



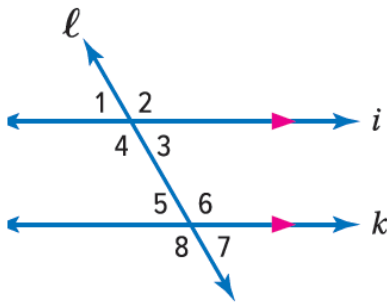
1- تصنيف علاقة كل زوج من الزوايا في الشكل على أنها داخلية متبادلة، أو خارجية متبادلة، أو متناظرة.

2- استخدام خصائص الزوايا الداخلية المتبادلة والخارجية المتبادلة والمتناظرة لإيجاد قياسات الزوايا الناقصة.

في هذا الدرس سوف نتعلم:

عندما يتقاطع مستقيمان في مستوى ويشكلان زوايا قائمة، يُطلق عليهما **مستقيمان متعامدان**. ويطلق على المستقيمين **مستقيمان متوازيان** عندما يكونان في المستوى نفسه ولا يتقاطعان.

التقاطع والزوايا



المستقيم الذي يقطع مستقيمين أو أكثر يسمى **قاطعًا**. ويكوّن ثماني زوايا.

تقع **الزوايا الداخلية** في الناحية الداخلية للمستقيمين. أمثلة: $\angle 3, \angle 4, \angle 5, \angle 6$

تقع **الزوايا الخارجية** في الناحية الخارجية للمستقيمين. أمثلة: $\angle 1, \angle 2, \angle 7, \angle 8$

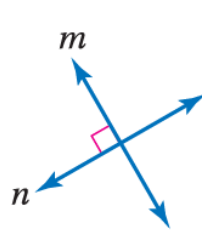
الزوايا الداخلية المتبادلة هي الزوايا الداخلية التي تقع على جانبيين متقابلين من القاطع. وعندما يكون المستقيمان متوازيين، يكون قياس هذه الزوايا متساويًا. أمثلة: $m\angle 4 = m\angle 6$, $m\angle 3 = m\angle 5$

الزوايا الخارجية المتبادلة هي الزوايا الخارجية التي تقع على جانبيين متقابلين من القاطع. وعندما يكون المستقيمان متوازيين، يكون قياس هذه الزوايا متساويًا. أمثلة: $m\angle 1 = m\angle 7$, $m\angle 2 = m\angle 8$

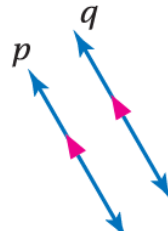
الزوايا المتناظرة هي تلك الزوايا التي تقع في الموضع نفسه من المستقيمين بالنسبة إلى القاطع. وعندما يكون المستقيمان متوازيين، يكون قياس هذه الزوايا متساويًا. أمثلة: $m\angle 1 = m\angle 5, m\angle 2 = m\angle 6, m\angle 4 = m\angle 8, m\angle 3 = m\angle 7$

يُستخدم ترميز خاص للإشارة إلى المستقيمتان المتعامدة والمتوازية.

يشير رمز الزاوية القائمة الأحمر إلى أن المستقيمين m و n متعامدان.

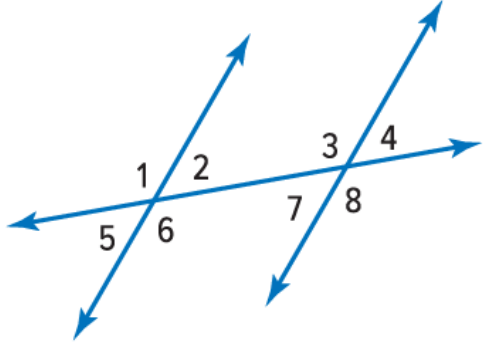


$m \perp n$



$p \parallel q$

وتشير رؤوس الأسهم الحمراء إلى أن المستقيمين p و q متوازيان.

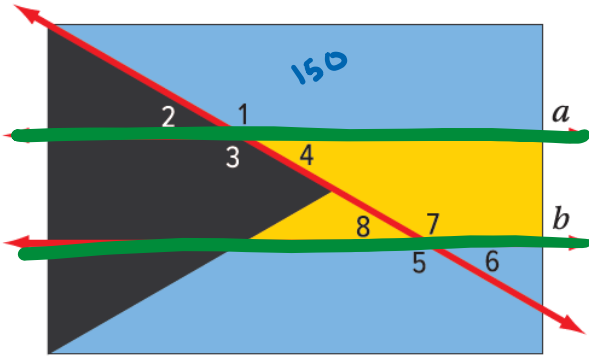


صنّف كل زوج من الزوايا على أنها **داخلية متبادلة**، أو **خارجية متبادلة**، أو **متناظرة**. (المثالان 1 و 2)

1. $\angle 2$ و $\angle 4$ ————— **متناظرة**

2. $\angle 4$ و $\angle 5$ ————— **خارجية متبادلة**

3 في العلم الموضح على اليسار، يتوازي المستقيم a مع المستقيم b . فإذا كان $m\angle 1 = 150^\circ$ ، فأوجد $m\angle 4$ و $m\angle 7$. علل إجاباتك. (المثال 3)

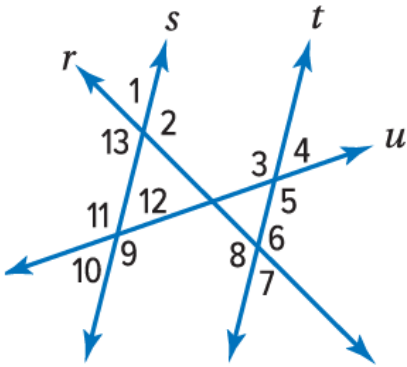


• **متناظران** $\rightarrow m\angle 1 = m\angle 7$

$$\rightarrow m\angle 7 = 150^\circ$$

• **زاوية مستقيمة** $\rightarrow \angle 1, \angle 4$

$$m\angle 4 = 180 - 150 = 30^\circ$$



ارجع إلى الشكل الموضح على اليسار. يتوازي المستقيم s مع المستقيم t ، و $m\angle 2$ يساوي 110° و $m\angle 11$ يساوي 137° . أوجد قياس كل زاوية معطاة.

علل إجاباتك. (المثال 4)

4. $m\angle 7$ ————— **متناظرة** $\rightarrow m\angle 6 = m\angle 2 = 110$

$$m\angle 7 = 180 - 110 = 70 \rightarrow \text{منكاملة}$$

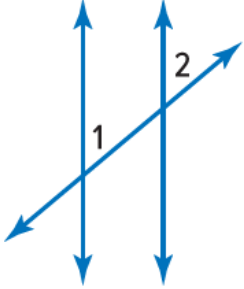
5. $m\angle 8$ ————— **داخلية متبادلة** $\rightarrow m\angle 8 = m\angle 2 = 110$

6. $m\angle 3$ ————— **متناظرة** $\rightarrow m\angle 3 = m\angle 11 = 137^\circ$



7. يقطع المستقيمين المتوازيين على اليسار قاطع. أوجد قيمة x .

a. الزاويتان 1 و 2 زاويتان متناظرتان، و $m\angle 1 = 45^\circ$ و $m\angle 2 = (x + 25)^\circ$.



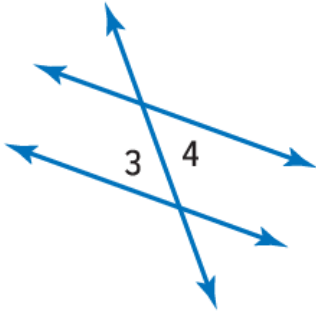
$$m\angle 1 = m\angle 2 \rightarrow \text{مناظرتان}$$

$$45 = x + 25$$

$$45 - 25 = x$$

$$20 = x$$

b. الزاويتان 3 و 4 زاويتان داخليتان متبادلتان، و $m\angle 3 = 2x^\circ$ و $m\angle 4 = 80^\circ$.



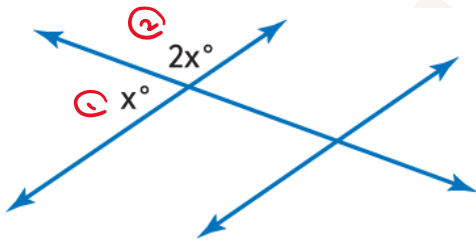
$$m\angle 3 = m\angle 4 \rightarrow \text{داخليتان متبادلتان}$$

$$2x = 80$$

$$x = \frac{80}{2}$$

$$x = 40$$

8. صف الطريقة التي يمكنك استخدامها لإيجاد قيمة x في الشكل الموضح على اليسار دون استخدام المنقلة.



$$\angle 1, \angle 2 \rightarrow \text{متكاملتان}$$

$$x + 2x = 180$$

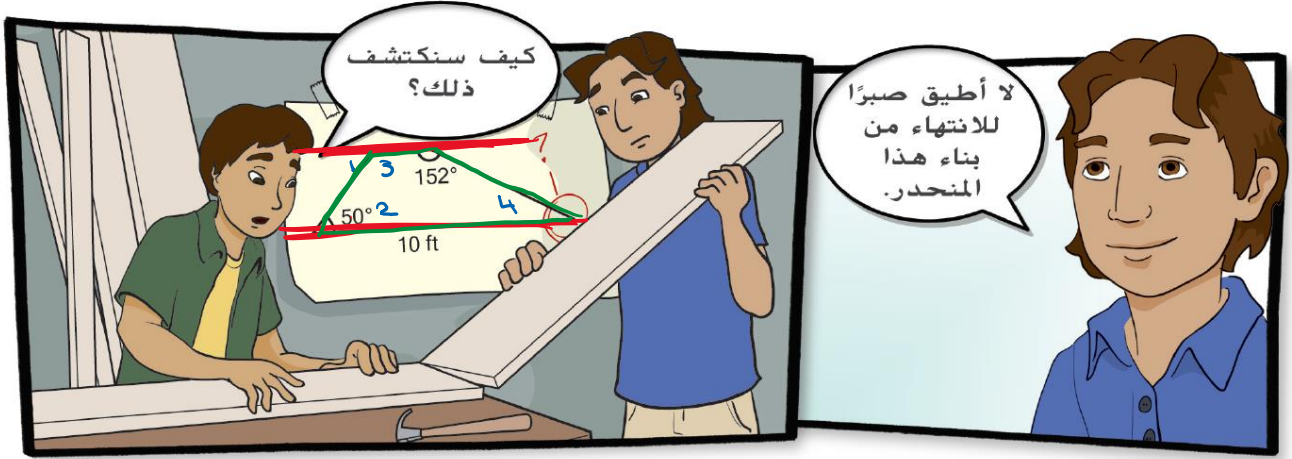
$$3x = 180$$

$$x = \frac{180}{3}$$

$$x = 60$$



19 استخدام نماذج الرياضيات ارجع إلى الإطار المصور الرسومي التالي للتمرينين a-b.



a. صف طريقة يمكنك استخدامها لإيجاد قياس الزاوية الناقصة.

الشكل به ضلعان متوازيان والمجاورين قاطعتين لهما
تم استخدم قواعد الزوايا المتبادلة داخليًا والمتكاملة

b. استخدم الطريقة التي حددتها في الجزء a لإيجاد قياس الزاوية الناقصة.

$$m\angle 1 = m\angle 2 = 50$$

$$m\angle 1 + m\angle 3 = 180$$

$$50 + m\angle 3 = 180$$

$$m\angle 3 = 130$$

في الشكل الرباعي:

$$50 + 130 + 152 + m\angle 4 = 360$$

$$332 + m\angle 4 = 360$$

$$m\angle 4 = 360 - 332 = \boxed{28}$$