

الدرس 1

العلاقة بين الضرب والقسمة

التركيز

إيجاد نواتج القسمة ذات الأعداد الكلية وباقي القسمة لمسائل القسمة التي تحتوي على قيم مقسومة تصل إلى أربعة أرقام وقيم مقسوم عليها تحتوي على رقم واحد، باستخدام الاستراتيجيات القائمة على القيمة المكانية وخصائص العمليات والعلاقة بين الضرب والقسمة أو أي من ذلك. شرح الإستراتيجية وأسباب اختيارها.

الممارسة

- 2 التفكير بطريقة تجريدية وبطريقة كمّية.
- 3 بناء فرضيات عملية والتعليق على طريقة استنتاج الآخرين.
- 4 استخدام نماذج الرياضيات.
- 6 مراعاة الدقة
- 7 تحديد البنية واستخدامها.
- 8 البحث عن التوافق في الاستنتاجات المتكررة والتعبير عن ذلك.

الترابط المنطقي

الربط بالموضوعات الرئيسة

الربط بمجال التركيز المهم التالي: 1. تطوير الفهم والتمرس في عمليات الضرب متعددة الأرقام. وتطوير فهم عملية القسمة لإيجاد نواتج القسمة لعمليات القسمة التي تحتوي على قِيَمًا مقسومة متعددة الأرقام.

الدقة

تزداد صعوبة التمارين مع تقدّم الدرس. ومع ذلك، قد يتباين تفكير الطلاب الفردي خلال عملية المعالجة الموسّعة.

■ مستويات الصعوبة

- المستوى 1 استيعاب المفاهيم
- المستوى 2 تطبيق المفاهيم
- المستوى 3 توسيع المفاهيم
- التمارين 1-4
- التمارين 5-10
- التمارين 11-15

الاستعداد

هدف الدرس

سيفهم الطلاب مدى العلاقة بين الضرب والقسمة.

تنمية المفردات

مفردات جديدة

المقسوم (dividend)

المقسوم عليه (divisor)

العامل (factor)

نتائج الضرب (product)

نتائج القسمة (quotient)

مجموعة الحقائق (fact family)

النشاط

- ما الذي تتذكرونه عن المفردات؟ ربما يتذكرون أن الضرب يماثل الجمع المتكرر.

- استخدام البنية اكتب الأعداد 15 و 3 و 5 على السبورة. اكتب جُمْل الضرب والقسمة باستخدام هذه الأرقام الثلاثة. استخدم مفردات الدرس لكتابة أجزاء كل جملة ضرب وقسمة. فهذه الجُمْل التي تستخدم نفس الأعداد الثلاثة تشكل مجموعة حقائق.

2 الاستقصاء واستخدام النماذج



تمثيل مسائل الرياضيات

الهدف: المهارة والتمرس الإجرائيان

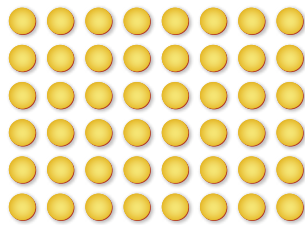
المواد: علب بيض كرتونية فارغة، فاصولياء، قطع عد

قدم علب البيض الكرتونية الفارغة ووزينة من حبوب الفاصولياء إلى مجموعات صغيرة من الطلاب.

أنشئ مصفوفة من الفاصولياء عن طريق وضع واحدة في كل قسم.

كيف يمكنك إيجاد عدد حبوب الفاصولياء التي استخدمتها؟ الإجابة النموذجية: قم بعدّ الفاصولياء

ضع نموذجًا لـ 6×8 من خلال بطاقات العدّ.



يمثل العد إحدى طرق إيجاد العدد الإجمالي لبطاقات العدّ.

هل توجد طريقة أسهل؟ نعم: ضرب 6 في 8

تمثل مجموعات الحقائق العمليات العكسية. ما جميل القسمة التي تعرض نفس مجموعة

الحقائق؟ $6 = 48 \div 8$; $8 = 48 \div 6$

مراجعة

مسألة اليوم

تتعلم أسماء عن القيمة المكانية. فهي تظن أن العدد 2,829 أكبر من 2,900 لأن 9 أكبر من 0. حدد ما إذا كانت صائبة. اشرح. (تأكد من أن الطلاب يفهمون أن الرقمين 9 و 0 اللذين تم الإشارة إليهما يقعان في مقام الآحاد.)

لا. إنها مخطئة. فهي تقارن الأرقام في منزلة الآحاد، في حين أنه ينبغي عليها مقارنتها في منزلة المئات. $2,900 > 2,829$ لأن تسعمئة أكبر من ثمانمئة.



استخدام نماذج الرياضيات اطلب من الطلاب العمل في مجموعات ثنائية ليتذكروا ثم يشرحوا كيفية استخدام القيمة المكانية لمقارنة الأعداد المكونة من عدة أرقام.

تدريب سريع

اتخذ من هذا النشاط مراجعة سريعة وتقويماً للدرس السابق.

الربط بالأدب

اقرأ أحد الكتب العامة، مثل *Amanda Bean's Amazing Dream* (الحلم المدهش لأماندا بين) من تأليف سيندي نيوسواندر. لإعداد الطلاب لهذا الدرس.

الرياضيات في حياتي

المثال 1

اقرأ المثال بصوت مرتفع. فكر كيف يمكن أن تساعدك المصفوفة في كتابة جمل ضرب والقسمة ذات الصلة لهذه المسألة. لماذا يوجد ثلاثة صفوف؟ تكلف كل لعبة 3 AED. ماذا تمثل الأعمدة الأربعة؟ أربعة ألعاب ما جملة ضرب التي تمثلها هذه المصفوفة؟

$$3 \times 4 = 12 \text{ ما جملة القسمة ذات الصلة؟ } 12 \div 3 = 4 \text{ إذا، ما التكلفة الإجمالية للألعاب الأربعة؟ } 12 \text{ AED}$$

بين أن الرسومات التخطيطية في الخطوتين 2 و 3 توضح كيف أن الأجزاء المختلفة في كل جملة عددية ترتبط ببعضها البعض.

2

التفكير بطريقة تجريدية ما العمليات الأخرى التي تعلمتها عن العمليات العكسية؟ الجمع والطرح اشرح. الإجابة النموذجية: كل منهما تلغي الأخرى. يمكنني إيجاد الإجابة عن مسألة طرح إذا كنت أعرف مسألة الجمع المرتبطة بها والعكس بالعكس.

المثال 2

اقرأ المثال بصوت مرتفع. كم عدد الصفوف والأعمدة في مصفوفة الأزرار؟ 3, 4 ما جملة ضرب التي تمثلها هذه المصفوفة؟

$$3 \times 4 = 12 \text{ ما حقائق ضرب الأخرى الموجودة في مجموعة الحقائق هذه؟} \\ 4 \times 3 = 12$$

8

الاستنتاجات المتكررة هل يمكن تمثيل مصفوفة. على غرار المثال 2، من خلال أي حقائق ليست موجودة في نفس مجموعة الحقائق؟ لا اشرح. الإجابة النموذجية: ترتبط أرقام حقائق ضرب والقسمة الموجودة في مجموعة حقائق بالصفوف والأعمدة والإجمالي في المصفوفة.

المثال 3

اقرأ المثال بصوت مرتفع. ما جملة ضرب التي يمكن استخدامها لإيجاد العدد المجهول الناتج عن $36 \div 4$ ؟ $4 \times \square = 36$ اعمل على حل المسألة.

7

استخدام البنية هل يمكن استخدام ضرب للتحقق من الإجابة عن مسألة قسمة؟ نعم اشرح. الإجابة النموذجية: تسمى العمليات العكسية وتوجد في نفس مجموعة الحقائق وتعمل على إلغاء بعضها البعض.

تمرين موجه

ناقش حل تمارين الجزء "تمرين موجه" مع الطلاب. نبه الطلاب إلى أن المضاعفات سيكون لها معادلتان فقط.

حديث في الرياضيات: محادثة تعاونية

3

بناء الفرضيات ينبغي على الطلاب أن يكونوا قادرين على استيعاب أن ضرب والقسمة عمليتان عكسيتان.

مجموعة الحقائق هي مجموعة من أربعة حقائق مترابطة لضرب والقسمة تستخدم نفس الأعداد الثلاثة.

مثال 2
كوت عائشة وأبوها مصفوفة من الأزرار.
اكتب مجموعة حقائق للمصفوفة.

توجد 3 صفوف و 4 أعمدة وإجمالي 12 زراراً.

$$\begin{array}{l} 3 \times 4 = 12 \\ 4 \times 3 = 12 \\ 12 \div 3 = 4 \\ 12 \div 4 = 3 \end{array}$$

مثال 3
تملك خديجة 36 كتاباً تريد وضعها على 4 أرفف. وسيتم وضع نفس عدد الكتب على كل رف.
فكم عدد الكتب التي ستكون موجودة على كل رف؟

أوجد $36 \div 4$. يمكنك استخدام حقائق ضرب مرتبطة لمساعدتك على القسمة.

أوجد القيمة المجهولة.

$$36 \div 4 = \square$$

فكر: $4 \times \square = 36$

$$4 \times 9 = 36$$

إذاً، $36 \div 4 = 9$

ستضع خديجة 9 كتب على كل رف.

تمرين موجه
اكتب مجموعة الحقائق لكل مصفوفة.

- $$\begin{array}{l} 3 \times 7 = 21 \\ 7 \times 3 = 21 \\ 21 \div 3 = 7 \\ 21 \div 7 = 3 \end{array}$$
- $$\begin{array}{l} 5 \times 5 = 25 \\ 25 \div 5 = 5 \end{array}$$

كيف ترتبط عمليتا ضرب والقسمة معاً؟

العلاقة بين الضرب والقسمة

الدرس 1
السؤال الأساسي
كيف ترتبط عمليتا ضرب والقسمة معاً؟

يمكنك استخدام النماذج لتمثيل عمليتي ضرب والقسمة. إن ضرب والقسمة عمليتان متعاكستان أو عكسيتان.

الرياضيات في حياتنا

مثال 1
ذهبت فاطمة وأسماء إلى صالة ألعاب. ولعبتا 4 ألعاب تتكلف كل واحدة منها 3 AED. فكم كانت التكلفة الإجمالية؟

اكتب جملتي ضرب والقسمة المرتبطتين للوصول إلى الحل.

رتب بطاقات العد في مصفوفة مكونة من 3 صفوف و 4 أعمدة. ارس بطاقات العد في الجدول.

توجد 12 قطعة عد إجمالاً.

2 اكتب جملة ضرب.

3 اكتب جملة قسمة مرتبطة.

إذاً، فالتكلفة الإجمالية كانت 12 AED.

4 التمرين والتطبيق

تمارين ذاتية

RtI استنادًا إلى ملاحظتك، يمكنك اختيار تكليف الطلاب بالتمارين حسب الموضح في المستويات أدناه:

- **قريب من المستوى** كلّف الطلاب بحل التمارين 3-6, 9-1, 2, 14, 15.
- **ضمن المستوى** كلّف الطلاب بحل التمارين 5-8, 10-15.
- **أعلى من المستوى** كلّف الطلاب بحل التمارين 5-8, 11-15.

2 التفكير بطريقة كمية

التمرين 14 ما هي أدوات الرياضيات التي يمكنك استخدامها لتصوير المسألة قبل رسمها في الصفحة؟ الإجابة النموذجية: بطاقات العدّ

الاستفادة من السؤال الأساسي

التمرين 15 اطلب من الطلاب الاعتماد على استيعابهم للمفاهيم اللازمة للإجابة عن السؤال الأساسي للوحدة.

التقويم التكويني

رسم سريع امنح الطلاب 3 دقائق لرسم أكبر قدر يستطيعون من المصفوفات للعدد 12. ثم اطلب منهم كتابة جملة الضرب والقسمة لكل نماذج المصفوفات.

RtI انظر الصفحة التالية للاطلاع على خيارات التدريس المتمايز.

حل المسائل

4 استخدام نماذج الرياضيات

التمارين 11-13 إذا كان الأمر صعبًا على الطلاب، فاطلب منهم تمثيل المعادلات باستخدام بطاقات العدّ.

حل المسائل

11. الممارسة 4 تمثيل مسائل الرياضيات دخل خمسة من عازقي آلة البانجو الموسيقية في مسابقة البانجو. ويمزف كل منهم على آلة بانجو تتكون من أربعة أوتار. فكم عدد الأوتار التي تنتج بها آلات البانجو في الممثل؟

20 وِتْرًا $5 \times 4 =$

12. بررد أحمد تقسيم 18 خبز عنب بالتساوي بينه وبين اثنين من أصدقائه. فكم عدد خبز العنب التي سيحصل عليها كل شخص؟

6 خبزات عنب $18 \div 3 =$

13. صنع أحد صانعي سلال السبيبول سلة صغيرة. واستخدم 9 أعواد من العشب الحلو وقام بتضيئها لكل لعينة. وقد صنع 9 لعائن. فكم عدد أعواد العشب الحلو التي استخدمها لصناعة السلة؟

81 عودًا $9 \times 9 =$

الإجابة النموذجية: 14, 15

14. الممارسة 4 استخدام الحص العددي ارس مصفوفة. اكتب مجموعة حقائق لمصفوفتك.

$3 \times 4 = 12; 12 \div 3 = 4$

$4 \times 3 = 12; 12 \div 4 = 3$

15. الاستفادة من السؤال الأساسي كيف تساعدك مجموعات الحقائق وحقائق الضرب في الإجابة؟ اشرح.

يمكن أن تساعدني مجموعات الحقائق وحقائق الضرب في الإجابة لأن العوامل في مسألة الضرب هي المقسوم عليه وناتج القسمة في مسألة القسمة.

الاسم

تمارين ذاتية

اكتب مجموعة الحقائق لكل مصفوفة أو مجموعة أرقام.

3.

$2 \times 3 = 6$

$3 \times 2 = 6$

$6 \div 2 = 3$

$6 \div 3 = 2$

6, 9, 54

$6 \times 9 = 54$

$9 \times 6 = 54$

$54 \div 6 = 9$

$54 \div 9 = 6$

9, 11, 99

$9 \times 11 = 99$

$11 \times 9 = 99$

$99 \div 11 = 9$

$99 \div 9 = 11$

9, 4, 8 = 32

$8 \times 4 = 32$

$32 \div 4 = 8$

$32 \div 8 = 4$

4.

$3 \times 5 = 15$

$5 \times 3 = 15$

$15 \div 3 = 5$

$15 \div 5 = 3$

7, 8, 56

$7 \times 8 = 56$

$8 \times 7 = 56$

$56 \div 7 = 8$

$56 \div 8 = 7$

11, 12, 132

$11 \times 12 = 132$

$12 \times 11 = 132$

$132 \div 11 = 12$

$132 \div 12 = 11$

أوجد كل قيمة مجهولة لإكمال كل مجموعة حقائق.

8. $8 \times 9 = 72$

$9 \times 8 = 72$

$72 \div 9 = 8$

$72 \div 8 = 9$

أعلى من المستوى
التوسع

نشاط عملي المواد: بطاقات العدّ

ارسم مصفوفة 4×6 على السبورة لتمثيل تشكيل فرقة موسيقية. اطلب من الطلاب رسم كل تشكيلات المصفوفات الأخرى المحتملة للفرقة المكونة من 24 طالبًا. ثم اكتب جُمَل الضرب والقسمة المرتبطة ببعضها.

ضمن المستوى
المستوى 1

نشاط عملي المواد: 16 بطاقة فهرسة

اطلب من الطلاب استخدام بطاقات الفهرسة لابتكار لعبة مطابقة. وينيغي على الطلاب كتابة جملة ضرب على ثماني بطاقات. أما على البطاقات الثماني الأخرى، فيتعين عليهم أن يكتبوا حقائق القسمة ذات الصلة. اطلب من الطلاب لعب لعبة مطابقة مع زميل لهم ليروا ما إذا كان يمكنهم مطابقة البطاقات بطريقة صحيحة.

قريب من المستوى
المستوى 2: التدخل الإستراتيجي

نشاط عملي المواد: بطاقات العدّ

اطلب من الطلاب استخدام بطاقات العدّ لتكوين مصفوفة للجملة العددية $3 \times 5 = 15$ على قطعة ورقة. **اكتب جملة القسمة ذات الصلة بها. $15 \div 3 = 5$ أدر بعناية ورقتك مع بطاقات العدّ. اكتب جُمَل الضرب والقسمة الممثلة الآن. $3 = 15 \div 5, 5 \times 3 = 15$ ساعدهم على فهم العلاقة بين حقائق الضرب والقسمة من خلال توضيح مجموعة الحقائق. استمر باستخدام حقائق أخرى.**

واجباتي المنزلية

قم بتعيين واجب منزلي بعد إكمال الدرس بنجاح.
يمكن للطلاب الذين يستوعبون المفاهيم تجاوز قسم **مساعد الواجب المنزلي**.

حل المسائل

4 استخدام نماذج الرياضيات

التدريب 4 اطلب من الطلاب رسم مخطط لتمثيل كل الطرق الممكنة لترتيب الصور الموجودة في اليوم صور محمود. صف واحد من 6، 6 صفوف من 1، صفان من 3، 3 صفوف من 2.

مراجعة المفردات

6 مراعاة الدقة

التدريب 6-9 أثناء استكمال الطلاب للأنشطة الواردة في هذه التمارين، اطلب منهم الرجوع إلى الجزء "بطاقات المفردات" للحصول على مساعدة إضافية في كتابة الكميات بطريقة ملائمة.

تمرين على الاختبار

تشخيص أخطاء الطلاب

قد تشير توجيهات طلاب الصف في الإجابات الخاطئة إلى شيوع أخطاء أو مفاهيم خاطئة بين الطلاب.

- A عدم تحديد حقائق الضرب
- B صحيح
- C عدم تحديد حقائق ضرب
- D حقائق الضرب غير مترابطة

التدريب التكويني

أسئلة الربط التناظري اطلب من الطلاب إكمال الربط التناظري التالي:
يشبه الضرب _____ لأن _____. الإجابة النموذجية: يشبه الضرب القسمة لأن حقائق الضرب يمكن استخدامها لحل حقائق القسمة.

حل المسائل

3. تطومت غلياء لمدة 24 ساعة الشهر الرياضي للعمل في مأوى للحيوانات. فإذا تطومت نفس عدد الساعات كل أسبوع لمدة 4 أسابيع، فكم عدد الساعات التي تطومت بها كل أسبوع؟

6 ساعات

4. الممارسة تمثيل مسائل الرياضيات النقط محدود 36 صورة عندما كان في عطلة. ويرغب في وضعها في اليوم صور. وسوف يضع 6 صور في كل صفحة. فكم عدد الصفحات التي سيستخدمها؟

6 صفحات

5. أعطت أم ميا ليا وأختها AED 21 لإنفاقها على مشاهدة ما يروق لهن من أفلام. فإذا كانت كل فتاة ستحصل على نفس المبلغ، فما المبلغ الذي ستحصل عليه كل منهن لإضافة؟

AED 7

مراجعة المفردات

6. استخدم المفردات الواردة أدناه لتسمية كل جزء من أجزاء المعادلتين.

المقسوم	المقسوم عليه	العامل	ناتج الضرب	ناتج القسمة
24	4	6	24 ÷ 4 = 6	4 × 6 = 24

ناتج القسمة المقسوم عليه المقسوم

حاصل الضرب العامل

حل كل مصطلح بطريقة.

7. التسمية

8. مجموعة الحقائق

9. الضرب

تمرين على الاختبار

10. أي مما يلي يعد إحدى حقائق الضرب المترابطة للمعادلة 18 ÷ 3 = 6؟

Ⓐ 18 ÷ 2 = 9 Ⓑ 6 × 3 = 18 Ⓒ 18 - 12 = 6 Ⓓ 6 × 4 = 24

الاسم

الدرس 1 العلاقة بين الضرب والقسمة

واجباتي المنزلية

مساعد الواجب المنزلي

اكتب مجموعة حقائق للمصدقة:

يوجد صفان كل منهما يحتوي على 4 كرات. وبهذا يكون الإجمالي 8 كرات. وتمثل الأعداد في مجموعة الحقائق 2 و 4 و 8.

2 × 4 = 8 8 ÷ 2 = 4
4 × 2 = 8 8 ÷ 4 = 2

أوجد 2 ÷ 14. استخدم أحد حقائق الضرب المترابطة.

فكر، 2 × 7 = 14
بإستخدام حقائق الضرب المترابطة 2 × 7 = 14
14 ÷ 2 = 7

تمرين

اكتب مجموعة حقائق لكل مجموعة من الأعداد.

1. 3، 6، 18
3 × 6 = 18
18 ÷ 6 = 3
6 × 3 = 18
18 ÷ 3 = 6

2. 2، 5، 10
2 × 5 = 10
10 ÷ 5 = 2
5 × 2 = 10
10 ÷ 2 = 5