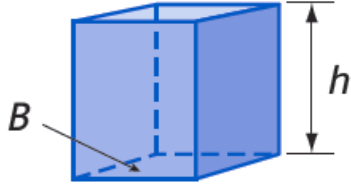


في هذا الدرس سوف أتعلم:

1- إيجاد حجم المنشور.

2- إيجاد حجم الأسطوانة.



$$V = Bh \text{ حجم المنشور}$$

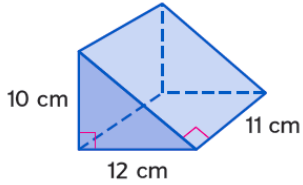
B هو مساحة القاعدة، h هو ارتفاع المنشور.

## حجم المنشور

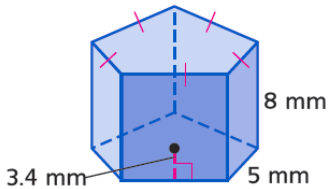
جد حجم المنشور.

$$A = \frac{1}{2}bh$$

$$\text{المساحة} = \frac{1}{2} (12) (11)$$

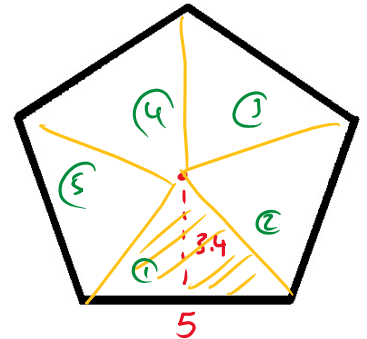


$$\begin{aligned} \text{الارتفاع} \times \text{مساحة القاعدة} &= \text{حجم المنشور} \\ V &= \text{مساحة القاعدة} \times h \\ &= \frac{1}{2} (12) (11) \times 11 \\ &= 660 \text{ cm}^3 \end{aligned}$$

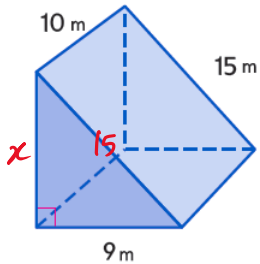


$$\begin{aligned} \text{حجم } V &= \text{مساحة القاعدة} \times h \\ &= \left[ \frac{1}{2} (5) (3.4) (5) \right] \times 8 \\ &= \boxed{340} \text{ mm}^3 \end{aligned}$$

نحسب B مساحة القاعدة



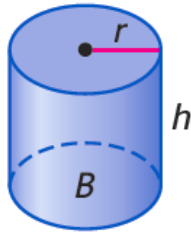
$$B = \left[ \frac{1}{2} (5) (3.4) \right] \times 5$$



$$\begin{aligned} V &= B \times h \\ &= \text{مساحة القاعدة} \times \text{ارتفاع الجسم} \\ &= \frac{1}{2} (9) (12) \times 10 \\ &= \boxed{540} \text{ m}^3 \end{aligned}$$

$$x = \sqrt{15^2 - 9^2}$$

$$= 12$$

حجم الأسطوانة  $V = Bh$ 

$$V = \pi r^2 h$$

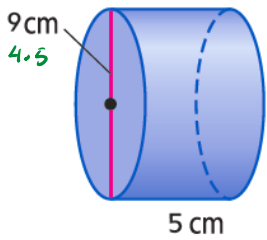
B هو مساحة القاعدة، h هو ارتفاع الأسطوانة،

r هو نصف قطر القاعدة.

## حجم الأسطوانة

$$\text{مساحة الدائرة} = \pi r^2$$

جد حجم الأسطوانة.

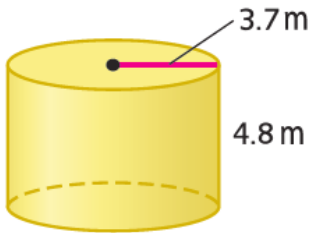


$$V = B \times h$$

$$= \text{مساحة الدائرة} \times \text{ارتفاع المجسم}$$

$$= \pi (4.5)^2 \times 5$$

$$= \boxed{318.1} \text{ cm}^3$$



$$V = B \times h$$

$$= \text{مساحة الدائرة} \times \text{ارتفاع المجسم}$$

$$= \pi (3.7)^2 \times 4.8$$

$$= \boxed{206.4} \text{ m}^3$$

جد حجم أسطوانة نصف قطرها 3 cm ، وارتفاعها 8 cm . قرب إلى أقرب جزء من عشرة.

$$V = B \times h$$

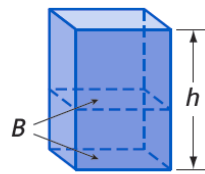
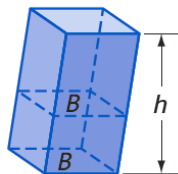
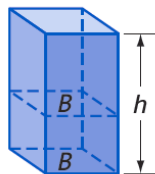
$$= \text{مساحة الدائرة} \times \text{ارتفاع المجسم}$$

$$= \pi (3)^2 \times 8$$

$$= \boxed{226.2} \text{ cm}^3$$

## المفهوم الأساسي مبدأ كافاليري

الشرح  
إذا كان لمجسمين نفس الارتفاع h ونفس مساحة المقطع العرضي B في كل المستويات، فإن لهما نفس الحجم.

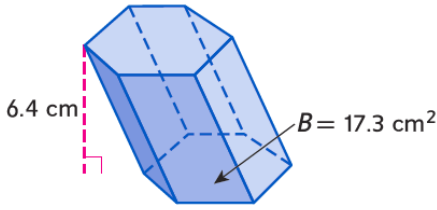


النماذج

حجم هذه المناشير هو  $Bh$ .

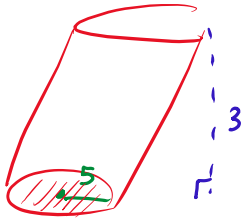
## حجم المجسم المائل

جد حجم منشور سداسي مائل إذا كان ارتفاعه 6.4 cm ، ومساحة قاعدته  $17.3 \text{ cm}^2$  .



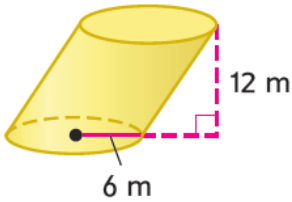
$$\begin{aligned} V &= B \times h \\ &= 17.3 \times 6.4 \\ &= \boxed{110.72} \text{ cm}^3 \end{aligned}$$

جد حجم أسطوانة مائلة نصف قطرها 5 cm ، وارتفاعها 3 cm . قرّب إلى أقرب جزء من عشرة.



$$\begin{aligned} V &= B \times h \\ &= \pi (5)^2 \times 3 \\ &= \boxed{235.6} \text{ cm}^3 \end{aligned}$$

جد حجم الأسطوانة.



$$\begin{aligned} V &= B \times h \\ &= \pi (6)^2 \times 12 \\ &= \boxed{1357.2} \text{ m}^3 \end{aligned}$$

## على الاختبار المعياري مقارنة أحجام المجسمات

يوجد لدى المنشورين A و B نفس الطول والعرض، ولكنها مختلفان في الارتفاع. إذا كان حجم المنشور B يزيد بمقدار 150 cm عن حجم المنشور A، فما طول كل منشور؟

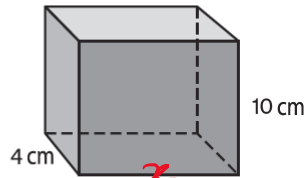
$$V_B - V_A = 150$$

$$4x(10) - 4x(7) = 150$$

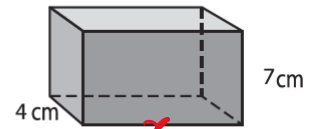
$$40x - 28x = 150$$

$$12x = 150$$

$$x = \frac{150}{12} = \boxed{12.5} \text{ A } 10 \text{ cm}$$

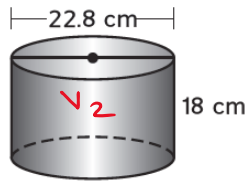
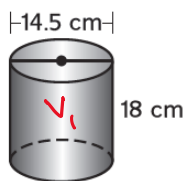


Prism B

B  $11\frac{1}{2}$  cm

Prism A

C 12 cm

D  $12\frac{1}{2}$  cm

تمتلئ الحاويتان الموضحتان على اليسار بالفشار. بكم مرة تزيد كمية الفشار الموجود في الحاوية الكبيرة عن الفشار الموجود في الحاوية الصغيرة؟

$$\begin{aligned} V_1 &= B h \\ &= \pi (7.25)^2 (18) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} V_2 &= B h \\ &= \pi (11.4)^2 (18) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \frac{V_2}{V_1} &= \frac{\pi (11.4)^2 (18)}{\pi (7.25)^2 (18)} \\ &= \frac{(11.4)^2}{(7.25)^2} \\ &= \boxed{2.5} \text{ مرة} \end{aligned}$$

F 1.6 مرة من كمية الفشار  
G 2.5 مرة من كمية الفشار  
H 3.3 مرة من كمية الفشار  
J 5.0 مرة من كمية الفشار