

خاصية التوزيع ونواتج القسمة الجزئية

التركيز

أوجد نواتج القسمة ذات الأعداد الكلية وباقي القسمة الذي يحتوي على قيم مقسومة تصل إلى أربعة أرقام وقيم مقسوم عليها تحتوي على رقم واحد، باستخدام الإستراتيجيات القائمة على القيمة المكانية وخصائص العمليات والعلاقة بين الضرب والقسمة أو أي من ذلك. اشرح الإستراتيجية وأسباب اختيارها.

الممارسة

- 1 فهم طبيعة المسائل والمثابرة في حلها
- 3 بناء فرضيات عملية والتعليق على طريقة استنتاج الآخرين
- 5 استخدام الأدوات الملائمة بطريقة إستراتيجية
- 6 مراعاة الدقة
- 8 البحث عن التوافق في الاستنتاجات المتكررة والتعبير عنه

التربط المنطقي

الربط بالموضوعات الرئيسة

مع الربط بمجال التركيز المهم التالي: 1. تطوير الفهم والتمرس في عمليات الضرب متعددة الأعداد، وتطوير فهم عملية القسمة لإيجاد نواتج القسمة عند استخدام مقسوم متعدد الأعداد.

الدقة

تزداد صعوبة التمارين مع تقدّم الدرس.

ومع ذلك، قد يتباين تفكير الطلاب الفردي خلال عملية الممارسة الموسّعة.

مستويات الصعوبة

- المستوى 1 استيعاب المفاهيم
 - المستوى 2 تطبيق المفاهيم
- الرسم: التجربة
التمارين 1-14

هدف الدرس

أن يستخدم الطلاب خاصية التوزيع ونواتج القسمة الجزئية في القسمة.

مراجعة

مسألة اليوم

ناتج ضرب عددين يساوي 1,500. الفرق بين العددين يساوي 20. ما هي تلك الأعداد؟
اكتب الحل هنا.

$$50, 30; \text{ الإجابة النموذجية: } 50 \times 30 = 1,500, 50 - 30 = 20$$

1 فهم المسائل اطلب من الطلاب إعادة النظر في المسألة. أسألهم ما الإستراتيجية التي استخدموها لحل المسألة.

تتوفر مراجعة إضافية في نهاية الوحدة.

تنمية المفردات

مفردات جديدة

النواتج الجزئية للقسمة (partial quotients)

النشاط

- اطلب من الطلاب إكمال النشاط على ظهر "بطاقات المفردات".
- اطلب من الطلاب العمل في مجموعات صغيرة لمناقشة إجاباتهم عن النشاط.
- **8 الاستنتاج المتكرر** أنت تعرف طريقة استخدام إستراتيجية حواصل الضرب الجزئية. نواتج القسمة الجزئية شبيهة بحواصل الضرب الجزئية. كوّن فرضية بخصوص أوجه التشابه التي تعتقد أنها قد تكون بينهما. **الإجابة النموذجية:** يوجد ناتج القسمة لكل قيمة مكانية على حدة.

ارسمها

اقرأ المثال بصوت مرتفع.

اكتب $4 \div 484$ على السبورة.

يكننا وضع نموذج العدد 484 في صورة $(400 + 80 + 4)$ لتسهيل عملية القسمة.

اكتب $4 + 80 + 400 = 484$ على السبورة. ارسم رسماً تخطيطياً مشابهاً للرسم الموجود في كتاب الطالب والذي يوضح مستطيلاً مقسماً وعليه علامات بالأعداد 400 و 80 و 4.

اقسم كل قسم على 4. ما ناتج $4 \div 400$ ؟ 100

ما ناتج $4 \div 80$ ؟ 20 ما ناتج $4 \div 4$ ؟ 1

تحقق من أن الطلاب يضيفون عدد الأصفار الصحيح لكل ناتج قسمة.

1 فهم طبيعة المسائل كيف يمكنك تقسيم أحد مضاعفات العدد 10؟ الإجابة النموذجية: أقسم المعطى الأساسي ثم أضيف العدد الصحيح من الأصفار.

اجمع نواتج القسمة. ما ناتج $100 + 20 + 1$ ؟ 121

إذا ما ناتج $4 \div 484$ ؟ 121

كيف يمكنك التحقق من إجابتك؟ $121 \times 4 = 484$

استمر في مناقشة نواتج القسمة الجزئية.

جرب ذلك

اقرأ المثال بصوت مرتفع. أرشد الطلاب أثناء حل $625 \div 5$. اقترح عليهم أن يأخذوا الأعداد المتوافقة بعين الاعتبار عند استخدام نواتج القسمة الجزئية.

ما العدد الأقرب إلى 625 الذي يتوافق مع 5؟ الإجابة النموذجية: 500

ما العدد الأقرب إلى 125 الذي يتوافق مع 5؟ الإجابة النموذجية: 100

ما الذي تلاحظه بشأن العددين 25 و 5؟ الإجابة النموذجية: إنهما عدنان متوافقان بالفعل حيث إن العدد 5 يمثل أحد عوامل العدد 25.

اجمع الآن نواتج القسمة الجزئية. ما ناتج $100 + 20 + 5$ ؟ 125

6 مراعاة الدقة كيف تعرف أن إجابتك منطقية؟ ما الإستراتيجية التي ستراعي استخدامها؟ شجعهم عند الضرورة على اكتشاف الأخطاء المحتملة في طريقة تفكيرهم.

تحدث عن هذه الطريقة

3 بناء الفرضيات ساهم في تيسير مناقشة بخصوص تمارين تحدث عن هذه الطريقة

لمساعدة الطلاب في الربط بين الإستراتيجيتين. ساعد الطلاب لبناء نماذج المساحة الخاصة بهم. اقترح عمل مستطيل كبير ثم تقسيمه إلى ثلاثة أقسام تكون متناسبة مع الأعداد.

نواتج القسمة الجزئية طريقة قسمة يتم فيها تقسيم المقسوم إلى أجزاء يسهل قسمتها.

التجربة

يوجد 625 قطعة صابون، ستستوعب كل علبه 5 قطع من الصابون، كم عدد علب الهدايا التي يمكن تعبئتها بالصابون؟

أوجد ناتج $5 \div 625$ باستخدام نواتج القسمة الجزئية.

1 أقم المئات

العدد 500 قريب من العدد 625 ويتوافق مع العدد 5.
اقسم 500 على 5.
100 يمثل ناتج قسمة جزئي.

اطرح 500 من 625.

2 أقم العشرات

العدد 100 قريب من العدد 125 ويتوافق مع العدد 5.
اقسم 100 على 5.
20 يمثل ناتج قسمة جزئي.

اطرح 100 من 125.

3 أقم الأحاد

العدد 25 على 5.
اقسم 25 على 5.
5 يمثل ناتج قسمة جزئي.

إذاً، يمكن صناعة **125** علبه هدايا.

4 اجمع نواتج القسمة الجزئية.

$100 + 20 + 5 = 125$
 $625 \div 5 = 125$

التفسير

1. ارسم نموذج مساحة يمكن استخدامه لإيجاد ناتج $2 \div 346$ باستخدام خاصية التوزيع.

2. **الممارسة** قورب الاستنتاج ما مدى الشابه بين نواتج القسمة الجزئية وحواصل الضرب الجزئية؟

الإجابة النموذجية: كلتا الطريقتين تقسم الأعداد إلى أجزاء لحل المسألة ثم تجميعها مرة أخرى مع بعضها.

ملاحظات

| | | |
|-----|----|---|
| 150 | 20 | 3 |
| 300 | 40 | 6 |

نشاط عملي

الدرس 8

السؤال الأساسي

كيف تشرح القسمة على الأعداد؟

خاصية التوزيع ونواتج القسمة الجزئية

لقد استخدمت خاصية التوزيع في الضرب، وقد ساعدك أيضاً في القسمة.

الرسم

ذهب فارس وإخوته الثلاثة جيباً لتضاه الإجازة في أماكن متنوعة. سافروا مسافة 484 كيلومتراً إجمالاً. وقد سافر كل واحد منهم المسافة ذاتها. فكم عدد الكيلومترات التي قطعها كل واحد منهم؟

أوجد ناتج $4 \div 484$

1 ضع نموذج العدد 484 في صورة $(400 + 80 + 4)$.

| | | |
|-----|----|---|
| 400 | 80 | 4 |
|-----|----|---|

2 اقم كل قسم على 4. اكتب كل ناتج قسمة فوق الشريط.

| | | |
|-----|----|---|
| 100 | 20 | 1 |
|-----|----|---|

$400 \div 4 = 100$
 $80 \div 4 = 20$
 $4 \div 4 = 1$

3 اجمع نواتج القسمة. $100 + 20 + 1 = 121$

إذاً، قطع كل واحد منهم مسافة **121** كيلومتراً.

$484 \div 4 = 121$
 $121 \times 4 = 484$

تحقق استخدام الضرب للتحقق من مسألة القسمة.

تدريب عملي

اطلب من الطلاب إتمام التمارين الموجودة في صفحة **تدريب عملي** كل طالب بمفرده أو في مجموعات زوجية أو مجموعات صغيرة. سيحتاج الطلاب إلى استخدام نماذج المساحة لحل التمارين 3-6. قد ترغب في أن تطلب منهم عمل نماذج المساحة لجميع المسائل. تحقق لتأكد أن الطلاب يفهمون طريقة استخدام القيمة المكانية لقسمة كل عدد في نموذج المساحة. تابع تقدم الطلاب أثناء حل التمارين. مع التوجيه والتدخل إذا لزم الأمر.

طبقتها

استخدم التمارين لتعزيز مهارات حل المسائل وطريقة استخدام نماذج المساحة وخاصة التوزيع ونواتج القسمة الجزئية لقسمة الأعداد المكونة من ثلاثة أرقام.

5 استخدام الأدوات الملائمة

التمارين 9-12 اقترح على الطلاب استخدام نماذج المساحة لحل هذه التمارين. وكذلك قدم للطلاب ورقة رسم بياني لتوضيح الحل.

6 مراعاة الدقة

التمارين 13 اطلب من الطلاب استخدام نواتج القسمة الجزئية لإيجاد ناتج $180 \div 4$. ثم اجعلهم يقارنون إجاباتهم بالخيارات في المسألة لتحديد أي الخيارات أكثر منطقية.

الاستفادة من السؤال الأساسي

يوفر التمرين **اكتب فقرة عنها** فرصة للطلاب لكي يعبروا عن موضوع معين، وبناء الفهم المطلوب للإجابة عن السؤال الأساسي للوحدة.

الاسم

التدريب

اقص، استخدم خاصية التوزيع. أكمل نماذج المساحة.

4. $848 \div 4$

| | | | |
|---|-----|----|---|
| | 200 | 10 | 2 |
| 4 | 800 | 40 | 8 |

$200 + 10 + 2 = 212$

$848 \div 4 = 212$

اقص، استخدم خاصية التوزيع. ارم نماذج المساحة.

6. $442 \div 2$

| | | | |
|---|-----|----|---|
| | 200 | 20 | 1 |
| 2 | 400 | 40 | 2 |

$200 + 20 + 1 = 221$

$442 \div 2 = 221$

اقص، استخدم خاصية التوزيع أو نواتج القسمة الجزئية.

8. $4 \overline{)924}$

| | |
|---|-----|
| | 200 |
| | 124 |
| - | 120 |
| | 4 |
| - | 4 |
| | 0 |

$200 + 30 + 1 = 231$

3. $624 \div 2$

| | | | |
|---|-----|----|---|
| | 300 | 10 | 2 |
| 2 | 600 | 20 | 4 |

$300 + 10 + 2 = 312$

$624 \div 2 = 312$

5. $669 \div 3$

| | | | |
|---|-----|----|---|
| | 200 | 20 | 3 |
| 3 | 600 | 60 | 9 |

$200 + 20 + 3 = 223$

$669 \div 3 = 223$

الطرق النموذجية: 7, 8

7. $7 \overline{)826}$

| | |
|---|-----|
| | 100 |
| | 126 |
| - | 70 |
| | 56 |
| - | 56 |
| | 0 |

$100 + 10 + 8 = 118$

التطبيق!

استخدم خاصية التوزيع أو نواتج القسمة الجزئية لحل التمارين 9-12.

9. يحتاج والد مازن AED 165 لشراء حقيبة جديدة. إذا كان يدخر مبلغًا متساويًا لمدة 3 أسابيع، فكم يدخر في الأسبوع؟

AED 55

10. يحضر 567 شخصًا مباراة كرة السلة. تقسم الدرجات إلى 9 أقسام، ويوجد عدد متساوٍ من الأشخاص في كل قسم. فكم عدد الأشخاص في كل قسم؟

63 شخصًا

11. **الممارسة** استخدم أدوات الرياضيات عبرت السيدة أسماء 224 كعكة في مخبزها، وهي تخبز في صحنين في علب العرض لديها. كم عدد الكعك في كل صنف؟

112 كعكة

12. في التمرين 10، لماذا لا يمكن استخدام خاصية التوزيع لحل المسألة؟

500 و 60 و 7 لا تقبل القسمة على 9.

13. **الممارسة** اشرح ترميز عند إيجاد ناتج $4 \div 180$ ، فويل 40 أم 60. تمثل الناتج الجزئي الأكثر منطقية؟ اشرح إجابتك لترميز.

40. لأن $160 \times 4 = 640$ قريبة من 180.

كتابة نبذة

14. لماذا تعد خاصية التوزيع ونواتج القسمة الجزئية مفيدة عند القسمة؟

هذه الإستراتيجيات تتيح رؤية القيمة المكانية لكل عدد لتسهيل قسمته.

Copyright © Pearson Education, Inc., or its affiliate(s). All rights reserved.

Copyright © Pearson Education, Inc., or its affiliate(s). All rights reserved.

واجباتي المنزلية

قم بتعيين واجب منزلي بعد إكمال الدرس بنجاح.
يمكن للطلاب الذين يستوعبون المفاهيم تجاوز قسم مساعد الواجب المنزلي.

حل المسائل

5 استخدام الأدوات الملائمة

التمرين 3 سمح للطلاب بمشاركة الإستراتيجية والأدوات التي استخدموها لتصور ذلك التمرين.

مراجعة المفردات

اطلب من الطلاب كذلك الرجوع إلى "بطاقة مفرداتي" لمزيد من المساعدة.

فكر ووضح

اجعل الطلاب يستخدمون خاصية التوزيع أو نواتج القسمة الجزئية لإيجاد ناتج $655 \div 5$.
اطلب منهم توضيح كيفية حل المسألة. 131؛ راجع عمل الطلاب.

حل المسائل

3. **الممارسة** استخدام أدوات الرياضيات يوجد في متجر لأعمال الحدائق 868 نباتاً. وذلك النباتات مخصصة بالتساوي إلى مجموعتين. فكم عدد النباتات في كل مجموعة؟

434 نباتاً

أوجد ناتج $375 \div 5$.
يمكن استخدام خاصية التوزيع ونموذج الساحة في القسمة.

1. ضع نموذجاً للعدد 375 في صورة $(5 + 70 + 300)$.

| | | | |
|---|-----|----|---|
| 5 | 300 | 70 | 5 |
|---|-----|----|---|

2. اقم كل قسم على 5.

| | | |
|----|----|---|
| 60 | 14 | 1 |
|----|----|---|

3. اجمع نواتج القسمة الجزئية.
 $60 + 14 + 1 = 75$
 $375 \div 5 = 75$

إذًا، $375 \div 5 = 75$

تحقق
اضرب للتحقق من إجابتك.
 $5 \times 75 = 375$ إذا الإجابة صحيحة.

تمرين
اقسم. استخدم خاصية التوزيع. أقم نماذج الساحة.

1. $639 \div 3$

| | | | |
|---|-----|----|---|
| 3 | 600 | 30 | 9 |
|---|-----|----|---|

$200 + 10 + 3 = 213$
 $639 \div 3 = 213$

2. $336 \div 6$

| | | | |
|---|-----|----|---|
| 6 | 300 | 30 | 6 |
|---|-----|----|---|

$50 + 5 + 1 = 56$
 $336 \div 6 = 56$

مراجعة المفردات

6. اشرح لماذا يمكن أن يكون من الصعب استخدام نواتج القسمة الجزئية عند القسمة.
الإجابة النموذجية: نواتج القسمة الجزئية مفيدة لأنه يمكن تقسيم المقسوم إلى أجزاء يسهل التعامل معها.

واجباتي المنزلية

الدرس 8

شاهد عملي خاصية التوزيع ونواتج القسمة الجزئية

مساعد الواجب المنزلي

أوجد ناتج $375 \div 5$.
يمكن استخدام خاصية التوزيع ونموذج الساحة في القسمة.

1. ضع نموذجاً للعدد 375 في صورة $(5 + 70 + 300)$.

| | | | |
|---|-----|----|---|
| 5 | 300 | 70 | 5 |
|---|-----|----|---|

2. اقم كل قسم على 5.

| | | |
|----|----|---|
| 60 | 14 | 1 |
|----|----|---|

3. اجمع نواتج القسمة الجزئية.
 $60 + 14 + 1 = 75$
 $375 \div 5 = 75$

إذًا، $375 \div 5 = 75$

تحقق
اضرب للتحقق من إجابتك.
 $5 \times 75 = 375$ إذا الإجابة صحيحة.

تمرين
اقسم. استخدم خاصية التوزيع. أقم نماذج الساحة.

1. $639 \div 3$

| | | | |
|---|-----|----|---|
| 3 | 600 | 30 | 9 |
|---|-----|----|---|

$200 + 10 + 3 = 213$
 $639 \div 3 = 213$

2. $336 \div 6$

| | | | |
|---|-----|----|---|
| 6 | 300 | 30 | 6 |
|---|-----|----|---|

$50 + 5 + 1 = 56$
 $336 \div 6 = 56$