟ الإجابة النموذجية: صممت عمودان، أحدهما مُتَمَسِّم إلى ثلاثة أقسام متساوية، والآخر مُتَمَسِّم إلى خمسة أقسام متساوية. يُمثل كل قسم بالعدد 8 لأن مجدي لديه 24 رسالة.

• ارسـم - اعمل في ثنائيات - شارك اطلب من الطلاب رسم رسم بياني خاص بهم يمكن استخدامه لتحديد الحل طبقاً للإحصاء النصي. بعد ذلك، اسمح لهم بالانتظام في مجموعات ثنائية ومناقشة الرسوم البيانية الخاصة بهم. ينبغي على طالب واحد التحدث بصوت مرتفع للتوضيح، بينما يستمع الآخرون ويسجلون أي أسئلة قد تجول بخاطرهم. بعد تحدث كل طالب واستماع بعضهم البعض للآخر، امنحهم الوقت اللازم لمناقشة أي تغييرات ينبغي إجراؤها على إجاباتهم. 1, 3, 4

هل تريد مثلاً آخر؟

أنفقت ميادة $\frac{5}{9}$ من مالهما على شراء الألعاب لتغطيتها وتبقى معها 16 AED. ما المبلغ الذي أنفخته على شراء ألعاب لتغطيتها؟ 20 AED



المسألة رقم 2 أرشيف النصوص
لدى راشد $\frac{3}{5}$ من الرسائل النصية المحفوظة لدى فاطمة.
لدى راشد 24 رسالة نصية محفوظة.
فكم عدد الرسائل النصية المحفوظة التي لديهما بشكل إجمالي؟

1 الفهم

اقرأ المسألة. ما المطلوب منك إيجادها؟

يلزممني إيجاد إجمالي عدد الرسائل النصية المحفوظة

ضع خطأ أسفل الكلمات الأساسية والقيم الموجودة في المسألة. ما المعلومات التي تعرفها؟

لدى راشد $\frac{3}{5}$ نفس مقدار الرسائل المحفوظة لدى فاطمة.

لدى راشد 24 رسائل نصية محفوظة.

2 التخطيط

اختر إستراتيجية حل المسألة.

سأستخدم إستراتيجية **ارسم المخطط البياني**

3 الحل

حل المسألة باستخدام إستراتيجيتك لحل المسائل.

• اقسام الرسم البياني بالأعمدة لراشد إلى 3 أقسام متساوية والرسم البياني الخاص بفاطمة إلى 5 أقسام متساوية.

• لدى راشد 24 رسالة. املأ المربعات.

راشد

8	8	8
---	---	---

فاطمة

--	--	--	--	--

لدى فاطمة $40 = 8 \times 5$ رسالة نصية محفوظة.

لذا، لدى راشد وفاطمة $40 + 24 = 64$ أو رسالة نصية محفوظة بشكل إجمالي.

4 التحقق

استخدم المعلومات الموجودة في المسألة للتحقق من إجابتك.

$$\frac{3}{5} \times 40 = 24$$

اختبار منتصف الوحدة

إذا واجه الطلاب صعوبات في التمارين 1-7، فقد يحتاجون إلى المساعدة من خلال المفاهيم التالية.

المفهوم	التمرين (التمارين)
ضرب الكسور (الدرس 2 و3)	1, 2, 3
ضرب الأعداد الكسرية (الدرس 4)	4, 7
حساب ناتج ضرب الكسور (الدرس 1)	5
تحويل وحدات القياس (الدرس 5)	6

نشاط المفردات

LA **الرؤوس المرقمة معًا** اطلب من الطلاب العمل في مجموعة صغيرة لإكمال التمرين 1. يُخصص رقم لكل طالب. الطلاب مسؤولون عن التأكد من استيعاب كل فرد في المجموعة الفرق بين النسبة والمعدل. ينبغي على الطلاب طرح الأسئلة على بعضهم البعض للحصول على التوضيح والمساعدة. عند الحاجة، استدع طالبًا واحدًا واحدًا برقم ليشترك اختلافاتهم مع الفصل. 1, 3

الاستراتيجية البديلة

AL اطلب من الطلاب إعطاء مثال للنسبة ومثال للمعدل.

اختبار نصف الوحدة

مراجعة المفردات



1. **كن دقيقًا** عرف خاصية التبدل. اضرب مثالاً لعملية تكون تبديلية. اضرب مثالاً لعملية لا تكون تبديلية. (الدرس 2)
- الإجابة النموذجية: لا تتغير النتيجة بتغيير ترتيب جمع الأعداد أو ضربها. يكون الجمع تبديلياً لأن $4 + 6 = 6 + 4$. الطرح لا يكون تبديلياً لأن $6 - 4$ لا يساوي $4 - 6$.

مراجعة المهارات وحل المسائل

اضرب. اكتب في أبسط صورة. (الدرس 4-1)

2. $8 \times \frac{2}{5} = 3\frac{1}{5}$ 3. $\frac{7}{8} \times \frac{2}{3} = \frac{7}{12}$ 4. $4\frac{3}{4} \times 2\frac{1}{8} = 10\frac{3}{32}$



5. تبلغ تكلفة قميص جديد AED 14.99. إذا كان القميص معروضاً للبيع بخصم $\frac{1}{5}$ من سعره، فكم يبلغ تقريباً مقدار ما توفره؟ (الدرس 1) **حوالي AED 3.00**

6. **تبرير الاستنتاجات** يحتاج محمد 24 لوحاً بطول $47\frac{1}{2}$ بوصة. (الدرس الخامس)
- a. كم قدمًا من الألواح يحتاج إلى شرائها؟ اشرح. سوف يحتاج إلى شراء 95 قدمًا (ft) من الألواح. $47\frac{1}{2}$ مضروباً في 24 يساوي 1,140 بوصة (in.) مقسوماً على 12 يساوي 95 قدمًا (ft).
- b. إن أمكن لك شراء ألواح بطول 8 أقدام (ft) فقط، فكم عدد الألواح التي يجب شراؤها؟ اشرح. سوف يحتاج إلى شراء 12 لوحاً بطول 8 أقدام (ft). يحتاج إلى ألواح بطول $47\frac{1}{2}$ بوصة (in.) يمكن للوح الذي يبلغ طوله 8 أقدام (ft) أن يكفي لوحين $(8 \times 12) \div 47\frac{1}{2} = 2\frac{2}{95}$. يحتاج $2 \div 2 = 1$ أو 12 من الألواح بطول 8 أقدام (ft).

7. **المثابرة في حل المسائل** ما مساحة الصورة والإطار المعروضين؟ اكتب إجابتك كعدد كسري في أبسط صورة.

(الدرس 4) $84\frac{7}{12} \text{ in}^2$

$7\frac{1}{4} \text{ in.}$



$11\frac{2}{3} \text{ in.}$

التركيز تضييق النطاق

الهدف استخدام النماذج لقسمة الأعداد الكلية على الكسور.

الترابط المنطقي الربط داخل الصنوف وبينها

التالي

سيقوم الطلاب بقسمة الأعداد الكلية على الكسور.

الحالي

يستخدم الطلاب النماذج لقسمة الأعداد الكلية على الكسور.

الدقة اتباع المفاهيم والتبرس والتطبيق

انظر المخططات البيانية لمستويات الصعوبة في صفحة 303.

المشاركة الاستكشاف الشرح التوضيح التقييم

1 بدء النشاط العملي

من المقرر استخدام الأنشطة 1 و2 و3 كأشعة جماعية. تم تصميم النشاط 1 لتقديم مزيد من الإرشادات للطلاب أكثر من النشاطين 2 و3.

1 نشاط عملي

AL LA الرؤوس الورقية مفا رؤب الطلاب على هيئة رؤوس مرقمة في مجموعات مكونة من 4 أفراد لإكمال الخطوات من 1 إلى 3. قد يستخدم الطلاب المساطر أو شريط القياس أو شريط الكسور أو خطوط الأعداد أو غيرها من الوسائل اليدوية الأخرى للحصول على فهم إضافي للمفاهيم. ينبغي على كل طالب طلب المساعدة والدعم عند الحاجة، وأن يكون على أتم استعداد لشرح كيف توصل إلى ناتج القسمة. استدع طالبًا واحدًا برقم ليقدّم نتائجه إلى الفصل. **1, 3, 5**

LA BL اطلب من الطلاب التوضيح لزملائهم السبب في أن القسمة على $\frac{1}{2}$ هي نفسها الضرب في 2. **1, 3**

مختبر الاستقصاء قسمة الأعداد الكلية على الكسور 297

نظام الأعداد

مختبر الاستكشاف

قسمة الأعداد الصحيحة على الكسور

الاستكشاف

كيف يمكن لرسم بياني بالأعمدة أن يساعدك على فهم ماذا تعني قسمة الكسور؟

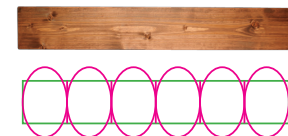
مهارات رياضية
1, 3, 4

سامي بيتي مسرخًا للاستعراض الفني المدرسي. لديه لوح طوله 3 أقدام (ft) يحتاج إلى تقسيمه بالتساوي إلى أجزاء بطول $\frac{1}{2}$ قدم (ft). فكم عدد الأجزاء التي ستكون لديه بعد تقطيع اللوح؟ ما المعطيات التي تعرفها؟ **لديه لوح بطول 3 أقدام (ft) يحتاج إلى تقسيمه إلى أجزاء بطول $\frac{1}{2}$ قدم (ft).**

ما الذي تحتاج إليه لإيجاد الحل؟ **فكم عدد الأجزاء التي ستكون لديه بعد تقطيع اللوح؟**

1 نشاط عملي

الخطوة 1 ارسم نموذجًا يمثل طول اللوح. ارسم خطوطًا لعصل اللوح إلى أثلاث. كل ثلث يمثل قدم واحدة.



الخطوة 2 قسم كل قدم إلى نصفين.

الخطوة 3 حدد كم عدد المجموعات بقيمة $\frac{1}{2}$ الموجودة في 3. ارسم دائرة حول المجموعات التي تكون بحجم المقسوم عليه $\frac{1}{2}$.

توجد **6** مجموعات بقيمة $\frac{1}{2}$. لذا، $3 \div \frac{1}{2} = 6$.

تحقق باستخدام الضرب: $6 \times \frac{1}{2} = 3$

نشاط عملي 2

LA AL **تدوير الرؤوس المرقمة** حدد رأسًا مرقمًا في كل مجموعة من النشاط 1 لتغيير المجموعات. ينبغي على كل مجموعة مصممة حديثًا إكمال الخطوات من 1 إلى 3. لضمان استيعاب كل فرد في المجموعة. ينبغي على الطلاب طلب المساعدة والدعم من بعضهم البعض. عند الحاجة. استدع طالبًا مرقمًا لشرح نتائج مجموعته للفصل. **1, 3**

LA BL **تبادل المسائل** اطلب من كل طالب إنشاء تعبير القسمة الخاص به شريطة أن يتضمن عددًا كليًا مقسومًا على أحد الكسور. ينبغي على الطلاب تبادل المسائل مع الزملاء وينبغي على كل زميل تحديد ناتج قسمة مسألة الطالب الآخر. اطلب من الزملاء تقييم عمل كل منهم ومناقشة أي أسئلة توضيحية وحل أي اختلافات. **1, 3**

نشاط عملي 3

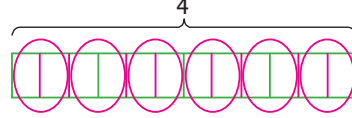
LA AL **تدوير الرؤوس المرقمة** حدد رأسًا مرقمًا في كل مجموعة من النشاط 2 لتغيير المجموعات. كرر العملية الموضحة أعلاه في النشاط 2: تدوير الرؤوس المرقمة.

LA BL **فكر - اعمل في ثنائيات - ارسم** ضع الطلاب في مجموعات ثنائية للاستعانة بالعصف الذهني. بدون الرسم. ما النموذج المشابه لتعبير القسمة $4 \div \frac{3}{5}$. امنحهم 30 ثانية للتفكير على انفراد بخصوص ما الرسم المشابه. ثم اطلب منهم أن يناقشوا مع زملائهم ما الرسم المشابه (بدون رسم). أخيرًا. اطلب من كل طالب تصميم الرسم بمفرده. اطلب من الطلاب مناقشة أي اختلافات وحلها بين رسوماتهم. **1, 2, 4**

نشاط عملي 2

$$\text{أوجد } 4 \div \frac{2}{3}$$

الخطوة 1 النموذج يمثل 4.



الخطوة 2 قسم كل عدد صحيح إلى أثلاث.

الخطوة 3 ارسم دائرة حول المجموعات بقيمة $\frac{2}{3}$ في النموذج. فكر: كم عدد المجموعات بقيمة $\frac{2}{3}$ الموجودة في 4؟

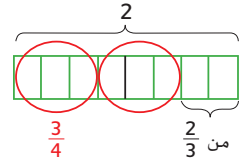
$$\text{توجد } 6 \text{ مجموعات بقيمة } \frac{2}{3}. \text{ لذا، } 4 \div \frac{2}{3} = 6$$

$$\text{تحقق باستخدام الضرب: } 6 \times \frac{2}{3} = 4$$

نشاط عملي 3

$$\text{أوجد } 2 \div \frac{3}{4}$$

الخطوة 1 النموذج يمثل 2.



مجموعة محاطة بدوائر

الخطوة 2 قسم كل عدد صحيح إلى **أرباع**

الخطوة 3 حدد كم عدد المجموعات بقيمة $\frac{3}{4}$ الموجودة في 2

ارسم دائرة حول المجموعات بقيمة $\frac{3}{4}$ في النموذج.

$$\text{توجد } 2 \text{ مجموعات بقيمة } \frac{3}{4} \text{ و } \frac{2}{3} \text{ من مجموعة متبقية. لذا، } 2 \div \frac{3}{4} = 2 \frac{2}{3}$$

$$\text{تحقق باستخدام الضرب: } 2 \frac{2}{3} \times \frac{3}{4} = 2$$

التحليل والتفكير



فكر - اعمل في ثنائيات - شارك جهز الطلاب للعمل في مجموعات ثنائية لإكمال التمارين من 9-14. اطلب من الطلاب النظر في الأسئلة التصورية الواردة أدناه والإجابة عليها شفهيًا. **1, 2, 7**

اطرح الأسئلة التالية:

- لماذا تستخدم الضرب للتحقق من القسمة؟ الإجابة النموذجية: يُعد الضرب والقسمة عمليتين عكسيتين.
- ما الإستراتيجيات الأخرى التي يمكنك استخدامها لإيجاد كل ناتج قسمة أو للتحقق من عملك؟ نماذج إجابة: الطرح أو الجمع المتكرر، رسم صورة، العمل العكسي

الإبتكار



تبادل المسائل اطلب من الطلاب إنشاء مسألة كلامية يمكن تمثيلها باستخدام عدد كلي تتم قسمته على أحد الكسور. اطلب من الطلاب تبادل المسائل الكلامية مع الزملاء لحلها. اطلب من الطلاب مناقشة إجاباتهم ونتائجهم مع زملائهم. ينبغي على كل طالب طرح أي أسئلة توضيحية. **1, 3, 4**

ينبغي أن يكون الطلاب قادرين على إجابة السؤال التالي "كيف يمكن أن يساعدك الرسم البياني بالأعمدة على فهم ما تشير إليه قسمة الكسور؟" اختبر مدى فهم الطلاب وقدم توجيهًا إذا لزم الأمر.

التحليل والتفكير



إجابات نموذجية: 14-16

استخدام أدوات الرياضيات راجع النماذج التي رسمتها في الصفحة السابقة. تعاون مع زميلك لإكمال الجدول التالي. تم حل المثال الأول كنموذج لك.

مسألة قسمة	ناتج القسمة	هل ناتج القسمة أقل من أو أكبر من المقسوم؟
$3 \div \frac{1}{3}$	9	أكبر
$2 \div \frac{1}{4}$	8	أكبر
$6 \div \frac{2}{3}$	9	أكبر
$4 \div \frac{1}{2}$	8	أكبر
$4 \div \frac{3}{3}$	4	أكبر
$4 \div \frac{4}{3}$	$5 \frac{1}{3}$ أو $\frac{16}{3}$	أكبر

الاستدلال الاستقرائي عند تقسيم عدد صحيح على كسر يكون أقل من واحد، فهل سيكون ناتج القسمة أقل من أو أكبر من العدد الصحيح؟ اشرح.

أكبر من: الإجابة النموذجية: يجري قسمة العدد الصحيح إلى أجزاء تكون أقل من العدد الصحيح. لذا، سيكون عدد الأجزاء أكبر من العدد الصحيح.

الإبتكار



استخدام نماذج الرياضيات اكتب شيئًا قصصيًا ينطوي على $4 \div \frac{4}{5}$ حل المسألة واضرب للتحقق من إجابتك.

سلمى لديها 4 أرطال من الدجاج المتقطع إلى مكعبات. تستخدم كل حصة من سلطة الدجاج $\frac{4}{5}$ رطل من الدجاج المتقطع إلى مكعبات. كم عدد حصص سلطة الدجاج التي يمكن إعدادها؟ $4 \div \frac{4}{5} = 5$; $5 \times \frac{4}{5} = 4$

الاستكشاف كيف يمكن لرسم بياني بالأعمدة أن يساعدك على فهم ماذا تعني قسمة الكسور؟ **يوضح مخطط بياني شريطي العلاقة بين العوامل وناتج القسمة. يوضح النموذج أن ناتج القسمة يمكن أن يكون أكبر من المقسوم عندما يكون المقسوم عليه أقل من 1.**