

المقارنة لحل المسائل

التركيز

حل مسائل من الحياة اليومية باستخدام أعداد كلية تتضمن مقارنة خاصة بعملية الضرب (على سبيل المثال عن طريق استخدام الرسومات والمعادلات مع رمز يشير إلى العدد مجهول لتمثيل المسألة). مع تمييز المقارنة الخاصة بالضرب عن تلك الخاصة بعملية الجمع.

المهارسات

- 1 فهم طبيعة المسائل والمثابرة في حلها.
- 2 التفكير بطريقة تجريدية وبطريقة كميّة.
- 3 بناء فرضيات عملية والتعليق على طريقة استنتاج الآخرين.
- 4 استخدام نماذج الرياضيات.
- 6 مراعاة الدقة.
- 7 محاولة إيجاد البنية واستخدامها.

الترباط المنطقي

الربط بالموضوعات الرئيسية

الربط بهيكل التركيز المهم التالي: 1. تطوير الفهم والتمرس في عمليات ضرب الأعداد متعددة الأرقام. وتطوير فهم عملية القسمة لإيجاد نواتج القسمة لعمليات القسمة التي تحتوي على مقسومات بها أعداد متعددة الأرقام.

الدقة

تزداد صعوبة التمارين مع تقدّم الدرس. ومع ذلك، قد يتباين تفكير الطلاب الفردي خلال عملية المعالجة الموسّعة.

مستويات الصعوبة

- المستوى 1 استيعاب المفاهيم
- المستوى 2 تطبيق المفاهيم
- المستوى 3 توسيع المفاهيم

تمرين 1

التمارين 2-9

التمارين 10-15

هدف الدرس

سيستخدم الطلاب المقارنة لحل المسائل.

تنمية المفردات

مراجعة المفردات

اقسم (divide)

اضرب (multiply)

اجمع (add)

قارن (compare)

اطرح (subtract)

النشاط

- **استخدام نماذج الرياضيات** اختر طالبين للقدوم أمام السبورة وتمثيل الكلمتين جمع وضرب. اشرح لهم أنه يمكنهم كتابة الأمثلة أو رسمها. **ما أوجه الشبه والاختلاف بينهما؟**
- اذكر بعض عبارات المقارنة التي وجدتها في مسائل لفظية. ما العملية التي استخدمتها لحل تلك المسائل؟ **الضرب**
- تدلك بعض عبارات المقارنة إلى الجمع أو الطرح. انظر إلى الصفحة الأولى من الدرس. علّق على الكلمات الواردة في الجدول الأول. ناقش الاختلافات بين العبارات في الجدولين.

2 الاستقصاء واستخدام النماذج



تمثيل مسائل الرياضيات

الهدف: المهارة والتمرس الإجرائيان

المواد: مكعب أعداد، مكعبات ربط، بطاقات فهرسة

دحرج مكعب الأعداد.

استخدم مكعبات الربط لبناء قطار مكعبات بحيث يساوي طوله العدد الموجود على مكعب الأعداد.

استخدم بطاقة فهرسة لكتابة رقمك.

على بطاقات فهرسة أخرى، اكتب إشارة الضرب ورمز "يساوي".

دحرج مكعب الأعداد مرة أخرى. اكتب العدد على بطاقة فهرسة أخرى.

أنشئ معادلة باستخدام هذه البطاقات.

استخدم المكعبات لتمثيل المعادلة وحلها. اكتب إجابتك على بطاقة فهرسة أخيرة.

كرر ذلك في مجموعات أو مجموعات ثنائية.

مراجعة

مسألة اليوم

تعد أسماء وعائشة الأعداد بالتجاوز بمقدار 3 في كل مرة. فإذا بدأت أسماء بالعدد 3، فستقول عائشة 6، ثم تقول أسماء 9 وهلم جرا. فما الرقم السابع الذي سيقوله كل منهما؟
أسماء: 39، عائشة: 42

4 استخدام نماذج الرياضيات اشرح كيف نظمت معلوماتك لحل المسألة. ستختلف الإجابات.

تدريب سريع

استخدم هذا النشاط باعتباره مراجعة وتقويًا سريعين للدرس السابق.

الربط بالأدب

اقرأ أحد الكتب العامة، مثل *Amanda Bean's Amazing Dream* (الحلم المدهش لأماندا بين) من تأليف سيندي نيوشواندر. لإعداد الطلاب لهذا الدرس.

الرياضيات في حياتي

مثال 1

اقرأ المثال بصوت مرتفع.

كم عدد المرات التي ذهب فيها باسل إلى المتنزّه المائي؟ 4 مرات

كم عدد المرات التي ذهبت فيها سارة إلى المتنزّه المائي؟ 3 أضعاف مرات باسل

اكتب $s = 4 \times 3$ على السبورة. كيف يمكنك تمثيل عملية الضرب؟ الإجابة النموذجية: ارسـم 3 مجموعات مكونة من 4. كم عدد المرات التي ذهبت فيها سارة إلى المتنزّه المائي؟ 12 مرة

3

تحقق من مدى صحة الحل اطلب من الطلاب أن يراجعوا المسألة للتأكد من مدى صحة الإجابة. ثم اطلب منهم شرح استنتاجهم لزميل.

مثال 2

اقرأ المثال بصوت مرتفع. يمكنك استخدام رمز لتمثيل قيمة مجهولة. في هذه المسألة سوف نستخدم مربعاً رمادياً لتمثيل عدد بطاقات البيسبول التي مع أحمد. قوموا بحل المسألة معاً بينما يكتب الطلاب الحل في كتبهم.

7

استخدام البنية ناقش كيف أن الحقائق المترابطة في مجموعة الحقائق يمكن أن تساعد في التوصل إلى حل يتعلق بقيمة مجهولة. ما الإستراتيجية الأخرى التي يمكنك استخدامها عند إيجاد حل يتعلق بقيمة مجهولة؟ الإجابة النموذجية: رسم صورة

تمرين موجه

6

مراعاة الدقة ذكّر الطلاب أن المتغير هو رمز يُستخدم للتعبير عن المجهول. في هذه الحالة، إلام يرمز المتغير b؟ يشير إلى الكمية الإجمالية. ناقش التمارين الواردة في الجزء "تمرين موجه" مع الطلاب.

حديث في الرياضيات: محادثة تعاونية

3

بناء الفرضيات كيف يمكن تمثيل الأعداد المجهولة في المعادلات؟ الإجابة النموذجية: من خلال رموز أو مربعات رمادية أو متغيرات مثل الحروف



مثال 2

سندية لديها 18 بطاقة بيسبول. وما تشكك يعادل 6 مرات عدد بطاقات البيسبول التي يمتلكها محمد. فكم عدد بطاقات البيسبول التي يمتلكها محمد؟

اكتب معادلة لتفرض أن \square يمثل عدد بطاقات البيسبول التي يمتلكها محمد.

$\square \times 6 = 18$

حيث إن $18 \div 6 = \square$. فأت تعرف أن $\square = 3$ استخدم مجموعة حقائق

ارسم 6 مجموعات متساوية من المربعات. ارسـم 18 مربعاً إجمالاً:

الإجابة النموذجية:

□ □ □ □ □ □

□ □ □ □ □ □

□ □ □ □ □ □

توجد 3 مربعات في كل مجموعة.

$3 = 18 \div 6$ إذاً، محمد لديه 3 بطاقات بيسبول.

تمرين موجه

1. تشكك هناك ثلاثة أضعاف عدد الخرز الذي يمتلكه حارب. وبتلك حارب 8 عذرات. فكم عدد حبات الخرز التي تشككها هنا؟ اكتب معادلة لإيجاد العدد المجهول. استخدم متغيراً لتمثيل المجهول.

$3 \times \square = 8$

$\square = 24$

كيف يمكن تمثيل الأعداد المجهولة في المعادلات؟



المقارنة لحل المسائل

مقارنة الضرب

كم عدد مرات زيادة

كم ضعفاً يزيد

مقارنة الجمع

ما مقدار زيادة

كم يزيد

ما مقدار النقصان

المثال 1

ذهب أحمد إلى المتنزّه المائي 14 مرات، وذهبت سالي إلى المتنزّه المائي ثلاث أضعاف عدد مرات ذهب أحمد. فكم عدد المرات التي ذهبت فيها سالي إلى المتنزّه المائي؟

اكتب معادلة لإيجاد القيمة المجهولة. يمكنك استخدام حرف أو متغير لتمثيل القيمة المجهولة.

القيمة المجهولة: عدد المرات التي ذهبت فيها سالي إلى المتنزّه المائي

$4 \times \square = 5$

ارسم صورة توضح 3 أضعاف العدد 4، أو 3 مجموعات من 4.

تعرض الصورة مجموعاً يبلغ 12.

إذاً، $4 \times 3 = 12$

وحيث إن $5 = 12$. فإن سالي ذهبت إلى المتنزّه المائي 12 مرّة.

ملاحظة



تمارين ذاتية

RtI استنادًا إلى ملاحظتك، يمكنك اختيار تكليف الطلاب بالتمارين حسب الموضع في المستويات أدناه.

- **قريب من المستوى** كلف الطلاب بحل التمارين 2-8 (زوجي)، 10، 11، 14، 15.
- **ضمن المستوى** كلف الطلاب بحل التمارين 3، 5-15.
- **أعلى من المستوى** كلف الطلاب بحل التمارين 5-15.

2 التفكير بطريقة كمية

التمرينان 2 و 3 لتتمكن من كتابة معادلة لمسألة مقارنة تتعلق بعملية الضرب بطريقة صحيحة، ستحتاج إلى تحديد، "ما القيمة المجهولة؟" لذا أسأل نفسك، "هل القيمة المجهولة هي عدد المجموعات أم العدد في كل مجموعة أم المجموع؟" أو "هل القيمة المجهولة هي الفرق بين الكميتين أم مجموع الكميتين؟"

حل المسائل

1 فهم طبيعة المسائل

التمرينان 10-13 وجه الطلاب لكتابة معادلة بها قيمة مجهولة للمساعدة في تنظيم المعلومات في هذه التمارين ثم حلها.

1 المثابرة في حل المسائل

التمرينان 12 و 14 إذا كان يصعب على طالب حل هذه المسائل، فاقترح عليه استخدام قطع عد أو رسم صورة لتمثيل المسألة.

الاستفادة من السؤال الأساسي

التمرين 15 اطلب من الطلاب الاعتماد على استيعابهم للمفاهيم اللازمة للإجابة عن السؤال الأساسي للوحدة.

التقييم التكويني

بطاقات الإجابة اطلب من الطلاب قراءة عبارة مقارنة. اطلب منهم تسجيل رمز (رموز) العملية التي تشير إليها العبارة الموجودة على سبورتهم البيضاء. كم ضعفًا يزيد \times أو \div كم عدد المرات الزائدة $+$ أو $-$ كم يقل $+$ أو $-$ مرتان بنفس العدد \times أو \div مرتان بنفس الكمية \times أو \div

RtI انظر الصفحة التالية للاطلاع على خيارات التدريس المتمايز.

حل المسائل

10. قرأ جمال 24 صفحة خلال عطلة هذا الأسبوع. وبمعدل ذلك أربعة أضعاف عدد الصفحات التي قرأها في عطلة الأسبوع الماضي. فكم عدد الصفحات التي قرأها في عطلة الأسبوع الماضي؟

6 صفحات

11. يبلغ طول نبتة فاصوليا 8 سنتيمترات. ويبلغ طول نبتة ذرة خمسة أضعاف نبتة الفاصوليا. فكم يبلغ طول نبتة الذرة بالسنتيمترات؟

40 سنتيمترًا

12. الممارسة **التخطيط للحل** استخدم حديد 10 كميات إضافية عن التي استخدمها حينئذ، واستخدم حديد 7 كميات. فكم عدد الكميات التي استخدمها حينئذ؟

17 كميات

13. يدل عدد طيور الروبن عن طيور الكرنديال بنحو 10. ويبلغ عدد طيور الكرنديال 16 طائرًا. فكم عدد طيور الروبن؟

6 من طيور الروبن

14. الممارسة **التحقق من مدى صحة الحل** أحرز محمد ثلاثة أضعاف عدد النقاط التي أحزنها مودة. وأحرز أسماء 9 نقاط أكثر من النقاط التي أحزنها مودة. وأحرز محمد 21 نقطة. فكم نقطة أحزنها أسماء؟

16 نقطة

15. الاستفادة من السؤال الأساسي كيف يمكنك توضيح الاختلاف بين مقارنة الجمع ومقارنة الضرب **الإجابة النموذجية:** مقارنة الجمع تطرح الأسئلة كم يزيد، أو كم عدد مرات أو ما مقدار انخفاض. أما مقارنة الضرب فتطرح السؤالين كم عدد مرات زيادة أو كم ضعفًا يزيد.

تمارين ذاتية

الجبر اكتب معادلة لإيجاد القيمة المجهولة.
استخدم رمزًا لتمثيل هذه القيمة.

2. رسم لبال 4 أضعاف عدد الصور التي رسمها صالح. وقد رسم لبال 16 صورة. فكم عدد الصور التي رسمها صالح؟

$4 \times \square = 16; \square = 4$

3. صنعت منى 21 قطعة من الكعك. ويساوي هذا ثلاثة أضعاف عدد قطع الكعك التي صنعتها مها. فكم عدد قطع الكعك التي صنعتها مها؟

$21 = 3 \times \square; \square = 7$

الجبر اكتب معادلة لإيجاد العدد المجهول.
استخدم متغيرًا لتمثيل العدد المجهول.

4. يجلس أيوب درس اللغة الفرنسية مرتين أسبوعيًا. ويجلس جمال درس اللغة الفرنسية خمس مرات أسبوعيًا. فكم مرة يزيد حضور جمال درس اللغة الفرنسية عن أيوب؟

$2 + d = 5; d = 3$

5. يدل عدد الأراب البيضاء عن عدد الأراب الرمادية بنحو 4 أراب. ويبلغ عدد الأراب البيضاء 9 أراب. فكم عدد الأراب الرمادية الموجودة؟

$g - 4 = 9; g = 13$

6. كم يزيد عدد الأخوية المشرفة عن عدد الأخوية؟

5

7. ما الشيء الذي تم بيعه بنحو 16 ريال ضمني عدد الخضار البنية؟

سراويل

8. أي التمارين الواردة في هذه الصفحة استخدمت الجمع أو الطرح للمقارنة؟ اذكرها.

4, 5, 6

9. أي التمارين الواردة في هذه الصفحة استخدمت الضرب أو القسمة للمقارنة؟ اذكرها.

2, 3, 7

العناصر المهيبة في متجر كبير	العدد المبيع	الخصم
خبز	4	
أمنية	7	
أرنب	2	
فستان	8	
سراويل	16	
مرايا	12	

أعلى من المستوى التوسع

نشاط عملي

اطلب من الطلاب كتابة مسألة من الحياة اليومية عن سياق دراجات بحيث يستخدمون مقارنتين خاصتين بعملية الضرب. اطلب منهم تبادل مسائلهم مع أحد زملاء لكتابة المعادلات والوصول إلى حل لها.

ضمن المستوى المستوى 1

نشاط عملي

اطلب من الطلاب كتابة مسألة مقارنة متعلقة بالجمع وأخرى متعلقة بالضرب. اطلب من الطلاب تبادل مسائلهم مع زميل لهم. ويتعين على الزملاء تمثيل ذلك باستخدام بطاقات العدّ وكتابة كل معادلة وحلها. ثم تسمية كل مسألة ووصفها إما كمقارنة خاصة بعملية الجمع أو الضرب.

قريب من المستوى المستوى 2: التدخل الإستراتيجي

نشاط عملي المواد: بطاقات العدّ

ارسم جدولين على السبورة.

المتجر "A"		المتجر "B"	
العنصر	متاح	العنصر	متاح
مصباح	3	مصباح	4 أضغاف
سجادة	5	سجادة	أصغر بمقدار 2

يستخدم الطلاب بطاقات العدّ لتمثيل المسائل باستخدام المعلومات المأخوذة من الجداول. ثم يكتبون معادلة لكل منها ويحلونها. مثال: المتجر "A" فيه 3 مصابيح. أما المتجر "B" فيوجد فيه 4 أضغاف عدد هذه المصابيح. فكم عدد المصابيح الموجودة في المتجر "B"؟

$$\text{مصباحا } 3 \times 4 = 12$$

واجباتي المنزلية

قم بتعيين واجب منزلي بعد إكمال الدرس بنجاح. يمكن للطلاب الذين يستوعبون المفاهيم تجاوز قسم **مساعد الواجب المنزلي**.

حل المسائل

1 فهم طبيعة المسائل

التدريب 4 اطلب من الطلاب تقييم ما إذا كانت كتابة معادلة بها متغير تعد خطوة مفيدة لحل المسألة أم لا. اطلب منهم شرح استنتاجهم. اطلب من الطلاب كتابة معادلة للجزء الثاني ثم حلها.

تمرين على الاختبار

تشخيص أخطاء الطلاب

قد تشير توجيهات الصف نحو الإجابات الخاطئة إلى شيوع أخطاء أو مفاهيم خاطئة بين الطلاب.

- A تم إجراء الطرح بدلاً من الضرب
- B لم يتم استيعاب المقارنة الخاصة بالضرب
- C تم إجراء الجمع بدلاً من الضرب
- D صحيحة

التقييم التكويني

بطاقات التطبيق اطلب من الطلاب كتابة تطبيقين من الحياة اليومية عما تعلموه من هذا الدرس.

حل المسائل

اكتب معادلة لإيجاد العدد المجهول. استخدم متغيراً لتمثيل هذا المجهول.

3. تحتوي حديفة أسماك كبيرة على 6 أسماك أكثر من حديفة أسماك صغيرة. وتوجد 19 سمكة في حديفة الأسماك الكبيرة. فكم عدد الأسماك في حديفة الأسماك الصغيرة؟

$6 + f = 19; f = 13$

4. **الممارسة** **التخطيط للحل** يمرض الجدول عدد قطارات البلاهي التي ركبها كل طالب في حديفة البلاهي.

الطالب	عدد قطارات البلاهي
سالي	18
مسر	15
سام	3
عائد	9

كم يزيد عدد قطارات البلاهي التي ركبها مسر مقارنة بسالي؟

$15 - 3 = 12; 12 = 12$

من ركب قطارات البلاهي ضعف عدد البرات التي ركبها خالد؟

سالي

تمرين على الاختبار

5. أي من التالي يعد 7 أضعاف العدد 15؟

- 2
- 5
- 12
- 35

واجباتي المنزلية

الاسم: _____

الدرس 4
المقارنة لحل المسائل

مساعد الواجب المنزلي

تستخدم مقارنات الجمع عملية الجمع أو الطرح للمقارنة. وتستخدم مقارنات الضرب عملية الضرب أو القسمة للمقارنة.

ذهبت مها لممارسة رياضة السباحة 7 مرات هذا الشهر. في حين ذهب أخوها 14 مرة هذا الشهر. فكم يزيد عدد مرات ذهب أخي مها إلى الساحة مقارنة بها؟

اكتب معادلة. لعرض أن b تمثل القيمة المجهولة.

$7 \times b = 14$
 $7 \times 2 = 14$
إذن، $b = 2$

ذهب أخو مها إلى الساحة ضعف عدد البرات التي ذهبت فيها مها.

تمرين

الجبر اكتب معادلة لإيجاد العدد المجهول.

استخدم رمزاً لتمثيل المجهول.

1. اكتسبت حمدة 25 AED. وهذا يعادل 5 أضعاف ما اكتسبته سهيل. فكم المبلغ الذي اكتسبته سهيل؟

$AED 25 = 5 \times ?; ? = AED 5$

2. سجل الفريق الأحمر 4 أهداف، وسجل الفريق الأزرق 3 أهداف هذه الأهداف. فكم عدد الأهداف التي سجلها الفريق الأزرق؟

$4 \times 3 = 12; 12 = 12$

اتخذ من هذا تقويمًا مرحليًا لتحديد ما إذا كان الطلاب يواجهون صعوبة. وإذا كان الأمر كذلك، فحدد الموضوعات التي يعانون في فهمها. انظر الصفحة التالية للاطلاع على خيارات التدريس المتميز.

مراجعة المفاهيم

هذه المفاهيم واردة في الدروس 4-1.

مراجعة الدروس	المفهوم	تمارين
2	الطرح المكرر	2, 3
1	مجموعات الحقائق	4-6

تمرين على الاختبار


تشخيص أخطاء الطلاب

اقد تشير توجهات الصف نحو الإجابات الخاطئة إلى شيوع أخطاء أو مفاهيم خاطئة بين الطلاب.

- A تمت القسمة بطريقة غير صحيحة
- B تمت القسمة بطريقة غير صحيحة
- C صحيحة
- D تم الطرح بدلاً من القسمة

حل المسائل

7. صنع محمود عصير الليمون باستخدام ثمرات الليمون الموضحة.



اكتب مجموعة حقائق لمجموع ثمرات الليمون.

$3 \times 4 = 12; 4 \times 3 = 12; 12 \div 3 = 4; 12 \div 4 = 3$

8. يوجد 21 سيدة في حديقة مائة بحديقة الحيوانات، ولتنظيف الحديقة المائية، يحتاج حارس الحديقة إلى وضع الأسماك في ثلاثة أحواض صغيرة، فإذا كان يوجد نفس عدد الأسماك في كل حوض، فكم عدد الأسماك الموجودة في كل حوض؟ استخدم الطرح المكرر للوصول إلى الحل.

7 أسماك

تدريب

9. الجير لدى مكي 5 أقلام رصاص، ولدى أخته ضعف عدد أقلام الرصاص هذه.

اكتب معادلة لإيجاد العدد المجهول، استخدم متغيرًا لتمثيل العدد المجهول.

$5 \times 2 = p; p = 10$

10. أوجد العدد الناقص. $15 \div 3 = \square$

تمرين على الاختبار

Ⓐ 1 Ⓒ 5
Ⓑ 3 Ⓓ 12

التحقق من مدى التقدم

مراجعة المفردات

1. اكتب كل كلمة من بنك المفردات هذا في المكان التعريفي الصحيح.

مجموعة الحقائق	المتقسم عليه	المتقسم
نتيجة القسمة	نتيجة الضرب	العامل

مجموعة الحقائق

$3 \times 2 = 6$ $6 \div 3 = 2$
 $2 \times 3 = 6$ $6 \div 2 = 3$

العامل المتقسم عليه نتيجة القسمة

نتيجة الضرب المتقسم عليه

استخدم الطرح المكرر للقسمة.

2. $18 \div 6 = \underline{3}$ 3. $28 \div 7 = \underline{4}$

اكتب مجموعة الحقائق لكل مجموعة من الأعداد.

4, 6, 4, 24	5, 7, 6, 42	6, 8, 4, 32
$6 \times 4 = 24$	$7 \times 6 = 42$	$8 \times 4 = 32$
$4 \times 6 = 24$	$6 \times 7 = 42$	$4 \times 8 = 32$
$24 \div 4 = 6$	$42 \div 6 = 7$	$32 \div 4 = 8$
$24 \div 6 = 4$	$42 \div 7 = 6$	$32 \div 8 = 4$

أعلى من المستوى التوسع

المسائل التي أحنق الطلاب فيها: 2 أو أقل

- استخدم ورقة عمل "الرياضيات في المنزل: وقت اللعب" من وحدة سابقة.
- استخدم لعبة "مراجعة المفردات" من وحدة سابقة.

ضمن المستوى المستوى 1

المسائل التي أحنق الطلاب فيها: 3 أو 4

- اطلب من الطلاب تصحيح المسائل التي أحنقوا فيها ووضح لهم الأخطاء التي وقعوا فيها.
- استخدم ورقة العمل الإثرائية من وحدة سابقة.
- استخدم ورقة عمل "الرياضيات في المنزل: وقت اللعب" من وحدة سابقة.
- استخدم لعبة "مراجعة المفردات" من وحدة سابقة.

قريب من المستوى المستوى 2: التدخل الإستراتيجي

المسائل التي أحنق الطلاب فيها: 5 أو أكثر

- يمكن أن يستخدم الطلاب أنشطة "قريب من المستوى" أو أنشطة الاستجابة للتدخل ضمن المستوى من المدرسين 1-2 من أجل مراجعة المفاهيم.
- لمراجعة المفاهيم باستخدام وسائل تعليمية يدوية. انتقل إلى جزء "الاستقصاء واستخدام النماذج" في المدرسين 1-2.